简单数据结构复习 进阶数据结构选讲 一道例题

## 数据结构选讲(金华)

diamond\_duke

2019年10月3日

CodeForces 103D BZOJ 2054 CodeForces 480E ZJOI 2016 旅行者

## 简单数据结构复习

#### CodeForces 103D

给定长度为 n 的数组  $a_1, a_2, \cdots, a_n$ , q 次询问,每次给出 x, y, k,你要求出  $\sum\limits_{i=1}^k a_{x+iy}$ 。  $n, m \leq 3 \times 10^5$ ,  $x + ky \leq n$ 。

#### **BZOJ 2054**

给定长度为 n 的序列,m 次操作,每次操作形如把 [l,r] 覆盖为 k,求 所有操作后的序列。  $n<10^6$ , $m<10^7$ 。

#### CodeForces 480E

一个  $n \times m$  的网格,有的位置上有障碍物。q 次操作,每次会把 (x, y) 变成障碍物,问每次操作后最大的无障碍正方形大小。 n, m, q < 2000。

## ZJOI 2016 旅行者

一个  $n \times m$  的网格,相邻的点之间连接一条无向边。 给出每条边的边权, q 次询问  $(x_1,y_1)$  到  $(x_2,y_2)$  的最短路。  $n \times m \le 2 \times 10^4$ ,  $q \le 10^5$ 。

## 进阶数据结构选讲

## 平面最近点对

给定平面上的 N 个点,求最近点对。  $1 \le N \le 10^5$ 。

### 一道例题

给定 N 个点的多边形及其三角剖分, Q 次询问两点最短路。  $1 \leq N, Q \leq 10^5$  。

树分治 CDQ 分治 整体二分 线段树分治

# 树分治

#### **BZOJ 1468**

给定一棵 N 个点的树,求有多少对点距离不超过 K。  $1 \le N \le 2 \times 10^5$  。

#### **BZOJ 2599**

给定一棵 N 个点的树,每条边有一个长度。求所有距离等于 K 的简单路径中,边数最小是多少。

$$1 \leq N \leq 2 \times 10^5$$
 ,  $1 \leq K \leq 10^6$  .

### 另一道例题

给定一棵 N 个点的树,求有多少个区间 [L,R] 满足  $L,L+1,L+2,\cdots,R$  这些点对应了一条路径。  $1\leq N\leq 10^5$  。

## CDQ 分治

## 三维偏序问题

给定 N 个点  $(x_i, y_i, z_i)$ ,求有多少对 (i, j),满足如下三个条件:

- $x_i < x_j$ ;
- $y_i < y_j$ ;
- $z_i < z_j$  •

$$1 \leq \mathit{N} \leq 2 \times 10^5\,\mathrm{_{o}}$$

#### **BZOJ 2683**

给定一个无限大的网格,两种操作:单点加一个数,或者询问某个矩形内部的权值和。

$$1 \le N \le 2 \times 10^5$$

#### **BZOJ 2716**

维护点集,每次加入一个点,或者询问距离一个点曼哈顿距离最近点 是多远。

$$1 \le N \le 5 \times 10^5$$
 o

## 整体二分

#### POJ 2104

给定长度为 N 的序列  $A_1, \dots, A_N$ , Q 次询问区间 [L, R] 中第 K 小的数字。

$$1 \le N, Q \le 2 \times 10^5$$
 (原题  $Q \le 5000$ )。

#### LOJ 2169

给定一个长度为 M 的环,初始时每个数都为 0。Q 次操作,每次会给环上连续的一段增加一个数。

一共有 N 个人,第 i 个数字属于第  $A_i$  个人,第 i 个人想要他拥有的所有数字和至少为  $P_i$ ,问第几次操作之后可以达到这一点。

 $1 \leq \mathit{N}, \mathit{M}, \mathit{Q} \leq 3 \times 10^5\,\mathrm{o}$ 

树分治 CDQ 分治 整体二分 线段树分治

## 线段树分治

#### **BZOJ 4025**

有一张 N 个点 M 条边的无向图,每条边在时间  $[L_i, R_i]$  内存在。问每个时间点的图是不是二分图。

$$1 \le N \le 10^5$$
,  $1 \le M \le 2 \times 10^5$ ,  $1 \le T \le 10^5$ .

## 一道例题

#### HNOI 2016 网络

给定一棵 n 个点的树,每个时刻可能加入或删除一个有权值 w 的路径 (u,v),或询问**不经过**某个点 u 的所有路径中,权值的最大值。  $n \le 10^5$ ,  $m \le 2 \times 10^5$ 。

这里的复杂度中不区分 n 以及 m,均使用 n 表示。

• 大力数据结构?

这里的复杂度中不区分 n 以及 m,均使用 n 表示。

• 大力数据结构? 没法删除?

这里的复杂度中不区分 n 以及 m,均使用 n 表示。

• 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n\log_2^3 n)$ ?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治! Θ(n log<sup>3</sup><sub>2</sub> n)?
- 去掉数据结构?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分?整体二分!

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分! Θ(n log<sup>2</sup><sub>2</sub> n)!
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分?区间问题?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分?区间问题?线段树!

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分? 区间问题? 线段树!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分? 区间问题? 线段树!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 线段树?

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分?区间问题?线段树!Θ(n log<sup>2</sup><sub>2</sub> n)!
- 二分? 线段树? 线段树二分!

- 大力数据结构? 没法删除?  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉删除? 线段树分治!  $\Theta(n \log_2^3 n)$ ?
- 去掉数据结构? 二分!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 整体二分!  $\Theta(n\log_2^2 n)$ !
- 直接二分? 区间问题? 线段树!  $\Theta(n \log_2^2 n)$ !
- 二分? 线段树? 线段树二分!  $\Theta(n \log_2 n)$ !

## Thank You!