## Gestion de Portefeuille

Ex-3: Risque Systématique et Risque Spécifique dans un modèle à un facteur

## Patrick Hénaff

Version: 16 févr. 2022

## Modèle à un facteur (CAPM/MEDAF)

L'excès de rendement des titres est déterminé par le coefficient d'exposition au risque de marché  $\beta_i$ :

$$r_i = r_f + \beta_i (r_M - r_f) + \epsilon_i$$

ou  $r_i, r - M, \epsilon_i$  sont des variables aléatoires, avec  $cov(\epsilon_i, r_M) = 0$  et donc:

$$\sigma_i^2 = \beta_i^2 \sigma_M^2 + \sigma_\epsilon^2$$

Le risque du titre i est décomposé en un risque de marché  $\beta_i^2 \sigma_M^2$  et un risque spécifique  $\sigma_\epsilon^2$  qui peut être éliminé par diversification.

On se propose de mesurer numériquement cet effet de diversification sur un exemple numérique:

On considère n actifs ayant tous  $\beta_i = 0.8$ ,  $\sigma_i = .25$  alors que  $\sigma_M = .2$ .

- Calculer le risque systématique et le risque spécifique de chacun de ces titres.
- Construire un porte feuille équipondéré de n titres, et calculer de nouveau le risque total du porte feuille, décomposé en risque systématique et le risque spécifique.
- Faire varier n et tracer un graphe des deux composantes du risque en fonction de n.