

Рассмотрим для вычисления $\frac{1}{n} \frac{\partial n}{\partial z}$ следующие две схемы:

- $\frac{2}{n_{i,j+1} + n_{i,j-1}} \frac{n_{i,j+1} - n_{i,j}}{\Delta\varphi}$
- $\frac{2}{n_{i,j+1} + n_{i,j-1}} \frac{n_{i,j+1} - n_{i,j-1}}{2\Delta\varphi}$

Первая схема — схема направленных разностей, обладает численной диффузией, а вторая — схема центральных разностей — не обладает ей. После замены второй формулы на первую в схему была внесена численная диффузия, которую можно оценить из разности этих аппроксимаций:

$$\frac{2}{n_{i,j+1} + n_{i,j-1}} \frac{n_{i,j+1} - 2n_{i,j} + n_{i,j-1}}{\Delta\varphi^2} \cdot \frac{h}{2} \approx \frac{1}{n} \cdot \frac{h}{2} \cdot \frac{\partial^2 n}{\partial\varphi^2}$$

В уравнении для первого шага рассматривается $\frac{\partial}{\partial z} \left[n \frac{1}{n} \frac{\partial n}{\partial z} \right]$. Тогда в результате в схему вносится слагаемое, оценивающееся как

$$\frac{\partial}{\partial z} \left[\frac{h}{2} \frac{\partial^2 n}{\partial\varphi^2} \right]$$

Это слагаемое вносит третью смешанную производную в первое дифференциальное приближение схемы (дважды по φ и один раз по z).