

Projet COMPLEX Arbre Cartésiens

EXERCICE 1

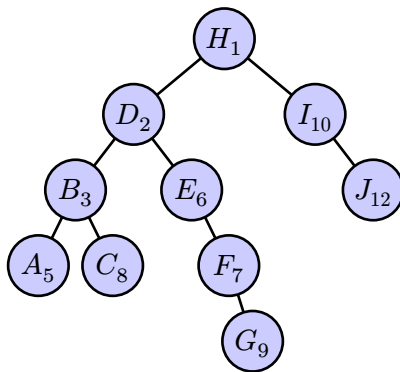


Figure 1: Arbre cartésien \mathcal{A}

a. Il n'existe qu'une unique solution pour cette liste. En effet, toutes les priorités sont différentes, il n'y a donc pas de *choix* disponible au moment de la construction. Si toutes les priorités n'étaient pas différentes, alors on aurait pas un ordre total. On pourrait ajouter un critère de sélection, comme la position dans la liste (la clé du nœud).

b. On observe que l'arbre produit à partir des clés suivantes est le même que celui obtenu dans la question 1. On observe que les clés étaient triés selon l'ordre croissant de priorité. On émet donc l'hypothèse suivante : trier les nœuds en suivant l'ordre des priorités, puis construire l'arbre binaire en suivant l'ordre des nœuds résulte en la création d'un arbre cartésien général.

Un arbre cartésien suit deux propriétés, d'une il est un arbre binaire de recherche, c'est à dire que les nœuds sont organisés de manière à ce que, pour tout nœud, les clés de son sous-arbre de gauche soient inférieures à sa clé, et celles de son sous-arbre droit soient supérieures. Cette propriété est satisfaite par la construction de notre arbre. Il doit satisfaire la priorité que les nœuds également organisés selon la

priorité, de sorte qu'un parent ait toujours une priorité inférieure à celle de ses enfants. Cette propriété est satisfaite par le fait que la liste est triée par ordre croissant de priorité. Ainsi, un nœud fils aura toujours une priorité supérieure à celle de son parent.

c. Voir `Node.cpp` et `Node.h` pour l'implémentation du nœud.

d. Voir `CartesianTree.cpp` et `CartesianTree.h` pour l'implémentation de l'arbre cartésien.

e. Voir la fonction `exercice_1` pour la construction "manuelle" de l'arbre cartésien de la figure 1.

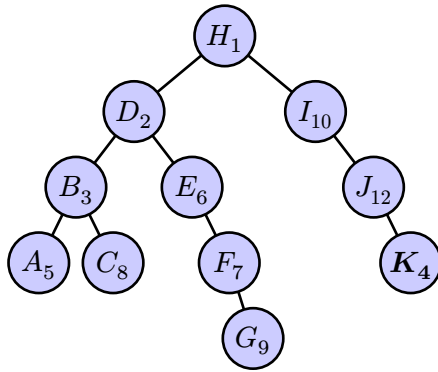
EXERCICE 2

a. Voir la fonction `CartesianTree::find` pour l'implémentation de la recherche d'un nœud et `exercice_2` pour un exemple de recherche minimal.

b. Dans le cas d'une recherche fructueuse, soit k la profondeur du nœud. On aura 1 comparaison par échec (tant que l'on est pas encore au nœud) et 1 comparaison pour valider que la clé est bien la bonne. On aura donc bien k comparaisons, c'est à dire k nœuds parcourus. Dans le cas d'une recherche infructueuse, on note k_p et k_s la profondeur de son prédécesseur et successeur respectivement. On devra alors aller jusqu'à $\max\{k_p, k_s\}$.

EXERCICE 3

a. On reprend l'arbre construit en question 1.a (et 1.b). On cherche à ajouter un nouveau nœud K_4 dans cet arbre. Le nœud sera ajouté, suivant la construction d'un arbre binaire, comme le fils droit de J_{12} . Cependant, soit $\mathcal{P}(n)$ la priorité du nœud n , $\mathcal{P}(K_4) = 4$ et $\mathcal{P}(J_{12}) = 12$ et J_{12} est père de K_4 , ce qui contredit la propriété du tas.

Figure 2: L'ajout de K_4 à \mathcal{A} est faux

b. La complexité de l'ajout dans un arbre binaire est de $O(k)$ (2.b) et la complexité de la rotation est en temps constant. On a donc une complexité totale pour l'insertion dans un arbre cartésien en suivant cette méthode de $O(k)$.

c. Voir la fonction `CartesianTree::insert` pour l'implémentation de l'insertion d'un nouveau nœud dans un arbre cartésien.

d. Voir la fonction `exercice_3` pour la construction de l'arbre de la figure 1 avec différents ordres pour les nœuds.

EXERCICE 4

a. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim aequae doleamus animo, cum corpore dolemus, fieri tamen permagna accessio potest, si aliquod aeternum et infinitum impendere malum nobis opinemur. Quod idem licet transferre in voluptatem, ut postea variari voluptas distinguere possit, augeri amplificarique non possit. At etiam Athenis, ut e patre audiebam facere et urbane Stoicos irridere, statua est in quo a nobis philosophia defensa et collaudata est, cum id, quod maxime placeat, facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus. Temporibus autem quibusdam et.

b. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim aequae doleamus animo, cum cor-

pore dolemus, fieri tamen permagna accessio potest, si aliquod aeternum et infinitum impendere malum nobis opinemur. Quod idem licet transferre in voluptatem, ut postea variari voluptas distinguere possit, augeri amplificarique non possit. At etiam Athenis, ut e patre audiebam facere et urbane Stoicos irridere, statua est in quo a nobis philosophia defensa et collaudata est, cum id, quod maxime placeat, facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus. Temporibus autem quibusdam et.

c. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat.

d. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat.

EXERCICE 5

a. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim aequae doleamus animo, cum corpore dolemus, fieri tamen permagna accessio potest, si aliquod aeternum et infinitum impendere malum nobis opinemur. Quod idem licet transferre in voluptatem, ut postea variari voluptas distinguere possit, augeri amplificarique non possit. At etiam Athenis, ut e patre audiebam facere et urbane Stoicos irridere, statua est in quo a nobis philosophia defensa et collaudata est, cum id, quod maxime placeat, facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus. Temporibus autem quibusdam et.

EXERCICE 6

a. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim aequae doleamus animo, cum corpore dolemus, fieri tamen permagna accessio potest, si aliquod aeternum et infinitum impendere malum nobis opinemur. Quod idem licet transferre in voluptatem, ut postea variari voluptas distinguere pos-

sit, augeri amplificarique non possit. At etiam Athenis, ut e patre audiebam facete et urbane Stoicos irridente, statua est in quo a nobis philosophia defensa et collaudata est, cum id, quod maxime placeat, facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus. Temporibus autem quibusdam et.

b. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim aequae doleamus animo, cum corpore dolemus, fieri tamen permagna accessio potest, si aliquod aeternum et infinitum impendere malum nobis opinemur. Quod idem licet transferre in voluptatem, ut postea variari voluptas distinguere possit, augeri amplificarique non possit. At etiam Athenis, ut e patre audiebam facete et urbane Stoicos irridente, statua est in quo a nobis philosophia defensa et collaudata est, cum id, quod maxime placeat, facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus. Temporibus autem quibusdam et.

c. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit, sed do eiusmod tempor incididunt ut labore et dolore magnam aliquam quaerat voluptatem. Ut enim aequae doleamus animo, cum corpore dolemus, fieri tamen permagna accessio potest, si aliquod aeternum et infinitum impendere malum nobis opinemur. Quod idem licet transferre in voluptatem, ut postea variari voluptas distinguere possit, augeri amplificarique non possit. At etiam Athenis, ut e patre audiebam facete et urbane Stoicos irridente, statua est in quo a nobis philosophia defensa et collaudata est, cum id, quod maxime placeat, facere possimus, omnis voluptas assumenda est, omnis dolor repellendus. Temporibus autem quibusdam et.