Warsztaty

Obliczenia symboliczne

Będziemy korzystać z Symbolic Math Toolbox.

Układy równań liniowych

Równanie liniowe ma postać:

$$a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \cdots + a_nx_n = b$$

lub ogólniej,

$$Ax = b$$
.

Macierze

(1) reshape

Proszę sprawdzić, co robią polecenia.

- >> mymat = reshape(1:16,4,4)
- >> mymat transp = reshape(1:16,4,4)'
- >> mymat_niekwadratowa = reshape(1:16,2,8)
- (2) diag przekątna
 - >> diag(mymat)
- (3) diag można też użyć do stworzenia macierzy diagonalnej o danej przekątnej

- >> diag(v)
- (4) trace ślad macierzy
 - >> trace(mymat)
- (5) eye czyli macierz identycznościowa
 - >> eye(5)
- (6) triu, tril macierz górnotrójkatna i dolnotrójkatna.

- >> tril(mymat)
- (7) inv odwrotność macierzy

```
>> a = [1 2; 2 2]
>> ainv = inv(a)
>> a*ainv
(8) det - wyznacznik macierzy
>> det(a)
```

Dla układu równań

$$Ax = b$$

rozwiązaniem jest

$$x = A^{-1}b$$
.

```
>> A = [4 -2 1; 1 1 5; -2 3 -1];
>> b = [7;10;2];
>> x = inv(A)*b
```

Symboliczne zmienne i wyrażenia

Zmienne:

Na takich symbolicznych wyrażeniach można wykonywać wszytskie operacje matematyczne. Proszę wypróbować poniższe przykłady:

```
>> c/b
>> b^3
>> c*b
>> b + sym('4*x^2')
Ale przy definiowaniu wyrażenia, nie upraszcza się ono automatycznie, tzn.:
>> sym('z^3 + 2*z^3')
ans =
z^3 + 2*z^3
```

Ale, jeśli z było zdefiniowane jako zmienna symboliczna, to nie potrzeba cudzysłowu wokół wyrażenia i upraszcza się ono od razu:

```
>> z = sym('z');
>> z^3 + 2*z^3
    Jeśli chcemy od razu zdefiniować kilka zmiennych symbolicznych, używamy syms
>> syms x y z
    To to samo, co:
>> x = sym('x');
>> y = sym('y');
>> z = sym('z');
```

Wielomiany

Wbudowane funkcje **sym2poly** oraz **poly2sym** służą do konwersji z wyrażeń symbolicznych na wektory i vice versa.

Na przykład:

Upraszczanie wyrażeń

Jest bardzo fajne! Proszę się przekonać:

```
>> x = sym('x');
>> myexpr = cos(x)^2 + sin(x)^2
>> simplify(myexpr)
    Funkcje collect, expand, factor.
>> x = sym('x');
>> collect(x^2 + 4*x^3 + 3*x^2)
>> expand((x+2)*(x-1))
ans =
x^2+x-2
>> factor(x^3 + 3*x^2 + 9*x + 27)
```

Podstawianie wartości do zmiennej – **subs**

```
>> myexp = x^3 + 3*x^2 - 2
```

>> subs(myexp,3)

Jeśli w wyrażeniu jest wiele zmiennych, zostanie ona wybrana domyślnie. Można też określić, do któ©ej zmiennej chcemy podstawiać.

```
>> syms a b x
>> varexp = a*x^2 + b*x;
>> subs(varexp,3)
ans =
9*a+3*b
>> subs(varexp,'a',3)
```

Ułamki

sym zachowuje pierwotną postać ułamka:

$$>> sym(1/3 + 1/2)$$

>> double(ans)

numden rozbija ułamek na licznik i mianownik

$$>> [n, d] = numden(1/3 + 1/2)$$

>>
$$[n, d] = numden((x^3 + x^2)/x)$$

Wyświetlanie - **pretty**

$$>>$$
 b = sym('x^2')

>> pretty(b)

Wykresy

ezplot rysuje wykres z dziedziną $[-2\pi, 2\pi]$ funkcji podanej w nawiasie.

$$\Rightarrow$$
 ezplot('x^3 + 3*x^2 - 2')

Ale dziedzinę można też określić samemu:

Funkcja solve

Podajemy równanie, które chcemy rozwiązać.

>>
$$solve('3*x^2 + x')$$

Gdy jest wiele zmiennych, Matlab sam wybiera, względem której będzie rozwiązywać. Priorytetem jest \boldsymbol{x} .

$$>>$$
solve('a*x^2 + b*x')

Możemy też sami podać niewiadomą.

>>
$$solve('a*x^2 + b*x', 'b')$$

Tyle samo równań, co niewiadomych:

>> rozwiazanie = solve('
$$4*x-2*y+z=7$$
',' $x+y+5*z=10$ ',' $-2*x+3*y-z=2$ ')

Aby dostać się do konkretnych składowych, dajemy kropkę:

- >> x = rozwiazanie.x
- >> y = rozwiazanie.y
- >> z = rozwiazanie.z

double konwertuje symbole do wektora liczb:

>> double([x y z])

Zadania

- (1) O funkcjach w Matlabie: https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/function.html
- (2) Napisz funkcję, która sprawdza, czy podana macierz jest kwadratowa i zwraca **true** lub **false**.
- (3) Napisz funkcję, która przyjmuje liczbę n i zwraca górnotrójkątną macierz losowych liczb całkowitych wymiaru n.
- (4) W pewnym obwodzie mamy napięcia V_1, V_2, V_3 . Utwórz z poniższych równań macierz i rozwiaż je, używajac: $x = A^{-1}b$.

$$V_1 = 5 - 6V_1 + 10V_2 - 3V_3 = 0 - V_2 + 51V_3 = 0$$

(5) Dla poniższego układu wyrysuj proste i znajdź ich przecięcie – rozwiązanie układu.

$$-3x_1 + x_2 = 2 - 6x_1 + 2x_2 = 4$$

Użyj solve, by znaleźć rozwiązanie.

Znajdź wyznacznik macierzy układu.

Ile jest rozwiazań?

(6) Zapisz układ w symbolicznej postaci i rozwiąć go funkcją solve.

$$2x_1 + 2x_2 + x_3 = 2x_2 + 2x_3 = 1x_1 + x_2 + 3x_3 = 3$$

Mając rozwiązanie w formie symbolicznej, utwórz wektor liczbowy, używając double.

(7) Przeczytaj:

 $\label{lem:https://www.mathworks.com/help/symbolic/solve-a-single-differential-equations and the label of t$