

Chapitre

Régime sinusoïdal forcé

Les solutions sont de la forme une exponentielle qui tend vers 0 et une expression sinusoïdale que l'on va chercher à trouver

Pour un temps suffisamment grand devant τ , toutes les quantités deviennent sinusoïdales et sont caractérisées par une amplitude et un décalage de phase.

6.1 Notation complexes

6.1.1 Définitions

Soit $u(t) = u_m \cos(\omega t + \varphi_u)$. On définit $\underline{U}(t) = U_m e^{j(\omega t + \varphi_u)} = \underline{U}_m e^{j\omega t}$ avec $\underline{U}_m = U_m e^{j\varphi_u}$.

Le module de \underline{U}_m est l'amplitude et son argument est la phase à l'origine.

Cela ne fonctionne que pour des circuits linéaires.

6.1.2 Dérivées de grandeurs complexes

La partie réelle de la dérivée de \underline{U} complexe vaut la dérivée de u réel.

On peut montrer que dériver par rapport au temps c'est multiplier par $j\omega$, intégrer c'est diviser par cette quantité.

6.2 Impédance des dipôles classiques

6.2.1 Définition de l'impédance

En régime sinusoïdal forcé, on pourra toujours trouver une relation de type loi d'ohm pour tout les dipôles, c'est à dire $\underline{U} = \underline{z}i$. \underline{z} est l'impédance du dipôle.

6.2.2 Propriétés

L'impédance vérifie les mêmes propriétés d'association que les résistances.

6.2.3 Impédance des dipôles élémentaires

Résistance

L'impédance d'une résistance est sa résistance.

Condensateur

L'impédance vaut $\frac{1}{j\omega C}$

Bobine

Elle vaut $jL\omega$

6.2.4 Pont diviseur de tension/de courant

On applique les mêmes propriétés que pour les grandeurs réelles.

6.3 Puissance en régime sinusoïdal forcé

6.3.1 Définition

$$i = I \cos(\omega t - \varphi) = I_e \sqrt{2} \cos(\omega t - \varphi) \text{ et } u = U \cos(\omega t) = U_e \sqrt{2} \cos(\omega t).$$

La puissance instantanée : $p = u(t) \times i(t)$.

La puissance moyenne $p_m = \frac{1}{T} \int_0^T p(t) dt$ avec $T = \frac{2\pi}{\omega}$.

On résout l'intégrale : $\frac{1}{T} \int_0^T 2I_e U_e \cos(\omega t - \varphi) \cos(\omega t) dt = I_e U_e (\cos(\varphi) + \cos(2\omega t - \varphi))$. Donc $P_m = U_e I_e \cos(\varphi)$ avec le cosinus appelé facteur de puissance.

L'impédance est telle que $\underline{U} = \underline{z}i$. On obtient $\underline{z} = \frac{U_e}{I_e} e^{j\varphi}$

$\cos(\varphi) = \frac{R}{|\underline{z}|}$. La puissance consommée est celle consommée par la partie résistive (réelle) de \underline{z} .

6.3.2 Adaptation d'impédance

$P_m = R \times I_e^2$ qui est la puissance moyenne consommée par $R+jX$.

Donc $P_m = R \frac{E_e^2}{(r+R)^2 + (x+X)^2}$. Pour que P_m soit maximal, il faut que $(x+X)^2 = 0 \Rightarrow x = -X$. De plus, comme la dérivée de P_m est nulle, $r = R$.

Il faut donc adapter l'impédance.