Vedische Mathematik

Lars Fisch

Einführung

Mech. Hilfsmitte Überblick VM

Verfahren der VM

Quadrate Produkte

Zahlenzaube

Literatui

Sutras auf

Vedische Mathematik

indische Rechentricks oder das Kamasutra der Mathematik

Lars Fischer¹

27. Februar 2013

¹lars.fischer (bei) gmx-topmail.de

Mechanische Rechenhilfsmittel

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmittel

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

- Abakus ca. 3000 Jahre alt (hier die chinesische Variante, der Suànpán, ca. 2200 alt)
- Addiator(Stangenaddierer) ca. 1920 1982, Prinzip ist von 1889
- Logarithmenrechenschieber, bis ca. 1975, das Prinzip wurde ca. 1620 1630 entdeckt

Überblick Vedische Mathematik

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einfuhrung Mech. Hilfsmitte Überblick VM

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurzeln

Zahlenzaubei

Literatur

- Jagadguru Swami Sri Bharati Krishna Tirthaji Maharaja (März 1884 Februar 2, 1960) und sein Buch » Vedic Mathematics or Sixteen simple Mathematical Formulae from the Vedas (For One-line Answers to all Mathematical Problems) « [VM65];
 - aber, die Sutras sind nicht in den Vedas zu finden
 - <u>keine neue Mathematik</u>, sondern eine Sammlung von Algorithmen für bekannte Dinge
- Aktuell werden Chip-Designs und Algorithmen diskutiert, die diese Verfahren zu Multiplikation und zur FFT nutzen (siehe die Links am Ende des <u>Wikipedia-Artikels zu Vedic Math</u>)

Die sechzehn Sutras

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung
Mech. Hilfsmitt
Überblick VM

Verfahren de VM

Quadrate Produkte Kubikwurzeln

Zahlenzauber

Literatur

- Eins mehr als der davor
- 2 Alle von 9 und die letzte von 10
- 3 Vertikal und kreuzweise
- Stelle um und wende an
- 5 Wenn die Kombination dieselbe ist, ist es Null
- 6 Ist das eine das Verhältnis, ist das andere Null
- Bei Addition und bei Subtraktion
- Bei der Vervollständigung oder Unvervollständigung
- Unterschiedliches Differential- und Integralrechnen
- Bei Unvollständigkeit
- Spezifisch und allgemein
- Die Verbliebene zur letzten Stelle
- Das Letzte und zweimal der Vorletzte
- 14 Einer weniger als der davor
- **IE** Das Produkt der Summe
- 16 Alle Multiplikatoren

Die Sub-Sutras

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit Überblick VM

Verfahren der

Quadrate Produkte Kubikwurzel

Zahlenzauber

Literatur

- Proportionalität
- 2 Die Verbleibende bleibt konstant
- 3 Die Erste zur Ersten und die Letzte zur Letzten
- Der Multiplikant von 7 ist 143
- Bei Berührung
- 6 Ziehe die Differenz ab
- Was immer die Differenz ist, ziehe die Summe ab und stelle das Quadrat der Differenz her
- 8 Summiere das Letzte mit 10
- Nur die Letzten
- 10 Die Summe des Produkts
- Alternativ mit Ausschluss und Beibehaltung
- 12 Bei bloßer Beobachtung
- Das Produkt der Summe ist die Summe des Produkts
 - Mit dem Symbol

Quadrate von Zahlen, die auf 5 enden

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurzeli

Zahlenzaube

Literatui

■
$$05^2 = 25$$
, $15^2 = 225$, $25^2 = 625$, $35^2 = 1225$, $45^2 = 2025$, $55^2 = 3025$, ...

- wer erkennt ein Muster?
- Sutra: Eins mehr als der davor
 - »der davor« ist/sind die Ziffer(n) a vor der 5,
 - dieses a wird mit a + 1 multipliziert und das Ergebnis der 25 vorangestellt
- Herleitung:

$$(a \cdot 10 + 5)^2 = a^2 \cdot 100 + 2 \cdot a \cdot 10 \cdot 5 + 25$$
$$= (a^2 + a) \cdot 100 + 25$$
$$= a \cdot (a + 1) \cdot 100 + 25$$

$$85^2 = ?$$
, $95^2 = ?$, $125^2 = ?$

(All)gemeinere Quadrate in der Nähe einer 10er-Potenz

Vedische Mathematik Lars Fischer

113 1 130

=IIII unrung Mech. Hilfsmitt Überblick VM

Verfahren de VM

Quadrate Produkte Kubikwurzeli

Literatur

Sutras auf Englisch

- $99^2 = 9801, 98^2 = 9604, 101^2 = 10201, 102^2 = 10404$
- wer erkennt ein Muster?
 - Sutra: Was immer die Differenz ist, ziehe die Summe ab und stelle das Quadrat der Differenz her (»whatever the extent of its deficiency, lessen it still further to that very extent; and also set up the square (of that deficiency)«.)
 - Herleitung:

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b) \Rightarrow a^2 = (a + b)(a - b) + b^2$$

Wähle b so, dass entweder a + b oder a - b eine 10er Potenz ist!

 $88^2 = ?$, $116^2 = ?$, $1010^2 = ?$

Das gleiche Prinzip werden wir gleich für die Multiplikation von Zahlen in der Nähe einer 10er-Potenz nochmals antreffen.

Vorne gleich, Summe der Einerstellen ist 10

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren der VM

Quadrate
Produkte
Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

$$23 \cdot 27 = 621, 14 \cdot 16 = 224, 72 \cdot 78 = 5616$$

- wer erkennt ein Muster?
- Sutra: Eins mehr als der davor.
- lacksquare Herleitung: Sei a beliebig, $b,c\in\{1,\ldots,9\}$ mit b+c=10

$$(a \cdot 10 + b)(a \cdot 10 + c) = 100 \cdot a \cdot a$$

$$+ \underbrace{10 \cdot a \cdot b + 10 \cdot a \cdot c}_{=10 \cdot a(b+c)} + b \cdot c$$

$$= a \cdot (a+1) \cdot 100 + b \cdot c$$

- Die Regel mit den Quadraten, die auf 5 enden, ist ein Spezialfall dieser Regel.
 - $54 \cdot 56 = ?$, $121 \cdot 129 = ?$

Nützlichkeit der beiden vorigen Regeln, über die Spezialfälle hinaus

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Obwohl die beiden vorigen Regeln nur in speziellen Situationen funktionieren, kann eine »unpassende« Multiplikationsaufgabe u.U. auf sie zurückgeführt werden:

$$19 \cdot 12 = 19 \cdot 11 + 19 = 209 + 19 = 228$$

$$\bullet 65 \cdot 67 = 65 \cdot 65 + 2 \cdot 65 = 4225 + 130 = 4355$$

$$72 \cdot 77 = 73 \cdot 77 - 77 = 5621 - 77 = 5544$$

Multiplikation mit 11

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung

Verfahren der VM

Quadrate

Produkte

Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

- $11 \cdot 23 = 253$, $11 \cdot 45 = 495$, $11 \cdot 52 = 572$
- wer erkennt ein Muster?
- Zur Multiplikation mit 11 werden die erste und letzte Ziffer der zweiten Zahl hingeschrieben und dazwischen die Summe der einzelnen benachbarten Ziffern der zweiten Zahl (Übertrag beachten).
- Beispiel: $11 \cdot 12 = 132$, $11 \cdot 67 = 6_137 = 737$
- Herleitung: Betrachte das konventionelle Verfahren, bei dem die Zwischenergebnisse um ein Stelle versetzt untereinander geschrieben werden.
- $11 \cdot 72 = ?$, $11 \cdot 87 = ?$, $11 \cdot 123 = ?$

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung

Verfahren de

VM

Produkte Kubikwurzeli

Zanienzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Um z.B. 88 · 95 zu berechnen, bestimmen wir jeweils den Abstand zu 100 und tragen diese vier Zahlen in ein Schema ein (auch gerne im Kopf):

$$88 \longrightarrow -12$$

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren de

VM Quadrate

Produkte Kubikwurzeln

Zanienzaube

Literatu

Um z.B. $88 \cdot 95$ zu berechnen, bestimmen wir jeweils den Abstand zu 100 und tragen diese vier Zahlen in ein Schema ein (auch gerne im Kopf):

$$88 \longrightarrow -12$$

$$95 \longrightarrow -05$$

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren dei

VM Quadrate

Produkte Kubikwurz

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Um z.B. $88 \cdot 95$ zu berechnen, bestimmen wir jeweils den Abstand zu 100 und tragen diese vier Zahlen in ein Schema ein (auch gerne im Kopf):

$$\begin{array}{c}
88 \longrightarrow -12 \\
95 \longrightarrow -05
\end{array}$$

83

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren dei

VM Quadrate

Produkte Kubikwurzeln

Zanienzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Um z.B. $88 \cdot 95$ zu berechnen, bestimmen wir jeweils den Abstand zu 100 und tragen diese vier Zahlen in ein Schema ein (auch gerne im Kopf):

$$\begin{array}{c}
88 \longrightarrow -12 \\
95 \longrightarrow -05
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
83 & 60
\end{array}$$

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren dei

VM

Produkte Kubikwura

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Um z.B. $88 \cdot 95$ zu berechnen, bestimmen wir jeweils den Abstand zu 100 und tragen diese vier Zahlen in ein Schema ein (auch gerne im Kopf):

$$\begin{array}{c}
88 \longrightarrow -12 \\
95 \longrightarrow -05
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
83 \qquad 60
\end{array}$$

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren dei

VM Quadrate

Produkte Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Um z.B. $88 \cdot 95$ zu berechnen, bestimmen wir jeweils den Abstand zu 100 und tragen diese vier Zahlen in ein Schema ein (auch gerne im Kopf):

$$\begin{array}{c}
88 \longrightarrow -12 \\
95 \longrightarrow -05
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
83 \qquad 60
\end{array}$$

Damit ist $88 \cdot 95 = 83 \cdot 100 + 60 = 8360$.

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren der

Quadrate Produkte

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Das klappt auch für dreistellige Zahlen und die Faktoren können größer oder kleiner als die 10er Potenz sein.

Beispiel 107 · 87, wir rechnen nahe der Basis 100:

$$87 \longrightarrow -13$$

$$107 \longrightarrow + 7$$

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Produkte
Kubikwuri

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Das klappt auch für dreistellige Zahlen und die Faktoren können größer oder kleiner als die 10er Potenz sein.

Beispiel 107 · 87, wir rechnen nahe der Basis 100:

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren dei VM

Produkte

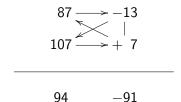
Kubikuur

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Das klappt auch für dreistellige Zahlen und die Faktoren können größer oder kleiner als die 10er Potenz sein.

Beispiel 107 · 87, wir rechnen nahe der Basis 100:



Vedische Mathematik

inführung

Verfahren der

Quadrate Produkte

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Das klappt auch für dreistellige Zahlen und die Faktoren können größer oder kleiner als die 10er Potenz sein.

Beispiel 107 · 87, wir rechnen nahe der Basis 100:

$$\begin{array}{cccc}
87 & \longrightarrow & -13 \\
& & & & | \\
107 & \longrightarrow & + & 7
\end{array}$$

$$\begin{array}{ccccc}
94 & & -91
\end{array}$$

Damit ist $87 \cdot 107 = 94 \cdot 100 - 91 = 9400 - 91 = 9309$.

Produkte von Zahlen naher gleicher Zehnerpotenz, **Prinzip**

Vedische Mathematik

Produkte

- Sutra: Alle von 9 und die letzte von 10. Das bezieht sich auf den Schritt zur Bestimmung des Abstandes zu 10er Potenz und kann immer verwendet werden, wenn von einer 10er Potenz eine Zahl subtrahiert werden soll. Damit spart man sich den Übertrag beim konventionellen Rechnen von Rechts nach Links.
- Herleitung: Seien $x = 10^n + a$, $y = 10^n + b$, dann ist

$$x \cdot y = (10^{n} + a)(10^{n} + b)$$
$$= 10^{2n} + 10^{n}(a+b) + a \cdot b$$
$$= 10^{n}(10^{n} + a + b) + a \cdot b$$

- $10^n + a + b = x + b = y + a$ ist der Wert der beiden möglichen Über-Kreuz-Schritte.
- Der Autor von [VM65] führt unser × Symbol auf die Über-Kreuz Addition dieser Methode zurück.

Produkte von Zahlen naher gleicher Zehnerpotenz, andere Basen

Vedische Mathematik

Einführung

Überblick VM

Verfahren der

VM

Quadrate
Produkte
Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatur

Sutras auf Englisch Statt der 10er Potenz taugen auch andere Basen, je nachdem wie die Faktoren liegen. Dann muss aber die folgende Tabelle beachten: Sub-Sutra »Proportionalität«

bedenten. Gab Gatra mi Toportionantat.«					
		Faktor für	Stellen von		
	Basis	Überkreuz-Add.	Multipl.		
	100	1	2		
	50	$\frac{1}{2}$ 5	2	$50 = \frac{1}{2} \cdot 100$	
	50	5	1	$50 = \overline{5} \cdot 10$	
	20	2	1		
	$r \cdot 10$	r	1	$r \in \mathbb{Q}$	
	150	$\frac{3}{2}$	2		
	250	3 5 2 2	2		
	200	2	2		
	$r \cdot 10^k$	r	k	$r \in \mathbb{Q}, k \in \mathbb{N}$	

Produkte von Zahlen naher gleicher Zehnerpotenz, andere Basen, Beispiel 1

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren de

Quadrate
Produkte
Kubikwurz

Zahlenzaube

Literati

Sutras auf Englisch Als Beispiel die Rechnung 45 · 55:

■ Basis
$$50 = \frac{1}{2} \cdot 100$$

$$55 \quad 5$$

$$45 \quad -5$$

$$50 \cdot \frac{1}{2} \cdot 100 \quad -25$$

$$= 25 \cdot 100 \quad -25$$

$$= 2475$$
■ Basis $50 = 5 \cdot 10$

$$55 \quad 5$$

$$45 \quad -5$$

$$50 \cdot 5 \cdot 10 \quad -25$$

$$= 250 \cdot 10 \quad -25$$

$$= 2475$$

Hätten wir hier mit der Basis 100 gerechnet, dann hätten wir nichts gewonnen, da auf der rechten Seite -45 und -55 zu multiplizieren gewesen wären.

Produkte von Zahlen naher gleicher Zehnerpotenz, andere Basen, Beispiel 2

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren der VM

Quadrate
Produkte
Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch Als Beispiel die Rechnung 48 · 62:

Basis
$$50 = 5 \cdot 10$$

$$48 \quad -2$$

$$62 \quad 12$$

$$60 \cdot 5 \cdot 10 \quad -24$$

$$= 2976$$

Basis
$$60 = 6 \cdot 10$$
 $48 - 12$
 $62 \quad 2$
 $50 \cdot 6 \cdot 10 \quad -24$
 $= 2976$

Warum das kleine 5×5 ausreicht

Vedische Mathematik

ars Fische

Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Produkte Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

- Aus Sicht der Vedischen Mathematik können wir mit dem vorigen Verfahren Multiplikationen jenseits 5 × 5 auf die Multiplikation auf der rechten Seite reduzieren. Dort wird die Differenz zu 10 multipliziert.
- Diese Eigenschaft wird oft als Vorteil der Vedischen Mathematik aufgeführt.

Vedische Mathematik

ars Fische

Einführung Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate

Produkte

Kubikwurzel

Zahlenzaube

Literatu

- wenn die vorigen Methoden nicht anwendbar sind, bleibt diese Methode, die keine Annahmen über die Zahlen macht
- sie ist ebenfalls für das Kopfrechnen optimiert, da immer nur eine Ziffer als Zwischenergebnis gehalten werden muss
- Beispiel 23 · 17

2	3
1	7

Vedische Mathematik

Lars Fische

Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate

Produkte

Kubikwurzel

Zahlenzaube

Literatu

- wenn die vorigen Methoden nicht anwendbar sind, bleibt diese Methode, die keine Annahmen über die Zahlen macht
- sie ist ebenfalls für das Kopfrechnen optimiert, da immer nur eine Ziffer als Zwischenergebnis gehalten werden muss
- Beispiel 23 · 17



Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate

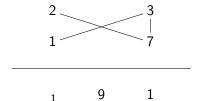
Produkte

Kubikwurzel

Zahlenzaube

Literatu

- wenn die vorigen Methoden nicht anwendbar sind, bleibt diese Methode, die keine Annahmen über die Zahlen macht
- sie ist ebenfalls für das Kopfrechnen optimiert, da immer nur eine Ziffer als Zwischenergebnis gehalten werden muss
- Beispiel 23 · 17



Vedische Mathematik

Lars Fische

Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate

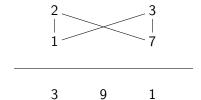
Produkte

Kubikwurzel

Zahlenzaube

Literatu

- wenn die vorigen Methoden nicht anwendbar sind, bleibt diese Methode, die keine Annahmen über die Zahlen macht
- sie ist ebenfalls für das Kopfrechnen optimiert, da immer nur eine Ziffer als Zwischenergebnis gehalten werden muss
- Beispiel 23 · 17



Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

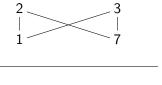
Verfahren der VM

Quadrate **Produkte** Kubikwurzeli

Zahlenzaube

Literatu

- wenn die vorigen Methoden nicht anwendbar sind, bleibt diese Methode, die keine Annahmen über die Zahlen macht
- sie ist ebenfalls für das Kopfrechnen optimiert, da immer nur eine Ziffer als Zwischenergebnis gehalten werden muss
- Beispiel 23 · 17



$$2 \cdot 1 | 2 \cdot 7 + 1 \cdot 3 | 3 \cdot 7 = 2$$
 ₁7 ₂1 = 391

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung

Mech. Hilfsm

Verfahren der

VM

Produkte

Zahlenzaub

Literatu

Sutras auf Englisch Beispiel 123 · 234:

Ι

2

3

2

3

4

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech Hilfsmi

Überblick VM

VM

Produkte Kubikwurz

Zahlenzaube

Literati

Sutras auf Englisch

Beispiel 123 · 234:

12

$$1 \cdot 2|1 \cdot 3 + 2 \cdot 2|1 \cdot 4 + 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3|2 \cdot 4 + 3 \cdot 3|3 \cdot 4$$

= 2|7|₁6|₁7|₁2 = 28782

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren dei

VM Quadrate

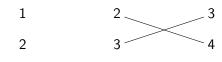
Produkte Kubikwurzeln

Zanienzaube

Literatu

Sutras auf Englisch

Beispiel 123 · 234:



$$(1) + 8 + 9$$

$$1 \cdot 2|1 \cdot 3 + 2 \cdot 2|1 \cdot 4 + 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3|2 \cdot 4 + 3 \cdot 3|3 \cdot 4$$

= $2|7|_16|_17|_12 = 28782$

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren der VM

Quadrate

Produkte

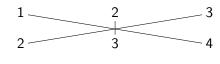
Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch

Beispiel 123 · 234:



$$(1) + 4 + 6 + 6$$

$$1 \cdot 2|1 \cdot 3 + 2 \cdot 2|1 \cdot 4 + 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3|2 \cdot 4 + 3 \cdot 3|3 \cdot 4$$

= $2|7|_16|_17|_12 = 28782$

8

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren de

Quadrate

Produkte

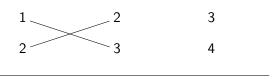
Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatu

Sutras auf Englisch

Beispiel 123 · 234:



$$(1) + 3 + 4$$

$$\begin{aligned} 1 \cdot 2 | 1 \cdot 3 + 2 \cdot 2 | 1 \cdot 4 + 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3 | 2 \cdot 4 + 3 \cdot 3 | 3 \cdot 4 \\ &= 2 |7|_1 6|_1 7|_1 2 = 28782 \end{aligned}$$

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmi

Verfahren der

Quadrate Produkte

Zahlenzaub

Literatu

Sutras auf Englisch Beispiel 123 · 234:

1 | 2 2

3

4

8

2

$$1 \cdot 2|1 \cdot 3 + 2 \cdot 2|1 \cdot 4 + 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3|2 \cdot 4 + 3 \cdot 3|3 \cdot 4$$

= $2|7|_16|_17|_12 = 28782$

Vertikal und kreuzweise. Beispiel 2

Beispiel 123 · 234:

Vedische

Mathematik

Produkte

 $1 \cdot 2 | 1 \cdot 3 + 2 \cdot 2 | 1 \cdot 4 + 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3 | 2 \cdot 4 + 3 \cdot 3 | 3 \cdot 4$ $= 2|7|_16|_17|_12 = 28782$

In dieser Art und Weise lässt sich die Regel auf beliebig (auch unterschiedlich) lange Faktoren anwenden.

Vertikal und kreuzweise, Prinzip

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmitte Überblick VM

Verfahren der VM Quadrate Produkte

Zahlenzauber

Sutras auf Englisch Herleitung: Seien z.B. $x_1, x_2, x_3, y_1, y_2, y_3 \in \{0, \dots, 9\}$ die Ziffern zweier dreistelliger Zahlen, dann ist das Produkt $x_1x_2x_3 \cdot y_1y_2y_3$ nach konventioneller Rechenweise (ohne Rücksicht auf Übertrag usw.):

<i>x</i> ₁	<i>x</i> ₂	<i>X</i> 3		y_1	<i>y</i> ₂	<i>y</i> ₃
				<i>x</i> ₁ <i>y</i> ₃	<i>x</i> ₂ <i>y</i> ₃	<i>X</i> 3 <i>Y</i> 3
			x_1y_2	<i>x</i> ₂ <i>y</i> ₂	<i>x</i> ₃ <i>y</i> ₂	
		x_1y_1	x_2y_1	<i>x</i> ₃ <i>y</i> ₁		
		x_1y_1	$(x_1y_2 +$	$(x_1y_3 + x_2y_2 +$	$(x_2y_3+$	<i>x</i> ₃ <i>y</i> ₃
	$\prod =$		x_2y_1	x_3y_1	x_3y_2)	
		·10 ⁴	·10 ³	$\cdot 10^{2}$	·10	.1

Das lässt sich auf Faktoren mit beliebiger (auch unterschiedlicher) Stellenzahl verallgemeinern und zeigt zum einen die Korrektheit der vedischen Methode und zum anderen deren Prinzip.

Aufgehende Kubikwurzeln von Zahlen zwischen 1000 und 1000000, (1)

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung

Mech. Hilfsmitt

Verfahren de

Quadrate

Kubikwurzeln Zahlenzaube

Literatur

e Beobachtung über die Kuben der 10					
	X	<i>x</i> ³	X	x ³	
	0	0			
	1	1			
			2 3	8	
			3	27	
	4	64			
	4 5	125			
	6	216			
			7	343	
			8	512	
	9	729			

Wir beobachten, dass die Abbildung $x\mapsto x^3\pmod{10}$ auf der Menge $\{0,\ldots,9\}$ umkehrbar eindeutig ist, d.h. wir können an der letzten Ziffer von x^3 das ursprüngliche x erkennen.

Aufgehende Kubikwurzeln von Zahlen zwischen 1000 und 1000000, (1)

Vedische Mathematik

Kuhikwurzeln

Am Anfang steht eine Beobachtung				über
Ziffern:	X	<i>x</i> ³	x	x ³
	0	0		
	1	1		
			2	8
			3	7
	4	4		
	5	5 6		
	6	6		
			7	3
			8	2
	9	9		

die Kuben der 10

Wir beobachten, dass die Abbildung $x \mapsto x^3 \pmod{10}$ auf der Menge $\{0, \dots, 9\}$ umkehrbar eindeutig ist, d.h. wir können an der letzten Ziffer von x^3 das ursprüngliche x erkennen.

Aufgehende Kubikwurzeln

von Zahlen zwischen 1000 und 1000000, (2)

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung
Mech. Hilfsmitte
Überblick VM

Verfahren der VM Quadrate Produkte

Kubikwurzeln Zahlenzaube

1:4---

Sutras auf Englisch Wenn wir nun eine Zahl zwischen $10^3=1000$ und $100^3=1000000$ vor uns haben, von der wir zusätzlich wissen, dass sie die dritte Potenz einer zweistelligen ganzen Zahl ist, dann finden wir die Einerstelle durch die letzte Ziffer von x^3 in der vorigen Tabelle.

Die Zehnerstelle ist ebenfalls durch die vorige Tabelle bestimmt: Dazu stellen wir lediglich fest, welche Zahl d man erhält, wenn die letzten drei Ziffern der Kubikzahl weggestrichen werden. Nun suchen wir in der vorigen Tabelle für welches x gilt: $x^3 \leq d$ und $d < (x+1)^3$.

Zahlenzauber I

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung
Mech. Hilfsmit

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurzeli

Zahlenzauber

Literatur

- Denkt Euch eine beliebige dreistellige Zahl a aus, die einzige Bedingung ist, dass die erste und dritte Stelle unterschiedlich sind (gegebenenfalls vorne mit Nullen auffüllen).
- 2 Nun bildet die Zahl b, die entsteht indem man die Ziffern von a spiegelt.
- **3** Berechnet die Zahl $c := \max(a, b) \min(a, b)$
- 4 Bildet die Zahl *d*, die entsteht, indem man die Ziffern von *c* spiegelt.
- **5** Nun berechnet c + d.

Zahlenzauber II

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Produkte Kubikwurze

${\sf Zahlenzauber}$

Literatu

- Wählt Euch eine Zahl zwischen 1 und 63 aus.
- Mit nur sechs einfachen Fragen kann ich die gewählte Zahl erraten.
- Dazu frage ich Euch, ob die gewählte Zahl auf den folgenden sechs Tafeln vorkommt oder nicht.

Zahlenzauber II, Tafel1 & Tafel2

Vedische Mathematik

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmi

Verfahren der

V IVI Quadrate

Zahlenzauber

Zamenzauber

Literatu

Sutras auf Englisch ■ Tafel 1:

■ Tafel 2:

Zahlenzauber II, Tafel 3 & Tafel 4

,	Ved	lisc	he
Μ	ath	em	ati

Lars Fische

Mech. Hilfsmit

Verfahren der

Quadrate Produkte

Zahlenzauber

Literatı

Sutras auf Englisch ■ Tafel 3:

■ Tafel 4:

Zahlenzauber II, Tafel 5 & Tafel 6

Ved	lische
Math	emati

Lars Fische

Einführung Mech. Hilfsmit

Verfahren der

V IVI Quadrate

Produkte Kubikwurze

Zahlenzauber

Literatu

Sutras auf Englisch ■ Tafel 5:

■ Tafel 6:

Zahlenzauber II, Erklärung

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Einführung
Mech. Hilfsmitte
Überblick VM

Verfahren de VM

Quadrate Produkte Kubikwurzeli

 ${\sf Zahlenzauber}$

Literatu

Sutras auf Englisch Die gewählte Zahl ist: Die Summe der ersten Zahl derjenigen Tafeln, die die gewählte Zahl enthalten.

Erklärung:

- Die Tafeln sind eine versteckte Methode, um die Binärdarstellung der gewählten Zahl zu erfragen.
- Tafel *i* »fragt nach«, ob 2^{*i*-1} Bestandteil der Binärdarstellung ist, bzw. ob die *i*-te Stelle eine 1 oder eine 0 ist.
- Allen Zahlen z auf Tafel i ist gemeinsam, dass für sie gilt:

$$z \& 2^{i-1} = 2^{i-1}$$

Literaturverzeichnis

Vedische Mathematik

Lars Fischer

Mech. Hilfsmitt

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurzel

Zahlenzaube

Literatur

- Vedic Mathematics or Sixteen simple Mathematical Formulae from the Vedas (For One-line Answers to all Mathematical Problems) (ISBN 978-8120801646); Jagadguru Swami Sri Bharati Krishna Tirthaji Maharaja
- All You Wanted to Know About Vedic Mathematics (ISBN 978-8120723788); Pradeep Kumar; Sterling Publishers
- Das Kamasutra der Mathematik; Tobias Hürter; PM Magazin, Juni 2011
- Rechnen mit dem Weltmeister (ISBN 978-3596189892); Gert Mittring; Fischer Taschenbuch Verlag;

Die sechzehn Sutras (englisch)

Vedische Mathematik

- By one more than the previous one
- All from 9 and the last from 10
- Vertically and crosswise (multiplications)
- Transpose and apply
- If the Samuccava is the same (on both sides of the equation, then) that Samuccava is (equal to) zero
- If one is in ratio, the other one is zero.
- By addition and by subtraction.
- By the completion or non-completion (of the square, the cube, the fourth power, etc.)
- Differential calculus
- By the deficiency
- Specific and general
- The remainders by the last digit
- The ultimate (binomial) and twice the penultimate (binomial) (equals zero).
- By one less than the one before
- The product of the sum
- All the multipliers

Die Sub-Sutras (englisch)

Vedische Mathematik

Lars Fische

⊏iniunrung Mech Hilfsmit

Verfahren der

Verfahren der VM

Quadrate Produkte Kubikwurze

Zahlenzaube

Literatuı

- 1 Proportionately
- 2 The remainder remains constant
- 3 The first by the first and the last by the last
- 4 For 7 the multiplicand is 143
- 5 By osculation
- 6 Lessen by the deficiency
- Whatever the extent of its deficiency, lessen it still further to that very extent; and also set up the square (of the deficiency)
- 8 By one more than the previous one
 - 9 Last totaling ten
- 10 The sum of the products
- By (alternative) elimination and retention (of the highest and lowest powers)
- 12 By mere observation
- 13 The product of the sum is the sum of the products
- 14 On the flag

Ende

Vedische Mathematik

Lars Fisch

Einführung

Überblick VM

Verfahren de VM

Produkte

_

Literatu

Sutras auf Englisch Fragen ???

Vielen Dank für Eure Aufmerksamkeit