

Para determinar qual é mais barata computacionalmente em termos de número de operações aritméticas

Para a expressão

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n ((x_i)^2 - (\bar{x}_i)^2)$$

\* ~~é~~ é necessário calcular  $(x_i)^2$

n vezes

\* é necessário calcular  $(\bar{x}_i)^2$

n vezes

\* é necessário subtrair  $(x_i)^2 - (\bar{x}_i)^2$

n vezes

\* Por último, é necessário fazer n-1 adições

total de operações aritméticas:

$$n + n + n + n - 1 = \boxed{3n + n - 1} = \boxed{4n - 1}$$

operações

Para a expressão

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$



\* é necessário fazer  $n$  subtrações

$$(x_i - \bar{x}_i)$$

\* é ~~necessário~~ necessário fazer  
 $n$  multiplicações  $(x_i - \bar{x}_i)^2$

\* é necessário fazer  $n-1$  adições

Logo, a quantidade de operações  
aritméticas será

$$n + n + n - 1 = \boxed{2n + n - 1} = \underline{3n - 1}$$

~~3n - 1~~

Conclusão: A melhor expressão  
(menos custos) em termos  
de operações aritméticas é -

$$a \quad \sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x}_i)^2$$