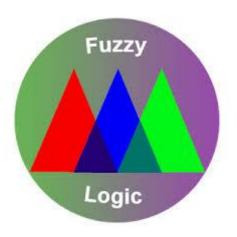
Modelos de Inteligencia Artificial



:: U2 ::

Lógica difusa Diseño de Sistemas Expertos



Curso 2023-24

Tabla de contenidos



Lógica difusa

- 1. Lógica binaria vs lógica difusa
- 2. Nociones básicas sobre conjuntos
- 3. Conjuntos clásicos vs difusos
- 4. Funciones de membresía
- 5. Relaciones difusas
- 6. Razonamiento aproximado
- 7. Diseño de un sistema de control difuso

Tabla de contenidos



Lógica difusa

- 1. Lógica binaria vs lógica difusa
- 2. Nociones básicas sobre conjuntos
- 3. Conjuntos clásicos vs difusos
- 4. Funciones de membresía
- 5. Relaciones difusas
- 6. Razonamiento aproximado
- 7. Diseño de un sistema de control difuso

Tabla de contenidos



Lógica difusa

- 1. Lógica binaria vs lógica difusa
- 2. Nociones básicas sobre conjuntos
- 3. Conjuntos clásicos vs difusos
- 4. Funciones de membresía
- 5. Relaciones difusas
- 6. Razonamiento aproximado
- 7. Diseño de un sistema de control difuso

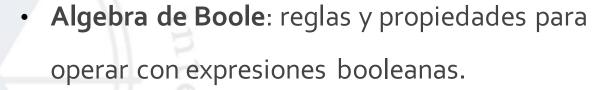


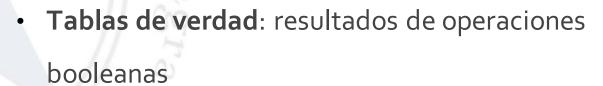
Sesión 1

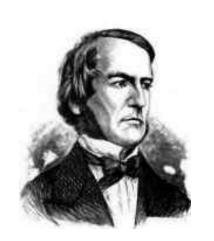


Lógica binaria (o booleana)

- Desarrollada por George Boole en el siglo XIX.
- Principio: las proposiciones se pueden reducir a dos
 estados (o variables) lógicos (verdadero (1) y falso (o)
) junto a los operadores que permiten manejar esos
 valores (AND, OR y NOT)







р	q	p∧q	p∨q	p⊻q
V	V	V	V	F
V	F	F	V	V
F	V	F	V	V
F	F	F	F	F



Lógica difusa

Siglo XIX

Siglo XX



Jan
 Lukasiewicz propon
 e una alternativa
 sistemática a la
 lógica bivaluada de
 Aristóteles, la lógica
 trivaluada.



Max Black define en 1937 el primer conjunto difuso mediante una curva que recogía la frecuencia con la que se pasaba de un estado a su opuesto.



• En 1965 Lotfi Asker

Zadeh, basado en las ideas de

Black, crea la 'lógica difusa', que
combina los conceptos de la

lógica clásica y de los conjuntos

de Jan Lukasiewicz mediante la
definición de grados
de pertenencia.



- La lógica difusa se basa en un razonamiento afín a la aproximación a la percepción humana: no todo es blanco o negro, sino que el pensamiento humano contempla diversos "grises".
- En Inteligencia artificial, la lógica difusa se utiliza para la resolución de una variedad de problemas, principalmente los relacionados con el control de procesos industriales complejos y sistemas de decisión en general.



• Áreas de aplicación tecnológica de la lógica difusa

- o control de dosificación en plantas de aguas residuales
- o control de robots en inspección de túneles
- o control de temperatura en máquinas de fabricación de plásticos
- o climatización y automatización de edificios
- o sistemas de cálculo financiero, riesgos, ...
- 0 ...



RETO₂

Cálculo del riesgo en pólizas





RETO₂

Cálculo del riesgo en pólizas

¿Se concede una poliza si existe un riesgo del 60,2785%?





Una afirmación puede ser ...

Lógica binaria (clásica)		
Verdadero	1	
Falso	0	

condición veracidad ∈ {0,1}



Una afirmación puede ser ...

Lógica binaria (clásica)		
Verdadero	1	
Falso	0	

Lógica difusa	
Parcialmente verdadero	0.7
Parcialmente falso	0.1

condición veracidad ∈ {0,1}

condición veracidad ∈ {0.0,1.0}



Ejemplo

¿Cómo de mojada está la ropa que hemos tendido?



o (seca) **1** (mojada)



Ejemplo

¿Cómo de mojada está la ropa que hemos tendido?



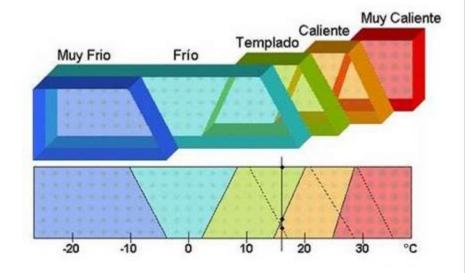
o (seca)	1 (mojada)
-----------------	-------------------

o (seca)	0.	1 (mojada)
	0.25	0.75
	(algo	(bastante
	mojada)	mojada)



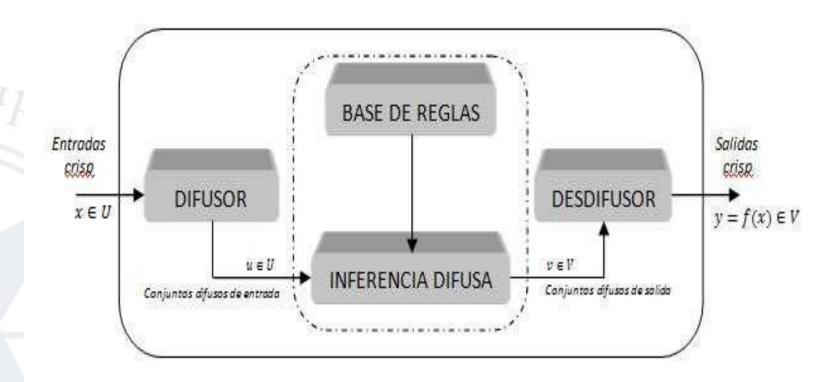


 La lógica difusa analiza los métodos y principios de razonamiento a partir de proposiciones imprecisas que relacionan magnitudes y valores lingüísticos y cualitativos modelados por conjuntos difusos.





Objetivo :: modelado de sistemas difusos ...



... por ejemplo como sistemas expertos

2. Nociones sobre conjuntos



... pero antes de "meternos en harina" cabe hacer alguna aclaración sobre qué son los conjuntos y cómo manejarse con ellos ...

2. Nociones sobre conjuntos



 Un conjunto es una colección de cosas, generalmente números.

<u>Ejemplo</u>: **{5, 7, 11}** es un conjunto.

Se puede definir un conjunto describiendo lo que hay en él.



Dice "el conjunto de todas las 'x', tal que la 'x' es mayor que o".

2. Nociones sobre conjuntos



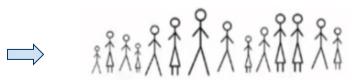
Símbolo	Significado	Ejemplo	
{}	Conjunto: una colección de elementos	A = {1, 2, 3, 4} B = {3, 4, 5}	
AUB	Unión : en A o B (o ambos)	A U B = {1, 2, 3, 4, 5}	
A∩B	Intersección: tanto en A como en B	A ∩ B = {3, 4}	
A⊆B	Subconjunto : cada elemento de A está en B.	{3, 4, 5} ⊆ B	
A⊂B	Subconjunto propio : cada elemento de A está en B, pero B tiene más elementos.	{3, 5} ⊂ B	
A⊄B	No es un subconjunto : A no es un subconjunto de B	{1, 6} ⊄ B	
A⊇B	Superconjunto: A tiene los mismos elementos que B, o más	$\{1, 2, 3\} \supseteq \{1, 2, 3\}$	
A⊃B	Superconjunto propio: A tiene elementos de B y más	$\{1, 2, 3, 4\} \supset \{1, 2, 3\}$	
A⊅B	No es un superconjunto : A no es un superconjunto de B	{1, 2, 6} ⊅ {1, 9}	
A ^c	Complemento: elementos que no están en A	B ^c = {1, 2, 6, 7} cuando = {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}	
A – B	Diferencia : en A pero no en B	{1, 2, 3, 4} - {3, 4} = {1, 2}	
α ∈ A	Elemento de : α está en A	3 ∈ {1, 2, 3, 4}	
b∉A	No elemento de : <i>b</i> no está en A	6 ∉ {1, 2, 3, 4}	





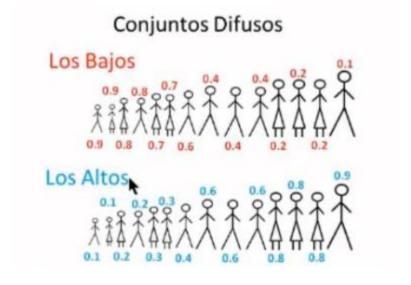
Ejemplo: Clasificación de personas en 2 conjuntos según se estatura





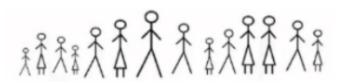


Una persona sólo puede pertenecer a un conjunto

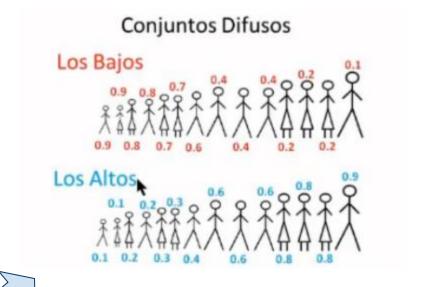




Ejemplo: Clasificación de personas en 2 conjuntos según se **estatura**







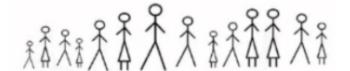
Una persona puede pertenecer a **más de un** conjunto ... en diferente grado





> Universo de discurso (todos los elementos)



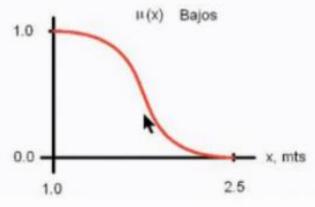


Por ejemplo, X € [1.5, 2.0] metros

> Función de membresía

Dominio = Universo de discurso, x € X

Imagen $\rightarrow \mu \in [0,1]$





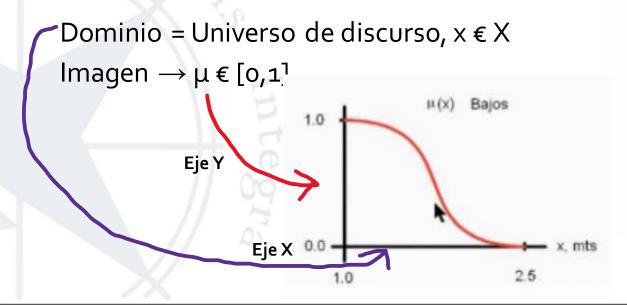
> Universo de discurso (todos los elementos)





Por ejemplo, X € [1.5, 2.0] metros

> Función de membresía



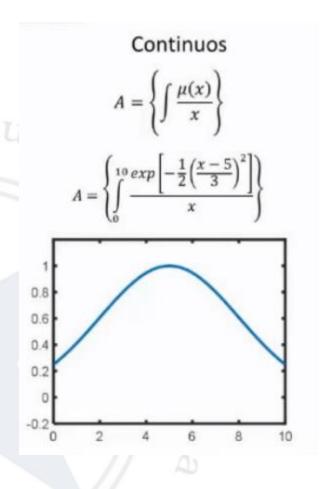
Conjuntos Difusos Los Bajos Los Altos

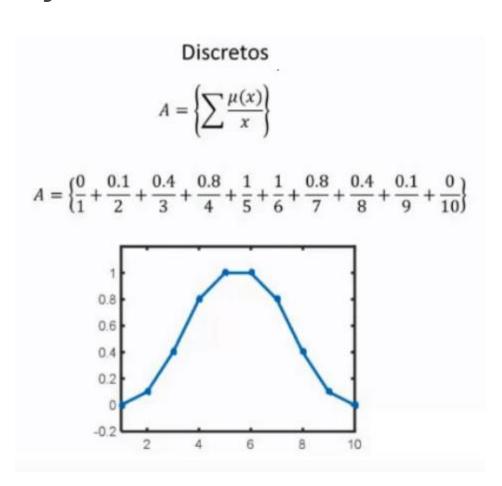


CIPFP Mislata

Centre Integrat Públic
Formació Professional Superior

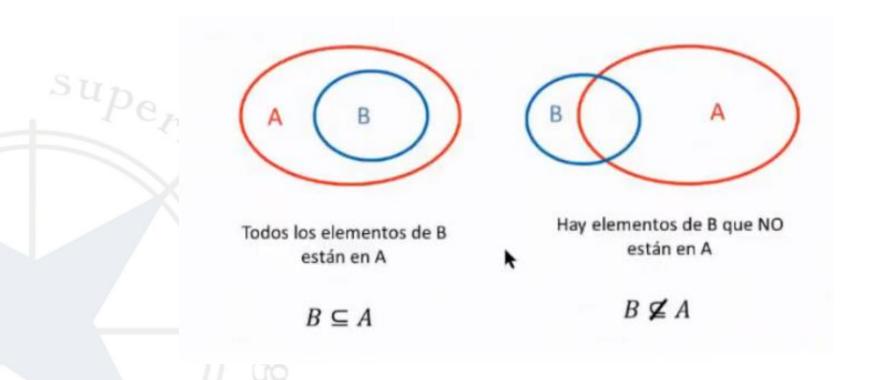
• Existen 2 formas de definir conjuntos difusos





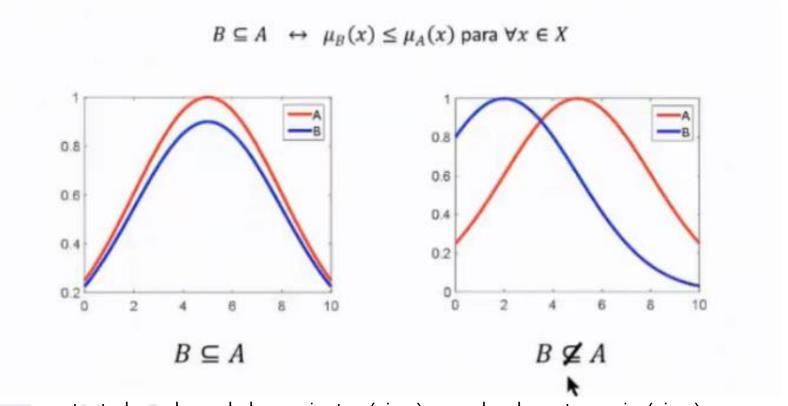


Propiedades de conjuntos clásicos (pertenencia)





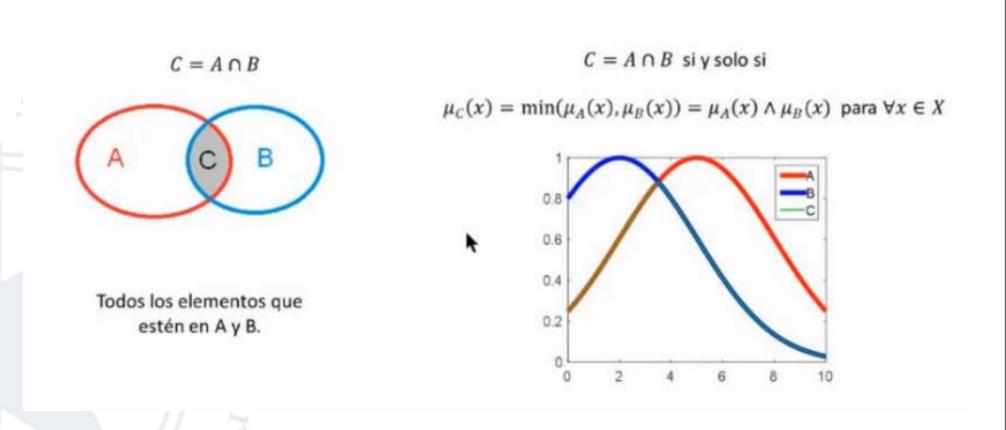
Propiedades de conjuntos clásicos vs difusos (pertenencia)



... tanto los valores de los conjuntos (eje x) como los de pertenencia (eje y) son representables gráficamente

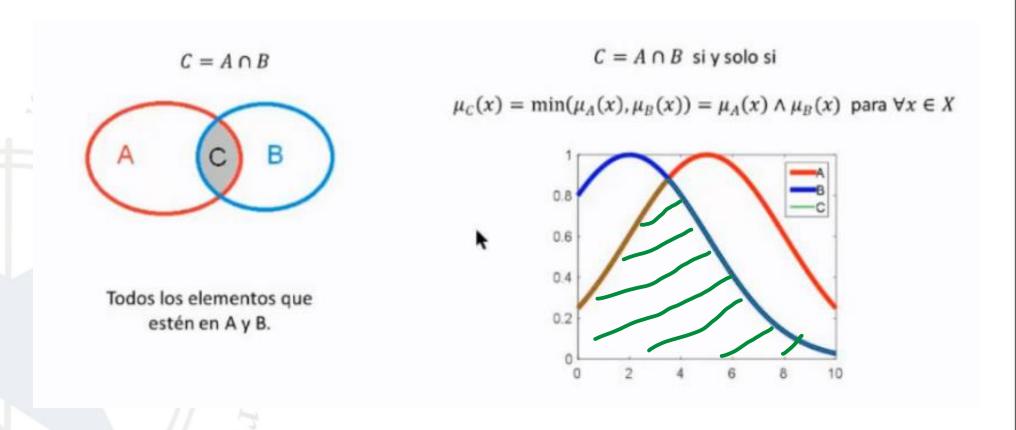


Propiedades de conjuntos clásicos vs difusos (intersección)



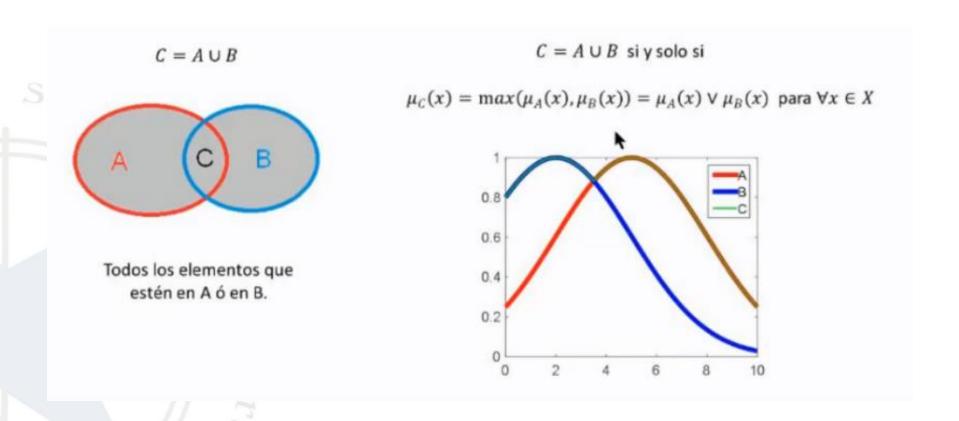


Propiedades de conjuntos clásicos vs difusos (intersección)



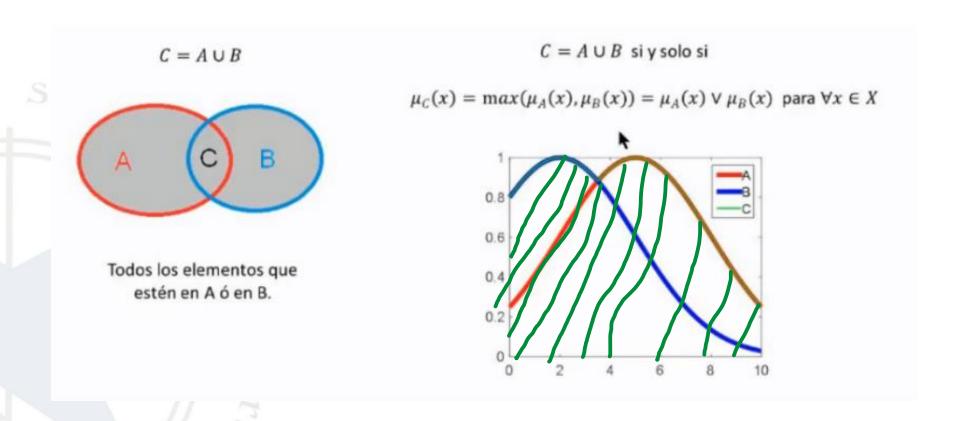


Propiedades de conjuntos clásicos vs difusos (unión)



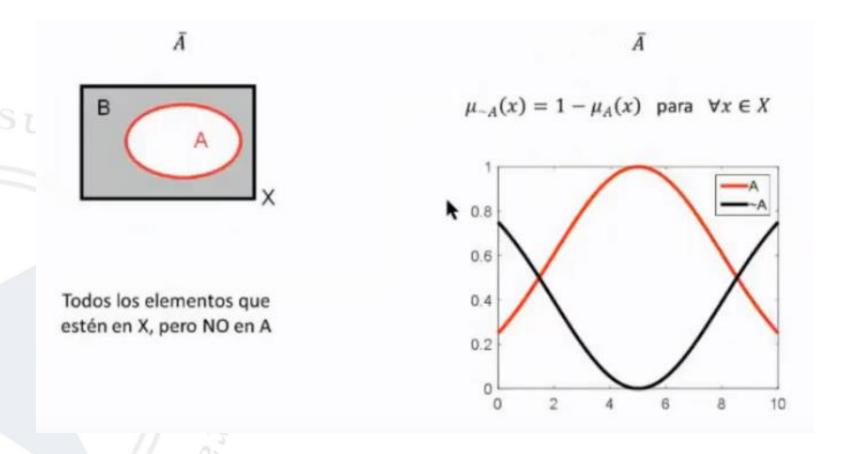


Propiedades de conjuntos clásicos vs difusos (unión)





Propiedades de conjuntos clásicos vs difusos (complemento)





Resumen: propiedades de conjuntos clásicos

	Unión	Intersección
Conmutativa	$A \cup B = B \cup A$	$A \cap B = B \cap A$
Asociativa	$A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$	$A\cap (B\cap C)=(A\cap B)\cap C$
Distributiva	$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$	$A\cap (B\cup C)=(A\cap B)\cup (A\cap C)$
Identidad	$A \cup \emptyset = A$	$A \cap \emptyset = \emptyset$
	$A \cup X = X$	$A \cap X = A$
Transitiva	Si $A \subseteq B \ y \ B \subseteq C$	entonces $A \subseteq C$
Idempotencia	$A \cup A = A$	$A \cap A = A$
Complementariedad	$A \cup \bar{A} = X$	$A \cap \bar{A} = \emptyset$
Leyes de DeMorgan	$\overline{A \cup B} = \overline{B} \bigcap \overline{A}$	$\overline{A \cap B} = \overline{B} \cup \overline{A}$
Involutiva	$ar{ar{A}}=$: A



• Resumen: propiedades de conjuntos difusos

Conmutativa	$A \cup B = B \cup A$	$A \cap B = B \cap A$
	$\max(\mu_A,\mu_B) = \max(\mu_B,\mu_A)$	$\min(\mu_A,\mu_B)=\min(\mu_B,\mu_A)$
Asociativa	$A \cup (B \cup C) \rightarrow$	
	$\max(\mu_A, \max(\mu_B, \mu_C)) = \max(\mu_B, \mu_C)$	μ_A, μ_B, μ_C) = max(max(μ_A, μ_B), μ_C)
		$\rightarrow (A \cup B) \cup C$
	$A \cap (B \cap C) \rightarrow$	
	$\min(\mu_A, \min(\mu_B, \mu_C)) = \min(\mu_B, \mu_C)$	$(\mu_A, \mu_B, \mu_C) = \min(\min(\mu_A, \mu_B), \mu_C)$



Resumen: propiedades de conjuntos difusos

Identidad	$A \cup \emptyset = A$	$\max(\mu_A,0)=\mu_A$	$A \cap \emptyset = \emptyset$	$\min(\mu_A,0)=0$
	$A \cup X = X$	$\max(\mu_A, 1) = 1$	$A \cap X = A$	$\min(\mu_A, 1) = \mu_A$

Transitiva

Si $A \subseteq B$ y $B \subseteq C$ entonces $A \subseteq C$

0

Si $\mu_A \le \mu_B$ y $\mu_B \le \mu_C$ entonces $\mu_A \le \mu_C$

Idempotencia

 $A \cup A = A$

 $\max(\mu_A, \mu_A) = \mu_A$

 $A \cap A = A$

 $\min(\mu_A, \mu_A) = \mu_A$

Involutiva

 $\bar{A} = A$

 $\mu_{A} = 1 - \mu_{A} = 1 - (1 - \mu_{A}) = \mu_{A}$



Resumen: propiedades de conjuntos difusos

$$\overline{A \cup B} = \overline{B} \cap \overline{A}$$

$$1 - \max(\mu_A, \mu_B) = \min(1 - \mu_A, 1 - \mu_B)$$

$$\operatorname{Si} \mu_A = \mu_B \qquad 1 - \mu_A = 1 - \mu_A$$

$$\operatorname{Si} \mu_A > \mu_B \qquad 1 - \mu_B = 1 - \mu_B$$

$$\operatorname{Si} \mu_A < \mu_B \qquad 1 - \mu_B = 1 - \mu_B$$

$$\overline{A \cap B} = \overline{B} \cup \overline{A}$$

$$1 - \min(\mu_A, \mu_B) = \max(1 - \mu_A, 1 - \mu_B)$$

$$\operatorname{Si} \mu_A = \mu_B \qquad 1 - \mu_A = 1 - \mu_A$$

$$\operatorname{Si} \mu_A > \mu_B \qquad 1 - \mu_B = 1 - \mu_B$$

$$\operatorname{Si} \mu_A > \mu_B \qquad 1 - \mu_B = 1 - \mu_B$$

$$\operatorname{Si} \mu_A > \mu_B \qquad 1 - \mu_B = 1 - \mu_B$$

$$\operatorname{Si} \mu_A < \mu_B \qquad 1 - \mu_A = 1 - \mu_A$$



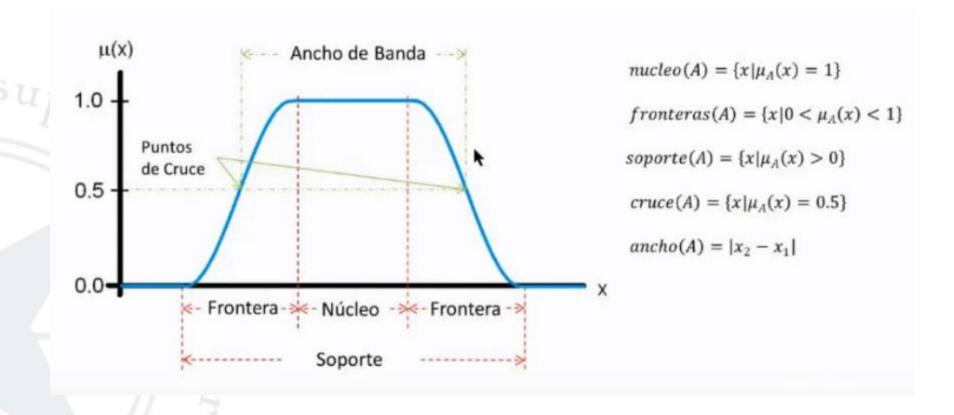
Práctica 1 :: Operaciones con conjuntos difusos

Entra en moodle y descarga el documento "Práctica 1 ::
 Operaciones conjuntos difusos" en el que se propone
 representar mediante código Python las propiedades
 vistas

4. Funciones de membresía



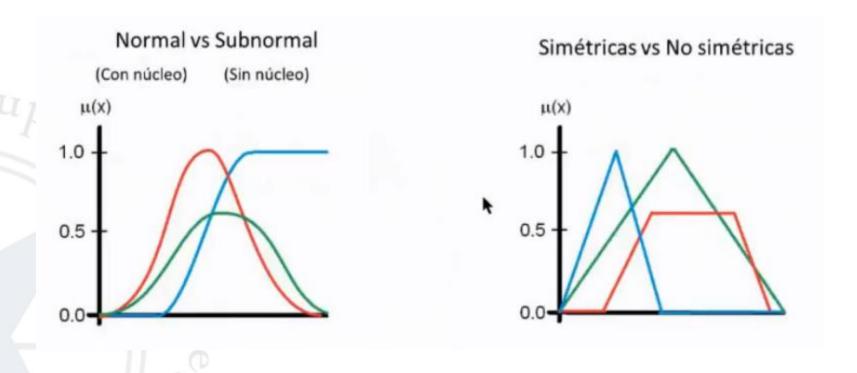
Características de las funciones de membresía







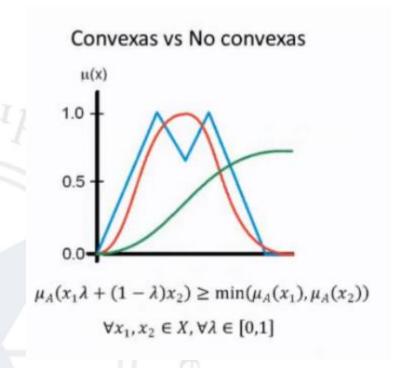
• Tipos de funciones de membresía

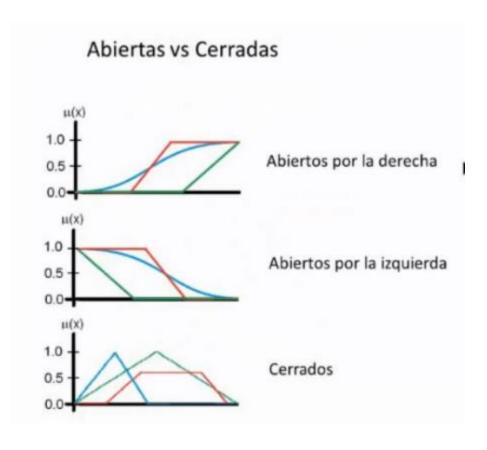


4. Funciones de membresía



• Tipos de funciones de membresía



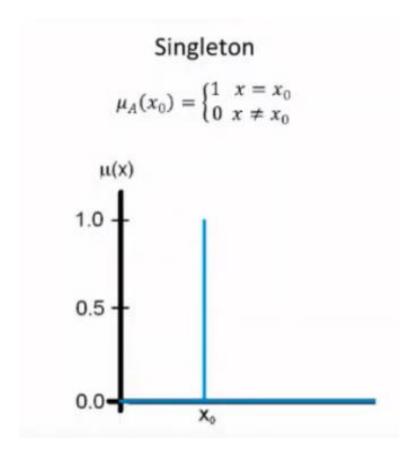


4. Funciones de membresía



• Funciones de membresía distintivas

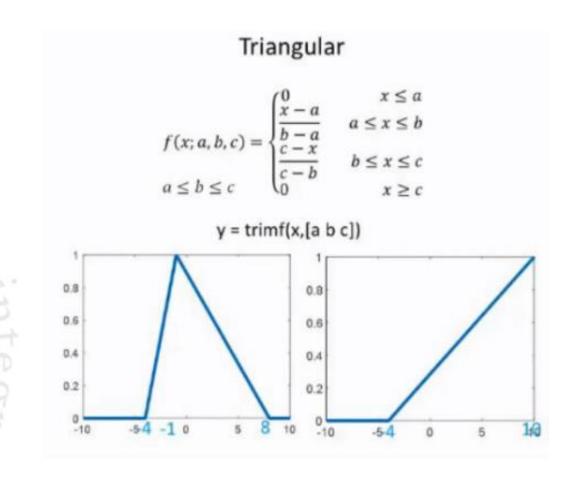








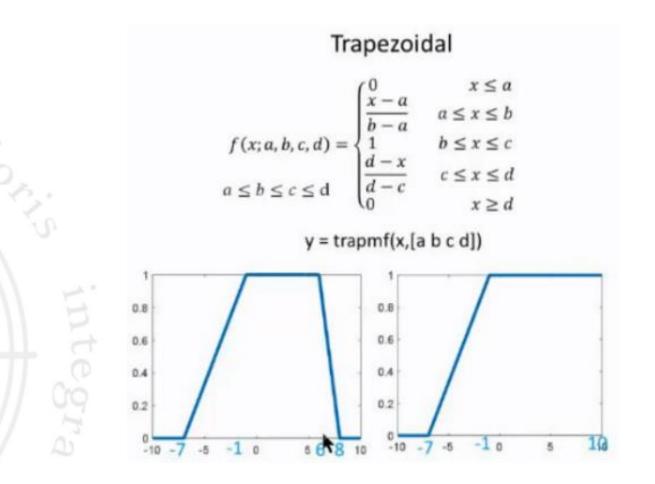
• Funciones de membresía distintivas (con derivadas discontinuas)







• Funciones de membresía distintivas (con derivadas discontinuas)



4. Funciones de membresía

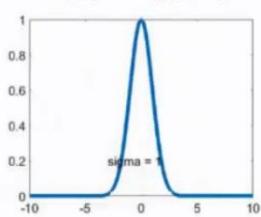


 Funciones de membresía distintivas (con derivadas continuas y semi-cerradas)

Gaussiana

$\int U f(x; \sigma, x_0) = e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{x - x_0}{\sigma}\right)^2}$ σ determina el ancho x_0 fija el centro

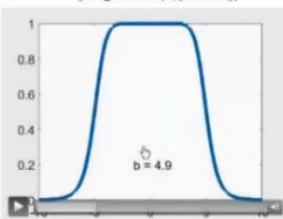
y = gaussmf(x,[sig x0])



Campana Generalizada

$$f(x; a, b, x_0) = \frac{1}{1 + \left| \frac{x - x_0}{a} \right|^{2b}}$$

y = gbellmf(x,[a b x0])

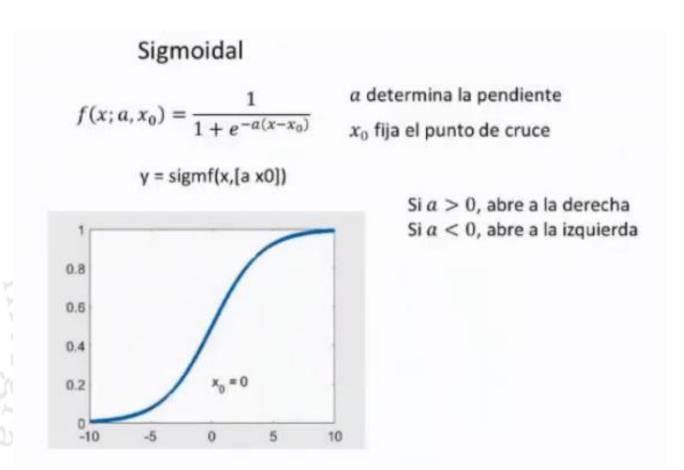


- a determina el ancho
- b determina la pendiente
- x_0 fija el centro

4. Funciones de membresía



 Funciones de membresía distintivas (con derivada continua y abierta)



3. Conjuntos clásicos vs difusos



Práctica 2 :: Funciones de membresía

Entra en moodle y descarga el notebook "Práctica 2 ::
 Funciones de membresía" en el que se propone
 representar añadir el código Python necesario para
 representar algunas de las funciones de membresía
 anteriores.

Tabla de contenidos



Lógica difusa

- 1. Lógica binaria vs lógica difusa
- 2. Nociones básicas sobre conjuntos
- 3. Conjuntos clásicos vs difusos
- 4. Funciones de membresía
- 5. Relaciones difusas

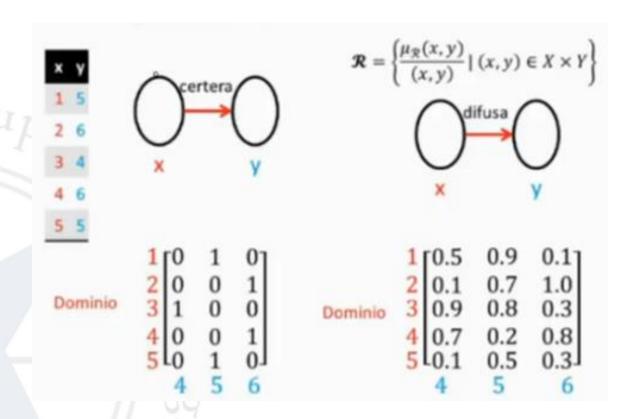


Sesión 2

- 6. Razonamiento aproximado
- 7. Diseño de un sistema de control difuso



• Matrices de representación de relaciones <u>certeras</u> vs <u>difusas</u>



Operaciones de **R**:

- unión
- intersección
- complemento
- subconjunto
- ..



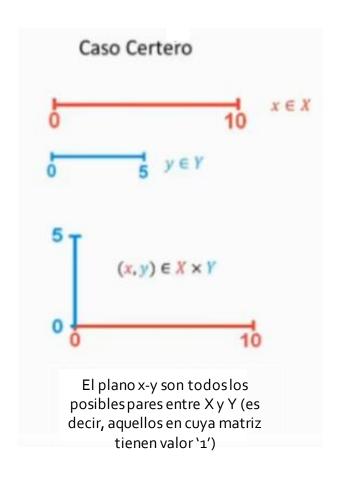
- De entre todas las operaciones que relacionan conjuntos difusos nos interesan especialmente 2:
 - 1. producto cartesiano (se expresa de la forma A x B)
 - 2. composición (se expresa de la forma A o B)
- Motivo: ¡estas 2 operaciones son útiles en el diseño de sistemas de control difuso!



Representación de la relación como producto cartesiano

Ejemplo:

En el caso de conjuntos clásicos, el producto cartesiano se representaría mediante dos ejes para 'x' e 'y'





Representación de la relación como producto cartesiano

Ejemplo 1:

Representamos la relación de dos conjuntos que relacionan velocidad y gravedad de un accidente en la conducción de un vehículo ...

A = alta velocidad

B = gravedad del accidente

... mediante una matriz resultante de calcular el producto cartesiano entre sus elementos

Caso Difuso

$$\mu_{A\times B}(x,y) = \min(\mu_A(x), \mu_B(y))$$

$$A = \left\{ \frac{0}{0} + \frac{0.1}{40} + \frac{0.5}{80} + \frac{0.8}{100} + \frac{1}{120} + \frac{1}{140} \right\}$$
 Alta Velocidad

$$B = \left\{ \frac{0.8}{1} + \frac{0.8}{2} + \frac{0.9}{3} + \frac{1}{4} \right\}$$

Gravedad del Accidente

$$R = A \times B = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 40 & 0.1 & 0.1 & 0.1 \\ 80 & 100 & 0.5 & 0.5 & 0.5 \\ 120 & 0.8 & 0.8 & 0.8 & 0.8 \\ 140 & 0.8 & 0.8 & 0.9 & 1 \\ 0.8 & 0.8 & 0.9 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$$



• Ejemplo 2

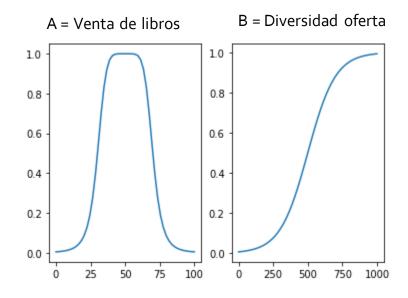
Aplicación del producto cartesiano a los siguientes 2 conjuntos difusos en el contexto de una librería

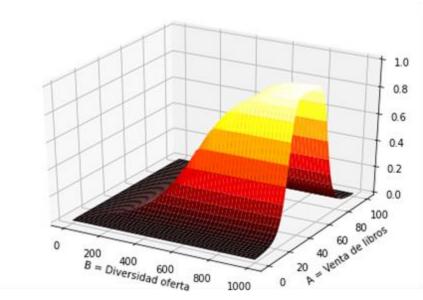
Conjunto	Universo de discurso	Función	Parámetros
A = Venta de libros	x = [1, 100] libros vendidos en cierto mes	Campana generalizada	x ₀ = 50, a= 20, b =3 al fijar x ₀ a 50 decimos que 50 es la venta "habitual" de cierto mes
B = Diversidad oferta	y = [1, 1000] libros ubicados en las estanterías	Sigmoide	yo = 500, a = 0,01 al fijar yo a 500 decimos que 500 es la diversidad "media" en cierto mes



• Ejemplo 2

Aplicación del producto cartesiano a los siguientes 2 conjuntos difusos en el contexto de una librería







Veamos ahora qué ocurre en el caso de la relación como **composición** ...

Idea básica:

• El **producto cartesiano** (R) relaciona **2** conjuntos (A y B)

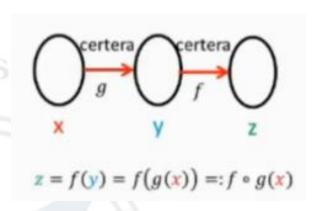
$$R = A \times B$$

 La composición (R) relaciona 3 conjuntos (A, B y C) como integración del producto cartesiano entre ellos

$$R_1 = A \times B$$
, $R_2 = B \times C$ ---> $R_{10}R_2$



Representación de la relación como composición



$$\mu_{R_1 \circ R_2}(x, z) = V_y \left[\mu_{R_1}(x, y) \wedge \mu_{R_2}(y, z) \right] = \max_{y} \left\{ \min \left[\mu_{R_1}(x, y), \mu_{R_2}(y, z) \right] \right\}$$

$$R_1 = A \times B = \begin{bmatrix} 0.4 & 1 & 0.2 \\ 0.1 & 0 & 0.5 \\ 0.9 & 0.7 & 0.8 \end{bmatrix} \quad R_2 = B \times C = \begin{bmatrix} 1 & 0.6 & 0.5 & 0.4 & 0 \\ 0.4 & 0.8 & 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.5 & 1.0 & 0.5 & 02 & 0.8 \end{bmatrix}$$

$$R_1 \circ R_2 = \begin{bmatrix} 0.4 & 1 & 0.2 \\ 0.1 & 0 & 0.5 \\ 0.9 & 0.7 & 0.8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0.6 & 0.5 & 0.4 & 0 \\ 0.4 & 0.8 & 0.7 & 0.3 & 0.3 \\ 0.5 & 1.0 & 0.5 & 0.2 & 0.8 \end{bmatrix}$$

$$R_1 \circ R_2 = \begin{bmatrix} 0.4 & 0.8 & 0.7 & 0.4 & 0.3 \\ 0.5 & 0.5 & 0.5 & 0.2 & 0.5 \\ 0.9 & 0.8 & 0.7 & 0.4 & 0.8 \end{bmatrix}$$

Computacionalmente, la **composición** de conjuntos difusos se calcula como una combinación de operaciones de máximos y mínimos!



• Ejemplo

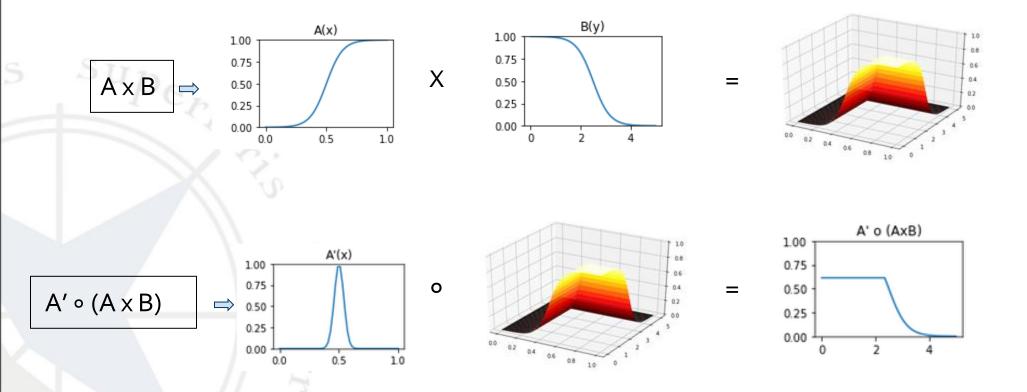
Aplicación de la **composición** a los siguientes 3 conjuntos difusos

Conjunto	Universo de discurso	Función	Parámetros
A(x)	x = [0, 1]	Sigmoide	xo = 0.5, a =15
В(у)	y = [o, 5]	Sigmoide	xo = 0.5, a =15
A'(x)	x = [0, 1]	Gaussiana	xo = 0.5, a =15



Ejemplo

Aplicación de la composición a los siguientes 3 conjuntos difusos





¿Qué es el razonamiento aproximado?

- o un modo de pensamiento que permite a través del lenguaje afrontar la resolución matemática de problemas con una lógica difusa
- o concepto clave: variable lingüística



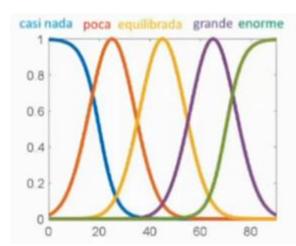
Variable lingüística \rightarrow (x, X, T, M)

- o x sería el nombre de la variable
- o X es el universo de discurso
- o **T** son los valores lingüísticos que acepta la variable
- o **M** es la regla semántica (función) que asocia cada término lingüístico con su significado



Ejemplo :: mundo del fútbol

- \circ **x** = posesión del balón de un equipo
- o X = [o, 90 minutos]
- o **T** = [casi nada, poca, equilibrada, grande, enorme]
 - M(casi nada) = sigm(x; -0.3, 20)
 - M(poca) = gaussmf(x; 9, 25)
 - M(equilibrada) = gaussmf(x; 9, 45)
 - M(grande) = gaussmf(x; 9, 65)
 - M(enorme) = sigm(x; -0.3, 70)





Reglas difusas Si-entonces

 En sistemas difusos relacionamos unas variables con otras con reglas difusas del tipo ...

"si x es A, entonces y es B"

... donde ...

... **x** e **y** son variables lingüísticas

... A y B son valores lingüísticos

Ejemplo:

 "si la posesión del balón es grande, entonces el estilo de juego es ofensivo"



Reglas difusas Si-entonces

"si x es A, entonces y es B"

... donde ...

... **x** e **y** son variables lingüísticas

... A y B son valores lingüísticos

Ejemplo:

variable x

variable y



de juego es ofensivo"



Reglas difusas Si-entonces

"si x es A, entonces y es B"

... donde ...

... **x** e **y** son variables lingüísticas

... A y B son valores lingüísticos

Ejemplo:

variable x

T = [casi nada, poca, equilibrada, grande, enorme]

variable y

"si la posesión del balón es grande, entonces el estilo de juego es ofensivo"

> T = [muy defensivo, defensivo,equilibrado, ofensivo, muy ofensivo]



Ejemplo: Evaluar la regla difusa ...

"si estudio mucho, soy un estudiante excelente"

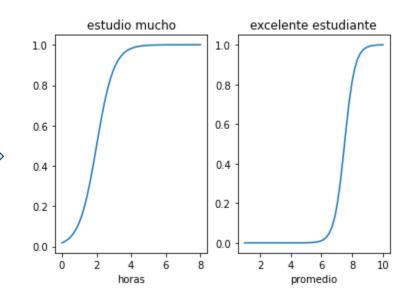
... con los valores lingüísticos ...

"estudio mucho" $\rightarrow \mu(A) = sigmf(x,[3,2])$

x ∈ [0,8] hrs/día de estudio

"excelente estudiante" $\rightarrow \mu(B) = sigmf(x,[3,8])$

x ∈ [0,10] promedio académico





Modus ponens difuso (método de inferencia)

Premisa 1 (hecho) x es A'

A'

Premisa 2 (regla) Si x es A, entonces y es B

 $R = A \times B$

Conclusión

y es B'

 $B' = A' \cdot R$



Modus ponens difuso (método de inferencia)

Premisa 1 (hecho) x es A'

• Premisa 2 (regla) Si x es A, entonces y es B $R = A \times B$

• Conclusión y es B' $B' = A' \cdot R$

Ejemplo:

Premisa 1 (hecho) "Pedro estudia poco"

Premisa 2 (regla) "Si estudio mucho, soy un excelente

estudiante"

Conclusión

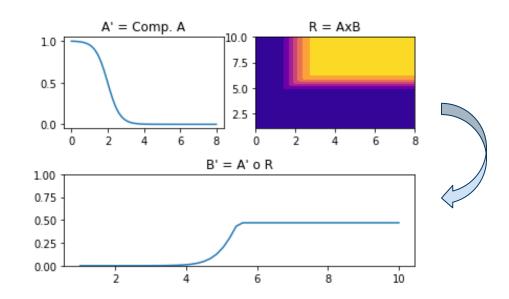




Modus ponens difuso (método de inferencia) Ejemplo:

- Premisa 1 (hecho)
- Premisa 2 (regla)
- Conclusión

- "Pedro estudia poco"
- "Si estudio mucho, soy un excelente estudiante"
- "Pedro es normal como estudiante"







Modus ponens difuso (método de inferencia) Ejemplo:

- Premisa 1 (hecho)
- Premisa 2 (regla)
- Conclusión

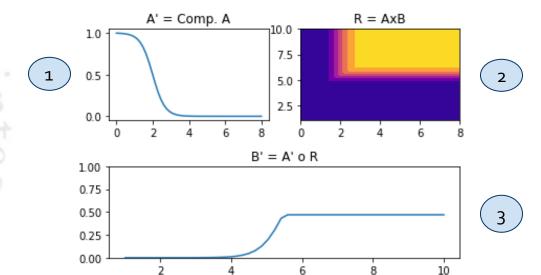
"Pedro estudia poco" (1)

"Si estudio mucho, soy un excelente estudiante"

2

"Pedro es muy poco excelente como estudiante"

A' ("estudiar poco")
es lo contrario de
"estudiar mucho" (A)





Práctica 3 :: Ejercicio modus ponens

Entra en moodle y descarga el notebook "Práctica 3 ::
 Relaciones difusas / razonamiento aproximado" en el que se propone representar generar el código Python necesario para la aplicación del método de inferencia al caso que se propone.

Tabla de contenidos



PARTE 2 :: Lógica difusa

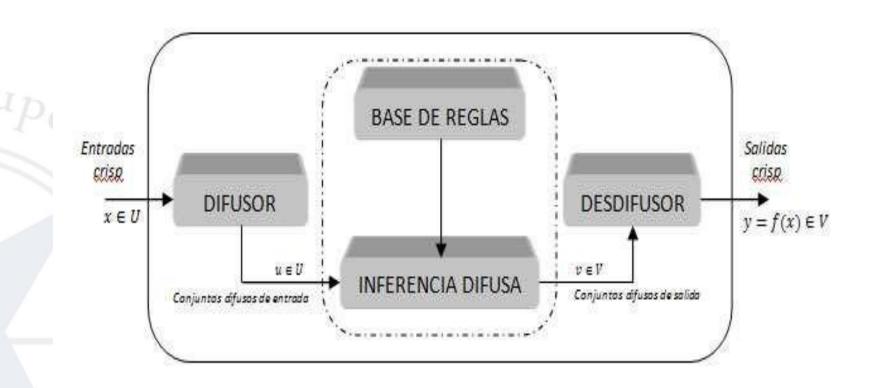
- 1. ¿Qué es la lógica difusa?
- 2. Nociones básicas sobre conjuntos
- 3. Conjuntos clásicos vs difusos
- 4. Funciones de membresía
- 5. Relaciones difusas
- 6. Razonamiento aproximado
- 7. Diseño de un sistema de control difuso







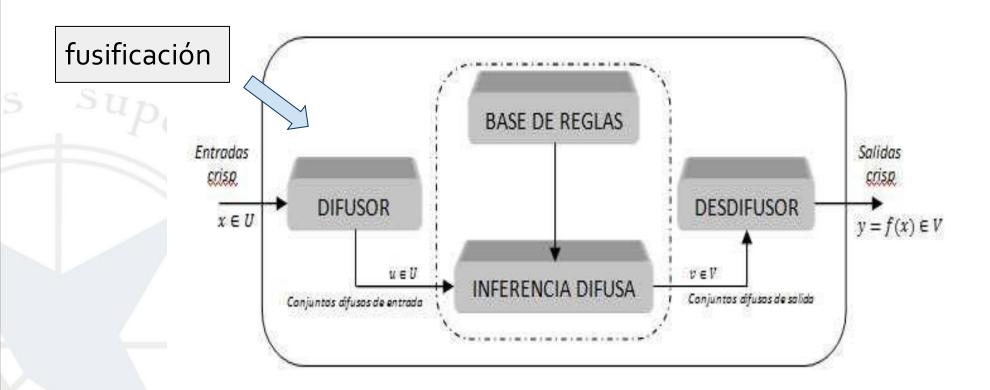
Objetivo :: modelado de sistemas difusos







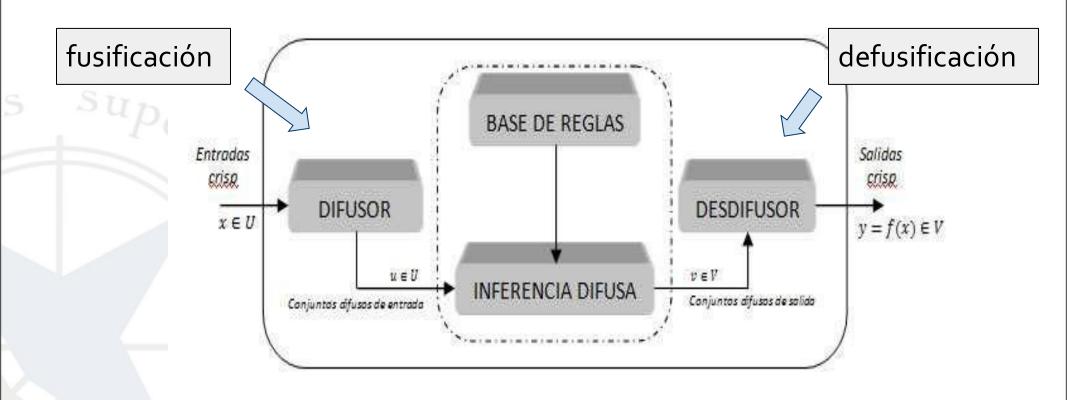
Objetivo :: modelado de sistemas difusos



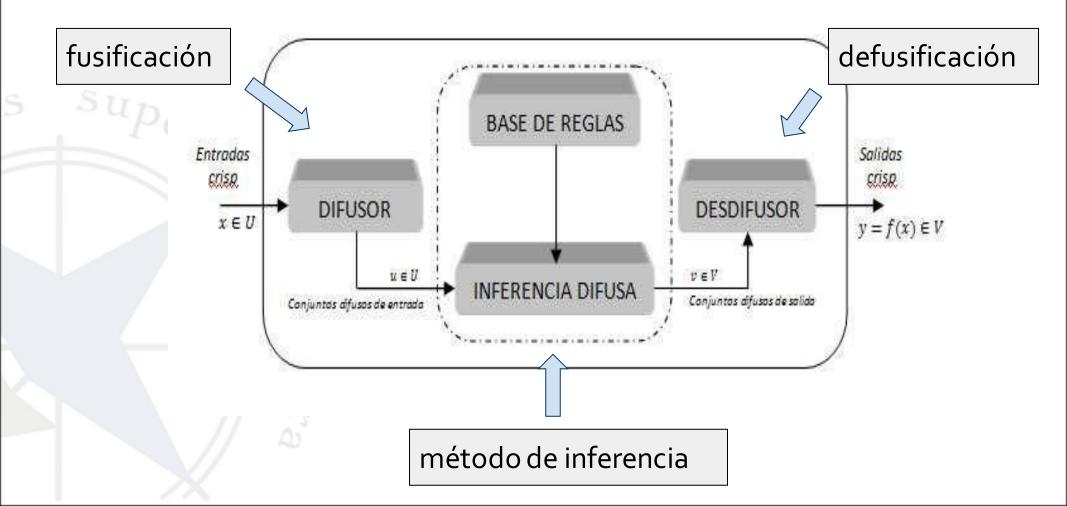
7. Diseño de controles difusos



Objetivo :: modelado de sistemas difusos

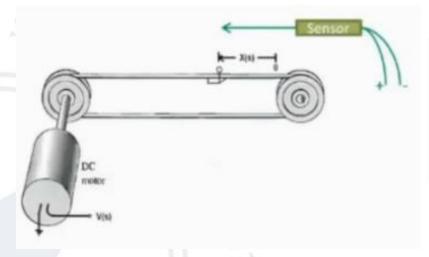


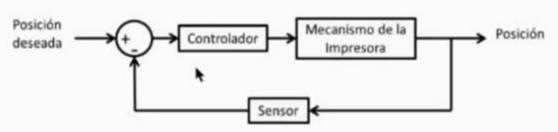






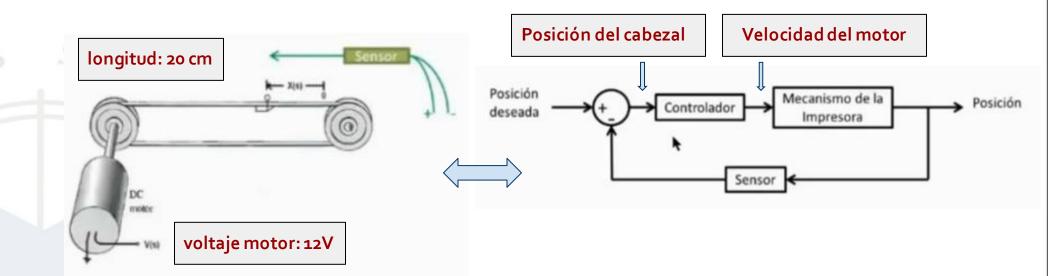
Ejemplo :: diseño del control que regule la posición de un cartucho de una impresora de inyección tinta





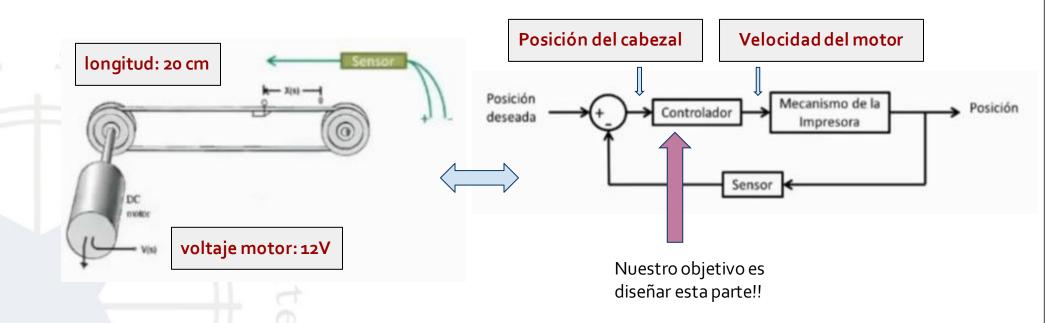


Ejemplo :: diseño del control que regule la posición de un cartucho de una impresora de inyección tinta



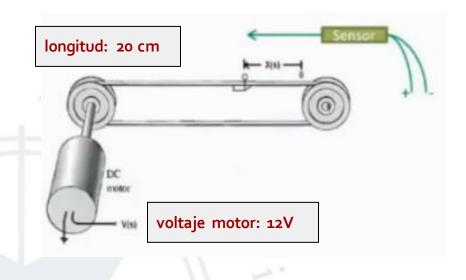


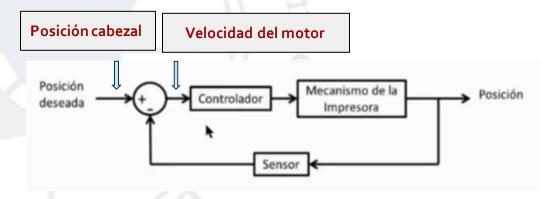
Ejemplo :: diseño del control que regule la posición de un cartucho de una impresora de inyección tinta





Ejemplo :: diseño del control que regule la posición de un cartucho de una impresora de inyección tinta.

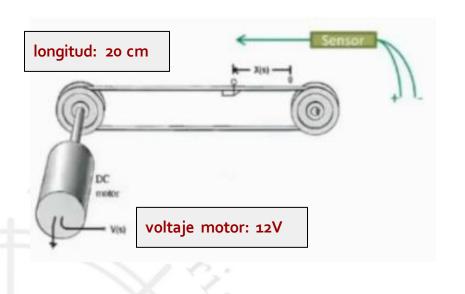


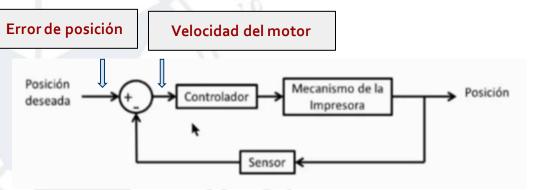


Procedimiento:

- 1. definir las variables
- definir el universo del discurso para cada variable
- 3. definir funciones de membresía
- 4. definir reglas de control difuso
- 5. fusificar
- 6. defusificar

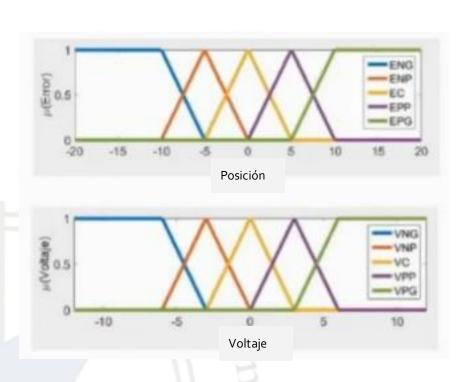






- 1. variables
 - a. posición del cabezal
 - b. voltaje
- 2. universo de discurso
 - a. posición del cabezal → [-20, 20]
 - b. voltaje \rightarrow [-12, 12]





3. funciones de membresía

```
M(PNG) = trapmf(e; -20, -20, -10, -5)

M(PNP) = trimf(e; -10, -5, 0)

M(PC) = trimf(e; -5, 0, 5)

M(PPP) = trimf(e; 0, 5, 10)

M(PPG) = trapmf(e; 5, 10, 20, 20)
```

```
M(VNG) = trapmf(e; -12, -12, -6, -3)

M(VNP) = trimf(e; -6, -3, 0)

M(VC) = trimf(e; -3, 0, 3)

M(VPP) = trimf(e; 0, 3, 6)

M(VPG) = trapmf(e; 3, 6, 12, 12)
```

Significado de las abreviaturas para los valores lingüísticos:

por ejemplo, "PNG" es "posición negativa grande" o VPP es "voltaje positivo pequeño"



4. juego de reglas de control difuso

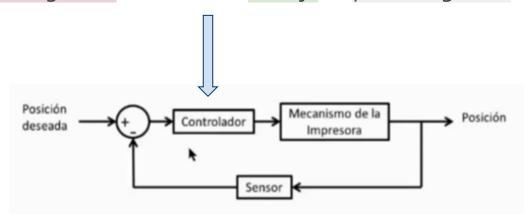
"Si la posición del cabezal es negativa grande entonces el voltaje es negativo grande"

"Si la posición del cabezal es negativa pequeña entonces el voltaje es negativo pequeño"

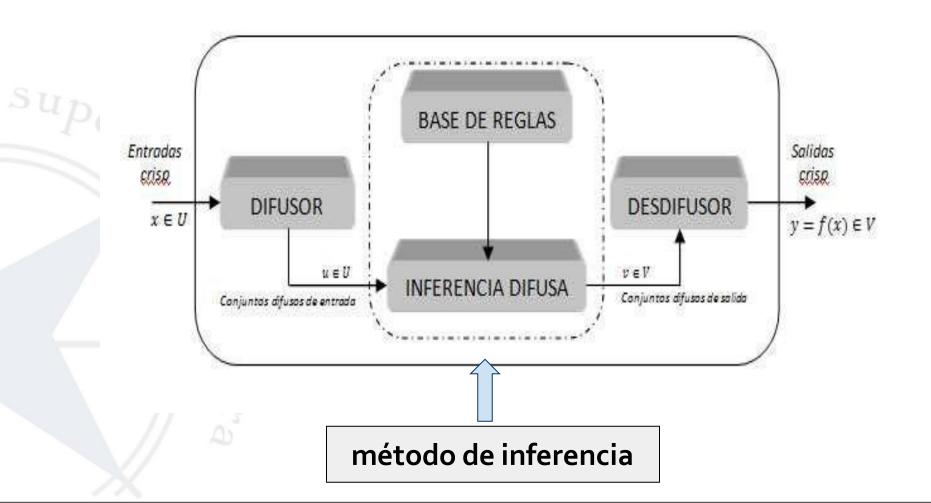
"Si la posición del cabezal es cero entonces el voltaje es cero"

"Si la posición del cabezal es positiva pequeña entonces el voltaje es positivo pequeño"

"Si la posición del cabezal es positiva grande entonces el voltaje es positivo grande"









interpretación matemática

4. método de inferencia

x es A' Si x es A1, entonces y es B1 Si x es A2, entonces y es B2	A' $B'1 = A' \cdot R1 = A' \cdot (A1 \times B1)$ $B'2 = A' \cdot R2 = A' \cdot (A2 \times B2)$
y es B'	B' = B'1 U B'2 U

 Como en lógica difusa cierto valor (x) no pertenece exclusivamente a uno de los conjuntos (A1..n) implicados en una regla, sino que pertenece en diferente grado a cada uno de ellos, cada "x" debe aplicarse a cada regla.



interpretación matemática

4. método de inferencia

x es A' Si x es A1, entonces y es B1 Si x es A2, entonces y es B2	A' B'1 = A' \cdot R1 = A' \cdot (A1 x B1) B'2 = A' \cdot R2 = A' \cdot (A2 x B2)
y es B'	B' = B'1 U B'2 U

• El conjunto **B'** es un nuevo conjunto que resulta de la "**unión**" de cada operación de composición (**B1..n**) relativa a las reglas definidas.



4. método de inferencia

x es A' Si x es A1, entonces y es B1 Si x es A2, entonces y es B2	A' B'1 = A' \cdot R1 = A' \cdot (A1 x B1) B'2 = A' \cdot R2 = A' \cdot (A2 x B2)
y es B'	B' = B'1 U B'2 U

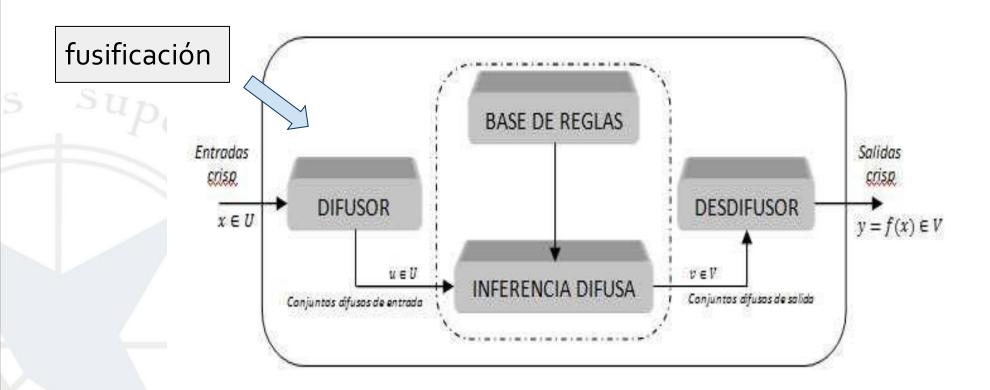
 En la práctica, para evitar calcular todos los conjuntos B1..n, basta con presuponer un valor xo y aplicar la función 'Singleton' a fin de simplificar las operaciones de producto cartesiano y composición

... es lo que se denomina **fusificar**!

interpretación matemática







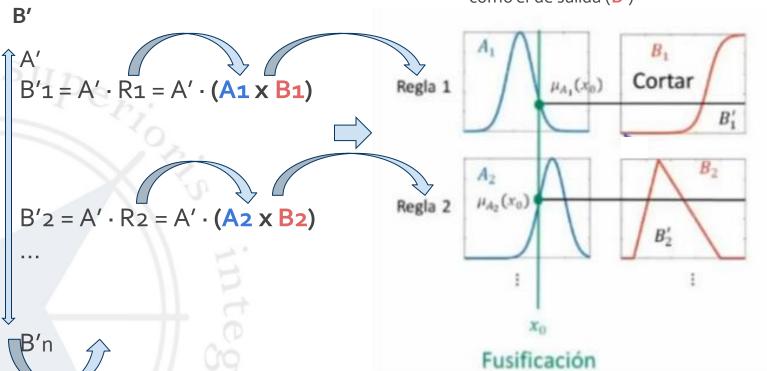




5. Fusificación

Supone calcula la pertenencia de cierto xo de A' al conjunto resultante B'

→ La función **Singleton** define el **punto de corte** (valor de entrada **x**₀) tanto para el conjunto de entrada (**A'**) como el de salida (**B'**)



método de inferencia

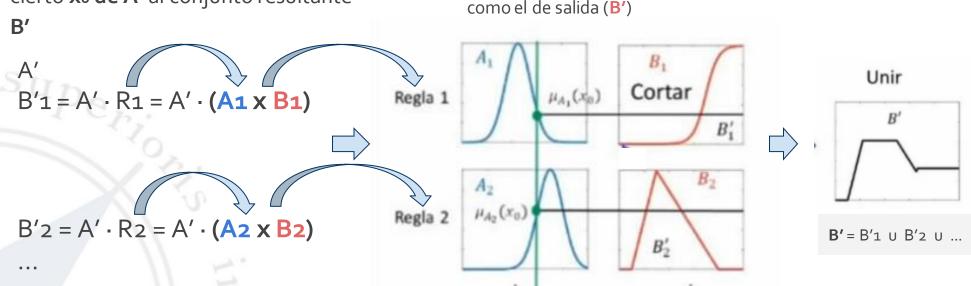




5. Fusificación

Supone calcula la pertenencia de cierto xo de A' al conjunto resultante

punto de corte (valor de entrada xo) tanto para el conjunto de entrada (A') como el de salida (B')



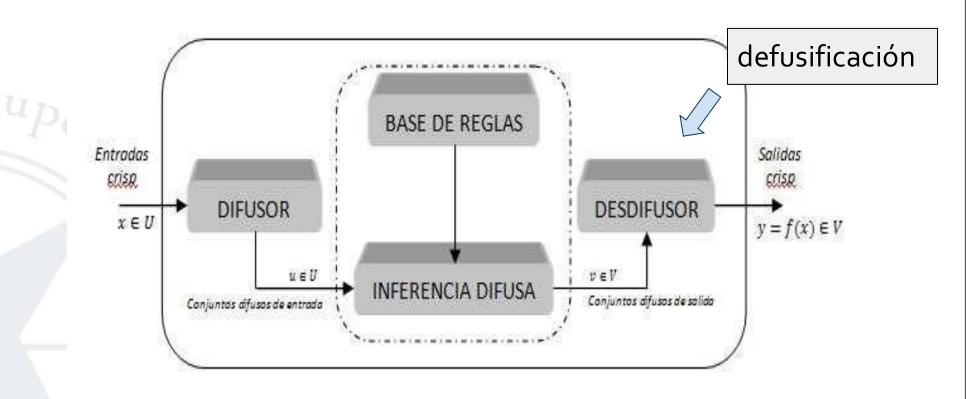
→ La función **Singleton** define el

B'n

→ Se mantendrá como función de salida (B') el máximo (o "área de máximos") de Fusificación todo aquello que esté por debajo del punto de corte fijado por xo





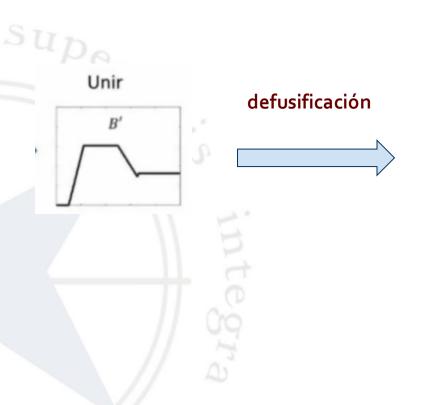


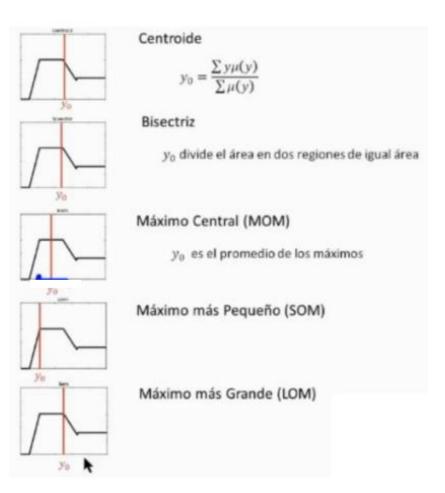




6. Defusificación

Consiste en obtener un valor aproximado **y**₀ en el conjunto B' con el cual el **x**₀ se relaciona







Ejemplo de control difuso

Entra en moodle y descarga el documento "Sesión 3 ::
 Control Difuso" en el que aparece el tratamiento en
 Python del ejemplo de diseño del control que regula la posición de un cartucho de una impresora de inyección tinta.