"FUERZA DE ARRASTRE"

Paulina Valenzuela Coronado

Abril 2015

1. Introducción

Todo objeto de masa m que se mueve a muy alta velocidad en un fluido de densidad ρ , experimenta una fuerza de arrastre F_D contraria a la dirección de su movimiento y es dada por la ecuación:

$$F_D = \frac{1}{2}\rho u^2 C_D A$$

Donde u es la magnitud del vector velocidad del objeto, C_D es el coeficiente de arraste (adimensional), A es el área transversal presentada por el objeto (sección eficaz). Por ejemplo, para una esfera el área transversal es $A=\pi r^2$, y el coeficiente de arrastre es $C_D=0.47$

2. Tiro Parabólico con Fuerza de Arrastre

La actividad pide calcular el error al no considerar el arrastre del aire, al lanzar una bola esférica de masa m=0.25kg, y radio R = 0.05m. Despúes hacer un cálculo con y sin arrastre y comparar para ángulos complementarios por arriba y debajo de 45°. El programa sigue esta secuencia:

- 1. Pide al usuario insertar una posición, velocidad, aceleracion y un ángulo inicial.
- 2. Pide al usuario ingresar el peso del objeto, así como su radio.
- 3. Da como resultado el tiempo total de vuelo, el alcance horizontal y la altura máxima del proyectil en cada caso (con o sin fricción).
- 4. Calcula la posición de un proyectil en diferentes tiempos.
- 5. Muestra el error porcentual al no considerar la fricción del aire.

2.1. Código en Fortran

La estructura del código es la siguiente:

- 1. Sección de declaración de variables.
- 2. Sección de declaración de constantes

- 3. Subrutina para cálculo de trayectoria con entradas: dt, x0, y0, v0x, v0y, ax, ay; salida: t, x, y
- 4. Subrutina para cálculo de fuerza de arrastre con entrada: m, densidad, A, CD, u0x, v0y; salida: ax, ay.

A continuación se presenta el código completo.

```
module Constantes
implicit NONE
real, parameter :: degarad=(4.0*atan(1.0))/180
real, parameter :: pi=4.0*atan(1.0)
integer, parameter :: pts= 7000
real, parameter :: da = 1.29
real, parameter :: esfera = 0.47
end module Constantes
subroutine sinfriccion (x0,y0,v0,grad0,xmax,ymax,tiempo)
use Constantes
implicit none
integer :: I
real, dimension (1:pts) :: x, y, t
real :: x0, y0, v0, grad0
real :: xmax, ymax, tiempo
grad0=grad0*degarad
xmax = x0+((v0*v0*sin(2*grad0))/(9.8))
ymax = y0+((v0*v0*sin(grad0)*sin(grad0)))/(19.6)
tiempo= (2*v0*sin(grad0))/(9.8)
open (1, file= "sinfriccion.dat")
do I=1, pts, 1
t(I) = float(I) * 0.01
x(I) = x0 + (v0 * cos(grad0) * t(I))
y(I) = y0 + (v0*sin(grad0)*t(I)) - (4.9*t(I)*(t(I)))
write (1,1001) \times (I), y(I)
1001 format (f11.5,f11.5)
if (y(I)<0) exit
end do
close (1)
end subroutine sinfriccion
subroutine friccion (x0,y0,v0,grad0,xmaxt,ymaxt,tiempot)
use Constantes
implicit none
```

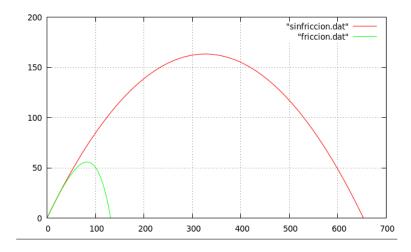
```
integer :: I
character :: objeto
real, dimension (0:pts) :: a,b,c,vela,velb,la,lb
real :: x0,y0,v0,grad0
real :: xmaxt,ymaxt,tiempot
real :: ad, area, radio, cd, masa
print *, "Ingrese la masa en kg"
read *, masa
print *, "Como el proyectil es una esfera, presione E"
read *, objeto
select case (objeto)
case ("E")
print *, "¿Cual es el radio de la esfera?"
read *, radio
area=pi*radio*radio
cd=esfera
case DEFAULT
print *, "No existe"
end select
a(0) = x0
b(0) = y0
vela(0) = v0*cos(grad0)
velb(0) = v0*sin(grad0)
ad = (0.5*da*area*cd)/masa
la(0) = -ad*vela(0)*vela(0)
1b(0) = 9.8-(ad*velb(0)*velb(0))
c(0) = 0
open (2, file="friccion.dat")
write (2,1001) a(0), b(0)
1001 format (f11.5,f11.5)
do I=0, pts, 1
c(I+1) = c(I) + 0.01
vela(I+1) = vela(I)+la(I)*c(I+1)
velb(i+1) = velb(I)+lb(I)*c(I+1)
la(I+1) = -ad*vela(I)*vela(I)
lb(I+1) = -9.8-(ad*vela(I)*vela(I))
a(I+1) = a(I) + vela(I) * c(I+1) + (0.5*la(I)*c(I+1)*c(I+1))
b(I+1) = b(I) + velb(I) * c(I+1) + (0.5*lb(I) * c(I+1) * c(I+1))
write (2,*) a(I+1), b(I+1)
if (b(I)<0) exit
end do
close (2)
```

```
xmaxt = a(I)
ymaxt = MAXVAL(b)
tiempot = c(I)*10
end subroutine friccion
program proyectilf
use Constantes
implicit none
real :: x0,y0,v0,grad0
real :: xmax,ymax,tiempo,xmaxt,ymaxt,tiempot
real :: error
print *, "Inserte los valores inciales de x,y,v y grad"
read *, x0,y0,v0,grad0
call sinfriccion (x0,y0,v0,grad0,xmax,ymax,tiempo)
call friccion (x0,y0,v0,grad0,xmaxt,ymaxt,tiempot)
error = ((xmax-xmaxt)/xmaxt * 100)
print *, "Coordenadas en", x0,y0
print *, "Velocidad inicial de", v0,"m/s"
print *, "Angulo de", grad0
print *, "---"
print *, "Sin friccion"
print *, "Tiempo en el aire=", tiempo,"s"
print *, "Altura maxima=", ymax, "m"
print *, "Alcance horizontal=", xmax,"m"
print *, "---"
print *, "Con friccion"
print *, "Tiempo en el aire=", tiempot,"s"
print *, "Altura maxima=", ymaxt,"m"
print *, "Alcance horizontal=", xmaxt,"m"
print *, "Y el error al no considerar ninguna el arrastre del aire es=", error
end program proyectilf
```

3. Ejemplos y sus gráficas

3.1. Ángulo de 45° , con $V_0 = 80 \text{ m/s}$

```
Archivo Editar Ver Terminal Pestañas Ayuda
pfvalenzuela@ltsp36:~/ProgFortran/ProgramacionF/Producto6$ ./P
Inserte los valores inciales de x,y,v y grad
80
Ingrese la masa en kg
Como el proyectil es una esfera, presione E
¿Cual es el radio de la esfera?
0.05
Coordenadas en 0.00000000
Velocidad inicial de 80.0000000
Angulo de 0.785398185
                                       0.0000000
Sin friccion
Tiempo en el aire= 11.5446005
Altura maxima= 163.265305
Alcance horizontal= 653.061218
Con friccion
Tiempo en el aire= 3.19999957
Altura maxima= 653.366699 m
Alcance horizontal= 132.451874
Y el error al no considerar ninguna el arrastre del aire es= 393.055511
```

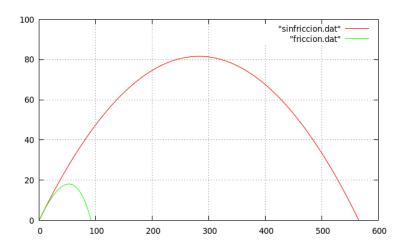


3.2. Ángulo de 30° , con $V_0=80 \text{ m/s}$

```
Archivo Editar Ver Terminal Pestañas Ayuda
Inserte los valores inciales de x,y,v y grad

0
0
80
80
30
Ingrese la masa en kg
0.25
Como el proyectil es una esfera, presione E

E
¿Cual es el radio de la esfera?
0.05
Coordenadas en 0.00000000 0.000000000
Velocidad inicial de 80.0000000 m/s
Angulo de 0.523598790
...
Sin friccion
Tiempo en el aire= 8.16326523 s
Altura maxima= 81.6326523 m
Alcance horizontal= 565.567627 m
...
Con friccion
Tiempo en el aire= 2.10000014 s
Altura maxima= 566.034180 m
Alcance horizontal= 92.2364120 m
Y el error al no considerar ninguna el arrastre del aire es= 513.171753
pfvalenzuela@ltsp36:~/ProgFortran/ProgramacionF/Producto6$
```



3.3. Ángulo de 60° , con $V_0 = 80 \text{ m/s}$

```
Archivo Editar Ver Terminal Pestañas Ayuda
 Inserte los valores inciales de x,y,v y grad
80
60
 Ingrese la masa en kg
 Como el proyectil es una esfera, presione E
 ¿Cual es el radio de la esfera?
                                                  0.00000000
 Coordenadas en 0.00000000
 Velocidad inicial de 80.00000000
Angulo de 1.04719758
 Sin friccion
 Tiempo en el aire= 14.1391907
Altura maxima= 244.897980 m
Alcance horizontal= 565.567566
 Con friccion
 Tiempo en el aire= 4.29999876
Altura maxima= 565.599915
Alcance horizontal= 151.117477 m
Y el error al no considerar ninguna el arrastre del aire es=
pfvalenzuela@ltsp36:~/ProgFortran/ProgramacionF/Producto6$
                                                                                              274.256866
```

