

## TEORIA DE ALGORITMOS

ALUMNO MARÍA PAULA BRÜCK

RON: 107533

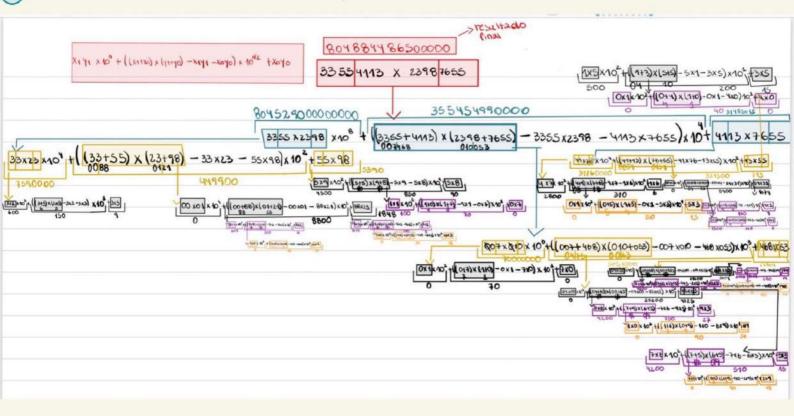




· NUMEROS : 33554113

23 987655

MULTIPLICACION KARATSUBA



2 COMPLEJIDAD TEMPORAL

\* El metodo de multiplicación de Karatsuba con lleva reducir las multiplicaciónes aumentando el numero de sumas. En vez de hacer 4 multiplicaciónes como en el metodo tradiciónal se reducen a sin embargo el numero de sumas es mayor siendo este 4. Bete algoritmo reduce la completidad temporal de olnº) como es utilizando el m eto do tradiciónal a Olnºº Como es utilizando el m eto do tradiciónal a Olnºº Esto se Quede demostrar a traves del teorema maestro.

is at tener 13 cases base se realization 3 a multiplica ciones who base who resultados fueron combinandose para asi poder llegar a una unica solución general.

por 10 tanto la cantidad total ble sumas en 105 casos base 10x4=521

Mostra relacion de recurrencia sería : 
$$T(n) = 3T(n/2) + cn$$

T(n) =  $3^k \times 1 + \sum_{i=0}^k \frac{3^i \times n}{2^i}$ 

K=  $\log_2 n$  cant de veus que hago la sumatoria sería :  $T(n) = 3^{\log(n)} + (n \times 1) + (n \times$ 

3 si comparamos el metodo de Karatsuba lon el metodo tradicional podemos afirmar que es mas eficiente ya que para los n grandes reduce la complejidad temporal de Olnº) a Oln<sup>1.59</sup>).

en el caso resuelto en el ponto 1 si hubieramos usado el metodo tradicional hubieramos hecho:

33554113 
$$\longrightarrow n=8$$
  $\longrightarrow 64$  multiplicationes digito x digito   
x 2398 7655  $\longrightarrow 0(8^2) \longrightarrow 0(n^2)$ 

4) El algoritmo de karatsuba es del tipo divide y conquista ya que el problema se resuelve de manera recursiva dividiendo el problema inicial en a subproblemas siendo estos de menor tamaño hasta llegar a un caso base y luego combina las soluciones de los suppro blemas en una unica solucion general.



· Emacion de heurrencia: T(n)=2T(n/s)+0(n2)

Dela utilizar teorema maestro nos falta decir que cuando se llegue al caso base este ultimo problema tiene que tener como complezidad de execución una constante (O(1))—Tlo)=de O(1) Complezidad temporal aplicando Teorema Maestro

\*teniendo esta emación de nemerrancia podemos decir: 2=2 (cantidad de subproblemas)

$$T(n) = 2T(n)s) + O(n^2)$$
 con  $T(0) = cte$ 

b=5 (Maccion de elementos por subproblam

 $f(n) = n^2$  (separación y unión de los subproducios

+ Para poder determinar la completidad temporal debemos analizar cual de estos 3 casos se cumple

Casot Si 
$$f(n) = O(n^{\log_b a - c})$$
,  $e > c - c = T(n) = O(n^{\log_b a})$ 

Caso 3 Si 
$$f(n) = \frac{\partial (n^{\log b^a})}{\partial (n^{\log b^a})} \longrightarrow T(n) = \frac{\partial (n^{\log b^a} \times \log n)}{\partial (n^{\log b^a})}$$

Faf(n|b) ≤ Cf(n), C∠1 para un n suficientemente grande

$$V_s = \Theta(U_{1082}) - 0.05 = \Theta(U_{0142})$$

puede ser acotado inferiormente pero no superiormente por lo tanto este caso no nos Isirve

\* Problemos el Caso 1

$$n^2 = O(n^{\log_2 2 - e})$$
  $\rightarrow n^2 = O(n^{\log_2 2 - e})$  si  $e = 0,43$   $\rightarrow 0$   $n^2 = O(n)$ 

The second superior superior interior mente is  $e > 0$ 

Problemos finalmente el Caso 3

 $n^2 = n \cdot (n^{\log_2 2 + e})$  si  $e = 0,1 - \infty$ 

Puede acotar interior mente

 $e = 0,10$ 

Puede acotar interior mente

 $e = 0,10$