UE11 Topologie

Quizz 1

| précisant | le ou les | es cas ci-dessous, préciser si la notion définie est une distance ou pas, en conditions invalidées. Décrire, lorsqu'il s'agit d'une distance, et que cela ne des boules. | | |
|---|--|--|--|--|
| Vrai □ | Faux □ | La somme de deux distances | | |
| Vrai □ | Faux □ | Le produit de deux distances | | |
| Vrai 🗆 | Faux \square | Le symbole de Kronecker $(x,y) \in X \times X \mapsto \delta_{xy} = 1$ si $x \neq y$, et 0 sinon. | | |
| Vrai \square (y_1,\ldots,y_n) | Faux \square g_n de \mathbb{R}^n . | Le nombre de composantes différentes entre deux vecteurs (x_1,\ldots,x_n) et | | |
| • | | es cas ci-dessous, préciser si l'ensemble proposé est un ouvert ou pas $(\mathbb{R}^n$ e la distance euclidienne canonique) | | |
| Vrai □ | Faux □ | $]0,+\infty[\subset\mathbb{R}$ | | |
| Vrai 🗆 | Faux □ | $\mathbb Q$ | | |
| Vrai 🗆 | Faux □ | $\bigcup]q_k-1/2^k, q_k+1/2^k[$, où q_k est une énumération des rationnels. | | |
| (•) Vrai \Box Faux \Box $\bigcap]q_k - 1/2^k, q_k + 1/2^k[$, où q_k est une énumération des rationnels. | | | | |
| Vrai 🗆 | Faux □ | $]0,1[\times]0,1[\times\{0\}\subset\mathbb{R}^3$ | | |
| 3) Soit X un espace métrique, et $A \subset B \subset X$. | | | | |
| Vrai □ | Faux □ | $ar{A}\subset \overline{B}$ | | |
| Vrai □ | Faux □ | $\partial A \subset \partial B$ | | |
| (•) Vrai | □ Faux | $\hfill \Box$ Un ensemble discret est d'intérieur vide. | | |
| 4) Suite | \mathbf{s} | | | |
| Vrai □ | Faux 🗆 | Une suite convergente sur $\mathbb R$ est bornée | | |
| Vrai □ | Faux □ | Une suite bornée sur ℝ est convergente | | |

| (•) Vrai | □ Faux | \square Une suite sur $\mathbb R$ peut admettre une infinité de valeurs d'adhérence |
|---------------|--------|--|
| Vrai □ | Faux □ | Une partie K finie d'un espace métrique est toujours compacte. |
| Vrai □ | Faux □ | Une partie finie d'un espace métrique est toujours complète . |
| Vrai □ pacte. | Faux □ | L'image réciproque d'un compact par une application continue est com- |