

Gestion de Portefeuille

TP-1: Analyse du CAC40

Paul Giraud , Kouamé YAO & Loïc Turounet

Version: 23 fév 2022

Les données

On charge les séries de rendements pour l'indice et les composants de l'indice.

```
ts.all <- get.all.ts('CAC40', tickers=NULL, returns = TRUE,
  dt.start = dmy('01Jul2007'), combine = T)

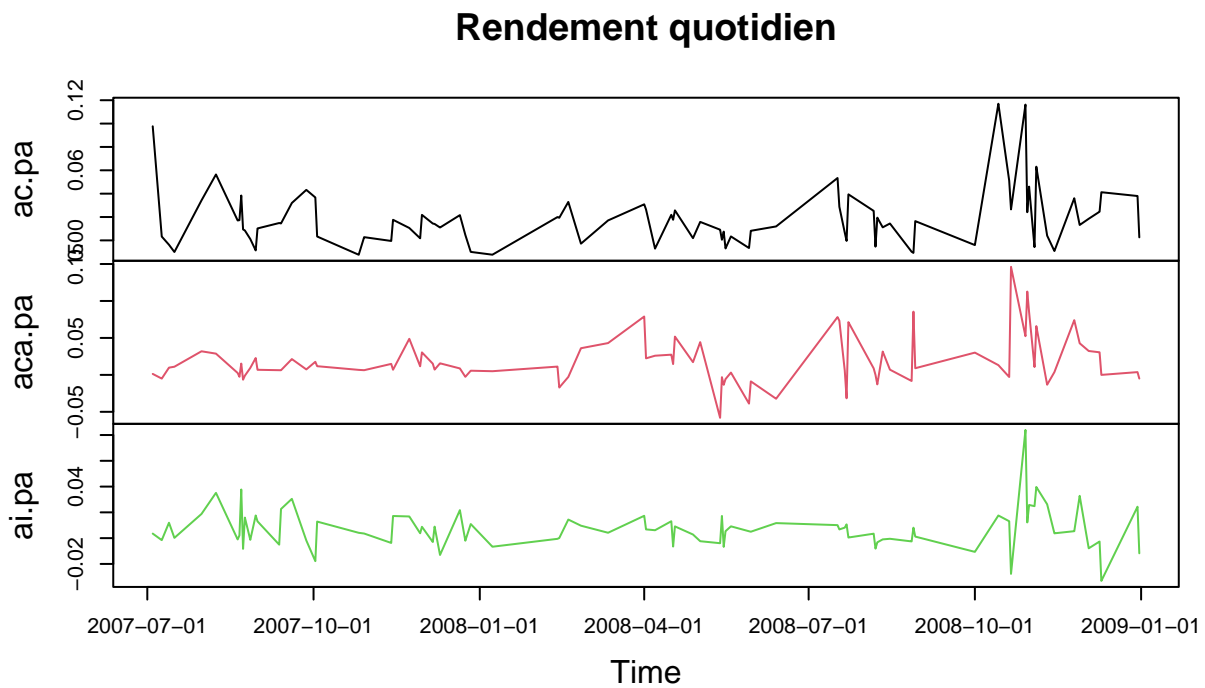
# bad data for Valeo
ts.all <- ts.all[,-17]

# keep good data window
ts.all <- window(ts.all, dmy('01Jul2007'),
  dmy('01Jan2009'))

# merge with cac40 index
cac.index <- get.ts('fchi', 'CAC40')

cac.ret <- returns(cac.index)
names(cac.ret) <- 'CAC40'
ts.all <- removeNA(cbind(ts.all, cac.ret))
```

```
plot(ts.all[, c(1,2,3)], main='Rendement quotidien')
```



Puis on filtre les points suspects: rendements supérieur à 8 s.d.

```
# flag bad data points: > * \sigma
good.limit <- 8*apply(ts.all, 2, sd)

ts.bad <- ts.all*FALSE
for(j in seq(ncol(ts.bad))) {
  ts.bad[,j] <- abs(ts.all[,j]) > good.limit[j]
}
good.index <- !apply(ts.bad,1,any)
ts.all <- ts.all[good.index,]
```

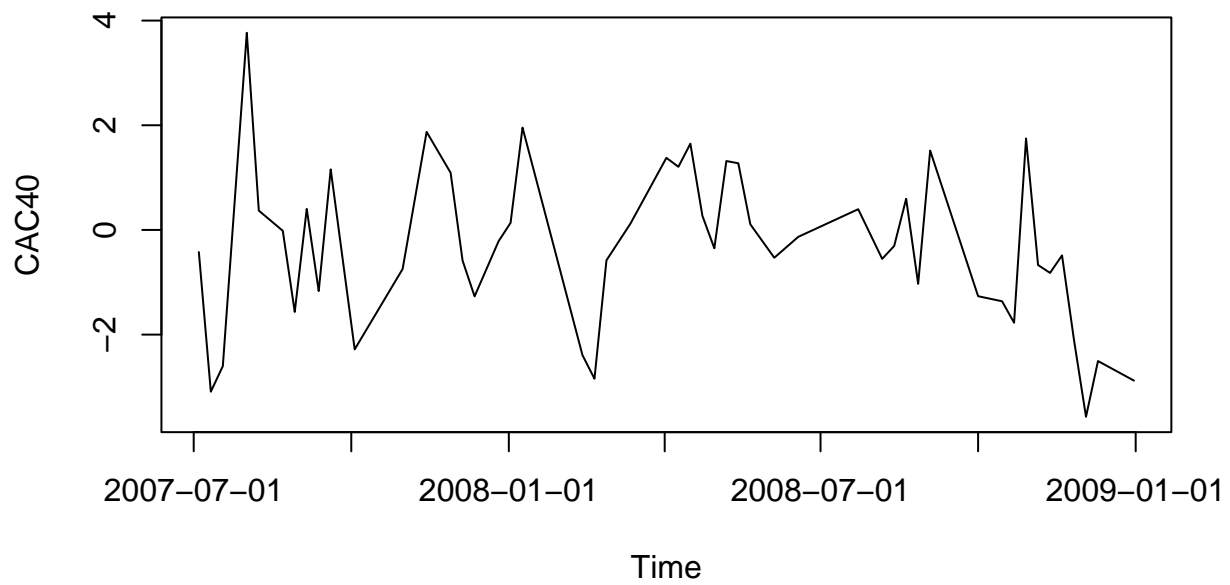
Finalement, on calcule les rendements hebdomadaires:

```
# aggregate returns by week
by <- timeSequence(from=start(ts.all),
                   to=end(ts.all), by='week')
ts.all.weekly <- aggregate(ts.all, by, sum)

ts.stocks <- ts.all.weekly[,-40]
ts.index <- ts.all.weekly[,40]
```

```
plot(ts.index, main='Rendement hebdomadaire de l\'indice CAC40')
```

Rendement hebdomadaire de l'indice CAC40

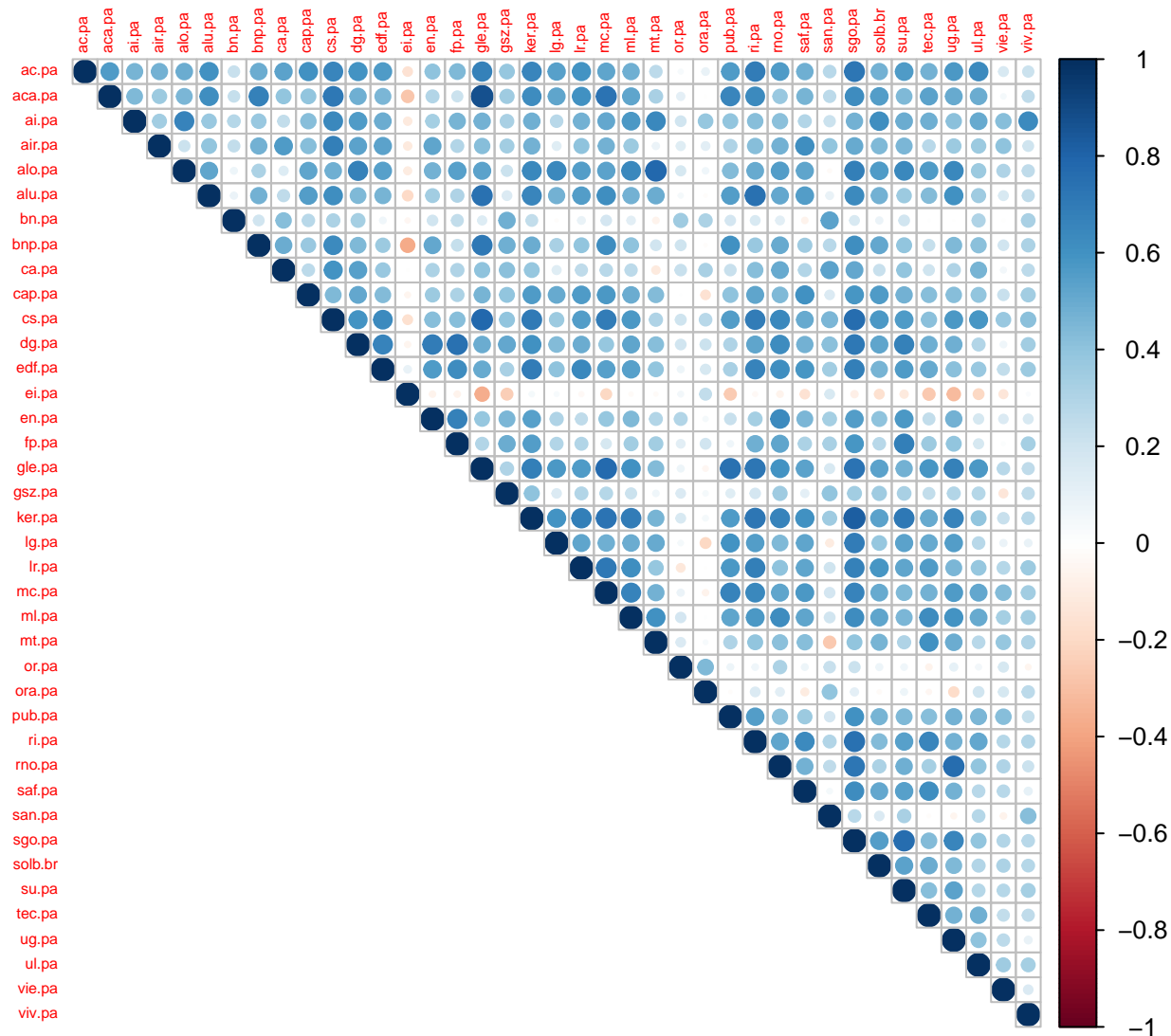


Calcul de corrélation

- Calculer la matrice de corrélation des actions de l'indice.

```
cor.stocks = cor(ts.stocks)
corrplot(cor.stocks, type="upper", cl.pos = "r", tl.pos = "lt",
         tl.cex = 0.5, title= "Matrice de Corrélacion des composants de l'\indice CAC 40", mar=c(0,0,1,
```

Matrice de Corrélation des composants de l'indice CAC 40



- Rechercher des actions fortement corrélées et d'autres qui semblent indépendantes. Justifier ces observations en considérant la nature des entreprises.

Recherche des titres fortement corrélés

- On considère que les actions sont fortement corrélées lorsque la corrélation entre les deux actifs est supérieure à 0,7.

```
threshold <- 0.7
highCorr <- data.frame(Ticker1=character(),
                       Ticker2=character(),
                       Correlation=numeric(),
                       stringsAsFactors=FALSE)

temp.cor.stocks <- cor.stocks
diag(temp.cor.stocks) <- 0
while (sum(temp.cor.stocks>threshold)>1) {
```

```

maxval <- max(temp.cor.stocks)
max <- which(temp.cor.stocks==maxval, arr.ind=TRUE)[1,]
highCorr <- rbind(highCorr, data.frame(
  Ticker1=rownames(temp.cor.stocks)[max[1]],
  Ticker2=colnames(temp.cor.stocks)[max[2]],
  Correlation=maxval))
temp.cor.stocks[max[1],] <- 0
temp.cor.stocks[,max[1]] <- 0
temp.cor.stocks[max[2],] <- 0
temp.cor.stocks[,max[2]] <- 0
}

caption <- paste("CAC40 corrélation forte (supérieure à ",
  toString(threshold),")")
knitr::kable(highCorr,
  col.names=c("Ticker1", "Ticker2", "Corrélation"),
  caption=caption,
  digits=2, booktab=TRUE, row.names=FALSE)

```

Table 1: CAC40 corrélation forte (supérieure à 0.7)

| Ticker1 | Ticker2 | Corrélation |
|---------|---------|-------------|
| gle.pa | aca.pa | 0.88 |
| sgo.pa | ker.pa | 0.83 |
| mt.pa | alo.pa | 0.78 |
| ug.pa | rno.pa | 0.77 |
| fp.pa | dg.pa | 0.75 |
| ri.pa | alu.pa | 0.74 |
| mc.pa | lr.pa | 0.71 |

Table 1 - Forte corrélation

On remarque que les fortes corrélations sont justifiées par l'appartenance à un même secteur économique:

- GLE (Société Générale), ACA (Credit Agricole) sont deux compagnies du même secteur (banques françaises)
- SGO (Cie de Saint-Gobain), KER (Kering) matériaux de construction et luxe
- MT (ArcelorMittal), ALO (Alstom) sidérurgie et transports ferroviaires
- UG (Peugeot), RNO (Renault) sont deux compagnies du même secteur (automobile français)
- FP (Total), DG (Vinci) énergie et concessions/construction
- RI (Pernod Ricard), ALU (Alcatel-Lucent) distribution de vin et spiritueux et télécommunications
- MC (LVMH), LR (Legrand) luxe et infrastructures électrique

Recherche des titres négativement corrélés

```

threshold <- -0.05
lowCorr <- data.frame(v1=character(0), v2=character(0), cor=numeric(0),

```

```

stringsAsFactors=FALSE)
temp.cor.stocks <- cor.stocks
diag(temp.cor.stocks) <- 0
while (sum(temp.cor.stocks<threshold)>1) {
  minval <- min(temp.cor.stocks)
  min <- which(temp.cor.stocks==minval, arr.ind=TRUE)[1,]
  lowCorr <- rbind(lowCorr, data.frame(v1=rownames(temp.cor.stocks)[min[1]],
                                      v2=colnames(temp.cor.stocks)[min[2]],
                                      cor=minval))

  temp.cor.stocks[min[1],] <- 0
  temp.cor.stocks[,min[1]] <- 0
  temp.cor.stocks[min[2],] <- 0
  temp.cor.stocks[,min[2]] <- 0
}

caption <- paste("CAC40 Faible corrélation (inférieure à ", toString(threshold),")")
knitr::kable(lowCorr,
              col.names=c("Ticker1", "Ticker2", "Corrélation"),
              caption=caption,
              digits=2, booktab=TRUE, row.names=FALSE)

```

Table 2: CAC40 Faible corrélation (inférieure à -0.05)

| Ticker1 | Ticker2 | Corrélation |
|---------|---------|-------------|
| ei.pa | bnp.pa | -0.37 |
| san.pa | mt.pa | -0.27 |
| ora.pa | lg.pa | -0.20 |
| vie.pa | gsz.pa | -0.13 |
| or.pa | lr.pa | -0.13 |
| saf.pa | bn.pa | -0.06 |

Table 2 - Corrélation négative

Par opposition, les corrélations faibles se justifient lorsque les entreprises ne sont pas en général du même domaine d'activité.

- EI (EssilorLuxottica), BNP (BNP Paribas)
- SAN (Sanofi), MT (ArcelorMittal)
- ORA (Orange), LG (Lafargue)
- VIE (Veolia), GSZ (ENGIE)
- OR (l'Oréal), Lr (Legrand)
- SAF (Safran), BN (Danone)

```

epsilon <- 0.05
lowCorr <- data.frame(v1=character(0), v2=character(0), cor=numeric(0),
                      stringsAsFactors=FALSE)
temp.cor.stocks <- cor.stocks
diag(temp.cor.stocks) <- 100
while (sum(abs(temp.cor.stocks)<epsilon)>1) {
  minval <- min(abs(temp.cor.stocks))

```

```

min <- which(abs(temp.cor.stocks)==minval, arr.ind=TRUE)[1,]
val <- temp.cor.stocks[min[1],min[2]]
lowCorr <- rbind(lowCorr, data.frame(v1=rownames(temp.cor.stocks)[min[1]],
                                     v2=colnames(temp.cor.stocks)[min[2]],
                                     cor=val))

temp.cor.stocks[min[1],] <- 100
temp.cor.stocks[,min[1]] <- 100
temp.cor.stocks[min[2],] <- 100
temp.cor.stocks[,min[2]] <- 100
}

caption <- paste("CAC40 corrélation (independance)")
knitr::kable(lowCorr,
             col.names=c("Ticker1", "Ticker2", "Corrélation"),
             caption=caption,
             digits=2, booktab=TRUE, row.names=FALSE)

```

Table 3: CAC40 corrélation (independance)

| Ticker1 | Ticker2 | Corrélation |
|---------|---------|-------------|
| ug.pa | bn.pa | 0.00 |
| or.pa | cap.pa | 0.00 |
| ora.pa | lr.pa | 0.00 |
| ei.pa | ca.pa | 0.00 |
| tec.pa | san.pa | -0.01 |
| vie.pa | fp.pa | 0.02 |

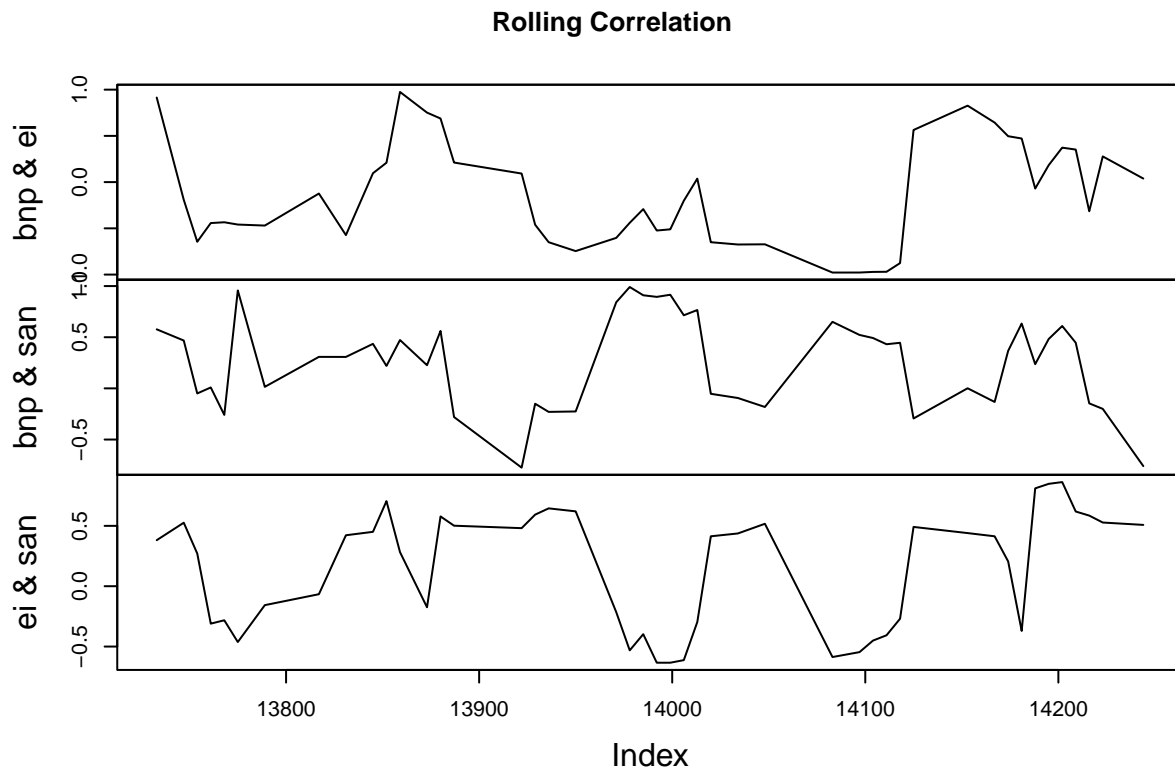
Table 3 - Actions indépendentes

- Choisir 3 titres, et reproduire la figure 3.5, page 35 du manuel de B. Pfaff. Commenter les résultats obtenus.
- Affichage des correlations glissantes

```

StocksLevel <- as.zoo(ts.stocks)[ , c("bnp.pa","ei.pa","san.pa")]
rollc <- function(x) {
dim <- ncol(x)
rcor <- cor(x)[lower.tri(diag(dim) , diag = FALSE)]
return(rcor)
}
rcor <- rollapply(StocksLevel , width = 5 , rollc, align = "right",
                by.column = FALSE)
colnames(rcor) <- c("bnp & ei","bnp & san","ei & san")
plot(rcor, main = "Rolling Correlation")

```



Analyse en composantes principales

- Effectuer une ACP de la matrice de covariance des rendements hebdomadaires

```
ts.hebdo <- ts.all.weekly

nb.ev = 6
nb.obs <- nrow(ts.hebdo)

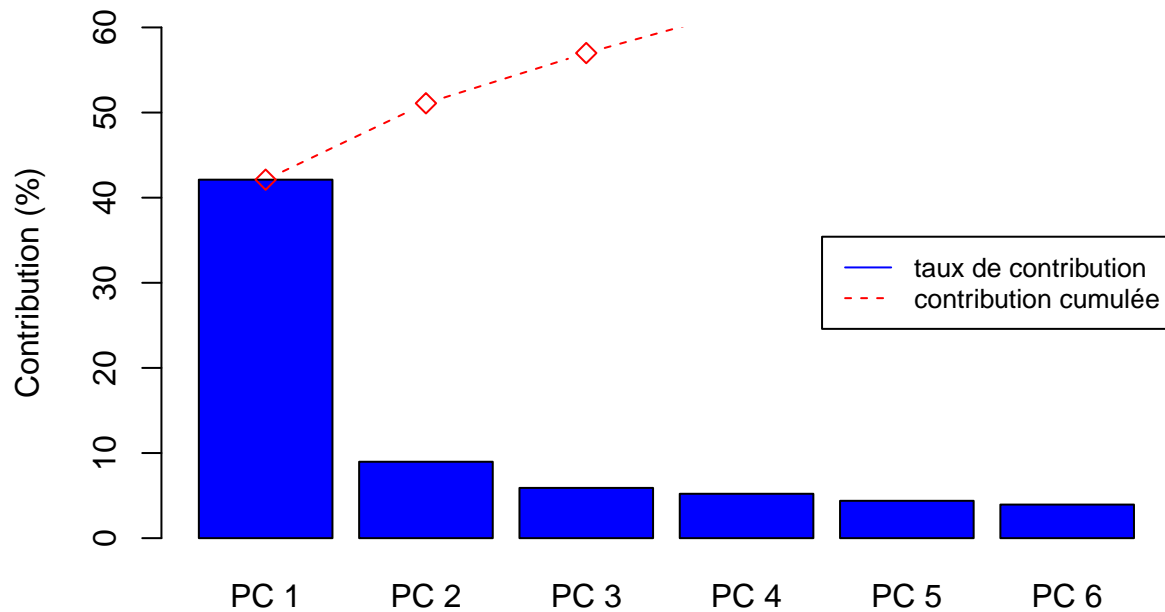
res.pca.1 <- prcomp(ts.hebdo, scale=TRUE)

# normalized eigenvalues
norm.ev <- res.pca.1$sdev^2
norm.ev <- norm.ev/sum(norm.ev)

large.ev.1 <- norm.ev[1:nb.ev]
names(large.ev.1) <- paste("PC", seq_along(large.ev.1))

plot.1 <- barplot(100*large.ev.1, ylim=c(0,60),
                  col="blue", ylab="Contribution (%)",
                  main="Premier CP des actions du CAC40")
lines(plot.1, 100*cumsum(large.ev.1), type="b", pch=5, col="red", lty=2)
legend("right", legend=c("taux de contribution", "contribution cumulée"),
      col=c("blue", "red"), lty=1:2, cex=0.8)
```


Premier CP des actions du CAC40



- Observer les projections des variables sur les deux premiers vecteurs propres, et tenter de fournir une interprétation économique de ces facteurs.
- Interprétation : D'après le graphique précédent, on remarque que 50% de la contribution est expliquée par les deux premières composantes principales. Ce qui veut dire que 50% du risque de l'indice du CAC40 (40% au risque pour la première et environ 10% du risque pour la seconde) est expliquée par les deux premiers axes . Ce qui nous amène à dire que la diversification dans l'indice CAC40 n'est pas à priori la meilleure solution . Donc l'investissement sur un nombre plus faible d'actif de l'indice ne nous exclut pas à l'exposition du risque puisque nous avons 50% de risque dans l'indice.
- Projection sur la première composante principale

```
v <- res.pca.1$rotation[,1]
knitr::kable(v[order(abs(v), decreasing=T)][1:10], format="latex", booktabs=T,
  caption="Projection des rendements sur la 1ème CP", col.names="Corrélation")
```

On peut interpréter le premier axe factoriel comme un facteur de rendement lié aux domaines de la banque, le luxe, matériaux de construction, distribution de vin.

Table 4: Projection des rendements sur la 1ème CP

| | Corrélation |
|--------|-------------|
| sgo.pa | -0.2170328 |
| ker.pa | -0.2105551 |
| cs.pa | -0.2063743 |
| gle.pa | -0.2039229 |
| ri.pa | -0.1951147 |
| mc.pa | -0.1934976 |
| ac.pa | -0.1902769 |
| dg.pa | -0.1874261 |
| ml.pa | -0.1852249 |
| edf.pa | -0.1826654 |