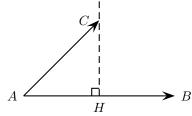
Chapitre 4: Produits scalaires

1-Définition avec le cosinus

$$\overrightarrow{AB}.\overrightarrow{AC} = AB \times AC \times \cos(\widehat{BAC})$$

2-Avec le projeté orthogonal

Pour calculer $\overrightarrow{AB}.\overrightarrow{AC}$, on projette C sur (AB). Ainsi, $\overrightarrow{AB}.\overrightarrow{AC}=\overrightarrow{AB}.\overrightarrow{AH}$. Les 2 vecteurs sont colinéaires, on peut calculer le produit scalaire avec le produit de leur norme.



3-Dans un repère orthonormé

Dans un repère orthonormé, $\overrightarrow{u}.\overrightarrow{v}=x\times u'+y\times y'$ avec x et x' les coordonnées x respectives des 2 vecteurs et y et y' leurs coordonnées y respectives.

4-Propriétés

4.1-Géométriques

$$\begin{array}{ll} \boldsymbol{--} & \overrightarrow{u}.\overrightarrow{v} = \overrightarrow{v}.\overrightarrow{u} \\ \boldsymbol{--} & \overrightarrow{u}.(\overrightarrow{v} + \overrightarrow{w}) = \overrightarrow{u}.\overrightarrow{v} + \overrightarrow{u}.\overrightarrow{w} \\ \boldsymbol{--} & \overrightarrow{u}.\overrightarrow{v} = 0 \Leftrightarrow \overrightarrow{u} \perp \overrightarrow{v} \end{array}$$

4.2-Algébriques

$$- (\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v})^2 = \overrightarrow{u}^2 + 2\overrightarrow{v}.\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}^2$$

5-Avec les normes

$$\begin{array}{l} \boldsymbol{--} \quad \overrightarrow{u}.\overrightarrow{v} = \frac{1}{2}(\|\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}\|^2 - \|\overrightarrow{u}\|^2 - \|\overrightarrow{v}\|^2) \\ \boldsymbol{--} \quad \overrightarrow{u}.\overrightarrow{v} = \frac{1}{2}(\|\overrightarrow{u}\|^2 + \|\overrightarrow{v}\|^2 - \|\overrightarrow{u} - \overrightarrow{v}\|^2) \end{array}$$

6-Relation de Chasles

6.1-Propriété

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$$

6.2-Exemple

