Preprocesamiento de los datos

PID_00247920

Esteban Vegas Lozano

Tiempo mínimo de dedicación recomendado: 3 horas





© FUOC • PID_00247920 Preprocesamiento de los datos

© FUOC • PID_00247920 Preprocesamiento de los datos

Índice

| Int | trodu | cción | 5 | | | |
|-----|-----------------------|--|----|--|--|--|
| 1. | Lect | ura de la información | 7 | | | |
| | 1.1. | Carga de datos en diferentes formatos | 7 | | | |
| | 1.2. | Verificación de la transmisión de la información | 8 | | | |
| | | 1.2.1. Tipos de variables estadísticas | 9 | | | |
| | | 1.2.2. Revisión descriptiva de la matriz de datos | 10 | | | |
| | | 1.2.3. Variable categórica oculta como variable cuantitativa | 11 | | | |
| | | 1.2.4. Sistema de codificación de caracteres | 12 | | | |
| | 1.3. | Cambio de estructura de los datos | 12 | | | |
| 2. | Limpieza de los datos | | | | | |
| | 2.1. | Errores sintácticos y normalización de variables | 14 | | | |
| | 2.2. | Inconsistencias en variables cuantitativas | 20 | | | |
| | 2.3. | Valores atípicos (outliers) | 21 | | | |
| | | 2.3.1. Valor centinela | 21 | | | |
| | | 2.3.2. Valor atípico propiamente | 23 | | | |
| | 2.4. | Valores perdidos (missing) | 26 | | | |
| | | 2.4.1. Imputación de valores | 26 | | | |
| 3. | Red | ucción de los datos | 29 | | | |
| | 3.1. | Reducción del número de registros | 29 | | | |
| | 3.2. | Reducción del número de variables | 30 | | | |
| Re | sume | n | 33 | | | |
| Bil | oliogı | afía | 35 | | | |

Introducción

La base de cualquier estudio estadístico es la información recogida, es decir, los datos disponibles para realizar el modelo y obtener las conclusiones. Actualmente se dispone de una gran variedad de datos, con formatos diversos, que pueden ser recopilados en diferentes fuentes, como bases de datos, o captarlos de páginas web. En nuestra sociedad es fácil registrarlo «casi» todo. Por ejemplo, podemos tener un reloj digital que puede monitorizar las pulsaciones u otras funciones fisiológicas muy fácilmente. Estamos en la era de los datos (Mayer-Schönberger y Cukier, 2013) y, en particular, del *big data*.

El *big data* es una nueva palabra de moda que tiene su sentido por la cada vez mayor cantidad de datos que llega a superar la capacidad del software convencional para ser administrado y analizado en un periodo de tiempo adecuado. Se caracteriza por tener las 5 V:

- Volumen: La cantidad de datos generados y almacenados es de un orden de magnitud de petabytes (10¹⁵ bytes) o superior.
- Velocidad: Se refiere a la velocidad que los datos son creados, almacenados y procesados en tiempo real.
- Variedad: Se tienen datos de diferentes formatos, tipos y fuentes. Pueden ser datos estructurados, como son las bases de datos, o no estructurados, como correos electrónicos, vídeos, imágenes o blogs.
- Variabilidad: Con tanta cantidad y variedad de datos pueden aparecer incoherencias en el conjunto, lo que provocaría problemas en el manejo y análisis de los datos.
- **Veracidad**: El grado de fiabilidad de la información recogida puede variar mucho entre las diferentes fuentes de información.

Por tanto, cada vez cobra más importancia la preparación de los datos antes de hacer el análisis estadístico (Pyle, 1999; Han y Kamber, 2001). Tener más información no implica mejores resultados. La preparación de los datos se puede dividir en:

- 1) Leer los datos. Pasar la información bruta recogida y cargarla en el software estadístico adecuadamente.
- **2) Limpieza de los datos**. Corregir errores, inconsistencias y otros problemas que pueden aparecer en los datos.
- 3) Reducción de los datos. Puede ser que se tenga tanta información que no sea práctico usar toda la disponible. El problema puede ser debido a:
- tener muchos registros,

• tener muchas variables.

En el primer caso, hay que aplicar técnicas para seleccionar los registros sin que se eliminen registros importantes. En el segundo caso, hay que reducir el número de variables por medio, habitualmente, de técnicas multivariantes.

La preparación de los datos suele ser considerada la fase menos atractiva y más aburrida del diseño experimental; la mayoría de los científicos de datos prefieren la selección del modelo y su validación. En cambio, es la etapa que se le dedica una gran parte del tiempo y esfuerzo en función de la calidad y variabilidad de los datos originales. Siempre hay que preparar los datos. No existen fuentes de informaciones coherentes, completas y veraces. No se debe saltar o reducir esta fase porque puede tener consecuencias muy graves en las conclusiones, como sesgos o incluso conclusiones equivocadas.

En este módulo se presentan las diversas partes del proceso de preparación de datos una vez que ya se ha recopilado la información. En particular, se focaliza el proceso de limpieza de los datos.

1. Lectura de la información

En esta primera etapa se prepara la información bruta, en el caso más simple está contenida en un fichero tabular, en un objeto del software estadístico con la estructura adecuada para su posterior análisis estadístico.

En nuestro caso se usa el software R. Algunas de las acciones son:

- Carga de datos en diferentes formatos.
- Verificación de la transmisión de la información.
- Cambio de estructura de los datos.

1.1. Carga de datos en diferentes formatos

La información recopilada puede ser muy variada y estar en diferentes formatos. Por ejemplo, formato tabular con delimitadores, como es el caso de fichero del tipo csv, base de datos tipo SQL, documentos Excel, páginas web con formato XML, entre otros formatos.

En la tabla 1 se presenta información sobre algunos de los paquetes que se pueden usar en R para leer según la fuente de datos.

Tabla 1. Paquetes de R para leer ficheros según el formato

| Fuente de datos | Paquete | Función | Comentarios |
|---|------------------|--|---|
| Fichero de texto con campo fijo | utils | read.fwf(). Crea un data frame | Los campos están en posiciones fijas en cada línea |
| Fichero de texto con delimitadores (tabulaciones, punto y coma) | utils | read.table(). Lee el fichero y crea un objeto data frame | Los campos están en formato tabular se- parado por delimitadores |
| Base de datos | RJDBC | dbConnect(). Establece conexión dbReadTable(). Lee tabla y crea un ob- jeto data frame dbGetQuery(). Realiza una consulta a la base de datos por SQL | Necesita la máquina virtual de Java y de driver de JDBC |
| Hoja de cálculo Excel | gdata | read.xls() | Necesita perl. Existen otros paquetes |
| XML o JSON | XML o rj- son | readHTMLList() readHTMLTable() fromJSON() | Son más difíciles de usar |
| SAS, SPSS, Minitab | foreign | read.xport() (SAS) read.spss() (SPSS) read.mtp() (Minitab) | Hay funciones específicas para cada caso |
| Web scraping | rvest | html() | Filtrar y analizar ficheros html |

En la mayoría de los casos, el tipo de objeto R que contiene los datos es un data frame, una estructura de R preparada para representar las observaciones como filas y las columnas como variables.

Un error que suele pasar cuando se trabaja con ficheros de texto con delimitadores es no poner el delimitador correcto y, por tanto, la carga de datos se hace de manera equivocada. Veamos el caso de ficheros con extensión csv (comma-separated values), es decir, los valores se separan por comas. Un documento Excel se puede exportar como extensión csv. En la configuración de Excel con idioma inglés se crea un fichero con el separador coma (,) para los valores y el punto (.) como separador decimal. Este es el formato nativo. En cambio, cuando la coma se usa como separador decimal, tal como está la configuración de Excel de idioma español, se crea un fichero con el separador punto y coma (;) para los valores y con la coma (,) como separador decimal. En la tabla 2 se muestra un ejemplo con ambas variantes del formato csv.

Tabla 2. Ejemplo de fichero con formato csv según idioma

| Formato csv inglés | Formato csv español |
|--------------------|---------------------|
| 5.1,3.5,1.4,0.2 | 5,1;3,5;1,4;0,2 |
| 4.9,3.3,1.4,0.2 | 4,9;3,3;1,4;0,2 |
| 4.7,3.2,1.3,0.2 | 4,7;3,2;1,3;0,2 |
| 4.6,3.2,1.5,0.2 | 4,6;3,2;1,5;0,2 |
| 5,3.6,1.4,0.2 | 5;3,6;1,4;0,2 |

Para esta situación, existe una función específica en R basada en la función read.table() para cada caso. La función read.csv() está preparada para leer ficheros con el formato nativo: la coma (,) como separador de valores y el punto (.) como separador decimal. En cambio, read.csv2() se usa cuando el separador de valores es el punto y coma (;) y la coma (,) como separador decimal.

1.2. Verificación de la transmisión de la información

Una vez que se han cargado los datos en el software estadístico, hay que verificar si la transmisión de la información se ha realizado de manera correcta. Una primera verificación básica es comprobar si el número de observaciones y de variables cargadas en el software estadístico coincide con el número de registros y campos de la base de datos (o archivo). Si pasa este primer filtro se pueden escoger varios registros al azar de la base de datos (o archivo) y comprobar que coincide con las observaciones cargadas en el software estadístico. Es una manera de verificar si la estructura de los datos es correcta.

Una vez hecha esta primera verificación se debe revisar si cada variable cargada en el software estadístico tiene el tipo de variable estadística adecuada.

1.2.1. Tipos de variables estadísticas

Se pueden clasificar las variables desde un punto de vista estadístico en función del tipo de contenido:

- Categóricas o cualitativas
 - Nominal
 - Ordinal
- Cuantitativas
 - Discreta
 - Continua

El grupo de variables categóricas o cualitativas indica cualidades de la variable estudiada.

Ejemplo de variable categórica o cualitativa

Un ejemplo sencillo es la variable color, que puede tener como valor (o atributo) un color concreto, por ejemplo amarillo. Los valores de la variable color no tienen un criterio de orden establecido; por tanto, se dice que es una variable categórica nominal. Otros ejemplos de este tipo son el sexo: hombre o mujer, o el grupo sanguíneo: O (universal), A, B, AB. Si la variable cualitativa tiene un criterio de ordenación, entonces se dice que es cualitativa ordinal. Por ejemplo, en la variable nivel de estudios se puede plantear una ordenación de menor a mayor con estos posibles atributos: estudios primarios, estudios secundarios o estudios universitarios. No es necesario que los atributos estén igualmente separados. Por ejemplo, nivel de dolor: leve, moderado o fuerte.

Por otra parte, las variables cuantitativas tienen valores numéricos que siempre tienen un sentido de orden. En el caso de la variable cuantitativa discreta, sus valores presentan interrupciones en la escala de valores que puede tomar. No hay valores intermedios entre dos valores consecutivos. En cambio, la variable cuantitativa continua puede tomar cualquier valor dentro de un intervalo específico. Por eso, en el primer caso los valores son números naturales positivos o negativos, y en el segundo los valores tienen decimales.

Ejemplos de variables cuantitativas

Ejemplos de variables cuantitativas discretas son: el número de hijos, el número de productos vendidos en un mes o el número de accidentes en un mes; y en cuanto a las variables cuantitativas continuas: el peso, la altura, la facturación o el beneficio.

En algunas ocasiones, las variables cuantitativas continuas se presentan sin decimales; por ejemplo, el peso de una persona se puede recoger solo en kilogramos. Esto puede confundir y creer que la variable es discreta. Para evitar esta confusión se debe recordar la naturaleza de la variable, en este caso el peso, y observar que puede medirse con una mayor precisión, hasta en gramos o unidades más pequeñas.

El software estadístico tiene una serie de tipos básicos de variables para contener la información. En la tabla 3 se muestran los tipos básicos de variables de R y su asociación con el tipo de variable estadística.

Tabla 3. Tipos básicos de variables de R

| Tipo básico R | Tipo variable estadística |
|---------------|--|
| numeric | Datos numéricos: cuantitativa continua |
| integer | Valores enteros: cuantitativos discretos |
| factor | Cualitativos nominales |
| ordered | Cualitativos ordinales |
| character | Datos de tipo carácter |
| logical | Dos posibles valores: TRUE/FALSE |
| raw | Datos binarios |

Por tanto, hay que revisar el hecho de que, al leer los datos, se asigne el tipo básico de variable R correctamente. Para conocer el tipo de variable en R se usa la función class(). Por ejemplo, si el objeto R mydata contiene los datos en la estructura R data frame, un código R para mostrar los tipos de variables podría ser: sapply (mydata, class). Aplica la función class() a cada variable de mydata y obtiene un vector de los tipos de variables R para cada variable.

1.2.2. Revisión descriptiva de la matriz de datos

Una manera sencilla de inspeccionar la información cargada es hacer una estadística descriptiva simple de cada variable que debe ser diferente según el tipo de variable. En el caso de variables cuantitativas se pueden mostrar valores mínimos, máximos y algunos cuartiles, en contraste con las variables cualitativas que cabría esperar, una tabla de frecuencia (absoluta o relativa) por categoría. Esta información se usa para:

- Revisar si el contenido de las variables cargadas por el software estadístico
 coincide con la fuente de información. Si todo ha ido bien, deben dar el
 mismo resultado.
- Obtener una primera descripción de los datos.

Con el software R es muy fácil obtener esta información; se usa la función summary (). Un ejemplo del resultado del objeto mydata con 40 observaciones y 5 variables es:

```
> summary(mydata)

peso sexo grupo.sang nivel.est n.hijos

Min. :53.82 H:21 A:6 primarios :14 Min. :0.00

1st Qu.:62.52 M:19 AB:12 secundarios :10 1st Qu.:0.75
```

| Median :71.65 | в :11 | universitarios:16 | Median :1.50 |
|---------------|-------|-------------------|--------------|
| Mean :71.66 | 0:11 | | Mean :2.00 |
| 3rd Qu.:80.50 | | | 3rd Qu.:4.00 |
| Max. :88.56 | | | Max. :4.00 |

1.2.3. Variable categórica oculta como variable cuantitativa

Una variable cuantitativa puede enmascarar una variable categórica cuando se usa como atributos valores numéricos en variables cualitativas nominales. Por ejemplo, en algunas ocasiones valores con respuestas sí o no de variables como *fuma* o *producto disponible* se codifica como 1, si es sí (fuma o el producto es disponible) o 0, si es no (no fuma o producto no disponible). El software R asigna por defecto el tipo numeric a ese campo y por tanto, se necesita corregir posteriormente al tipo factor.

A continuación, se presenta un código R donde la variable *fuma* usa como atributo el valor 1 para indicar Sí y 0 para indicar No. La función as .factor() convierte a tipo factor donde 0 y 1 son tratados como atributos. La función factor() crea una variable del tipo factor donde se pueden indicar las etiquetas para cada nivel.

```
> # Presentar el contenido de la variable fuma
> mydata$fuma
> # ¿Qué tipo de variable es?
> class(mydata$fuma)
[1] "numeric"
> # Cambiar a variable factor
> mydata$fuma <- as.factor(mydata$fuma)</pre>
> mvdata$fuma
Levels: 0 1
> # ¿Qué tipo de variable es?
> class(mydata$fuma)
[1] "factor"
> # Cambiar a variable factor con etiquetas
> mydata$fuma <- factor(mydata$fuma, levels=c(0,1), labels=c("No", "Si"))
> mydata$fuma
Levels: No Si
> # ¿Qué tipo de variable es?
> class(mydata$fuma)
[1] "factor"
```

1.2.4. Sistema de codificación de caracteres

Nosotros nos comunicamos con un alfabeto que depende del idioma. Por ejemplo, el alfabeto griego es diferente del alfabeto inglés. El ordenador, en cambio, se basa en un sistema binario con dos posibles valores, 0 o 1, que se agrupa en secuencias denominadas bytes. Así que, para comunicar estos dos tipos de códigos, se aplican los sistemas de codificación. Traducen cada carácter de un alfabeto a una secuencia de bytes. Por ejemplo, ASCII es un sistema de codificación que incluye las letras mayúsculas y minúsculas del alfabeto latín, los números arábicos del 0 al 9, signos de puntuación y algunos símbolos especiales como el control de carro o nueva línea. Fue uno de los primeros que existió. Actualmente hay muchos sistemas de codificación, pero Latin1 y UTF-8 son los mayoritarios. El primero suele estar en aplicaciones Windows y el segundo en sistemas operativos basados en Unix.

En R se puede conocer el sistema de codificación que aplica usando la función Encoding () con un carácter que no sea ASCII, como por ejemplo una letra acentuada.

```
> Encoding("i")
[1] "latin1"
```

Si la respuesta es «unknown», indica que el sistema de codificación usado es el del sistema operativo. El sistema de codificación local de R se puede averiguar con la función Sys.getlocale ("LC CTYPE").

Si los datos provienen de un sistema operativo diferente al que se analiza, posiblemente puede aparecer algún error de codificación. En castellano o catalán se puede apreciar que los caracteres no ASCII, como las letras acentuadas, son mostradas de manera extraña. Es un error molesto que puede provocar situaciones anómalas.

1.3. Cambio de estructura de los datos

En algunas ocasiones la «forma» o estructura de los datos tal como se lee de las fuentes de información no es la adecuada para hacer su análisis. Una situación común es pasar de un formato largo y estrecho a un formato corto y ancho. Un formato largo y estrecho aparece cuando la información recogida de un mismo individuo está dispuesta en varios registros. Por ejemplo, recoge información del mismo individuo en condiciones diferentes, o momentos diferentes. En el siguiente ejemplo se presentan los valores obtenidos de cuatro individuos en tres condiciones diferentes, donde hay un registro por cada individuo y condición.

```
> mydata.largo
individuo sexo condicion valor

1 1 M cond1 8.1
```

| 2 | 1 | L | М | cond2 | 11.2 |
|----|---|---|---|-------|------|
| 3 | 1 | L | М | cond3 | 12.3 |
| 4 | 2 | 2 | М | cond1 | 6.3 |
| 5 | 2 | 2 | М | cond2 | 9.6 |
| 6 | 2 | 2 | М | cond3 | 10.5 |
| 7 | 3 | 3 | Н | cond1 | 9.8 |
| 8 | 3 | 3 | Н | cond2 | 12.2 |
| 9 | 3 | 3 | Н | cond3 | 12.9 |
| 10 | 4 | 1 | Н | cond1 | 10.1 |
| 11 | 4 | 1 | Н | cond2 | 12.2 |
| 12 | 4 | 1 | Н | cond3 | 13.3 |
| | | | | | |

Al pasar a formato corto y ancho, cada fila es la observación registrada de un individuo diferente y aparecen nuevas columnas. El ejemplo anterior quedaría como sigue, con la creación de tres nuevas variables: cond1, cond2 y cond3.

El software R tiene varias funciones para pasar de un formato largo y estrecho al formato corto y ancho, y viceversa. En el paquete reshape2 la función dcast() se usa para la primera situación. El código R del ejemplo mostrado anteriormente es:

```
mydata.ancho <- dcast(mydata.largo, individuo + sexo ~ condicion, value.var="valor")
```

La función melt () sirve para convertir en la dirección opuesta. Para usuarios en R más avanzados y que conozcan el ecosistema tidyverse, se pueden usar las funciones spread() y gather() del paquete tidyr.

2. Limpieza de los datos

Una vez recogida la información, se debe limpiar de posibles errores cometidos durante el proceso. Para detectar los errores hay que conocer las características y especificaciones de los datos leídos. La calidad final de los datos es primordial para realizar un buen estudio. A continuación, se describen posibles problemas que pueden aparecer en función del tipo de variable:

- Variable categórica, tanto nominal como ordinal. Errores sintácticos, como el hecho de que aparezcan más categorías que las esperadas por errores en la introducción de la información, como por ejemplo tres categorías en la variable sexo. Por tanto, hay que tener presente siempre el número de atributos de cada variable y sus valores para verificar los posibles errores. Otro tipo de error es el semántico, por ejemplo, contradicciones entre edad y fecha de nacimiento (que se pueden identificar al cruzar la información de variables), duplicaciones, como puede ocurrir con las direcciones postales o con claves que deben ser únicas.
- Variable cuantitativa, tanto discreta como continua. Hay que verificar que la unidad de medida sea igual en todos los casos; por ejemplo, en el caso de la variable altura, que siempre se use la misma magnitud, en metros con dos decimales. Un problema más habitual es la detección de valores atípicos (outliers), es decir, valores que están alejados de la variabilidad esperada. Otro problema común son los valores perdidos (missing). En algunas ocasiones son valores que corresponden al valor cero, y en otros son consecuencia de no haber podido recoger la información de la variable de interés.

En resumen, en esta fase pueden aparecer problemas como:

- Errores sintácticos y normalización en variables.
- Inconsistencias en variables cuantitativas.
- Valores atípicos (outliers).
- Valores perdidos (missing).

2.1. Errores sintácticos y normalización de variables

Es bastante común cometer pequeños errores sintácticos fáciles de corregir en variables cualitativas, aunque puede que se necesite información complementaria para decidir cómo corregir el error. En cambio, en variables cuantitativas se puede dar el caso de tener valores con diferentes unidades y, por tanto, hay que corregirlo fijando la misma unidad para todos los valores. Por ejemplo,

todos los valores de la variable altura en metros. Por último, puede ser necesario hacer transformaciones de las variables cuantitativas antes de ser usadas en el análisis estadístico.

Enumeramos algunos casos según el tipo de variable:

1) Variables cualitativas:

a) Estandarizar las variables a minúsculas o mayúsculas. En el lenguaje R se puede usar la función tolower() o toupper(), respectivamente. Por ejemplo,

```
> tolower("Coche")
[1] "coche"
> toupper("Coche")
[1] "COCHE"
```

b) Quitar espacios antes y después del texto o quitar caracteres especiales como el retorno de carro o tabulación. En el lenguaje R se puede utilizar la función trimws (). Por ejemplo:

```
> trimws(" El coche azul \t")
[1] "El coche azul"
```

c) Eliminar acentos. Si las palabras tienen acento puede darse el caso de que, en algunos registros, estén acentuadas y en otros no. Para solucionar el problema se pueden acentuar todos los casos o quitar los acentos. En R se puede aplicar la función <code>iconv()</code>. Por ejemplo, quitar el acento de «María».

```
> iconv("María", to="ASCII//TRANSLIT")
[1] "Maria"
```

d) Revisión de categorías erróneas por errores sintácticos. Se puede detectar si se revisa la tabla de frecuencias de cada categoría. En R se puede obtener la tabla de frecuencias con la función table(). Un ejemplo sencillo es tener tres categorías en la variable sexo cuando se esperan dos.

```
> table(sexo)
sexo
H M N
20 14 1
```

e) Pueden aparecer errores más complicados que requieren analizar el contenido de todos los valores para verificar si cumple cierto patrón y, en caso contrario, poder ser rectificado. El software R tiene un gran número de funciones para el análisis de cadenas de caracteres («string»). En los casos más complicados se crea una expresión regular para construir el patrón y después aplicar la función más adecuada para la situación a resolver. Por ejemplo, se puede verificar que el DNI está formado por ocho dígitos y una letra que puede estar en mayúsculas o minúsculas. El código R podría ser:

```
> expresion_regular <- "^([[:digit:]]{8})+([[:alpha:]])$"
> grep(expresion_regular, c( "12345678a", "12345678Y", "123456789","123456789B" ))
[1] 1 2
```

En el objeto R expresión_regular se tiene el patrón a verificar y con la función grep () se comprueba. En este caso, solo el primer y el segundo DNI cumple el patrón.

Existen varios paquetes de R para manejar variables tipo string. En la tabla 4 se muestran varias funciones del paquete stringr que sirven para corregir los errores anteriormente indicados.

Tabla 4. Algunas funciones para manejo de strings del paquete stringr

| Tarea | Función |
|---|---|
| Estandarizar a mayúsculas/minúsculas/título | str_to_upper(),str_to_lower(), str_to_title() |
| Eliminar acentos | stri_trans_general() |
| Recodificar | stri_encode() |
| Eliminar espacios en blanco antes o/y después de la palabra | trimws() |
| Detección de secuencia de caracteres («string») | str_detect() |
| Extracción/reemplazamiento de string | str_extract() |
| Separación de string | str_split() |
| Rellenar string | str_pad() |
| Separación de palabras | word() |

2) Variables cuantitativas:

- a) Confusiones con separadores decimales.
- Mezclar la coma decimal y el punto decimal en la misma variable. Por ejemplo, tener valores como 3.4; 3,2; 3,6; 4,7; 3.5 donde están los valores separados por punto y coma, pero los valores 3.4 y 3.5 deberían ser 3,4 y 3,5, respectivamente.
- Tener diferente separador decimal en las variables. Este caso es similar al anterior, pero ahora una variable puede tener como separador decimal la coma y otra variable el punto. Es un caso raro pero posible.
- Confundir la coma (,) como separador decimal cuando es separador de unidades de mil. Esto puede ocurrir con el formato inglés de número. Por ejemplo: 23,456.

- b) Estandarizar las variables a las mismas unidades. Si los datos se han recogido con diferentes unidades de medida, se debe estandarizar a una unidad concreta. Por ejemplo, las ventas de productos han de estar recogidas en diferentes unidades de tiempo: por día, por semana o por mes. Se debe seleccionar una unidad de medida y estandarizar los datos a esa unidad.
- c) Estandarizar las variables de fecha y tiempo. Las variables que contengan fecha o/y tiempo son variables cuantitativas con un formato especial; por ejemplo, la fecha puede tener el formato día/mes/año y el tiempo el formato hora:minuto:segundo. Se debe verificar que todos los valores tienen el mismo formato y, en caso contrario, corregirlo. En R existe el tipo POSIX1t y POSIXCt para fechas o/y tiempo y Date solo para fechas sin el tiempo con muchas funciones asociadas. Un primer paso a tener en cuenta es cambiar de tipo character al tipo adecuado. La función as.Date() o as.POSIXCt() convierte las fechas o el tiempo del tipo character al tipo Date o POSIXCt, respectivamente. Un ejemplo de esta conversión es:

```
> ## fecha en formato 'dia/mes/año'
> dates <- c("03/11/17", "07/05/16", "14/02/97", "28/10/99", "02/08/95")
class(dates)
[1] "character"
> ## Transformar el vector character con el formato 'dia/mes/año' a tipo Date
> dates_1 <- as.Date(dates, "%d/%m/%y")
> class(dates_1)
[1] "Date"
> dates_1
[1] "2017-11-03" "2016-05-07" "1997-02-14" "1999-10-28" "1995-08-02"
```

El objeto R dates contiene un vector de fechas de tipo character. Con la función as.Date() la convierte al tipo Date con el formato de fecha añomes-día.

El paquete lubridate() tiene numerosas funciones para facilitar las operaciones básicas con variables de tipo fecha o/y tiempo. El código siguiente produce el mismo resultado anterior pero usando la función dmy(). La función espera que el orden de la fecha sea día, mes y año.

```
> library(lubridate)
> dates_3 <- dmy(dates)
> class(dates_3)
[1] "Date"
> dates_3
[1] "2017-11-03" "2016-05-07" "1997-02-14" "1999-10-28" "1995-08-02"
```

Este otro código R muestra la potencia de la función dmy () para extraer la fecha.

```
> same_date <- c("20/10/2017", "20 Oct 17", "La fecha es 20-10-2017", "20-10-2017")
> dmy(same_date)
[1] "2017-10-20" "2017-10-20" "2017-10-20"
```

En el objeto R same_date se presenta la misma fecha con el orden día, mes y año en diferentes situaciones. La función dmy() extrae la fecha de manera correcta. Además, existen más funciones para el resto de ordenaciones posibles de día, mes y año: dmy(), mdy(), myd(), ymd(), ydm(), dym().

3) Transformación de las variables:

a) Normalización. Es cuando se modifican las variables cuantitativas para que sean comparables entre sí. La transformación más común es la normalización «z-score». La nueva variable, z, se calcula con la siguiente expresión:

$$z_i = \frac{x_i - \overline{x}}{S}$$

donde x es la variable original, \bar{x} es su media aritmética y s es su desviación típica. Tiene como propiedades que su valor medio es 0 y su desviación típica es 1. Otra transformación es la denominada normalización «min-max». La nueva variable, z, se obtiene aplicando la siguiente expresión:

$$z_i = \frac{x_i - \min(x)}{\max(x) - \min(x)}$$

donde min(x) es el valor mínimo de x y max(x) es el valor máximo de x. La nueva variable se mueve entre 0 y 1.

Existen muchas más funciones para transformar las variables.

b) Discretización (*binning*). En algunas ocasiones, la información es recogida con mucho «ruido». Esto quiere decir que el valor real de la variable cuantitativa puede ser bastante diferente del dato recogido; por tanto, interesa reducir este «ruido». Una posible solución es discretizar. Así, una serie de valores son los representantes de la variable cuantitativa. Un ejemplo de aplicación de la discretización en la representación gráfica es el histograma.

El proceso de discretización tiene dos fases:

- Ordenar los valores y hacer la partición. Algunas formas de crear la partición son:
 - Intervalos iguales (*equal-width bins*): Se divide el rango de valores en N intervalos iguales de tamaño (max –min)/N.

- Aproximadamente igual número de muestras (equal-depth bins). Se divide el rango de valores en N intervalos que contienen, aproximadamente, el mismo número de muestras.
- Suavizar cada partición. Para realizar el suavizado se puede aplicar alguno de estos criterios:
 - El valor medio. Se sustituye cada valor de la partición por su valor medio.
 - La mediana. Se sustituye cada valor de la partición por su mediana.
 - Por los límites. Se sustituye cada valor de la partición por el valor más próximo a sus valores extremos.

Para ilustrar cómo funciona el proceso de discretización se usan los siguientes datos ya ordenados:

En primer lugar se crea una partición, por ejemplo de tres grupos (*bins*) que quedan como:

- Caso de intervalos iguales:
 - Grupo 1 ([12-20]): 12, 14, 16, 17, 18, 19
 - Grupo 2 ([20-28]): 22, 22, 23, 25, 25, 26, 27, 27
 - Grupo 3 ([28-36]): 33, 34, 36, 36
- Caso de igual número de muestras:
 - Grupo 1: 12, 14, 16, 17, 18, 19
 - Grupo 2: 22, 22, 23, 25, 25, 26
 - Grupo 3: 27, 27, 33, 34, 36, 36

A continuación, se aplican los criterios de suavización. Solo se presenta el caso de la partición con igual número de muestras:

- Criterio del valor medio:
 - Grupo 1: 16, 16, 16, 16, 16
 - Grupo 2: 24, 24, 24, 24, 24, 24
 - Grupo 3: 32, 32, 32, 32, 32, 32
- Criterio de la mediana:
 - Grupo 1: 16, 16, 16, 16, 16
 - Grupo 2: 23, 23, 23, 23, 23, 23
 - Grupo 3: 33, 33, 33, 33, 33
- Criterio de los límites:
 - Grupo 1: 12, 12, 19, 19, 19, 19

- Grupo 2: 22, 22, 22, 26, 26, 26
- Grupo 3: 27, 27, 36, 36, 36, 36

Se puede observar que el resultado final de la discretización puede cambiar notoriamente según el método aplicado.

4) Duplicación de registros:

Suelen ser debido a errores en el proceso de adquisición de la información. Se pueden dar duplicaciones de registros por:

- Tener más de un registro con el mismo identificador. Por tanto, hay que fusionar o seleccionar los valores para conseguir tener un solo registro.
- Tener más de un registro con identificadores diferentes para el mismo individuo. Para detectar esta situación hay que comparar los valores de campos básicos para la identificación de los registros. Por ejemplo, si son clientes se pueden comparar los apellidos o su localización por si aparecen valores iguales o semejantes.

2.2. Inconsistencias en variables cuantitativas

Son errores que pueden haberse ocasionado en el momento de la introducción de la información y son fácilmente reconocibles:

- Valor inválido. Los valores de la variable deben estar incluidos en un determinado intervalo de valores. Por ejemplo, en la variable edad no pueden aparecer valores negativos, o en una variable fecha no todos los valores son posibles.
- Verificar la consistencia del registro al cruzar información de varias variables. Por ejemplo:
 - Si se tiene la fecha de nacimiento y la edad, se puede comprobar que el valor de la edad coincida con el cálculo de la edad a partir de la fecha de nacimiento.
 - En caso de tener variables con resultados parciales y la variable total, se puede confirmar que el cómputo global de las variables parciales es igual a la variable total. Por ejemplo, si se tienen las variables de facturación de cada producto y una variable facturación total, la suma de la facturación de todos los productos debe ser igual a la variable facturación total.
 - Otro caso es tener variables con la dirección postal y su código postal. Se puede comprobar que la dirección postal corresponde al código postal registrado.

2.3. Valores atípicos (outliers)

Una definición general de valor atípico es aquella observación (o grupos de observaciones) que parecen ser inconsistentes con el conjunto de los datos (Barnett y Lewis, 1994).

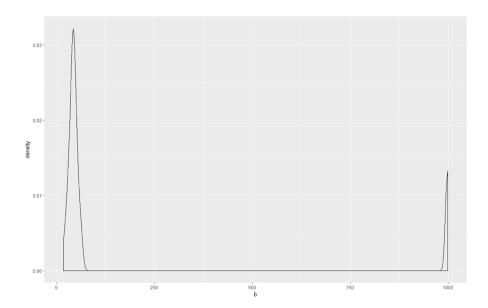
Es una idea sencilla pero que es muy difícil de precisar para cada situación, puesto que se debería conocer la distribución teórica de las variables. Valores detectados como valores atípicos pueden ser correctos. Su eliminación en el análisis debe ser meditada, siendo esta una decisión estadística. Se pueden dar dos situaciones:

- Valor centinela
- Valor atípico propiamente

2.3.1. Valor centinela

En algunos casos la detección de valor atípico corresponde a valores centinelas, es decir, a valores que son usados para representar alguna situación especial en una variable numérica. Por ejemplo, «valor desconocido» o «no aplicable». Suele ser un valor numérico con todas las cifras igual a 9. Por ejemplo, si fuera la variable edad podría ser un valor como 999 para indicar edad desconocida. Aunque también puede ser un valor que esté fuera del rango de los valores posibles. Por ejemplo, el valor -1 en la variable edad.

Una manera visual de detectar valores centinelas con valores extremos es representar la distribución de valores de la variable. Si hay valores centinelas se debe presentar un cierto pico en el extremo de la distribución de los valores. A continuación, se presenta un código en R que genera 50 valores bajo normalidad que pueden corresponder a edades. Posteriormente, se añaden 10 valores igual a 999 que sirven para indicar «edad desconocida». Una vez obtenida la serie de edades, se representa su distribución.



Queda muy claro en el gráfico que hay dos picos, el cercano a 1000 corresponde al valor centinela.

También se puede realizar una estadística descriptiva y observar qué valor es el máximo.

```
> summary(b)

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.

14.00 35.75 43.00 200.30 52.50 999.00
```

El código R para representar «valor desconocido o no disponible» en una variable cuantitativa se escribe NA (*not available*). Un caso diferente es NaN (*not a number*), que aparece cuando se hace alguna operación indefinida como 0/0, ∞ - ∞ y ∞/∞ . Por tanto, hay que sustituir el valor centinela por NA.

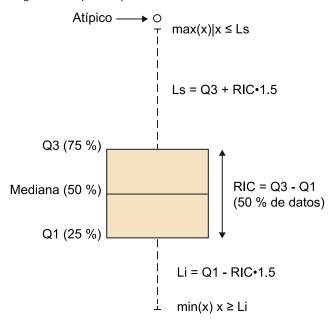
```
> val.centinela <- 999
> # Sustituir el valor centinela por NA
> b[b== val.centinela] <- NA
> # verificar resultado
> summary(b)
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. NA's
15.00 32.25 38.00 37.94 43.75 55.00 10
```

En resumen, en la mayoría de los casos los valores centinelas que son detectados como valor atípico corresponden a valores perdidos (*missing*).

2.3.2. Valor atípico propiamente

Una manera sencilla de ver si hay valores atípicos es realizar un diagrama de caja (*box plot*). Es un gráfico (figura siguiente) basado en los valores cuartiles donde aparece una caja central y dos segmentos llamados «bigotes».

Diagrama de caja o box plot



Fuente: Wikipedia

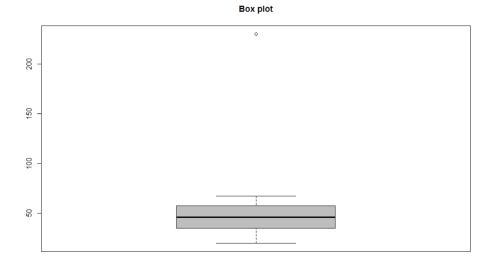
La caja central se extiende del cuartil 1 (Q1), que corresponde al percentil 25 %, hasta el cuartil 3 (Q3), que corresponde al percentil 75 %. La diferencia entre Q3 y Q1 se denomina rango intercuartílico (RIC).

Los valores atípicos se representan como puntos extremos alejados de los «bigotes» o segmentos exteriores a la caja. Los «bigotes» se extienden hasta los valores mínimo y máximo de la serie de datos o hasta 1,5 veces el RIC. Por tanto, son valores inferiores a Q1 – 1,5 * RIC o superiores a Q3 + 1,5*RIC. Por ejemplo, si tenemos los siguientes valores ordenados que corresponden a las edades de los empleados de una empresa:

20 21 25 32 33 37 40 41 44 45 47 49 50 53 55 60 61 62 67 230

el valor 230 es un claro candidato a valor atípico. El código R siguiente muestra cómo obtener el *box plot* y los valores atípicos.

```
> edad<- c(20, 21, 25, 32, 33, 37, 40, 41, 44, 45, 47, 49, 50, 53, 55, 60, 61, 62, 67, 230)
> boxplot(edad,main="Box plot", col="gray")
```



> boxplot.stats(edad)\$out
[1] 230

La función boxplot.stats() muestra las características del *box plot* y, en particular, los valores atípicos.

Una vez detectado el valor atípico, se puede considerar producto de un error e intentar corregirlo. Por ejemplo, en el caso de 230, puede ser un error por concatenar el dígito 0 a la edad 23. En algunas ocasiones el valor es cambiado por «no disponible» (NA) y, en otras ocasiones, se queda tal como está ya que puede ser un valor real pero muy poco frecuente.

Existe un subcampo de la estadística denominado «estadística robusta» (Huber, 1981; Leroy, 1987; Maronna y otros, 2006), que desarrolla estimadores y modelos estadísticos alternativos a la estadística clásica pero con la condición de que los estimadores sean resistentes («robustos») al efecto de los valores atípicos y los modelos estadísticos puedan admitir ciertas desviaciones en las condiciones de aplicabilidad. A continuación, se presentan algunos estimadores robustos de tendencia central y dispersión.

El estimador de tendencia central clásico es la media aritmética. Tiene muy buenas propiedades; es un estimador insesgado, pero su estimación está muy influida por los valores atípicos. Si se calcula la media aritmética del ejemplo anterior de la serie de edades, se obtiene un valor de 53,6, que es muy superior a la media aritmética sin considerar el valor 230, que es de 44,32. En cambio, el valor de la mediana es de 46 y sin considerar el valor de 230, la mediana queda en 45, la diferencia es muy pequeña. La mediana es uno de los estimadores robustos más conocidos para medir la tendencia central de los datos. Otro estimador robusto para medir la tendencia central es la media recortada (*trimmed mean*). Se basa en eliminar el mismo porcentaje, k %, de los valores extremos, y calcular la media aritmética del resto de valores. Por ejemplo, la media recortada del 5 % de la serie de edades anterior corresponde a eliminar el valor menor, 20 y el valor mayor, 230, y calcular la media aritmética del

resto de valores. Una variante de la media recortada es la media winsorizada (winsorized mean). Los valores extremos eliminados son sustituidos por otros valores. El caso más sencillo es sustituir por el valor menor (o mayor) que ha quedado. Así la media winsorizada del 5 % sustituye el valor de 20 por el valor menor que queda en la serie, 21, y el valor 230 por el valor mayor que queda en la serie, 67, y posteriormente calcula la media aritmética. Otra opción es sustituir los valores eliminados por los cuantiles. En este caso, la media winsorizada del 5 % sustituye el valor de 20 por el cuantil del 5 %, 20,95, y el valor 230 por el cuantil del 95 %, 75,15, y se calcula la media aritmética. Se puede observar que la media recortada o winsorizada del 50 % es equivalente al cálculo de la mediana.

Para medir la dispersión de los datos el estimador más habitual es la desviación estándar, que no es un estimador robusto. La desviación estándar del ejemplo previo con datos de edades es 43,67, pero si se vuelve a calcular sin el valor 230 se obtiene 13,89, un valor muy inferior al obtenido con el valor atípico. El rango intercuartílico (RIC) y la desviación absoluta respecto de la mediana (DAM) son alternativas robustas a la desviación estándar. El RIC es la diferencia entre el cuartil 3 (percentil 75 %) y el cuartil 1 (percentil 25 %) de los datos. Es el tamaño de la caja del gráfico *box plot*. El valor de RIC de los datos de edades es 20,25, no muy diferente del valor de RIC sin el valor 230, que es 19. La DAM es un estimador análogo de la desviación estándar que usa la mediana en lugar de la media aritmética como valor central de los datos; se calcula el valor de la mediana de la diferencia de los valores absolutos entre los datos y su mediana.

$$DAM(y) = mediana(|y_i - mediana(y)|)$$

El valor de DAM con los datos de edades es 16,31, y sin el valor 230, es 14,83.

En la tabla 5 se presentan algunas funciones de R para lograr estimaciones robustas de tendencia central y dispersión. Además, se muestra el resultado obtenido con el ejemplo de datos de edad para las diferentes funciones.

Tabla 5. Funciones de R para calcular estimaciones robustas de tendencia central y dispersión

| Estimador | Función | Ejemplo | Resultado |
|-----------------------------|---|-------------------------------|-----------|
| Media aritmética | mean() | mean(edad) | 53,6 |
| Mediana | median() | median(edad) | 46 |
| Media recortada | mean(x, trim=) | mean(edad,trim=0.05) | 45,667 |
| Media winsorizada | winsor.mean(x, trim=) (Paquete psych) | winsor.mean(edad, trim= 0.05) | 45,905 |
| Desviación estándar | sd() | sd(edad) | 43,667 |
| Rango intercuartílico (RIC) | IQR() | IQR (edad) | 20,25 |

| Estimador | Función | Ejemplo | Resultado |
|--|---------|-----------|-----------|
| Desviación absoluta respecto de la mediana (DAM) | mad() | mad(edad) | 16,309 |

2.4. Valores perdidos (missing)

En muchas ocasiones la información recogida no es completa. Faltan algunos valores en ciertas observaciones. Este problema es uno de los más comunes y aparece muy a menudo cuando la información se recoge a partir de encuestas.

Una vez detectada la presencia de datos perdidos (no observados o *missing*) hay que decidir qué hacer. La opción más sencilla sería eliminar las observaciones que tuvieran datos perdidos, pero esto ocasiona un desaprovechamiento de la información recopilada con un aumento del error estándar de las estimaciones de los parámetros. Si son pocas observaciones las afectadas en relación con el total de observaciones, es una opción admisible, pero en caso contrario se debe estimar un valor plausible para rellenar el hueco que deja un valor no observado. A este proceso se le denomina imputar.

2.4.1. Imputación de valores

La elección de la técnica de imputación depende de la relación entre los datos perdidos y los datos. El caso más sencillo es que los datos perdidos no estén relacionados con ninguna variable presente o no en los datos, es decir, completamente al azar. La imputación más sencilla es

$$\hat{y}_i = \hat{y}$$

donde la media de los datos observados (y) se usa para hacer la imputación del valor perdido (\hat{y}_i) . No provoca sesgo en la tendencia central de los datos, pero sí en la medida de dispersión. La implementación en R de este procedimiento es muy sencilla:

> y[is.na(y)] <- mean(y, na.rm = TRUE)</pre>

También se puede optar por sustituir la media aritmética por estimadores robustos de la tendencia central como la mediana, media recortada o media winsorizada.

Un segundo modelo de imputación es el denominado ratio imputation.

$$\hat{y}_i = \hat{R}x_i$$

donde x_i es una covariable de y_i y \hat{R} es una estimación del cociente de la media entre x e y, que se puede obtener como suma de valores observados de y dividido por la suma de los correspondientes valores de x. Este modelo tiene

Referencias bibliográficas

Existe una amplia bibliografía sobre imputación: Rubin (1976), Little y Rubin (1987), Allison (2001), De Waal, Pannekoek y Scholtus (2011). la propiedad que si x=0 el valor de imputado es $\hat{y}=0$. Por tanto, puede ser un modelo adecuado si se tiene como restricciones, $x \ge 0$ y/o $y \ge 0$. Su código en R es:

```
> I <- is.na(y)
> R <- sum(y[!I])/sum(x[!I])
> y[I] <- R * x[I]</pre>
```

Un tercer modelo más elaborado es imputar los valores mediante un modelo de regresión lineal (o generalizado)

$$\hat{y}_{i} = \hat{\beta}_{0} + \hat{\beta}_{1} x_{1,i} + \dots + \hat{\beta}_{k} x_{k,i}$$

donde $\hat{\beta}_0$, $\hat{\beta}_1$, ..., $\hat{\beta}_k$ son las estimaciones de los coeficientes de regresión de cada covariable x_1 , x_2 ..., x_k . Hay que tener en cuenta los problemas que pueden existir al usar el modelo de regresión, como por ejemplo colinealidad y valores influyentes para aplicar adecuadamente la imputación. Por ejemplo, en el código R siguiente la función lm() predice la regresión lineal usando solo los registros completos. Posteriormente, reconoce qué registros son perdidos y hace su predicción con la función predict().

```
> lineal.model <- lm(y ~ x1 + x2 + x3 + x4, data= mydata)
> I <- is.na(y)
> y[I] <- predict(lineal.model, newdata = mydata[I, ])</pre>
```

Para finalizar se presenta un modelo más elaborado basado en distancias entre registros, la imputación basada en los k vecinos más próximos («kNN-imputation»). La idea es encontrar los k registros más cercanos al registro con uno o más valores perdidos. Entonces, un valor (o el resultado de una función) de los k registros más próximos sirve para hacer la imputación. Si definimos la distancia de Gower entre dos registros i y j, $d_g(i, j)$, como:

$$d_g(i, j) = \frac{\sum_{j} w_{ijl} d_f(i, j)}{\sum_{j} w_{ijl}}$$

donde l indica la l-ésima variable y $d_f(i,j)$ es la distancia entre el valor de la variable l en el registro i y el registro j. Para variables cualitativas, cuando el valor para la l-ésima variable es el mismo en el registro i que en j entonces $d_f(i,j)=0$, en caso contrario es 1. En cambio, para variables cuantitativas, la distancia se define como $d_f(i,j)=1-(x_i-x_j)/(\max(x)-\min(x))$. Cuando en la variable l-ésima del registro i o j es un valor perdido entonces el peso es $w_{ijl}=0$, en caso contrario es 1. El paquete VIM de R tiene la función kNN () usando la distancia de Gower. Un ejemplo sencillo es:

- > library(VIM)
- > mydata.completo <- kNN(mydata)

La función kNN() obtiene los k (por defecto son 5) registros más próximos al registro con valores perdidos. En variables cualitativas, el atributo más frecuente en los k registros más próximos se usa para hacer la imputación. Si la variable es cuantitativa, es el valor de la mediana de los k registros más próximos.

3. Reducción de los datos

En algunas ocasiones, se tiene tanta cantidad de información que es intratable su análisis estadístico.

El objetivo de la reducción de los datos es extraer una representación reducida de toda la información disponible que sea tratable y que contenga las características de la totalidad de la información.

El problema puede ser dividido en:

- tener una gran cantidad de registros o instancias,
- tener muchas variables o características.

3.1. Reducción del número de registros

Actualmente, con los medios tecnológicos que se dispone, registrar información de forma «cuasi» continua es relativamente fácil. Esto puede provocar tener un inmenso número de registros. Una de las soluciones habituales es extraer una muestra representativa de todos los registros disponibles. Las formas de extracción más sencillas son:

- Muestreo aleatorio sin reemplazamiento. Es escoger los registros con igual probabilidad del total de registros. Un registro que se ha extraído no puede ser obtenido de nuevo.
- Muestreo aleatorio con reemplazamiento. Es escoger registros con igual probabilidad del total de registro, pero con la diferencia de que cuando se extrae el registro vuelve de nuevo al conjunto y, por tanto, puede volverse a extraer.

En lenguaje R está la función sample () para realizar estos tipos de muestreos. El proceso se basa en realizar el muestreo de los identificadores de todos los registros disponibles. Posteriormente, se seleccionan los registros completos para realizar el estudio estadístico. En el ejemplo siguiente la variable myregistros contiene los identificadores de los registros; en este caso sencillo son los valores del 1 al 100. El número de muestras que se quiere extraer es 10. El resultado del muestreo aleatorio sin reemplazamiento se guarda en la variable mas y el resultado del muestreo aleatorio con reemplazamiento se guarda en la variable mas . R.

> myregistros <-1:100

> mas<-sample(myregistros,10)</pre>

```
> mas
[1] 87 45 62 47 11 76 3 6 75 17
> mas.R <-sample(myregistros,10, replace=TRUE)
> mas.R
[1] 78 62 38 22 29 46 70 28 22 48
```

3.2. Reducción del número de variables

Haber recopilado muchas variables sobre el problema que se investiga no implica obligatoriamente tener más facilidad para ser resuelto. Puede haber muchas variables que no sean informativas pero, además, la gestión es más complicada y algunas técnicas estadísticas no se pueden aplicar. Existen dos posibles soluciones:

- 1) Selección de variables o características (feature selection)
- 2) Extracción de características (feature extraction)

La primera se basa en escoger un grupo de variables originales (también llamadas características o atributos desde el mundo del *machine learning*) que contenga la mayor parte de la información relevante para resolver el problema a tratar. Existen muchas metodologías y es un campo de investigación muy importante (Stanczyk y Jain, 2014).

La segunda solución transforma el espacio de variables original de alta dimensión (muchas variables) en un espacio de menor dimensión, es decir, aplica una reducción de la dimensión. Existen muchas técnicas de reducción de la dimensión (Everit y Dunn, 2010). Se basan en crear nuevas variables que sean función de las variables originales y que cumplan ciertas condiciones para retener la mayor información posible de las variables originales. El número de nuevas variables es mucho menor que de variables originales. En muchos casos, con dos o tres nuevas variables es suficiente. Por tanto, las nuevas variables extraen la información de las variables originales y sustituyen a estas para los análisis posteriores.

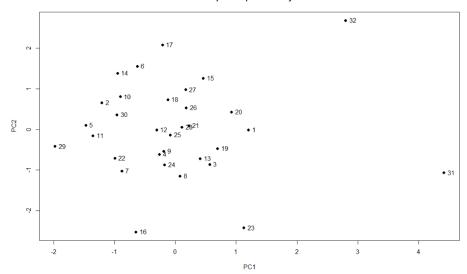
La técnica principal en la reducción de la dimensión es el análisis de componentes principales (ACP) o *principal component analysis* (PCA), en inglés. Se basa en construir una transformación lineal de las variables originales de tal manera que las nuevas variables tengan varianzas cada vez menores y estén incorrelacionadas entre sí. Desde el punto de vista algebraico, el ACP realiza una descomposición en autovalores (*eigenvalues*, en inglés) de la matriz de covarianzas (o correlaciones). Con las nuevas variables, denominadas componentes principales, se pueden proyectar las observaciones en un espacio de dos o tres dimensiones recogiendo estas componentes la mayor parte de la varianza de los datos originales. De esta manera se pueden visualizar los datos en el plano (dos dimensiones) o en el espacio (tres dimensiones) fácilmente. Es una técnica exploratoria básica que nos puede dar una idea de las relaciones

que pueden tener las observaciones. Un caso especial es cuando un punto (o varios) están alejados de la nube de puntos general. Este punto (o puntos) son candidatos a ser valores atípicos. Un ejemplo de esta situación se muestra en el código R inferior.

En el lenguaje R la función proomp () realiza el ACP. A continuación, se muestra un código R donde se generan 32 observaciones con 5 variables. Las primeras 30 observaciones son valores que siguen una distribución normal de media 0 y desviación típica 1. En la observación 31 todas sus variables siguen una distribución normal de media 2 y desviación típica 1. Por último, en la observación 32 las tres primeras variables siguen una distribución normal de media 2 y desviación típica 1, y las dos últimas variables siguen una distribución normal de media 0 y desviación típica 1. Por tanto, la mayoría de observaciones, 30, siguen la misma distribución, solo hay dos observaciones con un comportamiento diferente. La última observación tiene una distribución más parecida a la mayoría de observaciones que la penúltima. Por tanto, en la visualización de las observaciones, al hacer un ACP, se observa una nube de los 30 primeros puntos próximos entre ellos y los dos últimos puntos más alejados de la nube de puntos. El más alejado es la observación 31, con una distribución de las variables más diferente de la mayoría de observaciones. Además, el primer eje, PC1, es el que muestra mayor variabilidad, mientras que el segundo eje, PC2, mucho menos.

```
> # Creación de la muestra
> set.seed(998)
> # Primeras 30 observaciones
> mat0 <- matrix(rnorm(150), 30, 5)
> dimnames(mat0) <- list(paste("Observación", 1:30), paste("Var", 1:5))
> # Observacion 31
> mat1 <- matrix(rnorm(5,2), 1, 5)
> dimnames(mat1) <- list(paste("Observación", 31), paste("Var", 1:5))</pre>
> #Observacion 32
> mat2 <- matrix(c(rnorm(3,2),rnorm(2)), 1, 5)
> dimnames(mat2) <- list(paste("Observación", 32), paste("Var", 1:5))</pre>
> # Agrupación de las 32 Observaciones
> mat <- rbind(mat0, mat1, mat2)</pre>
> # Cálculo PCA
> myPCA <- prcomp(mat, scale. = T, center = T)
> # Representación del PCA
> plot(myPCA$x[,1:2], main= "Principal Component Analysis", pch=19)
> text(myPCA$x[,1:2], labels=1:32, pos=4)
```

Principal Component Analysis



Resumen

En este módulo se muestra la importancia que tiene la preparación de los datos antes del análisis estadístico. Es una tarea poco glamorosa y divertida, aunque es básica para poder aprovechar toda la información disponible y no cometer errores en las conclusiones. La cantidad de tiempo necesario para la preparación de datos depende directamente de la salud de los datos. Y en la mayoría de los casos siempre hay algún tipo de problema, habitualmente asociado a errores o falta de información.

Se ha dividido la preparación de los datos en tres partes:

- 1) Leer los datos.
- 2) Limpieza de los datos.
- 3) Reducción de los datos.

La lectura de los datos tiene como objetivo básico transmitir la información al software estadístico sin cometer errores y adecuarlo al software; un punto importante a revisar es si se ha asignado a cada variable el tipo de variable estadística adecuada: cuantitativa discreta o continua o, cualitativa nominal u ordinal. La limpieza de los datos es el punto fundamental de la preparación de los datos. Pueden aparecer

- errores sintácticos y de normalización en variables,
- inconsistencias entre variables,
- valores atípicos y
- valores perdidos o no observados.

Los valores atípicos se pueden detectar realizando *box plot* e intentando minimizar sus efectos con la aplicación de estimadores robustos. Con respecto a los valores perdidos, hay gran cantidad de métodos para intentar imputar los valores faltantes y conseguir registros completos. Por último, puede ser necesario realizar una reducción de los datos. En el caso de tener un gran número de registros, se extrae una muestra representativa del total de registros. En cambio, si el problema es el gran número de variables, se pueden aplicar técnicas de reducción de la dimensión, como el ACP, para extraer las características de los datos y sustituir a las variables originales en el análisis estadístico.

Bibliografía

Allison, P. (2001). Missing values. Thousand Oaks, CA: Sage Publications.

Barnett, V.; Lewis, T. (1994). *Outliers in Statistical Data* (3.^a ed.). Nueva York: John Wiley & Sons.

De Waal, T.; Pannekoek, J.; Scholtus, S. (2011). *Handbook of statistical data editing andimputation. Wiley handbooks in survey methodology.* Nueva York: John Wiley & Sons.

Everitt, B. S.; Dunn, G. (2010). *Applied Multivariate Data Analysis*. Nueva York: John Wiley & Sons.

Han, J.; Kamber, M. (2001). *Data Mining: Concepts and Techniques*. San Francisco: Morgan Kaufmann Publishers, Inc.

Huber, P. (1981). Robust Statistics. Wiley.

Little, R.; Rubin, D. (1987). *Statistical Analysis with Missing Data*. Nueva York: John Wiley & Sons.

Maronna, R. A.; Martin, R. D.; Yohai, V. J. (2006). Robust statistics: Theory and methods. Wiley.

Mayer-Schönberger, V.; Cukier, K. (2013). *Big Data. A Revolution That Will Transform How We Live, Work and Think*. UK: John Murray.

Pyle, D. (1999). *Data Preparation for Data Mining*. San Francisco: Morgan Kaufmann Publishers, Inc.

Rousseeuw, P. J.; Leroy, A. M. (1987). *Robust regression and outlier detection.* Nueva York: John Wiley & Sons.

Rubin, D. (1976). Inference and missing data (vol. 3, núm. 63, págs. 581-592). Biometrika.

Stanczyk, U.; Jain, L. C. (2014). Feature Selection for Data and Pattern Recognition. Springer.