Topologie & Calcul différentiel

Quizz 2

1) Déterminer la différentielle et la matrice jacobienne des applications suivantes (aux points où ces notions sont bien définies)

a)
$$f: (x_1, x_2) \in \mathbb{R}^2 \longmapsto (x_1 x_2, x_1 + x_2)$$

b)
$$g : x = (x_1, x_2) \in \mathbb{R}^2 \longmapsto |x| = \sqrt{x_1^2 + x_2^2}$$

2) Soit g une fonction différentiable de \mathbb{R}^2 dans $]0,+\infty[$. Calculer le gradient de

$$G: x \mapsto \ln(g(x))$$

en fonction de celui de g.