Année 2024-2025 PHYS1-OPT1



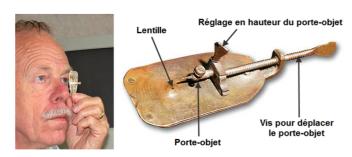
Optique Géométrique – CC2 4 octobre 2024 - durée : 1h30

Calculatrice autorisée - Documents et autres équipements électroniques interdits **Toute réponse doit être justifiée**

SUJET A RENDRE OBLIGATOIREMENT

I. Étude du microscope de Van Leeuwenhoek

Antoni Van Leeuwenhoek (17^{ème} siècle) est le premier à avoir observé des microorganismes à l'aide d'un microscope qu'il a lui-même construit. Le fonctionnement de ce microscope repose sur l'utilisation *d'une seule lentille boule*, obtenue après polissage d'une goutte de silice fondue.



L'instrument est composé d'un support métallique percé. La lentille est placée dans le trou, et l'objet est piqué sur une pointe pouvant être déplacée devant la lentille. L'ensemble est tenu très près de l'œil, face à la lumière et permet d'observer des objets de quelques microns grâce à un grossissement de l'ordre de 300 fois.

Partie A. Trajectoire d'un rayon lumineux à travers la lentille boule [6 pts]

On considère ici une lentille boule de rayon R = 0.60 mm et de centre C.

Sur la **Figure 1**, on a représenté la trajectoire d'un rayon lumineux initialement parallèle à l'axe optique (Cz) traversant dans une lentille boule d'indice optique n placée dans l'air d'indice $n_{air} = 1$.

Le rayon lumineux arrive sur la boule au point I sous un angle d'incidence i_1 et subit une réfraction d'angle r_1 en entrant dans le milieu d'indice n. Il arrive sur la face de sortie au point J sous une incidence d'angle r_2 et subit une seconde réfraction d'angle i_2 .

L'étude sera menée dans les conditions de Gauss.

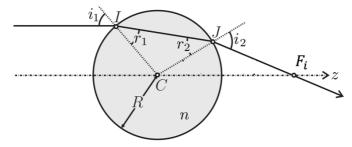


Figure 1. Représentation schématique de la lentille boule.

A1. Montrer que $i_1 = i_2$.

$\operatorname{En} \operatorname{I}: \sin i_1 = n \sin r_1$	[0.5 pt]
$\operatorname{En} J : \sin i_2 = n \sin r_2$	[0.5 pt]
Or $r_1 = r_2$ puisque le triangle CIJ est isocèle.	[0.5 pt]
On obtient donc $\sin i_1 = n \sin r_1 = n \sin r_2 = \sin i_2$ d'où $i_1 = i_2$	[0.5 pt]

A2. Le rayon émerge de la lentille en coupant l'axe (Cz) au point F_i . Justifiez que F_i est le foyer image de la lentille boule.

Il s'agit du foyer image de la lentille boule puisque le rayon incident est parallèle à l'axe optique. [1 pt]

A3. On peut montrer que la distance focale de cette lentille s'écrit : $f_i = \overline{CF_i} = \frac{nR}{2(n-1)}$. Calculer la valeur de f_i en prenant n = 1,5.

$$f_i = \frac{1.5 \times 0.6.10^{-3}}{2(1.5-1)} = 0.9.10^{-3} m$$
 [1 pt, -0.5 si pas d'unité]

A4. Sans calcul, en déduire la position du foyer objet $\overline{CF_o}$.

Par symétrie, le foyer objet est placé à gauche de la lentille et tel que $\overline{CF_o} = -0.9.10^{-3} m$ [0.5 pt, +0.5pt pour justification]

A5. Peut-on considérer la lentille boule comme une lentille mince ? Justifier votre réponse.

Non, car son épaisseur n'est pas négligeable devant le rayon de courbure des dioptres d'entrée et de sortie. [1 pt, 0 si pas de justification]

Partie B. Modélisation par deux dioptres sphériques [19 pts]

On considère maintenant les faces d'entrée et de sortie de la lentille boule comme deux dioptres sphériques D_1 et D_2 , de sommets S_1 et S_2 , de même centre C et de rayons de courbure $|R| = 0.6.10^{-3} m$ (voir Fig. 2).

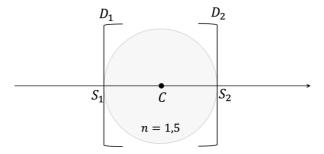


Figure 2. Représentation schématique de la lentille boule.

B1. Calculer les vergences V_1 et V_2 des deux dioptres D_1 et D_2 . En justifiant, préciser leur nature.

$$V = \frac{n_i - n_o}{\overline{SC}} [1 \text{ pt}]$$

Pour $D_1: V_1 = \frac{n-1}{\overline{S_1C}}$ avec $\overline{S_1C} = 0.6.10^{-3}m$. On trouve $V_1 = +833 \delta$ [1 pt, -0.5 si pas d'unité] $V_1 > 0$ donc dioptre convergent [0,5 pt]

Pour $D_2: V_2 = \frac{1-n}{\overline{S_2C}}$ avec $\overline{S_2C} = -0.6.10^{-3}m$. On trouve $V_2 = +833 \delta$ [1 pt, -0.5 si pas d'unité] $V_2 > 0$ donc dioptre convergent [0,5 pt]

B2. On note F_{o1} et F_{i1} les foyers objet et image du dioptre D_1 et F_{o2} et F_{i2} ceux du dioptre D_2 . Calculer les positions des foyers du dioptre D_1 , notées $\overline{S_1F_{o1}}$ et $\overline{S_1F_{i1}}$ respectivement, ainsi que celles des foyers du dioptre D_2 , notées $\overline{S_2F_{o2}}$ et $\overline{S_2F_{i2}}$.

Pour chaque point de cette question : 0.5 formule + 0.5 valeur unité :

Pour
$$D_1: \overline{S_1 F_{o1}} = -\frac{1}{V_1} = -\frac{1}{833} = -1.2.10^{-3} m \text{ et } \overline{S_1 F_{i1}} = \frac{n}{V_1} = \frac{1.5}{833} = 1.8.10^{-3} m \text{ [1 pt]} + \text{[1 pt]}$$

Pour
$$D_2: \overline{S_2F_{02}} = -\frac{n}{V_2} = -\frac{1.5}{833} = -1.8.10^{-3} m \text{ et } \overline{S_2F_{12}} = \frac{1}{V_2} = \frac{1}{833} = 1.2.10^{-3} m \text{ [1 pt]} + \text{[1 pt]}$$

Par la suite, on considère un objet $\overline{A_0B_0}$ perpendiculaire à l'axe optique. Le dioptre D_1 en donne une image intermédiaire $\overline{A_{i1}B_{i1}}$, dont le dioptre D_2 forme l'image finale $\overline{A_iB_i}$.

B3. On souhaite obtenir une image $\overline{A_iB_i}$ à l'infini. Sans calcul, déterminer la position $\overline{S_2A_{i1}}$ qui satisfait cette condition. En déduire la nature de $\overline{A_{i1}B_{i1}}$ par rapport à D_2 .

 A_iB_i à l'infini : donc $A_{i1}B_{i1}$ dans le plan focal objet de D_2 : [1 pt, 0 si pas de justification]

$$\overline{S_2A_{i1}} = \overline{S_2F_{o2}} = -1.8.10^{-3}m < 0$$
 Donc objet réel pour D_2 . [1 pt, 0 si pas de justification]

B4. Énoncer la relation de conjugaison du dioptre sphérique D_1 . En déduire que la position de l'objet $\overline{A_oB_o}$ donnant l'image $\overline{A_{l1}B_{l1}}$ à travers le dioptre D_1 est telle que $\overline{S_1A_o} = -3.10^{-4}m$. Préciser la nature de $\overline{A_oB_o}$ par rapport à D_1 .

$$\frac{n}{\overline{S_1 A_{l1}}} - \frac{1}{\overline{S_1 A_0}} = V_1 [2 \text{ pt}] \implies \overline{S_1 A_0} = \frac{\overline{S_1 A_{l1}}}{n - V_1 . \overline{S_1 A_{l1}}}$$

où
$$\overline{S_1 A_{t1}} = \overline{S_1 S_2} + \overline{S_2 A_{t1}} = +1,2.10^3 - 1,8.10^{-3} = -0,6.10^{-3} m$$

$$\overline{S_1 A_o} = \frac{^{-0,6.10^{-3}}}{^{1,5-833*(-0,6.10^{-3})}} = -3.10^{-4} m [1 \text{ pt}] < 0 \text{ donc objet réel pour } D_1 [1 \text{ pt, 0 si pas de justification}]$$

B5. On note F_o et F_i les foyers objet et image de l'association de dioptres $(D_1 + D_2)$. Que vaut la distance $\overline{S_1F_o}$?

 A_o est le point objet donnant une image à l'infini par le système $(D_1 + D_2)$. Il est donc confondu avec le foyer F_o du système. [1 pt]

Donc
$$\overline{S_1 F_0} = -3.10^{-4} m$$
. [1 pt]

B6. En déduire, sans calcul, mais en justifiant, la distance $\overline{S_2F_t}$.

Par symétrie : $\overline{S_2F_i} = +3.10^{-4} m$. [0.5 pt + pour la justification 0.5 pt]

B7. On note $\overline{CF_t}$ la distance focale image du dioptre. Déterminer la valeur de $\overline{CF_t}$ et la comparer à la valeur trouvée à la question **A3**.

$$\overline{CF_i} = \overline{CS_2} + \overline{S_2F_i} = 0.6.10^{-3} + 0.3.10^{-3} = 0.9mm \text{ [0.5 pt]}$$

On retrouve la même valeur. [0.5 pt]

B8. La lentille boule est ici assimilable à une loupe dont le grossissement peut être donné par : $G = \frac{a_m}{C_E}$ d_m étant la distance minimale de vision distincte (25 cm). Calculer le grossissement G.

$$G = \frac{25}{0.9} = 278$$
 [1 pt]

II. Doublet de lentilles minces [15 pts]

On considère un système optique constitué par l'association de deux lentilles de même axe optique et placées à 8 cm l'une de l'autre (voir schéma sur la dernière feuille du sujet). On notera O_1 et O_2 leurs centres optiques.

La distance focale image de la lentille L_1 est donnée par $f_{i1} = -5$ cm et celle de la lentille L_2 par $f_{i2} = 2$ cm. On place un objet A_oB_o perpendiculaire à l'axe optique, de 2,5 cm de hauteur, à 4 cm en avant de L_I .

1. Déterminer par le calcul la position et la taille de l'image $A_{i1}B_{i1}$ de A_oB_o donnée par L_I .

$$\frac{1}{\overline{o_1 A_{t1}}} - \frac{1}{\overline{o_1 A_o}} = \frac{1}{f_{i1}} [1 \text{ pt}]$$
D'où $\overline{O_1 A_{t1}} = \frac{f_{i1}.\overline{o_1 A_o}}{f_{i1}+\overline{o_1 A_o}} = \frac{(-5)*(-4)}{-5-4} = -2,22 \ cm \ [1 \text{ pt}]$

$$G_{t_1} = \frac{\overline{o_1 A_{t1}}}{\overline{o_1 A_o}} = \frac{\overline{A_{t1} B_{t1}}}{\overline{A_o B_o}} = (\frac{-2,22}{-4} = 0,555 \text{ non exigé}) \ [1 \text{ pt formule}]$$

$$\overline{A_{t1} B_{t1}} = G_t \ \overline{A_o B_o} = 0,555 * 2,5 = 1,39 \ cm \ [0,5 \text{ pt ; même si la taille est donnée sans signe}]$$

2 Déterminer par le calcul la position et la taille de l'image finale A_iB_i donnée par L_2 .

$$\frac{1}{\overline{o_2 A_1}} - \frac{1}{\overline{o_2 A_{11}}} = \frac{1}{f_{12}} \text{ [1 pt] avec } \overline{O_2 A_{11}} = \overline{O_2 O_1} + \overline{O_1 A_{11}} = -8 - 2,22 = -10,22 \text{ cm}$$

$$D'où \overline{O_2 A_1} = \frac{f_{12} \overline{O_2 A_{11}}}{f_{12} + \overline{O_2 A_{11}}} = \frac{2*(-10,22)}{2-10,22} = 2,49 \text{ cm [1 pt]}$$

$$G_{t_2} = \frac{\overline{O_2 A_1}}{\overline{O_2 A_{11}}} = \frac{\overline{A_1 B_1}}{\overline{A_{11} B_{11}}} = (\frac{2,49}{-10,22} = -0,24 \text{ non exig\'e)} \text{ [1 pt formule]}$$

$$\overline{A_1 B_1} = G_t \overline{A_{11} B_{11}} = -0,24 * 1,39 = -0,34 \text{ cm [0,5 pt ; m\'eme si la taille est donn\'ee sans signe]}$$

3 Retrouver ces résultats par construction géométrique. Pour cela, compléter le tracé des trois rayons du schéma en faisant figurer les 3 rayons qui émergent de la lentille L_2 (Veiller à ne pas interrompre les **rayons)**. Faire figurer l'image intermédiaire $A_{i1}B_{i1}$ et l'image finale A_iB_i . [1pt par rayon = 3pts (0,5 pour le tracé par rapport à L_1 et 0,5 pour le tracé par rapport à L_2);

continuité rayons 1pt; respect trait plein/tirets 1pt]

[image $A_{i1}B_{i1}$ 1pt; image A_iB_i .1pt; Flèches images :respect trait plein/tirets 1pt]

