Universidade Federal de Alfenas - UNIFAL-MG - campus Varginha Bacharelado Interdisciplinar em Ciência e Economia Disciplina: Análise multivariada - Profa. Patrícia de Siqueira Ramos Lista 4 - Análise de agrupamento

Seja o seguinte conjunto de dados (n = 6, p = 2):

Obs	$X_1$	$X_2$
0	1	4
1	1	3
2	0	4
3	5	1
4	6	2
5	4	0

Para auxiliar, a matriz de distâncias euclidianas entre as observações é:

$$\boldsymbol{D} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1,00 & 0 \\ 1,00 & 1,41 & 0 \\ 5,00 & 4,47 & 5,83 & 0 \\ 5,39 & 5,10 & 6,32 & 1,41 & 0 \\ 5,00 & 4,24 & 5,66 & 1,41 & 2,83 & 0 \end{bmatrix}$$

- 1 (manual) Agrupe os dados usando os métodos de agrupamento abaixo. Para cada letra mostre as matrizes de distâncias obtidas para todos os passos e os dendrogramas resultantes dos agrupamentos:
- a) Método do vizinho mais próximo.
- b) Método do vizinho mais distante.
- c) Método da distância média.
- d) Comente as principais diferenças identificadas entre os métodos.
- 2 (python) Faça o que foi pedido na questão 1, porém utilizando o Python. Além disso, também retorne os dendrogramas obtidos com os métodos:
- a) centróide.
- b) Ward.
- 3 (python) Aplique o método das k-médias no conjunto de dados:
- a) Utilize o número de grupos k que você julgou melhor nas questões 1 e 2.
- b) Obtenha o gráfico  $SQDG \times$  número de grupos e verifique qual seria o número de grupos mais indicado para o método das k-médias.
- 4 (python) No *notebook* da aula prática sobre agrupamento ('p8-aa-colab') foram utilizados dados do IMRS para MG. Faça o que se pede:
- a) Retire as observações de Belo Horizonte, Nova Lima, Confins e Jeceaba. Obtenha os dendrogramas de todos os métodos de agrupamento hierárquicos. O resultado foi muito diferente do obtido quando essas 4 observações estavam presentes?
- b) Escolha um dos métodos da letra a (o que julgar mais adequado) e analise os grupos quanto à média e à mediana. Como são esses grupos? Quais seus perfis? Obtenha o diagrama de dispersão dos  $CP_{\Sigma}$
- c) Aplique o método das k-médias (usando o número de grupos que julgar mais adequado na letra
- a) e interprete os resultados. O resultado foi muito diferente do obtido quando as 4 observações estavam presentes? Foi muito diferente do obtido na letra a? Obtenha o diagrama de dispersão dos CPs.