Set de problemas 1

Repaso e introducción a R

Econometría I

A entregar el sábado 28 de agosto.

Se presenta el primer práctico de Econometría I. El mismo trata conceptos básicos de matemáticas, probabilidad, estadística y cálculo matricial. Se recomienda leer los apéndices A, B, C y D de Jeffrey M. Wooldridge. Introductory Econometrics: A Modern Approach, 5th Edition y los capítulos 2 y 3 de Hanck, Arnold, Gerber y Schmelzer. Introduction to Econometrics with R.

Regla general de los prácticos: La entrega debe realizarse en un archivo .pdf realizado con cualquier programa de computadora (MS Word, Open Office, E^tT_EX o letra a mano **prolija y legible**. A su vez, en caso de emplear \mathbf{R} , se debe enviar el archivo .R correspondiente.

El archivo debe contener los apellidos de los integrantes del grupo y debe ser enviado al siguiente correo: ppereda@correo.um.edu.uy. Esperar confirmación de recepción. Grupos de tres o menos integrantes.

Problema 1

Considerando la siguiente tabla que contiene el gasto mensual en vivienda para 12 familias:

Familia	Gasto mensual en vivienda (en U\$S)
1	300
2	550
3	350
4	1100
5	640
6	480
7	450
8	700
9	670
10	600
11	1900
12	5200

¹a. Encuentre el gasto mensual promedio y mediano.

¹b. Indique el rango intercuartílico, el desvío estándar y la varianza.

¹c. Suponga que la familia número 12 aumenta su gasto mensual en un 50%, pero los de todas las demás familias permanecen fijos. Calcule nuevamente los puntos anteriores. Se puede utilizar **mutate** junto a la 2 / 3 función **if else**.

1d. Comente brevemente las medidas de media y mediana. ¿En qué situaciones estas medidas difieren de forma relevante?

Nota Los datos de la tabla se pueden leer desde aquí. Los datos pueden leerse desde el URL sin necesidad de descarga.

Problema 2

Sea \bar{Y} el promedio muestral de una variable aleatoria con media μ y varianza σ^2 . Considere dos estimadores alternativos de μ : $W_1 = \frac{n-1}{n} \cdot \bar{Y}$ y $W_2 = \frac{\bar{Y}}{2}$.

- **2a.** Demuestre que W_1 y W_2 son dos estimadores sesgados de μ y encuentre sus sesgos. ¿Qué sucede con los sesgos a medida que $n \to \infty$?
- **2b.** Encuentre los límites de probabilidad de W_1 y W_2 (sugerencia: utilice las propiedades PLIM1 y PLIM2 del Wooldridge, apéndice C, para W_1 observe que p $\lim \left[\frac{n}{n-1}\right]=1$). ¿Son consistentes los estimadores?
- **2c.** Encuentre $Var(W_1)$ y $Var(W_2)$.

Problema 3

Suponga que en una universidad grande el promedio de calificaciones, GPA y de puntuaciones SAT están relacionados por la esperanza condicional $\mathbf{E}(\mathbf{GPA/SAT})=0.7+0.001\mathbf{SAT}.$

- **3a.** Encuentre la esperanza de GPA cuando SAT = 800 y $\mathrm{E}(\mathrm{GPA/SAT} = 1400)$. Comente la diferencia.
- **3b.** Si el SAT promedio de los alumnos de esta universidad es 1100, ¿cuál es el GPA? (Sugerencia: aplique la propiedad CE4, Wooldridge apéndice B).