

Chapitre 2 (2/2)

Fonctions dérivées et opérations sur celles-ci

Définition.

f est dérivable sur l'intervalle I si elle est dérivable en a pour tout $a \in I$. La dérivée de la fonction f est notée $f'(a)$

Fonctions usuelles et opérations

| Dérivées de fonctions usuelles | | Opérations sur les dérivées | |
|---------------------------------------|-----------------------|------------------------------------|--|
| $f(x) =$ | $f'(x) =$ | $f(x)$ | $f'(x)$ |
| k | 0 | $K \times u(x)$ | $K \times u'(x)$ |
| x | 1 | $u(x) + v(x)$ | $u'(x) + v'(x)$ |
| x^2 | $2x$ | $u(x) \times v(x)$ | $u'(x) \times v(x) + u(x) \times v'(x)$ |
| x^3 | $3x^2$ | $\frac{u(x)}{v(x)}$ | $\frac{u'(x) \times v(x) - u(x) \times v'(x)}{v(x)^2}$ |
| x^n | nx^{n-1} | $u(ax + b)$ | $a \times u'(ax + b)$ |
| $\frac{1}{x^n}$ | $\frac{-n}{x^{n+1}}$ | $\frac{1}{u}$ | $\frac{-u'}{u^2}$ |
| $\frac{1}{x}$ | $\frac{-1}{x^2}$ | | |
| \sqrt{x} | $\frac{1}{2\sqrt{x}}$ | | |

Fonction valeur absolue

Définition

$f(x) = |x|$ est paire et est positive pour tout x .

Dérivabilité

Elle est dérivable sur $] -\infty; 0[\cup] 0; +\infty[$ et donc pas sur 0 .

$$f'(x) = 1$$

