Proves d'accés a la Universitat. Curs 2006-2007

Física

Sèrie 2

Feu el problema P1 i responeu a les qüestions Q1 i Q2. A continuació, escolliu UNA de les opcions (A o B): feu el problema P2 i responeu a les qüestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Les qüestions Q1 i Q2 valen 1 punt cadascuna.

Cada qüestió de l'opció A val 1 punt.

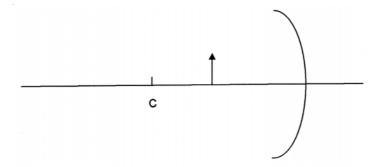
Les qüestions de l'opció B puntuen entre totes dues un màxim de 2 punts. Cada qüestió de l'opció B consta de dues preguntes d'opció múltiple que tenen només una resposta correcta. Respondre encertadament es valorarà amb 0,50 punts; cada resposta en blanc, amb 0 punts, i per cada resposta errònia es descomptaran 0,25 punts. En tot cas, la nota mínima conjunta de les qüestions de l'opció B no serà inferior a 0 punts.

Podeu utilitzar calculadora científica per al càlcul de funcions exponencials, logarítmiques, trigonomètriques i especials, així com per a realitzar càlculs estadístics. No es poden fer servir, però, calculadores o altres aparells que permetin fer més operacions que les esmentades.

- **P1**) El 19 d'octubre de 2006 es va llençar un nou satèl·lit de la família Meteosat, el *MetOp-A*. Aquest satèl·lit té una massa de 4 085 kg i descriu una òrbita polar (òrbita que passa pels pols i és perpendicular al pla de l'equador) a una altura de 800 km sobre la superfície de la Terra. Calculeu:
 - a) A quina velocitat orbita.
 - b) Quantes vegades passa pel pol Nord diàriament.
 - c) Quina energia mecànica té.

Dades: $M_{\rm T} = 5.98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$; $R_{\rm T} = 6.400 \text{ km}$; $G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$.

- Q1) Una partícula carregada positivament, de massa $1 \cdot 10^{-9}$ kg i mòdul de la velocitat 100 m/s, descriu un moviment circular uniforme de 0,2 m de radi, en presència d'un camp magnètic de 0,05 T perpendicular al pla de la trajectòria. Calculeu el valor de la càrrega de la partícula.
- Q2) Enumereu les propietats (real o virtual, dreta o invertida, major o menor) de la imatge que ens retorna una cullera per la part còncava. Per a demostrar-les, dibuixeu la marxa dels raigs i la imatge que s'obté de la fletxa en el mirall esfèric còncau de la figura. El punt C és el centre de curvatura del mirall.



Opció A

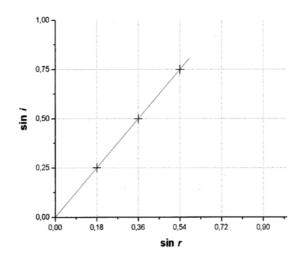
P2) Una corda està unida per un extrem a una paret i està lliure per l'altre extrem. Fem vibrar l'extrem lliure harmònicament i es genera una ona transversal, descrita per l'equació

$$y = 4 \sin 2\pi (t/2 - x/4),$$

en què l'amplitud es mesura en centímetres mentre que el temps, t, i la distància, x, es mesuren en unitats del sistema internacional (SI). Calculeu:

- *a*) La velocitat de vibració d'un punt de la corda que dista 5 m de l'extrem lliure, en l'instant t = 3 s.
- **b**) La diferència de fase entre dos punts de la corda que disten 1 m i 3 m de la paret, respectivament, en un mateix instant.
- c) Quant tardaria la vibració a arribar a la paret des de l'extrem lliure en què es genera, si la corda tingués una longitud de 10 m.
- **Q3**) En una experiència de laboratori fem incidir un raig de llum vermella amb diferents angles d'incidència, *i*, sobre una làmina de vidre; mesurem els corresponents angles de refracció, *r*, i n'obtenim la gràfica adjunta. Quant val l'índex de refracció del vidre per a la llum vermella? A quina velocitat es propaga la llum vermella en aquest vidre?

Dades: $c = 3 \cdot 10^8$ m/s.



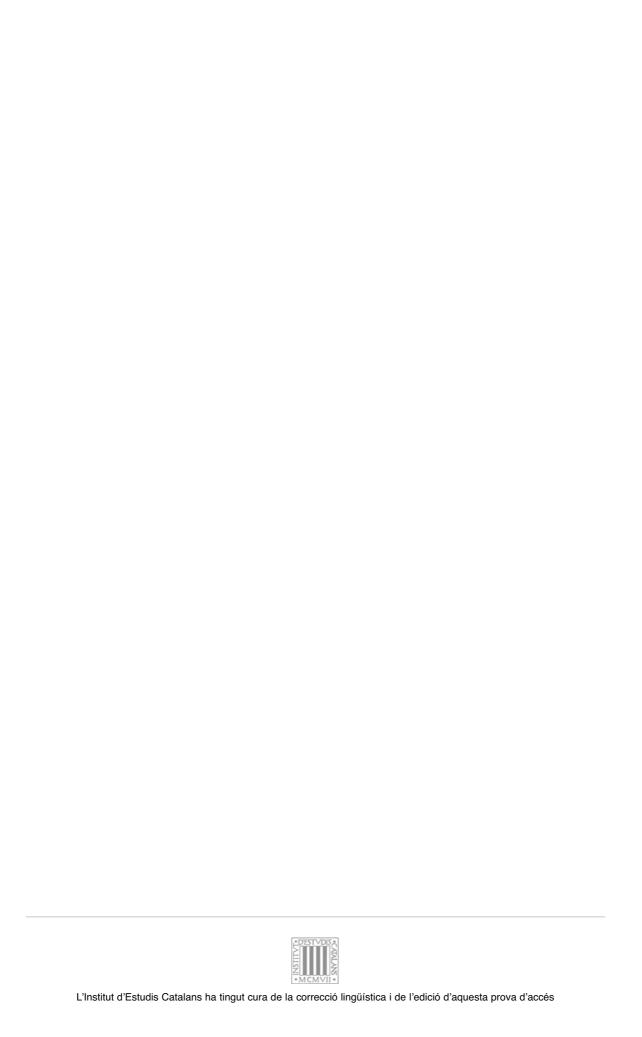
- **Q4**) Un protó entra en un camp magnètic uniforme, **B**, amb una determinada velocitat, **v**. Descriviu el tipus de moviment que efectuarà dins del camp si:
 - a) Els vectors **v** i **B** són paral·lels.
 - b) Els vectors v i B són perpendiculars.

Opció B

- **P2**) En un tram del recorregut, l'AVE Lleida-Tarragona du una velocitat constant en mòdul de 300 km/h. En aquest tram fa un revolt de 600 m de radi que està peraltat un angle de 20°. Damunt d'una taula del vagó restaurant hi ha un plat buit de massa 350 g. El plat es troba en repòs en el tren gràcies a la fricció amb la taula, que impedeix que el plat es desplaci cap enfora.
 - a) Feu un diagrama de les forces que actuen sobre el plat.
 - **b**) Determineu el mòdul de la força de fricció que actua sobre el plat.
 - c) Determineu el mòdul de la força centrípeta que actua sobre el plat.

Les dues questions seguents tenen format de prova objectiva. A cada pregunta (1 o 2) es proposen tres respostes (a,b,c) de les quals només UNA és correcta. Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadern de respostes. Indiqueu-hi el número de la questió, el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que hàgiu triat (exemple: Q2-2-c). No cal que justifiqueu la resposta.

- **Q3**) 1. Una ona harmònica es propaga per una corda tensa. Si la freqüència es redueix a la meitat,
 - a) el període es redueix a la meitat.
 - **b**) la velocitat de propagació es duplica.
 - c) la longitud d'ona es duplica.
 - 2. Si es tracta d'una ona transversal,
 - a) en un instant donat, tots els punts de la corda vibren amb la mateixa velocitat.
 - **b**) l'ona es propaga a la velocitat constant de 340 m/s.
 - c) l'ona vibra en una direcció que és perpendicular a la de propagació.
- **Q4**) Per a mesurar la velocitat d'una bala es fa servir un pèndol balístic. La bala impacta contra un bloc molt més gran que penja del sostre. Després de l'impacte, el conjunt bala-bloc puja fins a una determinada altura.
 - 1. En l'impacte de la bala, es conserva
 - a) la quantitat de moviment de la bala.
 - **b**) la quantitat de moviment del bloc.
 - c) la quantitat de moviment del conjunt.
 - 2. En el moviment de pujada del conjunt bala-bloc, es conserva
 - *a*) la quantitat de moviment.
 - b) l'energia mecànica.
 - c) totes dues magnituds.



Proves d'accés a la Universitat. Curs 2006-2007

Física

Sèrie 1

Feu el problema P1 i responeu a les qüestions Q1 i Q2. A continuació, escolliu UNA de les opcions (A o B): feu el problema P2 i responeu a les qüestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

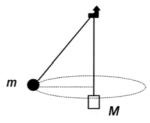
Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Les qüestions Q1 i Q2 valen 1 punt cadascuna.

Cada qüestió de l'opció A val 1 punt.

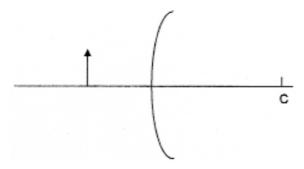
Les qüestions de l'opció B puntuen entre totes dues un màxim de 2 punts. Cada qüestió de l'opció B consta de dues preguntes d'opció múltiple que tenen només una resposta correcta. Respondre encertadament es valorarà amb 0,50 punts; cada resposta en blanc, amb 0 punts, i per cada resposta errònia es descomptaran 0,25 punts. En tot cas, la nota mínima conjunta de les qüestions de l'opció B no serà inferior a 0 punts.

Podeu utilitzar calculadora científica per al càlcul de funcions exponencials, logarítmiques, trigonomètriques i especials, així com per a realitzar càlculs estadístics. No es poden fer servir, però, calculadores o altres aparells que permetin fer més operacions que les esmentades.

- **P1)** Una massa *m* de 200 g, lligada a l'extrem d'una corda lleugera, gira en un cercle horitzontal de 50 cm de radi a velocitat constant. La corda penja d'un clau i, a l'altre extrem, hi té lligada una massa *M* que es manté en repòs. La tensió de la corda val 4,9 N. Calculeu:
 - a) El valor de M.
 - **b**) L'angle que fa la corda amb la vertical.
 - c) El temps que triga a fer una volta completa.



Q1) Enumereu les propietats (real o virtual, dreta o invertida, major o menor) de la imatge que ens retorna una cullera per la part convexa. Per demostrar-les, dibuixeu la marxa dels raigs i la imatge que s'obté de la fletxa en el mirall esfèric convex de la figura. El punt C és el centre de curvatura del mirall.



- **Q2**) Un electró descriu un moviment circular uniforme en el pla del paper i en el sentit de les agulles del rellotge, amb un radi de 0,5 m. L'única força que actua sobre l'electró és la deguda a un camp magnètic d'intensitat 2,5 · 10⁻³ T que es troba en la regió on es mou l'electró. Trobeu:
 - a) La direcció i el sentit del camp magnètic.
 - b) El mòdul de la velocitat amb què gira l'electró.

DADES: La massa de l'electró és $9,109 \cdot 10^{-31}$ kg, i la seva càrrega, $-1,602 \cdot 10^{-19}$ C.

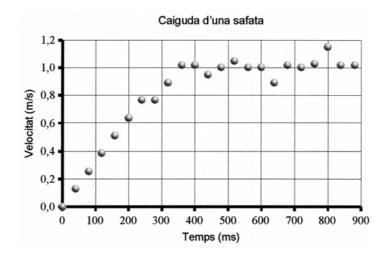
Opció A

P2) En un medi indeterminat es propaga una ona transversal i plana, representada per l'equació

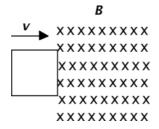
$$y = 0.20 \cos \pi (4t - x),$$

en unitats del sistema internacional (SI). Calculeu:

- a) La velocitat de propagació de l'ona en el medi.
- b) El mòdul de l'acceleració màxima de vibració de les partícules del medi.
- *c*) L'acceleració d'una partícula del medi situada a 5 cm del focus emissor quan l'estat de vibració de la partícula és y = -0.10 m.
- Q3) Al laboratori, la manera més fàcil de simular la caiguda d'un paracaigudista és deixar caure una safata de paper de la grandària d'un CD, aproximadament. Se n'ha estudiat el moviment de caiguda, i el resultat es representa en la gràfica següent. Descriviu el moviment de manera qualitativa i quantitativa.

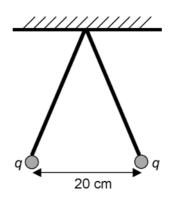


Q4) Una espira quadrada es desplaça cap a una zona on hi ha un camp magnètic uniforme perpendicular al pla de l'espira, com s'indica en la figura. Deduïu raonadament el sentit del corrent induït a l'espira quan aquesta està entrant dins la zona del camp magnètic.



Opció B

- **P2)** Pengem del sostre dos fils de 50 cm de longitud. Cada fil du al seu extrem una càrrega positiva de valor $q = 1,2 \cdot 10^{-8}$ C. Quan s'arriba a l'equilibri, les càrregues estan separades per una distància de 20 cm, tal com mostra la figura. Calculeu:
 - a) La tensió de les cordes.
 - **b**) El potencial elèctric que creen en el punt mitjà del segment que va d'una càrrega a l'altra.
 - c) El camp elèctric que creen en el punt d'unió dels fils amb el sostre.



Dades: $k = 1/(4\pi\epsilon_0) = 9.0 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$.

Les dues questions seguents tenen format de prova objectiva. A cada pregunta (1 o 2) es proposen tres respostes (a,b,c) de les quals només UNA és correcta. Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadern de respostes. Indiqueu-hi el número de la questió, el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que hàgiu triat (exemple: Q2-2-c). No cal que justifiqueu la resposta.

- Q3) Un mòbil descriu un moviment circular no uniforme.
 - 1. S'esdevé que
 - a) el mòdul de l'acceleració normal del mòbil és constant.
 - **b**) l'acceleració angular del mòbil està relacionada amb el canvi de mòdul del vector velocitat.
 - c) l'acceleració tangencial del mòbil està relacionada amb el canvi de direcció del vector velocitat.
 - 2. Si el moviment circular és desaccelerat,
 - a) els vectors velocitat i acceleració del mòbil són perpendiculars.
 - **b**) els vectors velocitat i acceleració del mòbil formen un angle més petit de 90°.
 - c) els vectors velocitat i acceleració del mòbil formen un angle més gran de 90°.
- **Q4**) Un satèl·lit artificial de 1 000 kg de massa està situat en una òrbita estable al voltant de la Terra, a 1 000 km d'altura de la superfície de la Terra.
 - 1. La seva energia mecànica val
 - **a**) $2,70 \cdot 10^{10}$ J.
 - **b**) 0.
 - c) -2,70 · 10¹⁰ J.
 - 2. Des d'aquesta òrbita, els motors del satèl·lit li transmeten l'energia mínima necessària perquè es pugui escapar de l'atracció de la Terra. En aquesta nova situació, l'energia mecànica del satèl·lit val
 - a) $2,70 \cdot 10^{10}$ J.
 - **b**) 0.
 - c) $5,40 \cdot 10^{10} \,\mathrm{J}.$

Dades: $R_{\rm T} = 6.38 \cdot 10^6 \text{ m}; M_{\rm T} = 5.98 \cdot 10^{24} \text{ kg}; G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}.$

