Districte universitari de Catalunya

- Resoleu el problema P1 i responeu a les güestions Q1 i Q2.
- Escolliu una de les opcions (A o B) i resoleu el problema P2 i responeu a les qüestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

(En total cal resoldre dos problemes i respondre a quatre qüestions.) [Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Cada qüestió val 1 punt.]

P1. Una massa m₁ = 200 g es troba en repòs sobre una superfície horitzontal, sense fricció apreciable, unida a l'extrem d'una molla de massa negligible que per l'altre extrem està unida a una paret i inicialment no està ni comprimida ni estirada. Una segona massa m2 = 600 g es desplaça sobre la mateixa superfície amb una velocitat v = 4 m/s en el sentit indicat en la figura i experimenta un xoc frontal, perfectament inelàstic, amb m₁. La constant recuperadora de la molla val k = 500 N/m.



Calculeu:

- a) L'energia mecànica perduda en el xoc.
- b) La compressió màxima de la molla.
- c) La velocitat del sistema quan el desplaçament, mesurat des del punt on es produeix el xoc, és de 6 cm.
- Q1. Dos satèl·lits A i B tenen la mateixa massa i giren al voltant de la Terra en òrbites circulars, de manera que el radi de l'òrbita d'A és més gran que el radi de l'òrbita de B.
 - a) Quin dels dos satèl·lits té més energia cinètica?
 - b) Quin dels dos satèl·lits té més energia mecànica?

Q2. Calculeu el valor de la longitud d'ona associada a un fotó d'energia 3 keV.

Dades: $h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}, c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}, 1 \text{ eV} = 1.609 \cdot 10^{-19} \text{ J}.$

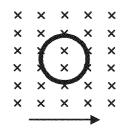


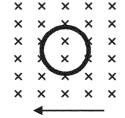
OPCIÓ A

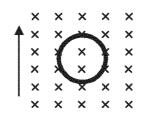
- P2. Tres càrregues elèctriques puntuals, positives, de 10^{-4} C cadascuna, estan situades als vèrtexs d'un triangle equilàter de $\sqrt{3}$ m de costat. Calculeu:
 - a) El valor de la força electrostàtica que actua sobre cada càrrega per efecte de les altres dues.
 - b) El potencial elèctric en el punt mitjà d'un costat qualsevol del triangle.
 - c) L'energia potencial electrostàtica emmagatzemada en el sistema de càrregues.

Dada: $k = 1/(4\pi\epsilon_0) = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$.

- Q3. Són les dotze en punt. Tant l'agulla horària com l'agulla minutera del rellotge apunten cap amunt. En quin instant tornaran a coincidir, per primer cop, les dues agulles del rellotge?
- Q4. Una espira es mou en el si del camp magnètic uniforme representat en la figura, en el sentit que s'indica en cada cas. El símbol X indica que el camp entra en el paper.









A: cap a la dreta

B: cap a l'esquerra

C: cap amunt

D: girant al voltant del diàmetre vertical

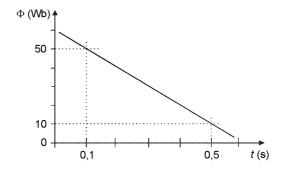
En l'espira, s'indueix corrent elèctric:

- a) en tots els casos.
- b) només en el cas D.
- c) en els casos A i B.
- d) en els casos A, B i C.

Escolliu l'opció correcta i raoneu la resposta.

OPCIÓ B

- P2. En un moviment circular de radi r = 6.5 m la velocitat angular ve donada per $\omega = 2 + 3$ t (en unitats del sistema internacional).
 - a) Es tracta d'un moviment circular uniformement accelerat? Per què?
 - b) Calculeu l'acceleració tangencial i l'acceleració normal del punt mòbil en l'instant t = 3 s.
 - c) Determineu la longitud de l'arc recorregut en els dos primers segons del moviment i la velocitat angular al final de la primera volta.
- Q3. Un raig de llum vermella que es propaga per l'aire incideix sobre un vidre i forma un angle de 30° amb la direcció normal a la superfície del vidre. L'índex de refracció del vidre per a la llum vermella és $n_v = 1,5$ i el de l'aire és $n_a = 1$. Calculeu l'angle que formen entre si el raig reflectit i el raig refractat.
- Q4. En aquest gràfic es representa la variació del flux magnètic amb el temps en un circuit.



El valor de la força electromotriu induïda serà:

- A) 20 V
- B) 50 V
- C) 100 V
- D) 500 V
- a) Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadernet de respostes, indicant el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que considereu correcta (A, B, C o D).
- b) Justifiqueu la resposta.

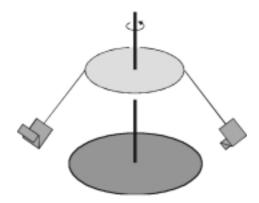
Districte universitari de Catalunya

- Resoleu el problema P1 i responeu a les güestions Q1 i Q2.
- Escolliu una de les opcions (A o B) i resoleu el problema P2 i responeu a les güestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

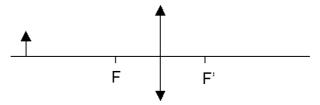
(En total cal resoldre dos problemes i respondre a quatre qüestions.) [Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Cada questió val 1 punt.]

- P1. El muntatge d'una atracció de fira consisteix en una anella horitzontal de 3 m de radi, de la qual pengen cordes de 4 m de longitud i massa negligible. A l'extrem de cada corda hi ha una cadireta de 2 kg de massa. L'anella gira a velocitat angular constant, al voltant d'un eix vertical que passa pel seu centre.
 - a) Calculeu la velocitat angular de l'anella quan la corda d'una cadireta buida forma un angle de 37° amb la vertical.
 - b) En les condicions anteriors, calculeu la tensió de la corda.
 - c) Si la tensió màxima que poden suportar les cordes sense trencar-se és de 796 N i l'atracció gira a la velocitat adequada perquè la corda continuï formant un angle de 37° amb la vertical, quin és el pes màxim que pot tenir un usuari de l'atracció sense que es trenqui la corda? A quina massa (en kg) correspon aquest pes màxim?

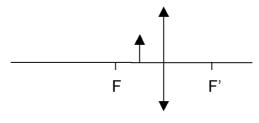
Considereu $g = 9.81 \text{ m/s}^2$.



Q1. En l'esquema inferior, dibuixeu la imatge de la fletxa produïda per la lent fent la marxa de raigs corresponent. F i F' són els focus de la lent.



Repetiu el dibuix per al cas que la fletxa se situï entre el focus i la lent, com en l'esquema inferior.





Q2. Un punt material que efectua un moviment harmònic simple realitza 1.700 oscil·lacions d'amplitud 20 cm en 10 s i genera una ona transversal que es propaga a 340 m/s. Calculeu-ne la longitud d'ona. Sabent que la posició inicial del punt material és la de màxima elongació, escriviu l'equació y(x,t) d'aquesta ona en unitats del sistema internacional.

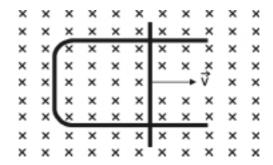
OPCIÓ A

- P2. Un cos de massa m es troba sobre una superfície horitzontal sense fricció, lligat a l'extrem d'una molla ideal. El cos experimenta un moviment vibratori harmònic simple, representat per l'equació $x = 0.02 \cos (10 t + \pi/2)$ en unitats del sistema internacional.
 - a) Calculeu els valors màxims de la posició i la velocitat del cos. Indiqueu en quins punts de la trajectòria s'assoleixen aquests valors màxims.
 - b) Si m = 150 g, calculeu la constant recuperadora de la molla. Calculeu també l'energia total del moviment.
 - c) Calculeu el mòdul de la velocitat del cos quan aquest es troba en la posició corresponent a la meitat de l'amplitud.
- Q3. Dos satèl·lits que tenen la mateixa massa descriuen òrbites circulars al voltant d'un planeta. Les òrbites tenen radis a i b, amb a < b. Raoneu quin dels dos satèl·lits té més energia cinètica.
- Q4. Una esfera conductora de radi 2 cm té una càrrega de -3 μC.
 - a) Quant val el potencial elèctric creat per l'esfera en un punt que dista 3 cm del centre de l'esfera?
 - b) Quant val el camp elèctric creat per l'esfera en un punt que dista 1 cm del centre de l'esfera?

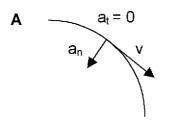
Dada: $k = 1/(4\pi\epsilon_0) = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$.

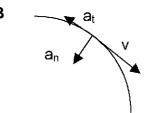
OPCIÓ B

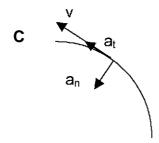
- P2. Considereu dues càrregues iguals, cadascuna de valor Q = 10^{-5} C, fixes en els punts (0,2) i (0,-2). Les distàncies es mesuren en m i la constant de Coulomb val k = $1/(4\pi\epsilon_0)$ = $9 \cdot 10^9$ N · m²/C².
 - a) Calculeu el camp elèctric en el punt (2,0). Determineu la força elèctrica total que experimentaria una petita càrrega $q = 10^{-6}$ C situada en aquest punt.
 - b) Determineu el treball elèctric que un agent extern ha hagut de fer sobre la càrrega q per portar-la des de l'infinit fins al punt (2,0) sense modificar la seva energia cinètica.
 - c) Suposeu que la càrrega q té una massa de 3 g i es troba en repòs en el punt (2,0). Calculeu la velocitat amb què arriba al punt (3,0).
- Q3. Considereu un camp magnètic uniforme, perpendicular a la superfície plana delimitada per un fil metàl·lic en forma de U, i una barra metàl·lica que es mou sobre el fil a velocitat constant i en el sentit indicat en la figura. El símbol X indica que el camp apunta cap a dins del paper.

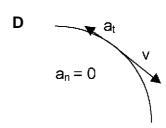


- a) En quin sentit circula el corrent induït en el circuit? Raoneu la resposta.
- b) Quin moviment hauria de descriure la barra perquè el corrent induït fos altern? Per què?
- Q4. Considereu una partícula que descriu un moviment circular uniformement retardat, amb acceleració angular no nul·la. Quin dels diagrames següents li correspon?









- a) Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadernet de respostes, indicant el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que considereu correcta (A, B, C o D).
- b) Justifiqueu la resposta.