Quand les mathématiques se mettent au service du tennis

Paul-Emile Marcus // Candidat n°31462



Introduction

Classement ATP : l'exemple de Djokovic



Figure 1: Résultat Open d'Australie 2019

		A second	
	2018	2019	RÉSULTAT
POINTS	2000	2000	+ 0

Figure 2: Résultat Wimbledon 2019

Force relative d'un joueur j sur un joueur i

Calcul du classement Elo

Probabilité de victoire de A sur B :

$$p(D) = \frac{1}{1 + 10^{-\frac{D}{400}}}$$

Le classement Elo est calculé à l'aide de la formule suivante :

$$E_{n+1} = E_n + K \times [W - p(D)]$$

 $W \in \{0,1\}$ représente l'issue du match

Force relative d'un joueur j sur i Quelques complexités

- Meilleur classement en carrière : O(n)
- Ratio de victoires au cours de la saison/en carrière : O(n)
- Face-à-face entre deux joueurs donnés : $O(n^2)$

Force relative d'un joueur j sur un joueur i

Prise en compte de plusieurs paramètres

$$\mathbb{P}_{\mathsf{ELO}} = rac{1}{1 + 10^{-rac{D_{\mathsf{ELO}}}{400}}}$$
 $\mathbb{P}_{\mathsf{H2H}} = rac{1}{1 + 10^{-rac{D_{\mathsf{H2H}}}{10}}}$ $\mathbb{P}_{\mathsf{RATIO}} = rac{1}{1 + 10^{-rac{D_{\mathsf{RATIO}}}{0.4}}}$

$$\Rightarrow \mathbb{P}(j/i) = \frac{1}{x_{\mathsf{ELO}} + x_{\mathsf{H2H}} + x_{\mathsf{RATIO}}} \cdot \sum_{\mathsf{paramètres}} x_{\mathsf{param}} \cdot \mathbb{P}_{\mathsf{param}}$$

Force relative d'un joueur j sur un joueur i

Calcul

```
### Cette fonction calucle la proba de victoire d'un joueur i sur un joueur i en se basant sur la formule du
classement élo adaptée à plusieurs statistiques
  def calcul proba(player1, player2):
 stats1, stats2 = stats joueurs pour proba final[player1], stats joueurs pour proba final[player2]
   # Calcul proba classement elo
   p1 elo, p2 elo = calcul proba elo(stats1[3], stats2[3], 400)
   # Calcul proba ratio saison
   p1 rs, p2 rs = calcul proba elo(stats1[5], stats2[5], 0.4)
   # Calcul proba h2h
   h2h tot = stats1[7][stats2[0]] + stats2[7][stats1[0]]
   if \overline{h}2h tot >= 5:
     p1 h2h, p2 h2h = calcul proba elo(stats1[7][stats2[0]], stats2[7][stats1[0]], 10)
      # Calcul proba finale
     p = (50*p1 elo + 25*p1 rs + 25*p1 h2h)/100
    else.
     p = (70*p1 elo + 30*p1 rs)/100
  return (p. 1-p)
```

Figure 3: Calcul de la force relative de j sur i

Matrice de transition

	Djokovic	Federer	Nadal				
Djokovic	0	0.32	0.36		*		* \
Federer	0.68	0	0.57	• • •	*		*
Nadal	0.64	0.43	0		*		*
	:	:	•	٠.,	:	٠	:
	*	*	*		*		*
	i	:	:	٠	:	٠	:
	*	*	*		*		0 /

Figure 4: Matrice de transition

Théorème de Perron-Frobenius

Théorème de Perron-Frobenius

Soient $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ positive et primitive et $r = \rho(A)$ son rayon spectral, alors :

- r > 0 est une valeur propre dominante et simple.
- $\exists ! x_0 > 0 / ||x_0||_1 = 1 \text{ et } Ax_0 = rx_0.$

Vers l'implémentation de l'algorithme

Théorème de Perron-Frobenius

Soit
$$Y_0\in \mathscr{M}_{n,1}(\mathbb{R}^+)$$
, tel que $\|Y_0\|_1=1$. Alors, $A^nY_0\xrightarrow[n\to+\infty]{}Y_\infty$, avec

$$Y_{\infty} \in \mathcal{M}_{n,1}(\mathbb{R}_{+}^{*}), AY_{\infty} = rY_{\infty}, \text{ et } ||Y_{\infty}||_{1} = 1.$$

L'algorithme de Perron-Frobenius

```
473
474
       # Initialisation du vecteur
       Y = np.array([[1/n] for in range(n)])
477
       # Itération jusqu'à convergence
       for i in range(1000):
            tmp = np.dot(matrice transition, Y)
           Y = tmp / np.linalg.norm(tmp)
           if i == 9 or i==99 or i==999:
             print ([Y[0],Y[1],Y[2]])
484
       Y \text{ normalized} = Y / np.sum(Y)
       # On trie les indices des états en fonction des valeurs du vecteur propre
       classement indices = np.argsort(Y normalized, axis=0)[::-1]
       # Création du classement
       classement = [(indice, Y normalized[indice][0]) for indice in classement indices]
       C = [1]
       for i in range(len(classement)):
         C.append(dict index nom[classement[i][0][0]])
496
       return(C)
497
```

Figure 5: Algorithme de Perron Frobenius

Algorithme de Perron Frobenius

Quelques itérations

$$AY_{0} = \begin{pmatrix} 0.0235 \\ 0.0252 \\ 0.0258 \\ \vdots \\ * \end{pmatrix} \qquad A^{10}Y_{0} = \begin{pmatrix} 0.0246 \\ 0.0250 \\ 0.0260 \\ \vdots \\ * \end{pmatrix} \qquad A^{100}Y_{0} = \begin{pmatrix} 0.0246 \\ 0.0250 \\ 0.0260 \\ \vdots \\ * \end{pmatrix}$$

Les classements du 01/10/23

Table 1: Mon classement

1	Djokovic N.			
2	Alcaraz C.			
3	Medvedev D.			
4	Sinner J			
5	Zverev A.			
6	Rublev A.			
7	Hurkacz H.			
8	Dimitrov G.			
9	Fritz T.			
10	Rune H.			

Table 2: Classement ATP

1	Djokovic N.		
2	Alcaraz C.		
3	Medvedev D.		
4	Sinner J		
5	Rublev A.		
6	Tsitsipas S.		
7	Rune H.		
8	Ruud C.		
9	Zverev A.		
10	Fritz T.		

Variations de classement

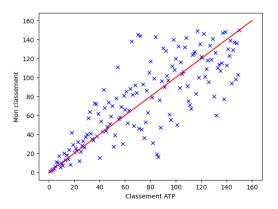


Figure 6: Nouveau classement en fonction du classement ATP

Écart de classement

• Moyenne: 7,79 et Écart-type: 32,4

Prédiction d'un match

Un problème binaire

Classement J1 (ATP)	Classement J2 (ATP)	1er tour	2eme tour	
14	27	1	0	

Si le mieux classé gagne

Vainqueur	
1	

Si le mieux classé perd

Vainqueur
0

Distance de Levenshtein

```
def distance levenshtein(mot1. mot2):
   # On initialise une matrice de taille (longueur mot1 + 1) x (longueur mot2 + 1)
   dist = [[0] * (len(mot2) + 1) for _ in range(len(mot1) + 1)]
   # On initialise la première colonne avec les distances de 0 à la longueur du mot1
   for i in range(len(mot1) + 1):
       dist[i][0] = i
   # On initialise la première ligne avec les distances de 0 à la longueur du mot2
   for j in range(len(mot2) + 1):
   | dist[0][j] = j
   # On calcule la distance de Levenshtein
   for i in range(1, len(mot1) + 1):
       for j in range(1, len(mot2) + 1):
           cout substitution = 0 if mot1[i - 1] == mot2[j - 1] else 1
           dist[i][i] = min(dist[i - 1][i]) + 1, # effacement du nouveau caractère de mot1
            dist[i][i - 1] + 1.
                                                           # insertion dans mot2 du nouveau caractère de mot1
            dist[i - 1][j - 1] + cout substitution)
                                                           #substitution
   # La distance de Levenshtein est le dernier élément de la matrice
   return dist[len(mot1)][len(mot2)]
def trouver correspondance nom(nom inexact, liste noms):
   correspondance score min = float('inf')
   nom correspondant = None
   for nom exact in liste noms:
       distance = distance levenshtein(nom inexact, nom exact)
       if distance < correspondance score min:
           correspondance score min = distance
           nom correspondant = nom exact
   return nom correspondant
```

Figure 7: Implémentation de la distance de Levenshtein

Random Forest

Localité	Superficie	Chambres	Jardin	Parking	Salles de bain
Le Mans	70	2	non	non	1
Sigean	128	4	oui	oui	2
Bayonne	256	5	oui	oui	3
Saumur	28	1	non	oui	1

Figure 8: Division aléatoire du jeu de données

Random Forest

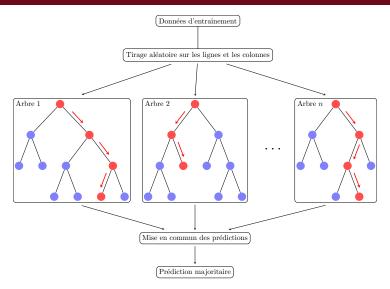


Figure 9: Explication du Random Forest Classifier

Evaluation des modèles

Résultats des modèles

Score (précision) du modèle entraîné avec mon classement et ses meilleurs hyperparamètres :

0.68

Score (précision) du modèle entraîné avec le classement ATP et ses meilleurs hyperparamètres :

0.66

Remarque

 $pr\'{e}cision = \frac{nombre de bonnes pr\'{e}dictions}{nombre total de pr\'{e}dictions}$

Evaluation des modèles

Matrices de confusion

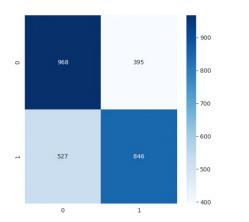


Figure 10: Matrice de confusion classement ATP

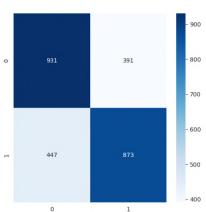


Figure 11: Matrice de confusion mon classement

Evaluation des modèles

"Lucidité" des modèles

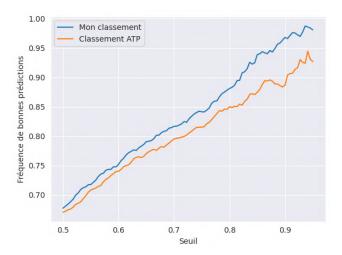


Figure 12: Fréquence de bonnes prédictions en fonction du seuil de probabilité

Le travail de mon binôme

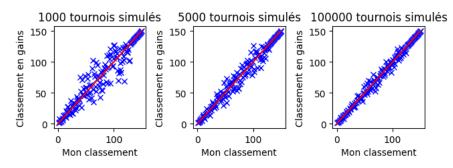


Figure 13: Classement après les tournois en fonction de notre classement

Le travail de mon binôme

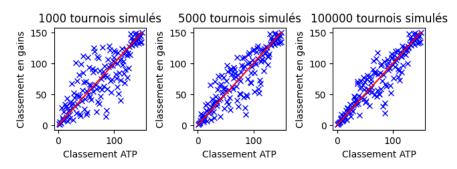


Figure 14: Classement après les tournois en fonction du classement ATP

Conclusion



Preuve de la convergence de l'algorithme

Soit $P \in \mathfrak{GL}_n(\mathbb{C})$ telle que

$$P^{-1}AP = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \lambda_1 I_{m_1} + N_1 & & 0 \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 & \lambda_s I_{m_s} + N_s \end{pmatrix}$$

où $\operatorname{Sp}_{\mathbb{C}}(A) = \{1, \lambda_1, \dots, \lambda_s\}$ et m_1, \dots, m_s les multiplicités respectives de $\lambda_1, \dots, \lambda_s$.

$$A^{k} = P \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & (\lambda_{1}I_{m_{1}} + N_{1})^{k} & & 0 \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 & (\lambda_{s}I_{m_{s}} + N_{s})^{k} \end{pmatrix} \cdot P^{-1}$$

Preuve de la convergence de l'algorithme

A est stochastique donc $\rho(A) = 1$ et pour tout $i \in [1, s]$, $|\lambda_i| < 1$.

$$(\lambda_i I_{m_i} + N_i)^k = \sum_{j=0}^{r_i-1} \binom{k}{j} \lambda_i^{k-j} N_i^j \quad \text{où} \quad N_i^{r_i} = 0 \quad \text{et} \quad N_i^{r_i-1} \neq 0$$

$$\text{où} \quad \binom{k}{j} \underset{k \to +\infty}{\sim} \frac{k^j}{j!}$$

Il vient,
$$\sum_{j=0}^{r_i-1} {k \choose j} \lambda_i^{k-j} N_i^j \underset{k \to +\infty}{\sim} \frac{k^{r_i-1} \lambda_i^{k-(r_i-1)}}{(r_i-1)!} N_i^{r_i-1}$$

Preuve de la convergence de l'algorithme

Finalement,

$$A^{k} \xrightarrow[k \to +\infty]{} P \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{pmatrix} \cdot P^{-1}$$

D'où,

$$A^{k} - P \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{pmatrix} \cdot P^{-1} \underset{k \to +\infty}{\sim} C \cdot \lambda_{0}^{k} \cdot k^{r_{0}-1}$$

où $|\lambda_0| = \max_{1 < i < s} |\lambda_i|$.

```
13 import pandas as pd
14 import numpy as np
15 import matplotlib.pvplot as plt
16 from google.colab import drive
17 from sklearn import preprocessing
18 from sklearn.preprocessing import OneHotEncoder
19 import seaborn as sns
20 from datetime import timedelta
21 from datetime import *
22 from random import *
    import copy
24 from math import *
   from time import *
26 from datetime import timedelta, datetime
    color = sns.color palette()
    sns.set style('darkgrid')
    drive.mount('/content/drive')
    # Chargement du dataset/supression des colonnes avec des données manquantes
    data = pd.read csv('/content/drive/MyDrive/TIPE/DATASET INITIAL.csv')
35
    data = data.dropna()
    data = data.reset index(drop=True)
   #Convertion des données en type int
    data['Player1Rank'] = pd.to numeric(data['Player1Rank'])
    data['Player2Rank'] = pd.to numeric(data['Player2Rank'])
    data['Player1Sets'] = pd.to numeric(data['Player2Sets'])
    data['Date'] = pd.to datetime(data.Date)
45 winner = data['Winner'].copy()
```

Figure 15: Programme 1

```
42 #Player 1 = mieux classé ATP
   def rename(data):
      for k in range(data.shape[0]):
        if data.iloc[k,5]>data.iloc[k,12]:
          data.iloc[k,0],data.iloc[k,1]=data.iloc[k,1],data.iloc[k,0]
          data.iloc[k,4],data.iloc[k,11]=data.iloc[k,11],data.iloc[k,4]
          data.iloc[k,5],data.iloc[k,12]=data.iloc[k,12],data.iloc[k,5]
          data.iloc[k,6],data.iloc[k,13]=data.iloc[k,13],data.iloc[k,6]
          data.iloc[k,7],data.iloc[k,14]=data.iloc[k,14],data.iloc[k,7]
      return data
    data = rename(data)
    data['Winner']= winner
   #Colonne Winner : 1 si Pl gagne 0 sino.
    def win(data):
      for k in range(data.shape[0]):
        m = min(data.iloc[k, 5], data.iloc[k, 12])
        # Si P1 gagne...
        if data.iloc[k,6]==data.iloc[k, 15]:
          data.iloc[k.15] = 1
          data.iloc[k, 15] = 0
      return data
69 data = win(data)
```

Figure 16: Programme 2

```
71 """### **Transformation de certaines variables en variables muettes (dummy variables)**""
73 #Transformation des variables round et surface en variables muettes
74 def round number(x):
                     if x == '1st Round':
                                return 1
                     elif x == '2nd Round':
                               return 2
                     elif x == '3rd Round':
                           return 3
                    elif x == '4th Round':
                              return 4
                    elif x == 'Ouarterfinals':
                           return 5
                     elif x == 'Semifinals':
                               return 6
                     elif x == 'The Final':
                     return 7
         data['Round'] = data['Round'].apply(round number)
          dummy ranks = pd.get dummies(data['Round'], prefix='Round')
94 data = data.join(dummy ranks.loc[:. 'Round 1':])
         data[[Round 1, Round 2], Round 3',
| 'Round 4', 'Round 5', 'Round 6', 'Round 7']] = data[['Round 1.0', 'Round 2.0', 'Round 3.0', 'Round 5.0', 'Round
97 data = data.drop(['Round 1.0', 'Round 2.0', 'Round 3.0', 'Round 4.0', 'Round 5.0', 'Round 6.0', 'Round 7.0'],axis =
         dummy ranks = pd.get dummies(data['Surface'], prefix='Surface')
        data = data.join(dummy_ranks.loc[:, 'Surface_Clay':])
02 data = data.drop(['Surface'], axis = 1)
03 data[['Surface Clay', 'Surface Grass', 'Surface Hard']] =
           data[['Surface Clay', 'Surface Grass', 'Surface Hard']].astype('int ')
04 data = data.drop(["Round"],axis = 1)
```

Figure 17: Programme 3

```
106 """###**Indexation des joueurs : création d'un dictionnaire contenant en clé le nom de joueur et en valeur :
     [index du joueur, son nombre de victoire, total de matchs joués, meilleur classement en carrière]**""
108 ###peut-être une meilleure manière d'encoder les joueurs
#Dictionnaire contenant le nom des joueurs comme une clé [player index.x.y.z.t.w]
111 #x : nombres de matchs gagnés
112 #y : nombres de matchs joués
#z : meilleur classement en carrière (on le fixe par défaut à 3000)
114 # t : date du dernier match
115 # w : liste des h2h contre les autres joueurs
   for player in data['Player1'].unique():
        if player not in index joueurs stats.keys():
            index joueurs stats[player] = [i,0,0,3000,0]
            i+=1
122 for player in data['Player2'].unique():
        if player not in index joueurs stats.keys():
            index joueurs stats[player] = [i,0,0,3000,0]
127 print('Nombre exact de joueurs : ',i)
```

Figure 18: Programme 4

```
135 def classement elo(data,classement,nb matchs):
      # Création d'une colonne elo ranking
      elo p1 = np.zeros((data.shape[\theta], 1))
      elo p2 = np.zeros((data.shape[0], 1))
      proba win best ranked = np.zeros((data.shape[0], 1))
      # On parcourt tous les matchs, puis on calcule la proba de gain du joueur le
      # mieux classé contre le moins bien
      for index, row in data.iterrows():
        player1, player2 = row[6], row[11]
        elo1, elo2 = classement[player1], classement[player2]
        K1. K2 = K[player1]. K[player2]
        elo p1[index, 0] = classement[player1]
        elo p2[index, \theta] = classement[player2]
        D = elo1 - elo2
        if abs(D) > 400:
        D = (D/abs(D))*400
        # Proba de gain du joueur le mieux classé sur le pire
        # Proba de gain de P1 sur P2
        p = 1/(1 + 10**(-D/400))
      proba win best ranked[index, \theta] = round(p,2)
        if nb matchs[player1]<=30:
         K[player1] = 40
        elif elo1 >= 2250 or K1==10:
          K[player1] = 10
        else:
        K[player1] = 30
        if nb matchs[player2]<=30:
          K[player2] = 40
        elif elo2 >= 2250 or K[player2]==10:
          K[player2] = 10
        else:
```

Figure 19: Programme 5

Figure 20: Programme 6

```
"###**Colonne meilleur classement en carrière**""
data['Best rank p1'] = 0
data['Best rank p2'] = 0
for c. row in data.iterrows():
  p1 = row[6]
  p2 = row[11]
  if row[5]<row[27]:
    data.at[c, 'Best rank p1'] = row[5]
    index joueurs stats[p1][3] = row[5]
  else:
    data.at[c, 'Best rank p1'] = index joueurs stats[p1][3]
  if row[10]<index joueurs stats[p2][3]:
    data.at[c, 'Best rank p2'] = row[10]
    index joueurs stats[p\overline{2}][3] = row[10]
  else:
    data.at[c, 'Best rank p2'] = index joueurs stats[p2][3]
```

Figure 21: Programme 7

```
221 """###**Colonnes du pourcentage de victoires (saison en cours)**"""
223 index joueurs stats clean = copy.deepcopy(index joueurs stats)
224 tableau ratio = np.zeros(((len(data)),2))
225 date limite = pd.to datetime('2007-01-01')
227 for c,row in data.iterrows():
      if row[3]>=date limite:
        date limite = pd.to datetime(date limite) + pd.DateOffset(years=1)
        index joueurs stats = copy.deepcopy(index joueurs stats clean)
      score pl = index joueurs stats[row[6]]
       score p2 = index_joueurs_stats[row[11]]
       if score_p1[2]<5:
        tableau ratio[c,0]=0.2
        tableau ratio[c,0] =round(score p1[1]/score p1[2],2)
       if score p2[2]<5:
        tableau ratio[c.1]=0.2
         tableau ratio[c,1] = round(score p2[1]/score p2[2],2)
       if row[13]==1:
        index joueurs stats[row[6]][0],index joueurs stats[row[6]][1],index joueurs stats[row[6]][2] =
         index joueurs stats[row[11]][0],index joueurs stats[row[11]][1],index joueurs stats[row[11]][2] =
      else:
        index joueurs stats[row[6]][0],index joueurs stats[row[6]][1],index joueurs stats[row[6]][2] =
       index joueurs stats[row[11]][0],index joueurs stats[row[11]][1],index joueurs stats[row[11]][2] =
248 data['ratio pl saison'] = tableau ratio[:,0]
249 data['ratio_p2_saison'] = tableau_ratio[:,1]
```

Figure 22: Programme 8

```
251 """## **Colonne du pourcentage de vitoire (en carrière)**"""
253 index joueurs_stats = copy.deepcopy(index_joueurs_stats_clean)
254 tableau ratio 1 = np.zeros(((len(data)),2))
256 for c,row in data.iterrows():
      score pl = index joueurs stats[row[6]]
       score p2 = index joueurs stats[row[11]]
       if score p1[2]<5:
       tableau ratio 1[c,0]=0.2
         tableau ratio 1[c,0] =round(score p1[1]/score p1[2],2)
       if score p2[2]<5:
         tableau ratio 1[c,1]=0.2
         tableau ratio 1[c,1] = round(score p2[1]/score p2[2],2)
       if row[13]==1 :
         index joueurs stats[row[6]][0],index joueurs stats[row[6]][1],index joueurs stats[row[6]][2] =
     score p1[0],score_p1[1]+1,score_p1[2]+1
         index joueurs stats[row[11]][0],index joueurs stats[row[11]][1],index joueurs stats[row[11]][2] =
         index joueurs stats[row[6]][0],index joueurs stats[row[6]][1],index joueurs stats[row[6]][2] =
         index_joueurs_stats[row[11]][0],index_joueurs_stats[row[11]][1],index_joueurs_stats[row[11]][2] =
274 data['ratio pl carrière'] = tableau ratio 1[:.0]
275 data['ratio p2 carrière'] = tableau ratio 1[:,1]
```

Figure 23: Programme 9

```
277 """**Fonction qui calcule la proba de gain avec le classement elo**""
279 def calcul proba elo(pts elo1, pts elo2, seuil):
    D = pts elo1 - pts elo2
      if abs(D) > seuil:
      D = (D/abs(D))*seuil
      # Proba de gain de P1 sur P2
      p = 1/(1 + 10**(-D/seuil))
      return (p. 1-p)
    """**Fonction basé sur la distance de levenstein pour harmoniser les noms des joueurs entre le classement et le
     dataset*****
    from fuzzywuzzy import fuzz
    def abréviation nom(nom complet):
        parties nom = nom complet.split()
        nom abrégé = parties nom[-1] + ' '+''.join(parties nom[0][0])+ '.'
         return nom abrégé
300 def trouver correspondance nom(nom inexact, liste noms):
        correspondance score max = \theta
        nom correspondant = None
         for nom exact in liste noms:
            score = fuzz.partial ratio(nom inexact, nom exact)
            if score > correspondance score max:
                correspondance_score_max = score
                 nom correspondant = nom exact
         return nom correspondant
```

Figure 24: Programme 10

```
314 ###cette fonction permet de creer le classement pour une date donnée
316 def classement mois(date):
# Ici on récupère les données relatives à chacun des joueurs à la date directement disponible dans le dataset
# ie : pour un joueur : [classement elo, ratio saison, ratio carrière]
319 stats joueurs pour proba = {}
      date limite = pd.to datetime(date)
      date limite formatee = date limite.strftime('%d-%m-%Y')
      data r = data[(data['Date']>=date limite-timedelta(days=730)) & (data['Date']<=date limite formatee)]
      data r = data r.reset index(drop=True)
      data_r['Date'] = data_r['Date'].dt.strftime('%d-%m-%Y')
       for index, ligne in data_r.iterrows():
        # Données toueur 1
       stats joueurs pour proba[ligne[6]] = [ligne[24], ligne[29], ligne[31]]
        stats joueurs pour proba[ligne[11]] = [ligne[25], ligne[30], ligne[32]]
      # On importe le classement ATP du 30/10/23 et on récupère les données de chaque joueur (100 premiers à l'ATP)
      # NB : Nécessairement il ne reste donc que les joueurs (avant joué un match ou plus les deux dernières années)
    ET (présent dans le top 100 ATP à la date)
atp rkg = pd.read csv(f'/content/drive/MyDrive/TIPE/classements atp/{date}.csv')
      atn rkg = atn rkg[:100]
      stats joueurs pour proba final = {}
      liste joueurs = stats joueurs pour proba.keys()
      cpt index = 0
      for index, row in atp rkg.iterrows():
        name = row[1]
        l = name.split(' ')
        if len(1) >= 2:
          name = trouver correspondance nom(abréviation nom(name), liste joueurs)
        if name in liste joueurs:
          f stats = stats joueurs pour proba[name]
          # STATS : [index, points ATP, classement ATP actual, points elo, meilleur classement carrière ATP, Ratio
    saison, Ratio carrièrel
          stats = [cpt_index, row[4], row[0], f_stats[0], row[5]] + f_stats[1:]
          stats joueurs pour proba final[name] = stats
          cot index += 1
          #print(cpt index,name,stats,stats joueurs pour proba final[name])
      print(stats joueurs pour proba final)
```

Figure 25: Programme 11

```
359 ###Cette fonction ajoute au dictionnaire stats joueurs pour proba final le nombre de matchs gagnés sur chaque
    autre joueur sous forme d'une liste
      def get h2h():
      n = len(stats joueurs pour proba final)
        for player1 in stats joueurs pour proba final;
            p1_h2h = [0 for _ in range(n)]
        cpt p2 = 0
            for player2 in stats joueurs pour proba final:
              data pour h2h = data[((data['Player1'] == player1) & (data['Player2'] == player2 )) | ((data['Player1']
    == player2) & (data['Player2'] == player1))]
            match p1 = 0
              for index, row in data pour h2h.iterrows():
               # S'il est playerl, mieux classé et winner = 1 OU player2, moins bien classé et winner = 0
                if (row[6] == player1 and row[13]==1) or (row[11]==player1 and row[13]==0):
                match p1 += 1
            p1 h2h[cpt p2] = match p1
              cpt p2 += 1
      stats joueurs pour proba final[player1].append(p1 h2h)
      get h2h()
```

Figure 26: Programme 12

```
### Cette fonction calucle la proba de victoire d'un joueur i sur un joueur i en se basant sur la formule du
classement élo adaptée à plusieurs statistiques
 def calcul proba(player1, player2):
 stats1, stats2 = stats joueurs pour proba final[player1], stats joueurs pour proba final[player2]
   p1 elo, p2 elo = calcul proba elo(stats1[3], stats2[3], 400)
   p1 atp. p2 atp = calcul proba elo(stats1[1], stats2[1], 3000)
   # Calcul proba classement ATP
   p1 catp, p2 catp = calcul proba elo(stats1[2], stats2[2], 40)
   p1 rs, p2 rs = calcul proba elo(stats1[5], stats2[5], 0.4)
    # Calcul proba h2h
   h2h tot = stats1[7][stats2[0]] + stats2[7][stats1[0]]
    if h2h tot >= 5:
   p1 h\overline{2}h, p2 h2h = calcul proba elo(stats1[7][stats2[0]], stats2[7][stats1[0]], 10)
     p = (50*p1 elo + 25*p1 rs + 25*p1 h2h)/100
   p = (70*p1 elo + 30*p1 rs)/100
    return (p. 1-p)
```

Figure 27: Programme 13

```
### Création de la matrice de transition
dict index nom = {stats joueurs pour proba final[player][0]:player for player in stats joueurs pour proba final}
print(dict index nom)
n = len(stats joueurs pour proba final)
matrice transition = [[0 for in range(n)] for in range(n)]
for j in range(n):
somme = 0
 # On remplit la colonne i
  for i in range(n):
   if i !=j :
    pji = calcul proba(dict index nom[j], dict index nom[i])[0]
     matrice transition[i][i] = pii
     somme += pji
    else :
   matrice_transition[i][j] = 0
  #On normalise la colonne
  for i in range(n):
  matrice transition[i][i] /= somme
  matrice_transition = np.array(matrice_transition)
n = 100 # dimension de la matrice de transition
```

Figure 28: Programme 14

```
# Initialisation du vecteur
Y = np.array([[1/n] for in range(n)])
# Itération jusqu'à convergence
for i in range(1000):
    tmp = np.dot(matrice transition, Y)
Y = tmp / np.linalg.norm(tmp)
# Calcul de la valeur propre dominante
valeur_propre_dominante = np.dot(tmp.T, Y) / np.dot(Y.T, Y)
Y normalized = Y / np.sum(Y)
# Triez les indices des états en fonction des valeurs du vecteur propre
classement indices = np.argsort(Y normalized, axis=0)[::-1]
# Création du classement
classement = [(indice, Y_normalized[indice][0]) for indice in classement_indices]
C = [1]
for i in range(len(classement)):
C.append(dict index nom[classement[i][0][0]])
return(C)
```

Figure 29: Programme 15

```
469 ### Cette fonction permet finalement creer le dictionnaire souhaité
470 def obtenir classements personnels():
        classements personnels = {}
         date debut = datetime(2015, 1, 1)
        date fin = datetime(2023, 10, 1)
        mois actuel = date debut
        while mois actuel <= date fin:
             # Vérifier si le mois actuel est dans la période à sauter
             if mois actuel.vear == 2020 and mois actuel.month >= 4 and mois actuel.month <= 8;
                # Passer au mois suivant sans rien faire
                mois suivant = mois actuel.replace(month=mois actuel.month + 1)
                mois actuel = mois suivant
                continue
             # Calculer le premier jour du mois suivant
             mois suivant = mois actuel.replace(day=1)
             if mois suivant.month == 12:
                mois suivant = mois suivant.replace(year=mois suivant.year + 1, month=1)
             else:
                mois suivant = mois suivant.replace(month=mois suivant.month + 1)
             # Obtenir le classement des joueurs pour le premier jour de ce mois
             date str = mois actuel.strftime('%d-%m-%Y')
            classement = classement mois(date str)
             # Ajouter ce classement à la liste des classements mensuels
             classements personnels[mois actuel.strftime('%Y-%m')] = classement
             # Passer au mois suivant
      mois actuel = mois suivant
        return classements personnels
503 # Obtention des classements mensuels
504 classements personnels = obtenir classements personnels()
```

Figure 30: Programme 16

```
### je ne garde dans le dataset initial que les matchs à partir du 01-01-2015
508 data = data[data['Date']>='2015-01-01']
589 data = data.reset index(drop=True)
511 #Supression des matchs impliquant des joueurs au delà de la 180ème place ATP(ceux qui n'ont pas de classement)
512 for c, row in data.iterrows():
     if (row[5]>100 or row[10]>100):
        data = data.drop([c], axis = 0)
515 data = data.reset index(drop=True)
    ""# **Création d'un nouveau dataset dans lequel les colonnes classement sont remplies avec mon classement**""
    import pandas as pd
    from datetime import datetime
    def mettre a jour classements(data, classements personnels):
        data my rank = data.copy()
        # Convertir la colonne de dates en format datetime
        data my rank.iloc[:, 3] = pd.to datetime(data my rank.iloc[:, 3])
        # Fonction pour obtenir le classement d'un joueur à une date donnée
         def obtenir classement joueur(joueur, date match):
            date str = date match.strftime('%Y-%m')
            classement mois = classements personnels.get(date str. [])
                classement joueur = len(classement mois) - classement mois.index(joueur)
            except ValueError:
                classement joueur = float('NaN')
            return classement joueur
```

Figure 31: Programme 17

Figure 32: Programme 18

```
27 # Chargement du data atpset/supression des colonnes avec des données manguantes
29 data atp = pd.read csv('/content/drive/MvDrive/TIPE/DATASET ATP FINAL.csv')
30 data atp = data atp.dropna()
31 data atp = data atp.reset index(drop=True)
data myrank = pd.read csv('/content/drive/MyDrive/TIPE/DATA MYRANK FINAL.csv')
34 data myrank = data myrank.dropna()
35 data myrank = data myrank.reset index(drop=True)
37 #Convertissement des données en type int
39 data atp['Player1Rank'] = pd.to numeric(data atp['Player1Rank'])
40 data atp['Player2Rank'] = pd.to numeric(data atp['Player2Rank'])
41 data atp['Player1Sets'] = pd.to numeric(data atp['Player2Sets'])
42 data atp['Date'] = pd.to datetime(data atp.Date)
44 data myrank['Player1Rank'] = pd.to numeric(data myrank['Player1Rank'])
45 data myrank['Player2Rank'] = pd.to numeric(data myrank['Player2Rank'])
46 data myrank['Player1Sets'] = pd.to numeric(data myrank['Player2Sets'])
47 data myrank['Date'] = pd.to datetime(data myrank.Date)
```

Figure 33: Programme 19

```
58 ###peut-être une meilleure manière d'encoder les joueurs
59 index joueurs stats = {}
60 #Dictionnaire contenant le nom des joueurs comme une clé [player index,x,y,z,t,w]
61 #x : nombres de matchs gagnés
62 #y : nombres de matchs joués
63 #z : meilleur classement en carrière (on le fixe par défaut à 3000)
64 # t : date du dernier match
65 # w : liste des h2h contre les autres joueurs
   for player in data myrank['Player1'].unique():
        if player not in index joueurs stats.keys():
            index joueurs stats[player] = [i,0,0,3000,0]
    for player in data myrank['Player2'].unique():
        if player not in index joueurs stats.keys():
             index joueurs stats[player] = [i,0,0,3000,0]
   print('Nombre exact de joueurs : ',i)
   data myrank['Best rank p1'] = \theta
   data myrank['Best rank p2'] = 0
   for c, row in data myrank.iterrows():
    p1 = row[6]
     p2 = row[11]
      if row[5]<index joueurs stats[p1][3]:
        data myrank.at[c, 'Best rank pl'] = row[5]
        index joueurs stats[p1][3] = row[5]
        data myrank.at[c, 'Best rank p1'] = index joueurs stats[p1][3]
      if row[10]<index joueurs stats[p2][3]:</pre>
        data myrank.at[c, 'Best rank p2'] = row[10]
        index joueurs stats[p2][3] = row[10]
        data myrank.at[c, 'Best rank p2'] = index joueurs stats[p2][3]
```

Figure 34: Programme 20

```
"""**On mélange aléatoirement P1 et P2**""
99 import pandas as pd
    import numpy as np
    def randomize players and winner(df):
         # Sélectionner les colonnes correspondant aux caractéristiques des joueurs
         player cols = ['Player1', 'B365Player1', 'B365Player2', 'Player1Rank', 'Player2Rank',
                        'Player2', 'elo P1', 'elo P2', 'Best rank p1', 'Best rank p2',
                        'ratio pl saison', 'ratio p2 saison', 'ratio pl carrière', 'ratio p2 carrière'l
         # Créer une copie du data atpFrame pour ne pas modifier l'original
         df copy = df.copy()
         # Pour chaque ligne du data atpFrame
         for index, row in df copy.iterrows():
            # Inverser aléatoirement les colonnes correspondant aux caractéristiques des joueurs
             if np.random.rand() < 0.5:
                 # Inverser les colonnes
                 df copy.at[index, 'Winner'] = 1 - df copy.at[index, 'Winner']
                 for col in player cols:
                     col index = df copy.columns.get loc(col)
                     opponent col = col.replace('1', '2').replace('2', '1')
                     opponent col index = df copy.columns.get loc(opponent col)
                     df copy.iloc[index, col index], df copy.iloc[index, opponent col index] = df copy.iloc[index,
    opponent_col_index], df_copy.iloc[index, col_index]
         return df copy
125 data atp = randomize players and winner(data atp)
126 data myrank = randomize players and winner(data myrank)
```

Figure 35: Programme 21

```
128 """**Dernière modifications des datasets...**""
130 # Suppression des colonnes qui ne seront plus utiles au modèle
data atp = data atp.drop(['Player1', 'Player2', 'Player1Sets', 'Player2Sets', 'Date'],axis = 1)
data myrank = data myrank.drop(['Player1', 'Player2', 'Player1Sets', 'Player2Sets', 'Date'],axis = 1)
134 data atp['Winner'] = pd.to numeric(data atp['Winner'])
135 data myrank['Winner'] = pd.to numeric(data myrank['Winner'])
data atp = data atp.drop(['Series'], axis = 1)
data myrank = data myrank.drop(['Series'], axis = 1)
140 data atp['Player1Pts'] = data atp['Player1Pts'].astype('int64')
141 data atp['Player2Pts'] = data atp['Player2Pts'].astype('int64')
142 data atp['Player1Rank'] = data atp['Player1Rank'].astype('int64')
143 data atp['Player2Rank'] = data atp['Player2Rank'].astype('int64')
144 data atp['elo P1'] = data atp['elo P1'].astype('int64')
145 data atp['elo P2'] = data atp['elo P2'].astype('int64')
148 data myrank['Player1Pts'] = data myrank['Player1Pts'].astype('int64')
149 data myrank['Player2Pts'] = data myrank['Player2Pts'].astype('int64')
150 data myrank['Player1Rank'] = data myrank['Player1Rank'].astype('int64')
151 data myrank['Player2Rank'] = data myrank['Player2Rank'].astvpe('int64')
152 data myrank['elo P1'] = data myrank['elo P1'].astype('int64')
153 data myrank['elo P2'] = data myrank['elo P2'].astype('int64')
```

Figure 36: Programme 22

```
"""###**DIVISION DES DATASETS POUR L'ENTRAINEMENT ET LE TEST**"""
    def pre processing(df):
      df = df.dropna()
      X = df.drop(['Winner'], axis = 1)
      v = df['Winner']
      return X, v
   from sklearn.model selection import train test split
   trainset atp, testset atp = train test split(data atp, test size = 0.2, random state = 45)
   trainset myrank, testset myrank = train test split(data myrank, test size = 0.2, random state = 45)
169 X train atp, y_train_atp = pre_processing(trainset_atp)
170 X train myrank, y train myrank = pre processing(trainset myrank)
172 X test atp, y test atp = pre processing(testset atp)
173 X test myrank, v test myrank = pre processing(testset myrank)
   print(v test myrank,shape)
    """###**MODELISATION**""
179 from sklearn import metrics
180 from sklearn.model selection import GridSearchCV
181 from sklearn.metrics import classification report
182 from sklearn.model selection import GroupKFold
183 from sklearn.model selection import RandomizedSearchCV
184 from sklearn.linear model import LogisticRegression
185 from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
186 from sklearn.ensemble import AdaBoostClassifier
187 from sklearn.neural network import MLPRegressor
188 from sklearn.model selection import learning curve
189 from sklearn.metrics import accuracy score
```

Figure 37: Programme 23

```
207 from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
208 from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier. AdaBoostClassifier
209 from sklearn.naive bayes import GaussianNB
    from sklearn.discriminant analysis import QuadraticDiscriminantAnalysis,LinearDiscriminantAnalysis
    from sklearn import model selection
    X = X train atp
216 Y = v train atp
218 seed = 42
221 models.append(('LR', LogisticRegression()))
222 models.append(('LDA', LinearDiscriminantAnalysis()))
223 models.append(('QDA',QuadraticDiscriminantAnalysis()))
224 models.append(('KNN', KNeighborsClassifier(125, n jobs=-1)))
225 models.append(('CART', DecisionTreeClassifier(max depth=10)))
226 models.append(('NB', GaussianNB()))
228 models.append(('RandomForest'.RandomForestClassifier( n estimators=100, n jobs=-1)))
    models.append(('MLP'.MLPClassifier(alpha=0.800001)))
    models.append(('ADABoost',AdaBoostClassifier()))
234 scoring = {'accuracy': make scorer(accuracy score),
               'precision score': make scorer(precision score).
               'recall score'; make scorer(recall score),
               'fl score' : make scorer(fl score)}
238 names = []
```

Figure 38: Programme 24

Figure 39: Programme 25

```
"""**GRID SEARCH CV**
    **RandomForest**
261 from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
    from sklearn.model selection import GridSearchCV
    from sklearn.metrics import accuracy score
265 # Définition des hyperparamètres à tester
266 param grid = {
         'n estimators': [50, 100, 200],
         'max depth': [None, 10, 20],
         'min_samples_split': [2, 5, 10],
         'min samples leaf': [1, 2, 4]
273 # Création du premier modèle avec le dataset ATP
274 rf atp = RandomForestClassifier()
276 # Création du grid search pour le premier modèle
grid search atp = GridSearchCV(estimator=rf_atp, param_grid=param_grid, cv=5, scoring='accuracy', n_jobs=-1)
279 # Entraînement du grib search pour le premier modèle
    # Meilleurs hyperparamètres pour le premier modèle
283 best_params_atp = grid_search_atp.best_params_
285 # Meilleur modèle pour le premier modèle
286 best model atp = grid search atp.best estimator
288 # Score du meilleur modèle pour le premier modèle
289 best score atp = grid search atp.best score
291 # Affichage des résultats pour le premier modèle
292 print("Meilleurs hyperparamètres pour le modèle avec classement ATP:", best params atp)
293 print("Score avec les meilleurs hyperparamètres pour le modèle avec classement ATP: ", best score atp)
295 # Création du deuxième modèle avec votre propre classement
296 rf personnel = RandomForestClassifier()
298 # Création du grid search pour le deuxième modèle
299 grid search personnel = GridSearchCV(estimator=rf personnel, param grid=param grid, cv=5, scoring='accuracy',
     n 10bs=-1)
```

Figure 40: Programme 26

```
301 # Entraînement du grid search pour le deuxième modèle
302 grid search personnel.fit(X train myrank, y train myrank)
304 # Meilleurs hyperparamètres pour le deuxième modèle
305 best params personnel = grid search personnel.best params
307 # Meilleur modèle pour le deuxième modèle
308 best model personnel = grid search personnel.best estimator
310 # Score du meilleur modèle pour le deuxième modèle
311 best score personnel = grid search personnel.best score
313 # Affichage des résultats pour le deuxième modèle
314 print("\nMeilleurs hyperparamètres pour le modèle avec votre propre classement:", best params personnel)
315 print("Score avec les meilleurs hyperparamètres pour le modèle avec votre propre classement:",
     best score personnel)
317 random forest myrank = RandomForestClassifier(max depth = 10, min samples leaf = 3, min samples split = 5,
     n estimators = 25)
318 random forest myrank.fit(X train myrank,y train myrank)
319 print(random forest myrank, score(X test myrank, v test myrank))
320 print(random forest myrank.score(X train myrank,y train myrank))
322 # Prédire les probabilités pour le modèle avec votre propre classement
323 probas myrank = random forest myrank.predict proba(X test myrank)[:. 1]
324 predictions myrank = random forest myrank.predict(X test myrank)
   random forest atp = RandomForestClassifier(max depth = 10, min samples leaf = 4, min samples split = 10,
     n estimators = 200)
328 random forest atp.fit(X train atp,y train atp)
329 print(random forest atp.score(X train atp,y train atp))
330 print(random forest atp.score(X test atp.y test atp))
331 # Prédire les probabilités pour le modèle avec classement ATP
332 probas atp = random forest atp.predict proba(X test atp)[:, 1]
333 predictions atp = random forest atp.predict(X test atp)
```

Figure 41: Programme 27

```
335 """"Lucidité des modèles
338 import numpy as np
339 import matplotlib.pyplot as plt
341 # Définir une liste de seuils
342 seuils = np.linspace(0.5, 0.95, 100)
344 # Initialiser une liste pour stocker les fréquences de bonnes prédictions
345 freq bonnes predictions myrank = []
347 # Pour chaque seuil, calculer la fréquence de bonnes prédictions
348 for seuil in seuils:
         # Filtrer les prédictions avec des probabilités éloignées de 0,5
         indices = ((probas myrank < 1-seuil) | (probas myrank > seuil)), flatten()
         # Sélectionner les prédictions et les vraies étiquettes correspondantes
         score_filtre = accuracy_score(y_test_myrank[indices], predictions_myrank[indices])
         freq bonnes predictions myrank.append(score filtre)
358 # Initialiser une liste pour stocker les fréquences de bonnes prédictions
359 freq bonnes predictions atp = []
    # Pour chaque seuil, calculer la fréquence de bonnes prédictions
    for seuil in seuils:
        # Filtrer les prédictions avec des probabilités éloignées de 0,5
         indices = ((probas atp < 1-seuil) | (probas atp > seuil)),flatten()
         score_filtre = accuracy_score(y_test_atp[indices], predictions_atp[indices])
         freq bonnes predictions atp.append(score filtre)
freq bonnes predictions atp, freq bonnes predictions myrank = np.array(freq bonnes predictions atp),
    np.array(freq bonnes predictions myrank)
    ecart = np.abs(freq bonnes predictions myrank - freq bonnes predictions atp)
373 # Calculer l'écart moyen
374 ecart moyen = np.mean(ecart)
376 print(f"L'écart moven entre les deux courbes est : {ecart moven}")
378 # Tracer la courbe de la fréquence de bonnes prédictions en fonction des seuils
plt.plot(seuils, freq bonnes predictions myrank, label = 'Mon classement')
plt.plot(seuils, freq bonnes predictions atp, label = 'Classement ATP')
381 plt.xlabel('Seuil')
382 plt.ylabel('Fréquence de bonnes prédictions')
383 plt.grid(True)
384 plt.legend()
```