# Análisis de estrutura de la población y demográfico con *Lupinus*

## Tabla de contenido:

- 1. Estructura de la población:
  - a. PCA
  - b. Admixture
- 2. Demografia
  - a. Inferindo el SFS
  - b. Fastsimcoal

## Estructura de la población

## **PCA**

Ahora que ya tenemos nuestro VCF listo, podemos empezar a hacer análisis. Primero, verificaremos la estructura de la población mediante un análisis de componentes principales (PCA). PCA es un método sin modelo y sin necesidad de una asignación de población previa que ayuda a identificar la estructura de la población y la ascendencia compartida. En el caso de los datos genéticos, PCA resumirá la variación en términos de frecuencias alélicas. Es decir, PCA identifica los principales ejes de variación basado en las frecuencias alélicas, con el primer componente explicando la variación principal observada, el segundo el siguiente más grande, y así sucesivamente. Al hacer esto, calculará las coordenadas de los individuos a lo largo de los ejes para posicionar las muestras en el conjunto de datos. Para realizar un PCA en los datos de *Lupinus*, usaremos el software plink - versión 1.9.

- 1. crear una carpeta llamada "demografia" donde vamos hacer estos analisis
- 2. dentro de esta carpeta, crea una otra llamada "PCA"
- 3. el archivo de input que vamos usar es el formato plink generado por Stacks en populations: populations.plink.ped y populations.plink.map. Entonces tenemos que obtener la ruta de estes archivos (pwd)
- 4. necesitamos cargar el módulo de plink en el cluster: module load plink
- 5. ahora podemos ejecutar *plink* usando los archivos de *Stacks* (-file) para calcular el PCA (--pca). Además, pediremos a plink que genere un formato "corregido" (--recode12) para ejecutar el análisis de *admixture* que sigue abaio.

**Output:** 6 archivos: 2 con los resultados de los PCA (plink.eigenval y plink.eigenvec), 2 que vamos usar en *admixture* (plink.ped y plink.map) y 2 con información sobre la ejecución y los datos (plink.log y plink.nosex).

```
(plink.eigenval y plink.eigenvec) para graficar usando R
  7. abra R Studio
  8. primero vamos cargar los paquetes que necesitamos y setar el directorio:
library(tidyverse)
library(ggplot2)
setwd("<camino donde esta los archivos>")
  9. vamos ler los archivos generados por plink en R
pca <- read_table2("./plink.eigenvec", col_names = FALSE)</pre>
eigenval <- scan("./plink.eigenval")</pre>
 10. necesitamos añadir nombres para las columnas del PCA
names(pca)[1] <- "Species"</pre>
names(pca)[2] <- "Ind"</pre>
#de las columnas con las coordenadas (de la 3 hasta la ultima), vamos poner columnas con el
names(pca)[3:ncol(pca)] <- paste0("PC", 1:(ncol(pca)-2))</pre>
 11. cambiar los valores de eigen para porcentaje
pve <- data.frame(PC = 1:length(eigenval), pve = eigenval/sum(eigenval)*100)</pre>
 12. ahora si, ¡plotando! Primero, vamos plotar la variancia explicada por cada
     componente principal
a <- ggplot(pve, aes(PC, pve)) +
    geom bar(stat = "identity") +
    ylab("Percentage de la variancia") +
    theme_light(); a
 13. y vamos plotar el PCA para los dos primeros ejes
b <- ggplot(pca, aes(PC1, PC2, col = Species)) +</pre>
    geom_point(size = 3) +
    scale_colour_manual(values = c("red", "blue")) +
    coord_equal() +
    theme_light() +
    xlab(paste0("PC1 (", signif(pve$pve[1], 3), "%)")) +
    ylab(paste0("PC2 (", signif(pve$pve[2], 3), "%)")); b
Listo:)
```

6. vamos descargar en nuestra computasora (scp) los outputs del PCA

## Admixture

El software Admixture - Manual - hace la estimación de máxima verosimilitud de la ancestralidad (#K) de los individuos basado en datos de genótipos multilocus (SNP).

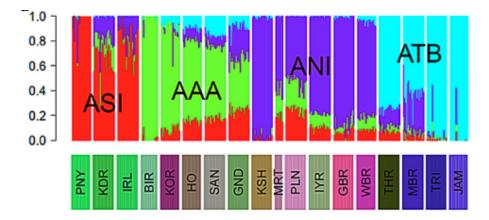


Figure 1: Un gráfico de admixture (imagen de: Lawson et al., 2018)

Suposiciones del modelo: - los SNP no están vinculados - los individuos no san relacionados - los sitios son bialélicos y se eliminan los singletons - gran cantidad de SNP ( $\sim 10,000$ ) - poblaciones con un número similar de individuos (no se detectarán poblaciones subrepresentadas).

Es importante tener en cuenta que diferentes historias evolutivas pueden generar un patrón muy similar de estructura poblacional, por lo que se necesita mucho cuidado al interpretar los resultados (para más información, mire Lawson et al., 2018).

Otros softwares para detectar estructura poblacional: - STRUCTURE - FAST-STRUCTURE - CONSTRUCT - y muchos otros

- 1. Dentro de la carpeta "demografia", vamos crear una llamada "admixture"
- 2. Entra en la carpeta "admixture"
- 3. el archivo de input que vamos usar es el generado por *plink* cuando hicemos el PCA, que está en el camino relativo ../PCA/plink.ped
- 4. necesitamos cargar el modulo en el cluster: module load admixture
- 5. la línea de comando para correr admixture és: admixture <archivo> <#K>
- 6. debido a que queremos comparar diferentes números de grupos (K de 1 a 5), lo ejecutaremos usando validación cruzada, por lo que necesitamos generar un for loop:

for k in {1..5}; do admixture --cv=10 <ruta\_del\_archivo> \$k > log\${k}.out; done Output: 3 archivos (log.out, .P y .Q) para cada valor de K.

```
7. vamos descargar (scp) los outputs del admixture para graficar en R
```

8. en R Studio, primero vamos cargar los paquetes que necesitamos y setar el directorio

```
library(ggplot2)
setwd("<camino_donde_estan_los_archivos>")
  9. vamos mirar los likelihoods de cada K
#lista los archivos en la carpeta con extensión .out
f <- list.files(path = ".", pattern = ".out")</pre>
#crea un data.frame vacío
lh_K <- data.frame(K = numeric(),</pre>
                    CV_error = numeric())
#for loop para sacar el valor the K y CV error de cada archivo
for(i in f){
  temp <- readLines(i)[grep("CV", readLines(i))]</pre>
  k \leftarrow as.integer(sub(".*?K=*?(\d+).*", "\1", temp))
  cv <- as.numeric(sub(".*?): *?(\\d+(?:.\\d+)).*", "\\1", temp))</pre>
  lh_K[nrow(lh_K) + 1,] \leftarrow c(k, cv)
}
print(lh_K)
 10. plotando los CV error
a <- ggplot(lh_K, aes(x = K, y = CV_error)) +
  geom_point() +
  geom_line() +
  ylab("Cross-validation error") +
  xlab("K") +
  theme_light(); a
     PREGUNTA: ¿Cual valor de K es lo más probable para esto dato?
 11. ahora que ya descobrimos cual K es lo numero de clusters mas probable,
     vamos plotar la ancestralidad estimada por admixture para cada individuo.
     Pero antes de plotar necesitamos ler la matrix Q.
#ler la matrix Q para el K más probable
q <- read.table("populations_cor.2.Q")</pre>
#plot
barplot(t(as.matrix(q)), col = c("#ef8a62", "#91bfdb"), xlab = "Individual #", ylab = "Ances
```

## Demografia

En esta parte estimaremos algunos parámetros demográficos (tamanho poblacional, tiempo de divergencia, ...) basados en nuestro conjunto de datos y compararemos dos modelos demográficos de divergencia, aislamiento sin (A) y con migración (B), para verificar cuál de estos modelos es el más probable.

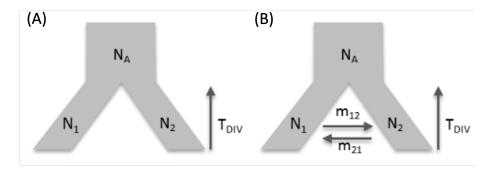


Figure 2: Los dos modelos de isolamento sin (A) y con migración (B) que vamos comparar (imagen modificada del manual de Fastsimcoal)

#### Inferindo el SFS

Antes de empezar las estimaciones demográficas, necesitamos transformar nuestros datos al *Site Frequency Spectrum* (SFS). Cada entrada en el SFS indica el número total de loci con la correspondiente frecuencia de alelos derivados.

Cálculo de **SFS** para 10 bp y n = 6 individuos haploides. El SFS vás tener n-1 = 5 clases, porque cualquier variante de SNP podría ocurrir en 1/6, 2/6, ..., o 5/6 individuos: la base que ocurre en 6/6 los individuos serían invariantes. El SFS se obtiene contando el número de SNP derivados con respecto a los "1"s (en recuadros grises) individuales. Cuando no está claro si el estado del carácter en el individuo #1 es ancestral o derivado, el SFS se "dobla" (**folded SFS**) combinando las clases "1" y "5" (ambas clases tienen un carácter de una manera y cinco de otra), y el clases "2" y "4" (ambas tienen dos en un sentido y tres en el otro). La clase '3' permanece sin cambios (combina los tipos equilibrados 000111 y 111000).

Es importante tener en cuenta que existen diferentes tipos de SFS (para una, dos o muchas poblaciones, si conoces el estado derivado o no) - mirar acá para una buena explicación. Esto dependerá de lo que tu quieres hacer con fastsimcoal. Para obtener más información al respecto, consulte el manual de fastsimcoal. Además, existen otros softwares que pueden generar el SFS, como Arlequin, angsd y dadi.

Acá, vamos utilizar un script llamado easySFS para generar el SFS de nuestro archivo vcf. Como tenemos dos poblaciones, vamos estimar el joint SFS o 2D

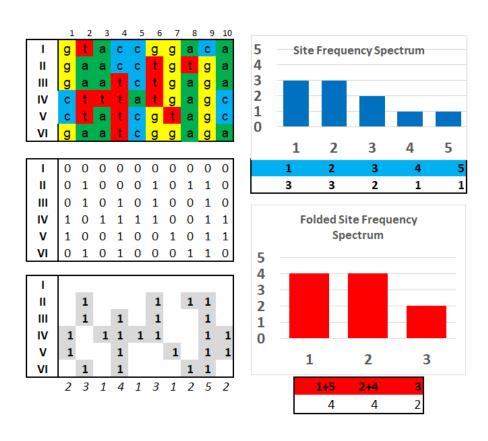


Figure 3: SFS y folded SFS (imagen de acá)

SFS (= "minor allele frequency SFS" = jointMAF).

- 1. en carpeta *data* vamos activar un ambiente *conda* ya creado con algunos softwares que necesitamos:
- cargar: module load conda
- activar el ambiente: source activate ~/data/conda/conda\_envs/easySFS
- clonar el repositorio de easySFS repositorio de github: git clone https://github.com/isaacovercast/easySFS.git
- 3. ejecutar:
- entrar en la carpeta: cd easySFS
- hacer ejecutable: chmod 777 easySFS.py

Ahora estamos listos para crear el archivo SFS: 1. necesitamos de 2 archivos para hacer el SFS: el vcf (con uno solo SNP per loci) y el archivo de población que usamos con *Stacks* - mira las rutas donde están estos dos archivos.

2. vamos a generar el SFS en dos pasos. El primero es:

./easySFS.py -i <ruta\_vcf>/populations.snps.vcf -p <ruta\_pop\_map>/Lupinus\_pops.txt --preview

(5, 916)

Que dará como resultado algo como esto:

(3, 685)

## L\_alopecuroides

(2, 215) (3, 322) (4, 389) (5, 435) (6, 467) (7, 491) (8, 507) (9, 209)

(6, 980)

(7, 1023)

(8, 1051)

(9, 538)

L\_triananus

(2, 457)

Cada columna es el número de muestras (2n) en la proyección y el número de sitios segregantes en ese valor de proyección. El manual de dadi recomienda

(4, 823)

sitios segregantes en ese valor de proyeccion. El manual de *dadi* recomienda maximizar el número de sitios segregantes, pero al mismo tiempo, si tiene muchos datos faltantes, es posible que deba equilibrar el número de sitios segregados con el número de muestras para evitar reducir demasiado el muestreo.

**PREGUNTA:** ¿Qué número de muestras parece ser una buena opción para esto dataset?

A continuación, ejecute el script con los valores para proyectar para cada población (x,y), así:

./easySFS.py -i <ruta\_vcf>/populations.snps.vcf -p <ruta\_pop\_map>/Lupinus\_pops.txt
--proj x,y

Esto vas generar una carpeta output con archivos para los softwares dadi y fastsimcoal. Usaremos el **jointMAF** producido para fastsimcoal (populations\_jointMAFpop1\_0.obs).

### **Fastsimcoal**

Ahora que ya tenemos nuestro joint SFS, finalmente podemos ejecutar fastsim-coal2:)

Fastsimcoal es un software de modelado demográfico que permite probar varios escenarios demográficos con diferentes niveles de complejidad dependiendo de sus datos. Utiliza el SFS para ajustar los parámetros del modelo a los datos observados mediante la realización de simulaciones coalescentes. El manual es bastante completo y se puede encontrar acá.

Antes de empezar necesitamos: 1. crear una carpeta fastsimcoal dentro de la carpeta demografia 2. dentro de esta carpeta vamos hacer el download del software: wget <RUTA\_DEL\_INTERTNET> 3. descomprimir el archivo zip : unzip <ARCHIVO>.zip 4. adentre en la carpeta cd para hacer el archivo executable: chmod +x <ARCHIVO> y estamos listos :smile:

#### Archivos de entrada:

Para ejecutar fastsimcoal2 necesitamos 3 archivos en una mesma carpeta. Los 3 archivos deben tener el mismo prefijo pero diferente extensión. Todos son archivos de texto: - SFS observado = \${PREFIX}\_jointMAFpop1\_0.obs, ya generado por easySFS - archivo que define el modelo demográfico = \${PREFIX}.tpl - archivo que define los parámetros = \${PREFIX}.est

Para los archivos .tpl y .est vamos modificar de un archivo ejemplo en la carpeta example\ files/2PopDiv2OMb. Para esto, vamos volver a nuestra carpeta inicial de fastsimcoal y crear una carpeta llamada modelos. Dentro de modelos, vamos generar dos carpetas: div y div\_mig - una a cada modelo demográfico que probaremos.

### Modelo de divergencia div:

En la carpeta div vamos a copiar de los archivos de ejemplo: cp <RUTA>/dato\_denovo/demographic/fastsimcoal/fsc27\_linux64/example\files/2PopDiv2OMb/2PopDiv2OMb.\* . También tenemos que copiar el SFS generado por easySFS. Recuerden que todos los 3 archivos deben tener el mismo prefijo. Entonces cambiemos (mv) los prefijos de los archivos a algo significativo, como el nombre del organismo y el modelo: Lupinus\_div. Todos los archivos deberían verse así:

Lupinus\_div.est Lupinus\_div.tpl Lupinus\_div\_jointMAFpop1\_0.obs

Usando nano, vamos modificar los archivos .est y .tpl. En el .tpl tenemos que cambiar el numero de los individuos para lo que establecemos en el SFS y la taja de mutación (usaremos 7e-9). En el .est, podemos dejar los *priors* como están, pero es importante mirarlos y comprender lo que pasa.

Estamos casi listos para hacer nuestra primera prueba, pero necesitamos crear la línea de comando y el archivo *sbatch*.

Primero intentemos directamente en la línea de comando: 1. descubrir la ruta del fastsimcoal y generar una variable para esto: ruta\_fastsimcoal=<RUTA>/fsc2702

- 2. en el terminal, crear una variable con el nombre del prefijo: PREFIX="Lupinus\_div"
- 3. vamos ejecutar fastsimcoal: \$ruta\_fastsimcoal con estas con estas opciones:
- -t \${PREFIX}.tpl
- -e \${PREFIX}.est
- $-n\,$  250000 número de simulaciones coalescentes para aproximar el SFS esperado en cada ciclo
- -m utilizar frecuencia de alelos menores (MAF)
- --removeZeroSFS ignorar los sitios monomórficos
- -M estimación de parámetros por máxima probabilidad compuesta de la SFS
- -L 40 número de ciclos de optimización (ECM) para estimar los parámetros
- -q pocas mensajes a la consola (no detallado)

Ahora vamos hacer un *sbatch* porqué tenemos que ejecutar fastsimcoal mucho más de una vez. fastsimcoal2 no debe ejecutarse una sola vez porque es posible que no encuentre la mejor combinación de estimaciones de parámetros de inmediato. Es mejor ejecutarlo 50 veces o más. De estas ejecuciones, seleccione la que tenga el *likelihood* más alto, que es la ejecución con las estimaciones de parámetros de mejor ajuste para este modelo. Debido a limitaciones de tiempo, ejecutaremos este modelo solo 5 veces. En el *sbatch* vamos añadir una línea que indica ejecutar varias veces el mismo comando: #SBATCH --array=1-5. En este caso, *sbatch* ejecutará fastsimcoal de 1 a 5, generando la variable \${SLURM\_ARRAY\_TASK\_ID} con el número de ejecución. Usaremos esta variable para generar una carpeta para cada ejecución y evitar sobrescribir los resultados. Entonces, en el *sbatch* vamos poner:

```
ruta_fastsimcoal=<RUTA>/fsc2702
PREFIX="Lupinus_div"

cd <RUTA_MODELO_DIV>

mkdir Run${SLURM_ARRAY_TASK_ID}

cp ${PREFIX}.est Run${SLURM_ARRAY_TASK_ID}/

cp ${PREFIX}.tpl Run${SLURM_ARRAY_TASK_ID}/

cp ${PREFIX}_jointMAFpop1_0.obs Run${SLURM_ARRAY_TASK_ID}/

cd Run${SLURM_ARRAY_TASK_ID}/
```

\$ruta\_fastsimcoal -t \${PREFIX}.tpl -e \${PREFIX}.est -n 250000 -m --removeZeroSFS -M -L 40 -c

cp \${PREFIX}/\${PREFIX}.bestlhoods ../bestlhoods/\${PREFIX}\_\${SLURM\_ARRAY\_TASK\_ID}.bestlhoods

Antes de ejecutar el *sbatch*, no se olvide de generar una nueva carpeta llamada **bestlhoods** que es donde vamos poner los resultados para mirar el mejor likelihood.

Memoria necesaria: ~70mb

## Tiempo de ejecución: ~11min

Output: en cada carpeta Run\* vamos tener una nueva carpeta con el nombre del \${PREFIX}. En esta carpeta tenemos 5 archivos. Los más importantes para nosotros son \${PREFIX}.bestlhoods y \${PREFIX}\_maxL.par

Los archivos \${PREFIX}.bestlhoods ya copiamos a la carpeta bestlhoods. Naveguemos a esa carpeta y comparemos qué *run* presenta el mejor *likelihood*. Para esto, vamos ejecutar la línea:

```
cat ${PREFIX}_{1...5}.bestlhoods | grep -v MaxObsLhood | awk
'{print NR,$5}' | sort -k 2
```

En cada archivo, vamos sacar el encabezamiento con grep, después vamos mostrar en la pantalla al número de ejecución que acá corresponde el número de línea usando el comando awk '{print NR,\$5} donde \$5 es la columna del MaxEstLhood y, por lo tanto, la probabilidad que queremos comparar entre diferentes ejecuciones. Por último, ordenaremos el archivo de la mejor probabilidad a la peor sort.

## Modelo de divergencia con migración div\_mig:

Ahora que del modelo div ya esta siendo ejecutado, vamos generar los archivos para el modelo de divergencia con migración div\_mig. Copie cp los archivos del div para div\_mig. En este modelo, tenemos que modificar los archivos para añadir una matriz de migración en el .tpl y los parámetros de migración en el .est. Vamos intentar hacer estas modificaciones en grupos. Un consejo es echar un vistazo a la página 77 del manual.

## Memoria necesaria: $\sim 70 \,\mathrm{mb}$

Tiempo de ejecución: ~21min

Output: similar al modelo div, pero con más columnas en algunos archivos porque este modelo tiene más parámetros para estimar

De manera similar al modelo div, modifique el comando cat de arriba para comparar qué run presenta el mejor likelihood.

#### Comparación de modelos con AIC:

Vamos usar Akaike information criterion (AIC) para comparar los dos modelos que ejecutamos. El AIC encontra el modelo que explica la mayor variación en los datos, mientras que penaliza a los modelos que utilizan un número excesivo de parámetros. Cuanto menor sea el AIC, mejor se ajustará al modelo. Se calcula así:

#### Dónde:

- K: el número de parámetros del modelo
- ln(L): la probabilidad logarítmica del modelo fastsimcoal ya calcula este valor automáticamente, pero en log10

Aquí porque solo estamos comparando dos modelos, calculemos manualmente AIC, en R:

```
#los valores de log(likelihood) para cada modelo
div <- <VALOR>
div_mig <- <VALOR>
#el numero de parametros para cada modelo
k div <- <NUM PARAM>
k_div_mig <- <NUM_PARAM>
#convertir de log10 a ln
ln_div <- div/log10(exp(1))</pre>
ln_div
ln_div_mig <- div_mig/log10(exp(1))</pre>
ln_div_mig
#calcular el AIC de cada modelo
AIC_div <- 2*k_div-2*ln_div
AIC_div
AIC_div_mig <- 2*k_div_mig-2*ln_div_mig
AIC_div_mig
```

PREGUNTA: ¿Qué modelo explica mejor los datos?

## **Bootstrap:**

Ahora que sabemos cuál de los modelos es el mejor, podemos hacer bootstrapping para averiguar qué tan seguros estamos de nuestras estimaciones de parámetros. Para esto vamos obtener intervalos de confianza haciendo parametric bootstraps - en las páginas 58-60 del manual hay una buena explicación.

La idea és que utilizemos el archivo que contiene las estimaciones de los parámetros (\*\_maxL.par) de la ejecución com mejor likelihood\* , para simular 100 SFS y ejecutar fastsimcoal basado en estos SFS simulados. De esta forma, descubriremos cómo nuestros datos tienen poder para inferir correctamente los parámetros estimados.

- 1. crear una carpeta bootstrap en la carpeta fastsimcoal
- 2. copiar el archivo \\*\_maxL.par de la mejor run del mejor modelo para la carpeta bootstrap vamos modificar esto archivo
- 3. tenemos que mirar cuantos SNPs se usaron en easySFS para modificar el archivo \\*\_maxL.par. Para esto, miramos el archivo datadict.txt creado por easySFS. Usando el comando wc podemos descubrir cuántas líneas hay en este archivo ese es el número de SNP utilizados.
- 4. modificar \\*\_maxL.par:

- En la línea abajo de "//Number of independent loci [chromosome]" sustituir 1 por el número de SNPs utilizados por easySFS
- sustituir la última línea por: FREQ por DNA y 1 por 100, que se quede así: DNA 100 0 7e-9 OUTEXP
- 5. retirar \* maxL\* del nombre del archivo (mv)
- 6. ejecute fastsimcoal con esto .par modificado para generar 10 SFS simulados. Por razones de tiempo, acá vamos simular solo 10 SFSs, pero el correcto es generar mucho más, como 100.

\$ruta\_fastsimcoal -i Lupinus\_div.par -n10 -j -d -s0 -x -I -q

- -n generará 10 SFS
- -j gera los archivos en directórios separados
- -d calcula SFS para los sitios derivados (acá yo penso que tenemos que usar -m, pero la versión 2.7 esta con un bug. Yo escribí en el google groups preguntando a cerca de esto problema)
- -s0 generar SNPs de los datos de ADN especificar el número máximo de SNP para generar (use 0 para generar todos los SNP)
- -x no genera Arlequin output
- -I genera mutaciones de acuerdo con el modelo de mutación de sitio infinito (IS)
- -q salida de mensaje mínima en el console
  - 7. con este procedimiento, se puede estimar los parámetros de estos SFS simulados utilizando los mismos .tpl y .est de la ejecución inicial de fastsimcoal. Entonces tenemos que copiar .tpl y .est para cada una de las carpetas con los SFS simulados. En la carpeta del modelo que tenga los archivos .tpl y .est, hacer: for i in {1..10}; do cp Lupinus\_div.\*

    <RUTA>/bootstrap/Lupinus div/Lupinus div \$i; done
  - 8. Ahora que ya tenemos los archivos listos para hacer el bootstrap, vamos copiar y modificar el .sh usado en la ejecución inicial de fastsimcoal para hacer los bootstraps. Primero copie el .sh para la carpeta bootstrap. Ahora vamos cambiar el archivo:
  - cambiar -- job name y el --array=1-10
  - cambiar la ruta para la carpeta boostrap/Lupinus\_div/\${PREFIX}\_\${SLURM\_ARRAY\_TASK\_ID}
  - como ahora las carpetas ya están todas generadas de antemano, tenemos que remover las r líneas con los comandos mkdir, cp y cd
  - en la línea de comando del fastsimcoal, cambiar la opción -m por -d
  - cambiar la carpeta bestlhoods por una nueva que vamos crear llamada results dentro de la carpeta bootstrap
  - 9. Ejecutar el scatch.

Memoria necesaria:  $\sim 70 \mathrm{mb}$ 

Tiempo de ejecución: ~10min

Output: dentro de la carpeta results vamos tener todos los archivos bestlhoods para calcular los intervalos de confianza.

10. para calcular los intervalos de confinanza, en la carpeta results vamos generar una tabla fácil que podemos copiar y salvar en un archivo txt en tu computadora para leerlo en R. Vamos hacer así: cat \${PREFIX}\_{1..10}.bestlhoods | grep -v MaxObsLhood Si desea poner un encabezado en la tabla, simplemente cópielo de uno de los archivos, por ejemplo: head -n 1 Lupinus\_div\_1.bestlhoods 11. En R en tu computadora:

setwd("<RUTA>") boot <- read.csv("fastsimcoal\_bootstrap.txt", sep = "\t")</pre>

quantile(boot\$NANC,c(.025,.975)) quantile(boot\$NPOP1,c(.025,.975)) quantile(boot\$NPOP2,c(.025,.975)) quantile(boot\$TDIV,c(.025,.975))

y listo :smile: