

Materiale utile seminar





Python - elemente de baza

Print/Whitespace/Control Flow/Import

<ul style="list-style-type: none">• <code>a = 2</code>• <code>b = 3</code>• <code>print(a + b)</code>	<ul style="list-style-type: none">• <code>a = 2</code>• <code>b = 3</code>• <code>x = - b/a</code>• <code>print(x)</code>	<ul style="list-style-type: none">• <code>a = 2</code>• <code>if a % 2 == 0:</code><ul style="list-style-type: none">◦ <code>print("par")</code>• <code>else:</code><ul style="list-style-type: none">◦ <code>print("impar")</code>
<ul style="list-style-type: none">• <code>from math import sqrt</code>• <code>a = 1</code>• <code>b = 4</code>• <code>c = 4</code>• <code>delta = b*b - 4*a*c</code>• <code>x1 = (-b + sqrt(delta)) / (2*a)</code>• <code>x2 = (-b - sqrt(delta)) / (2*a)</code>		<ul style="list-style-type: none">• <code>a = 5</code>• <code>while a > 0:</code><ul style="list-style-type: none">◦ <code>print(a)</code>◦ <code>a = a - 1</code>



Python - elemente de baza

List(create;append;pop;idx)/String(len)

<pre># Liste xs = [] xs.append(1) xs.append(2) xs.append(3) print(xs)</pre>	<pre># Liste x = xs.pop() print(x, xs) xs = xs + [4, 5, 6] print(xs, xs[0], xs[1])</pre>	<pre># Liste x = xs.pop(0) y = xs.pop(0) print(x, y, xs) print(len(xs))</pre>	<pre># Liste for x in xs: print(x) xs.extend([4, 5, 6]) for x in reversed(xs): print(x)</pre>
<pre># String-uri s = "Hello, world!" print(s) s_length = len(s) for x in range(s_length): print(s[x])</pre>	<pre># String-uri for c in s: print(c, '___') for c in reversed(s): print(c + "a") print(s)</pre>	<pre># String-uri multi = "" String special pe mai multe randuri "" (REPL: multi, print(multi))</pre>	<pre>x = 19391 s = str(x) r = list(reversed(s)) for i in range(len(s)): if s[i] != r[i]: print("nu") print("da")</pre>



Python - elemente de baza

Funcții(def; param; return; apel)/Tuplu

<pre># Funcții def suma(a, b): c = a + b return c print(suma(1, 3))</pre>	<pre># Funcții def suma_lista(xs): s = 0 for x in xs: s += x return s</pre>	<pre># Funcții def cauta_nr(n, xs): for x in xs: if n == x: return True else: return False</pre>
<pre># Funcții def aduna_val(x, val=3): return x + val print(aduna_val(1, 1)) print(aduna_val(1))</pre>	<pre># Tuplu a = (1, 2, 3) # Liste de tupleuri n = 60 xs = [(2, 2), (3, 1), (5, 1)]</pre>	<pre>def fp(n): xs = [] return (len(xs), xs) (n, lista) = fp(60) print("Nr. perechi:", n, "lista:", lista)</pre>



Recapitulare Seminar I

```
if n%5 == 0:  
    m = n + 5  # (1)  
    print(m)   # (2)  
else:  
    print(False)
```

```
while n:  
    print(n, '\t', n - 1)  
    n -= 1  
print(n, end="\n")
```

```
for i in range(1, n+1):  
    print("i =", i)  
# range(n) -> 0, 1, 2 ... n - 1  
# range(i,s) -> i, i+1, i+2 ... s-1  
# range(i,s,p)-> i, i+p, i+2*p,...s-1
```

```
xs = []  
xs.append(1)# xs = [1]  
xs.append(2)# xs = [1, 2]  
  
n = len(xs)
```

```
x = xs.pop()# x=2, xs=[1]  
y = xs.pop(0)#y=1, xs=[]  
  
for x in xs:  
    print(x)
```

```
def functie(param1, param2):  
    cs = [param1, param2]  
    s = 0  
    for c in cs:  
        s += c  
    return s
```



Numere binare

Reprezentare (1)

- Reprezentarea internă $n = 14 \Rightarrow$ format binar
- Conversie baza 10 \rightarrow baza 2:
 - se împarte numărul n la 2 cu (cat, rest)
 - se memorează **restul**
 - n devine **catul**
 - se repetă procedeul până când n devine 0
 - numărul în baza 2 este dat de **resturi (în ordine inversă)**



Numere binare

Reprezentare (2)

- Reprezentarea internă $n = 14 \Rightarrow$ format binar
- Exemplu:
 - $14 : 2 = 7$ rest $0 \wedge$
 - $7 : 2 = 3$ rest $1 \mid$
 - $3 : 2 = 1$ rest $1 \mid$
 - $1 : 2 = 0$ rest $1 \mid$
- $(14)_{10} = (\textcolor{red}{1}\textcolor{blue}{1}\textcolor{orange}{1}\textcolor{cyan}{0})_2$



Numere binare


Reprezentare (3)

- $b = 1110$
- Conversie baza 2 \rightarrow baza 10:
 - se inmulteste fiecare cifra cu 2^{pozitie} si se aduna rezultatele
 - $\text{poz} = [0, 1, 2, 3]$
 - $\text{r_b} = [0, 1, 1, 1]$ # numarul este inversat
 - $(1110)_2 = 0 * 2^0 + 1 * 2^1 + 1 * 2^2 + 1 * 2^3$



Numere binare

Reprezentare (4)

- Alternativ ($b = 1110$):
- 
- $2^3 \quad 2^2 \quad 2^1 \quad 2^0 \quad *$
- $1 \quad 1 \quad 1 \quad 0$
- $8 + 4 + 2 + 0 = 14$



Operatii elementare biti

OR, AND, XOR, NOT

OR:

$$\begin{array}{r} 11000 \mid \\ 00011 = \\ 11011 \end{array}$$

AND:

$$\begin{array}{r} 11011 \& \\ 01001 = \\ 01001 \end{array}$$

XOR:

$$\begin{array}{r} 11010 \wedge \\ 11101 = \\ 00111 \end{array}$$

NOT:

$$\begin{array}{r} \sim \quad 11001 = \\ 00110 \end{array}$$



Operatii elementare biti

Shiftare, Verificare, Setare

- $1 \ll n$ = “plecand de la 0, punem 1 pe pozitia n a nr in binar)”
 - $1 \ll 4 = 00000000 \rightarrow 00010000$ (indexare de la 0)
- $16 \gg n$ = “plecand de la 16, mutam numarul n pozitii in dr.”
 - $16 \gg 2 = 00010000 \rightarrow 00000100$ (zero nu conteaza)
- $n \& (1 \ll k)$ = “este bit-ul k setat in n? daca da, rezultatul != 0)”
 - $1110 \& 0100 = 0100$ (operatie bit cu bit), rezultat 4 != 0
- $n | (1 \ll k)$ = “setam bit-ul k la 1 in n”
 - $1110 | 0001 = 1111$ (operatie bit cu bit, rezultat 15)



Verificare manuala operatii biti

Exemplu: verificare bit setat in numar

- Daca vreti sa verificati cum functionaza operatiile pe biti:
 - avand cele doua numere (n si $(1 \ll k)$) se convertesc in baza 2 in liste din Python si se afiseaza pe ecran ($n = 14, k = 2$) &
 - $n = [1, 1, 1, 0]$
 - $k = [0, 1, 0, 0]$
 - $rez = [1 \text{ and } 0, 1 \text{ and } 1, 1 \text{ and } 0, 0 \text{ and } 0]$
 - $rez = [False, True, False, False] \text{ (and)}$
 - $rez = [0, 1, 0, 0] \text{ (&)}$



Sortari (6)

Bubblesort - invariant

- Idee: cat timp sirul nu este sortat, interschimbam elementele adiacente

0: 5 9 2 1 8 6 0 7 3	2: 2 5	5: 1 0 2 3 5 6 7 8 9
1: 5 2 9	2 1 5 8	6: 0 1 2 3 5 6 7 8 9
5 2 1 9	2 1 5 6 8	7: 0 1 2 3 5 6 7 8 9
5 2 1 8 9	2 1 5 6 0 8	(0 interschimbari)
5 2 1 8 6 9	2 1 5 6 0 7 8	
5 2 1 8 6 0 9	2 1 5 6 0 7 3 8 9	
5 2 1 8 6 0 7 9	3: 1 2 5 0 6 3 7 8 9	
5 2 1 8 6 0 7 3 9	4: 1 2 0 5 3 6 7 8 9	
		Dupa pasul k, ultimele / primele k elemente al sirului sunt sortate



Sortari (8)

Insertion sort - invariant

- Idee: Presupunem ca avem primele k pozitii sortate crescator in vector si incercam sa inseram elementul $k + 1$ pe pozitia corespunatoare.

0: 5 9 2 1 8 6 0 7 3	4: 1 2 5 8 9 6 0 7 3	8: 0 1 2 3 5 6 8 7 9 Dupa pasul k , primele $k + 1$ elemente sunt sortate (nu neaparat din sir)
1: 5 9 2 1 8 6 0 7 3	5: 1 2 5 6 8 9 0 7 3	
2: 2 5 9 1 8 6 0 7 3	6: 0 1 2 5 6 8 9 7 3	
3: 1 2 5 9 8 6 0 7 3	7: 0 1 2 5 6 8 7 9 3	



Sortari (9)

Selection sort (Min/Max)

0: 5 9 2 1 8 6 0 7 3	4: 0 1 2 3 8 6 5 7 9	8: 0 1 2 3 5 6 7 8 9
1: 0 <u>9 2 1 8 6 5 7 3</u>	5: 0 1 2 3 5 6 8 7 9	9: 0 1 2 3 5 6 7 8 9
2: 0 1 <u>2 9 8 6 5 7 3</u>	6: 0 1 2 3 5 6 8 7 9	
3: 0 1 2 <u>9 8 6 5 7 3</u>	7: 0 1 2 3 5 6 7 8 9	



Sortare (10)

Merge sort - Sortare prin interclasare

- Problema ajutatoare: Aveti doua liste **sortate**. Vreti sa obtineti o singura lista **sortata** care contine toate elementele celor doua liste. Care este cel mai **simplic** algoritim?
- Exemplu:
 - $xs = [1, 2, 5, 8, 9]$ $ys = [0, 3, 6, 7]$ # Input
 - $zs = [0, 1, 2, 3, 5, 6, 7, 8, 9]$ # Output



Sortare (11)

Merge sort - Sortare prin interclasare

- Algoritm interclasare:
 - $A = [1, 2, 5, 8, 9]$ $B = [0, 3, 6, 7]$ # Input
- Avem doi indici: **i** - pentru **xs** si **j** - pentru **ys**. Initial sunt 0.

1: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = []$
2: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0]$
3: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1]$
4: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2]$
5: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2, 3]$
6: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2, 3, 5]$
7: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2, 3, 5, 6]$
8: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2, 3, 5, 6, 7]$
9: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2, 3, 5, 6, 7, 8]$
10: $A = [1, 2, 5, 8, 9];$	$B = [0, 3, 6, 7];$	$C = [0, 1, 2, 3, 5, 6, 7, 8, 9]$



Sortare (12)

Merge sort

Exemplu:

0: 5 9 2 1 8 6 0 7 3

1: 5 9 2 1 8 6 0 7 3

2: 5 9 2 1 8 6 0 7 3

3: 5 9 2 1 8 6 0 7 3

4: 2 5 9 1 8 6 0 7 3

5: 1 2 5 8 9 6 0 7 3

6: 0 1 2 3 5 6 7 8 9



Sortare (12)

Merge sort - implementare

```
def merge_sort(A):  
    n = len(A)  
    if n <= 1:                # daca avem un singur element in vector  
        return A             # il returnam pentru ca este sortat  
  
    A_stanga = merge_sort(A[:n / 2])    # sortam recursiv jumatatea stanga  
    A_dreapta = merge_sort(A[n / 2:])    # si pe cea dreapta  
  
    # avand doi vectori sortati (A_stanga, A_dreapta) ii putem interclasa  
    A_rezultat = interclasare(A_stanga, A_dreapta)  
    return A_rezultat
```