Index

1Proporcionalitat	2
1.1 Resolució de proporcions numèriques amb una incògnita	
1.2 Percentages	
Solucions	19

Introducció

Per a què serveixen les matemàtiques?

Les matemàtiques serveixen per a moltes coses, entre elles per fer prediccions. Per exemple, amb la Llei d'Ohm podem predir el corrent que passarà per una resistència, si apliquem certa tensió. Els coneixements necessaris per fer aquesta predicció són molt bàsics. Un altre exemple, que requereix coneixements matemàtics avançats, és realitzar models matemàtics per predir el temps.

Les matemàtiques també serveixen per descriure perímetres, superfícies o volums de figures i formes. Per això, troben la seva aplicació en el dibuix tècnic o la cartografia.

Per adquirir coneixements a qualsevol àrea tecnològica, és imprescindible tenir unes nocions matemàtiques mínimes. A més, encara que a primera vista sembli impossible, les matemàtiques poden resultar interessants.



Proporcionalitat 1

La proporcionalitat relaciona dues magnituds, veiem alguns exemples:

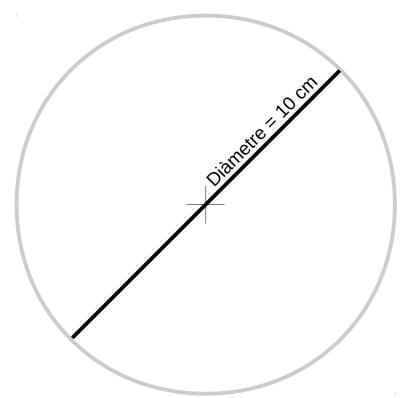
Exemple 1-1:

Paulino Posada

En la figura geomètrica d'un cercle, el **perímetre** i el **diàmetre** presenten una **relació** proporcional.

Perímetre = 12,56 cm

Perímetre = 31,4 cm



Podem dibuixar un cercle de la mida que vulguem, si dividim el perímetre entre el diàmetre, el resultat sempre és el mateix: 3,14.

Aquest nombre l'anomenem PI i també es pot anomenar factor de proporcionalitat. Aquest factor de proporcionalitat és invariable i relaciona el perímetre amb el diàmetre d'un cercle.

$$\frac{Perímetre}{Diàmetre} = 3,14$$

En l'exemple, la **proporcionalitat** relaciona **perímetre** i **diàmetre**. El factor de proporcionalitat és 3,14.

Exemple 1-2:

Quan anem de compres, els preus dels productes estan indicats com a factors de proporcionalitat.

El preu de les patates està marcat amb 0,8 $\frac{\epsilon}{kg}$.

Això significa que si dividim el preu de les patates que hem comprat, per exemple $3 \in \mathbb{R}$ entre el pes 3,75 kg, el resultat sempre serà el mateix, $0.8 = \frac{\epsilon}{kq}$.

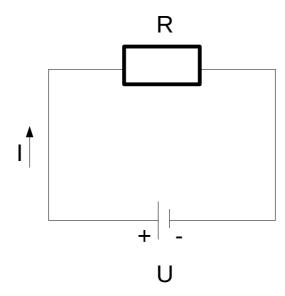
$$\frac{Preu}{Pes} = 0.8 \frac{\epsilon}{kg}$$

En aquest exemple la **proporcionalitat** relaciona **preu** i **pes** d'un producte. En l'exemple el factor de proporcionalitat és 0,8 $\frac{\epsilon}{kg}$.

Exemple 1-3:

El valor R d'una resistència elèctrica, és un factor de proporcionalitat entre la tensió U i el corrent I.

$$R = \frac{U}{I}$$



Si en aquest circuit augmentem o reduïm la tensió, el corrent augmentarà o disminuirà de forma proporcional.

En aquest exemple la **proporcionalitat** relaciona **tensió U** i **corrent I** en una resistència elèctrica.

Els exemples anteriors mostren una proporcionalitat directa. En augmentar el perímertre augmenta el diàmetre, en augmentar el pes del producte que comprem, augmenta el preu, en augmentar la tensió, augmenta el corrent elèctric.

Raó entre dos nombres

Una raó entre dos nombres \boldsymbol{a} i \boldsymbol{b} és $\frac{a}{b}$ (el quocient entre \boldsymbol{a} i \boldsymbol{b}).

Proporció numèrica

Una proporció numèrica és una igualtat entre dues raons numèriques.

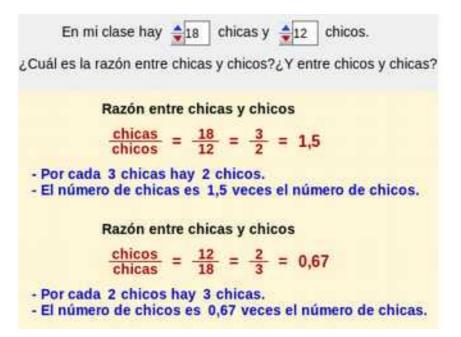
$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \mid \cdot$$
 b multipliquem tots dos costats per b, mantenint la igualtat

$$(\frac{a}{b}) \cdot b = (\frac{c}{d}) \cdot b \rightarrow a = (\frac{c}{d}) \cdot b$$
 | ·d tots dos costats, mantenint la igualtat

$$a \cdot d = (\frac{c}{d}) \cdot b \cdot d \rightarrow a \cdot d = b \cdot c$$

En qualsevol proporció el producte dels extrems (a, d) és igual al producte dels mitjans (b, c).

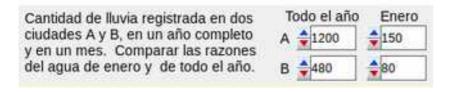
Exemple 1-4



Exercici 1-1

L'equip A ha marcat 68 punts, el contrari B ha marcat 44. Quina és la raó entre els punts d'A i B?

Exercici 1-2



Exercici 1-3

A la ciutat A, al gener va ploure una quantitat de 80 l i al llarg de tot l'any van ser 480 l. A la ciutat B al gener van caure 150 l. Si la pluja al llarg de l'any va ser proporcional entre les ciutats A i B, quants litres van ploure a la ciutat B a l'any?

Completa la taula, calculant els perímetres dels cercles corresponents als diàmetres. Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi els

diàmetres i l'eix vertical els perímetres.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi el diàmetre i l'eix vertical el perímetre.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 1 $\frac{cm}{cm}$, la de l'eix vertical de 3 $\frac{cm}{cm}$.

Diàmetre en cm	2	4	6	8	10
Perímetre en cm					

Exercici 1-5

Completa la taula, calculant el preu del conductor elèctric MANGUERA ELECTRICA 3X1.5 RV-K0.6/1KV en funció de la seva llargària si el preu del metre és de 0,57 €.

Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la llargària i l'eix vertical l'import.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la llargària i l'eix vertical l'import.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de $10 \ \frac{m}{cm}$, la de l'eix vertical de 5,7 $\frac{\epsilon}{cm}$.

Llargària en	20	40	60	80	100
m					
Import en €					

Completa la taula, calculant el corrent elèctric I en funció de la tensió U si la resistència del circuit és de 13 Ω .

Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la tensió i l'eix vertical el corrent.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la tensió i l'eix vertical el corrent.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 10 $\frac{V}{cm}$, la de l'eix vertical de 1,3 $\frac{A}{cm}$.

Tensió U en V	20	40	60	80	100
Corrent I en A					

Exercici 1-7

Completa la taula, calculant el temps t en funció de la velocitat v necessari per recorre una distància s de 20 km.

Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la velocitat i l'eix vertical el temps.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la velocitat i l'eix vertical el temps.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de $10 \frac{km}{\frac{h}{cm}}$, la de l'eix vertical de $0,1 \frac{h}{cm}$.

Velocidad v en	km h	20	40	60	80	100
Tiempo t en h						

Completa la taula, calculant el corrent ${f I}$ en funció de la resistència ${f R}$. La tensió ${f U}$ del circuit és constant i té un valor de 5 V.

Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la resistència i l'eix vertical el corrent.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la resistència i l'eix vertical el corrent.

Resistència \mathbf{R} en Ω	100	200	300	400	500
Corrent <i>I</i> en mA					

En la següent taula es relaciona litres d'oli i nombre de garrafes.

Litres	15	25
Garrafes	3	5

Expressa la relació com a proporció.

Indica el factor de proporcionalitat

Calcula el nombre de litres d'oli en 10 garrafes.

Indica quantes garrafes es necessiten per emmagatzemar 125 l d'oli.

Exercici 1-10

Un kilo de castyes val 0,6 €. Fes una taula que relacioni el pes en kg amb el preu en euros.

Fes una representació gràfica de la taula.

Exercici 1-11

Comprova si les següents igualtats són correctes.

a)
$$\frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$

b)
$$\frac{14}{5} = \frac{56}{20}$$

a)
$$\frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$
 b) $\frac{14}{5} = \frac{56}{20}$ c) $\frac{14}{5} = \frac{21}{10}$

Exercici 1-12

Són correctes les següents igualtats?

a)
$$\frac{3}{2} = \frac{8}{7}$$

a)
$$\frac{3}{2} = \frac{8}{7}$$
 b) $\frac{2}{5} = \frac{12}{30}$

Per a la funció y = 4x:

- a) Estableix la taula de valors per a x = -3, -2, 2 i 4
- b) Indica el factor de proporcionalitat.

Exercici 1-14

Si 120 llibres del mateix preu valen 2400 €, quant valen 240 llibres del mateix preu?

1.1 Resolució de proporcions numèriques amb una incògnita

Si una proporció numèrica conté una incògnita, és a dir, un nombre desconegut, aquest es pot calcular.

Exemple 1.1-1

 $\frac{1}{2} = \frac{x}{4}$ Perquè es compleixi la igualtat, la incògnita x ha de ser igual a 2.

El primer exemple es resol fàcilment sense necessitat d'aïllar la incògnita, però en el cas que els nombres siguin diferents, pot resultar convenient aïllar x.

Exemple 1.1-2

$$\frac{371}{88} = \frac{x}{25}$$

En aquest segon exemple convé resoldre la igualtat cap a x per calcular el seu valor. Per a això, hem de recordar que una igualtat es pot transformar aplicant les operacions de suma, resta, multiplicació o divisió a banda i banda de forma idèntica. En aquest cas, per aïllar x, multiplicarem tots dos costats pel denominador 25.

$$(\frac{371}{88}) \cdot 25 = (\frac{x}{25}) \cdot 25 \rightarrow (\frac{371}{88}) \cdot 25 = x$$

$$x = (\frac{371}{88}) \cdot 25 = 105,4$$

Exemple 1.1-3

$$\frac{234}{99} = \frac{25}{x}$$

En aquest cas, per aïllar x, primer la canviarem de posició, passant-la del denominador al numerador. Per a això multipliquem tots dos costats de la igualtat per x.

$$\frac{234}{99} = \frac{25}{x} \mid x$$

$$(\frac{234}{99}) \cdot x = (\frac{25}{x}) \cdot x \rightarrow (\frac{234}{99}) \cdot x = 25$$

Tenint x en el numerador, l'aïllem multiplicant tots dos costats de la igualtat amb la inversa de $\frac{234}{99}$, és a dir, $\frac{99}{234}$, ja que una fracció multipilacada per la seva

inversa da 1 →
$$(\frac{234}{99}) \cdot (\frac{99}{234}) = 1$$

$$(\frac{234}{99}) \cdot x = 25 \mid \cdot \quad \frac{99}{234}$$

$$\left(\frac{234}{99}\right) \cdot x \cdot \left(\frac{99}{234}\right) = 25 \cdot \left(\frac{99}{234}\right)$$

$$x=25\cdot(\frac{99}{234})=10,6$$

Fent un viatge amb moto, observem que el consum és de 8,5 litres cada 100 km.

Quant consumira en un trajecte de 250 km?

Exercici 1.1-2

Una impressora imprimeix 8 pàgines per minut.

Quant tardarà en imprimir 400 pàgines?

Exercici 1.1-3

Un payés té 90 paquets d'herba per donar menjar a les vaques durant 40 dies.

Si només tingués 50 paquets, quants dies podria alimentar les vaques?

Exercici 1.1-4

Un autobús circulant a 60 km/hora tarda 5 hores en fer el trajecte.

Quant temps tardarà si circula a 50 km/h?

Exercici 1.1-5

Tres quaders valen 6,75 €.

Quants quaderns es poden comprtar amb 40,5 €?

Exercici 1.1-6

Per confeccionar 4 pantalons es necessiten 3,5 m² de tela.

Quants pantalons es poden confeccionar amb 12,25 m²?

Exercici 1.1-7

Un payés compra 25 ovelles, pagant 1500 €. Quant li costaran 60 ovelles?

Un treballador guanya 500 € en 5 dies. Quants dies haurà de treballar per guanyar 2000 €?

Exercici 1.1-9

Un ciclista tarda 6 h en recórrer la distància entre dues poblacions a una velocitat mitjana de 15 km/h.

Quant tardarà en recórre el mateix camí a 12 km/h?

Exercici 1.1-10

Dues aixetes omplen una piscina en 10 h.

Quan tardaran en omplir la piscina 5 aixetes amb el mateix cabal d'aigua?

Exercici 1.1-11

En realitzar una compra per valor de 18 000 € es fa una descompte de 1 500 €. Quin serà el descompte si es mantenen les condicions i la nostra compra és de 15 000 €?

Exercici 1.1-12

Quatre aixetes omplen en 12 hores 2 dipòsits de 60 m³ cadascun.

Quant tardaran 6 aixetes iguals en omplir 3 dipòsits de 80 m³ cadascun?

1.2 Percentages

El percentatge es una fracció en la qual el denominador és 100.

Quan parlem d'un percentatge estem repartint una quantitat total en 100 parts.

Exemples:

Aquets any els preus han pujat un 3 % = $\frac{3}{100}$ respecte dels preus de l'any passat.

Això significa que si l'any passat una cosa costava 100 €, aquest any costa

$$100 € + 100 € \frac{3}{100} = 100 € + 3 € = 103 €$$

Un altre preu que l'any passat era de 175 € passa a

175 € + 175 €
$$\frac{3}{100}$$
 = 175 € + 5,25 € = 180,25 €

Per transformar una fracció en un percentatge, es multiplica el numerador amb 100 i és calcula el nombre decimal resultant.

Exemples

$$\frac{1}{3}$$
 a % \rightarrow $\frac{1}{3} \cdot 100 = \frac{100}{3} = 33, \frac{1}{3}$ %

$$\frac{3}{4}$$
 a % $\rightarrow \frac{3}{4} \cdot 100 = \frac{300}{4} = 75 \%$

En una tenda fan dues rebaixes, una primera del 25% i una altra, posterior del 30%. A la factura el preu final es calcula afegint un 25% d'IVA. Quant es pagarà per un article etiquetat amb un preu de 25 €?

Exercici 1.2-2

En comprar un producte valorat en 7830,00 € ens han fet un descompte de 626,4 €. Calcula el descompte en % aplicat.

Exercici 1.2-3

En un curs de l'ESO hi ha 15 alumnes que pertanyen a un grup de diversificació i 7 alumnes que formen un grup ordinari. Considerant el nombre total d'alumnes, calcula el percentatge que representa el grup ordinari i el de diversificació.

Exercici 1.2-4

Calcula el 26% de 11 700 €.

Exercici 1.2-5

Es deposita un capital de 150 000 € en un banc a un interès anual del 3 %.

Calcula l'import passat un any, dos anys i 5 anys, si no es retiren diners del compte.

Exercici 1.2-6

Troba *x* en les següents igualtats.

a)
$$\frac{x}{4} = \frac{10}{8}$$
 b) $\frac{6}{12} = \frac{10}{x}$

FPB - Ciències Aplicades 2 Unitat 1 – Proporcionalitat

09/18

Fuente:

F.P.B. Ciencias Aplicadas 1 - Editorial Donostiarra

Ángel Almaraz Martín **Autores**

Ma Inmaculada Puebla Prada

Manuel Jesús Malho Martín

Paloma Prieto Merino

Margarita Montes Aguilera

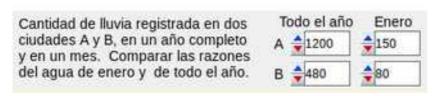
Solucions

Exercici 1-1

L'equip A ha marcat 68 punts, el contrari B ha marcat 44. Quina és la raó entre els punts d'A i B?

$$\frac{A}{B} = \frac{68 \text{ punts}}{44 \text{ punts}} = 1,55$$

Exercici 1-2



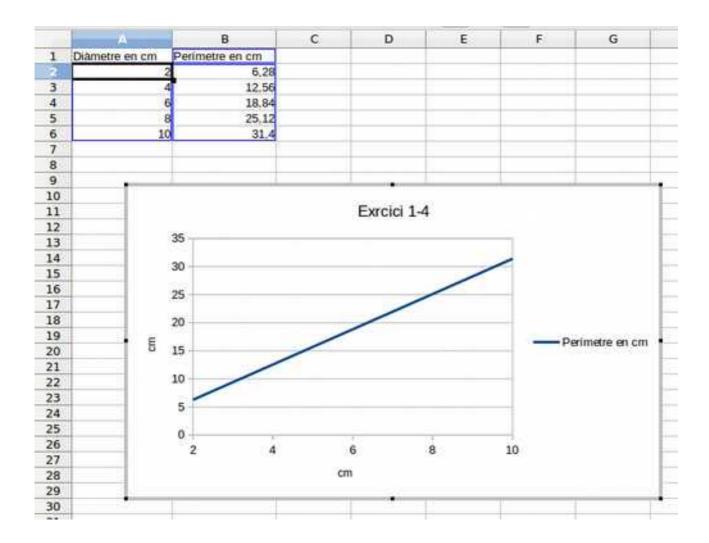
ciudad A:
$$\frac{enero}{a\tilde{n}o} = \frac{150}{1200} = 0,125$$
 ciudad B: $\frac{enero}{a\tilde{n}o} = \frac{80}{480} = 0,17$

Exercici 1-3

A la ciutat A, al gener va ploure una quantitat de 80 l i al llarg de tot l'any van ser 480 l. A la ciutat B al gener van caure 150 l. Si la pluja al llarg de l'any va ser proporcional entre les ciutats A i B, quants litres van ploure a la ciutat B a l'any?

$$\frac{any_A}{gener_A} = \frac{any_B}{gener_B} = \frac{480}{80} = 6 \Rightarrow \frac{any_B}{150} = 6 \Rightarrow any_B = 150.6 = 900$$

Completa la taula, calculant els perímetres dels cercles corresponents als diàmetres. Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi els diàmetres i l'eix vertical els perímetres.



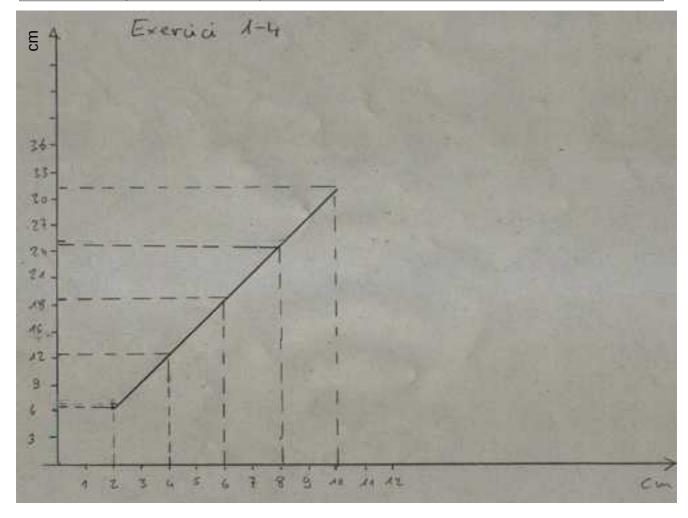
https://youtu.be/wVEDdvoAOfA

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi el diàmetre i l'eix vertical el perímetre.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 1 $\frac{cm}{cm}$, la de l'eix vertical de 3 $\frac{cm}{cm}$.

Diàmetre en	2	4	6
cm			
Perímetre en	$\pi \cdot 2 cm = 6,3 cm$	$\pi \cdot 4 cm = 12,6 cm$	$\pi \cdot 6 cm = 18,9 cm$
cm			

Diàmetre en	8	10
cm		
Perímetre en	$\pi \cdot 8 cm = 25,1 cm$	$\pi \cdot 4 cm = 31,4 cm$
cm		



Paulino Posada

Ciències Aplicades

Pàg. 21 de 35

Completa la taula, calculant el preu del conductor elèctric MANGUERA ELECTRICA 3X1.5 RV-K0.6/1KV en funció de la seva llargària si el preu del metre és de 0,57 €.

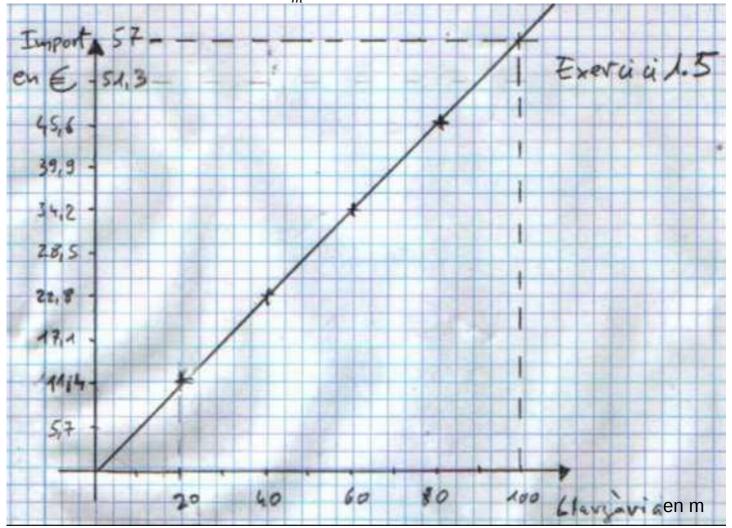
Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la llargària i l'eix vertical l'import.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la llargària i l'eix vertical l'import.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de $10 \ \frac{m}{cm}$, la de l'eix vertical de $5,7 \ \frac{\epsilon}{cm}$.

Llargària en m	20	40	60	80	100
	11 1	22.0	242	45.6	-
Import en €	11,4	22,8	34,2	45,6	57

Import = Llargària · Preu = 20 m · 0,57 $\frac{\epsilon}{m}$ = 11,4 €



Completa la taula, calculant el corrent elèctric I en funció de la tensió U si la resistència del circuit és de 13 Ω .

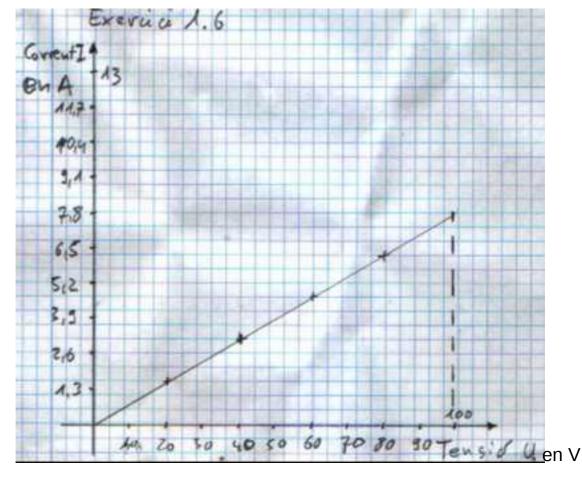
Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la tensió i l'eix vertical el corrent.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la tensió i l'eix vertical el corrent.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 10 $\frac{V}{cm}$, la de l'eix vertical de 1,3 $\frac{A}{cm}$.

Tensió U en V	20	40	60	80	100
Corrent I en A	1,5	3	4,6	6,2	7,7

$$I = \frac{U}{R} = \frac{20 \, V}{13 \, \Omega} = 1,5 \, A$$



Completa la taula, calculant el temps *t* en funció de la velocitat *v* necessari per recorre una distància s de 20 km.

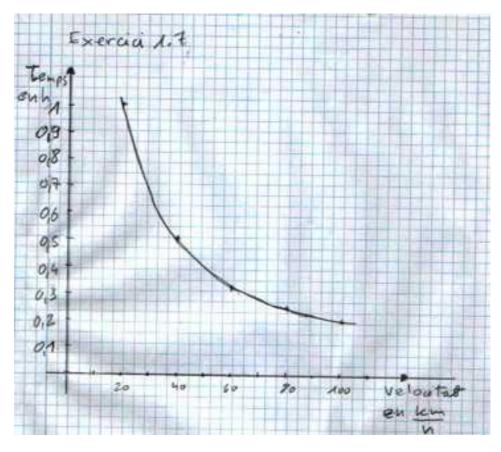
Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la velocitat i l'eix vertical el temps.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la velocitat i l'eix vertical el temps.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 10 $\frac{km}{h}$, la de l'eix vertical de 0,1 $\frac{h}{cm}$.

Velocidad v en $\frac{km}{h}$	20	40	60	80	100
Tiempo t en h	1	0,5	0,3	0,25	0,2

$$t = \frac{s}{v} = \frac{20 \, km}{20 \, \frac{km}{h}} = 1h$$



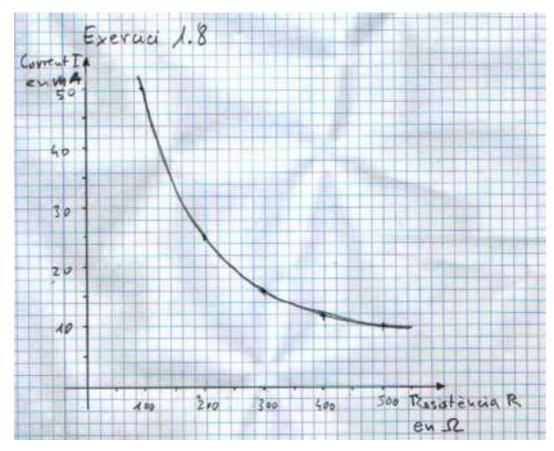
Completa la taula, calculant el corrent **I** en funció de la resistència **R**. La tensió **U** del circuit és constant i té un valor de 5 V.

Utilitza el programa Calc per crear un gràfic on l'eix horitzontal representi la resistència i l'eix vertical el corrent.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la resistència i l'eix vertical el corrent.

Resistència \mathbf{R} en Ω	100	200	300	400	500
Corrent <i>I</i> en mA	50	25	17	13	10

$$I = \frac{U}{R} = \frac{5V}{100\,\Omega} = 0.05\,A = 50\,\text{mA}$$



En la següent taula es relaciona litres d'oli i nombre de garrafes.

Litres	15	25
Garrafes	3	5

Expressa la relació com a proporció.

$$\frac{25 \, litres}{5 \, garrafes} = \frac{15 \, litres}{3 \, garrafes} = \frac{5 \, litres}{1 \, garrafa}$$

Indica el factor de proporcionalitat

$$5\frac{litres}{garrafa}$$

Calcula el nombre de litres d'oli en 10 garrafes.

factor de proporcionalitat
$$\cdot$$
 garrafes = $5 \frac{litres}{garrafa} \cdot 10 garrafes = 50 litres$

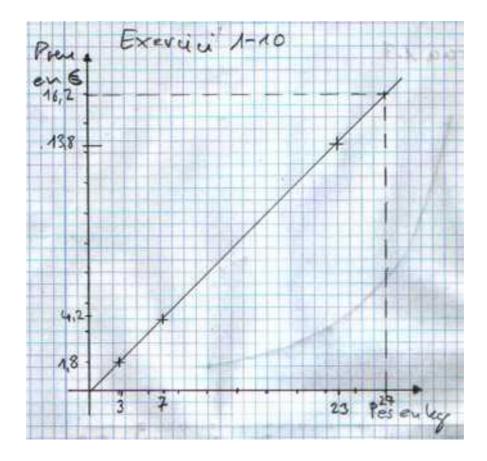
Indica quantes garrafes es necessiten per emmagatzemar 125 l d'oli.

$$\frac{Volum \, d' \, oli \, en \, litres}{factor \, de \, proporcionalitat} = \frac{125 \, litres}{5 \frac{litres}{garrafa}} = 25 \, garrafes$$

Un kilo de castyes val 0,6 €. Fes una taula que relacioni el pes en kg amb el preu en euros.

Pes en kg	3	7	23	27
Preu en €	1,8	4,2	13,8	16,2

Fes una representació gràfica de la taula.



Comprova si les següents igualtats són correctes.

a)
$$\frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$

$$4 \cdot 12 = 3 \cdot 16 = 48$$

a)
$$\frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$
 $4 \cdot 12 = 3 \cdot 16 = 48$
b) $\frac{14}{5} = \frac{56}{20}$ $14 \cdot 20 = 56 \cdot 5 = 280$

c)
$$\frac{14}{5} = \frac{21}{10}$$

c)
$$\frac{14}{5} = \frac{21}{10}$$
 $14.10 = 140 \neq 5.21 = 105$

Exercici 1-12

Són correctes les següents igualtats?

a)
$$\frac{3}{2} = \frac{8}{7}$$

$$3.7 = 21 \neq 2.8 = 16$$

a)
$$\frac{3}{2} = \frac{8}{7}$$
 $3.7=21 \neq 2.8=16$
b) $\frac{2}{5} = \frac{12}{30}$ $5.12=2.30=60$

$$5.12 = 2.30 = 60$$

Exercici 1-13

Per a la funció y = 4x:

a) Estableix la taula de valors per a x = -3, -2, 2 i 4

X	-3	-2	2	4
у	-12	-8	8	16

b) Indica el factor de proporcionalitat.

El factor de proporcionalitat és 4.

Si 120 llibres del mateix preu valen 2400 €, quant valen 240 llibres del mateix preu? Preu per llibre

$$\frac{2400 \, \epsilon}{120 \, llibres} = 20 \frac{\epsilon}{llibre}$$

$$\frac{2400€}{120 \, llibres}$$
 = 20 $\frac{€}{llibre}$ 240 $llibres \cdot 20 \frac{€}{llibre}$ = 4800 €

Exercici 1.1-1

Fent un viatge amb moto, observem que el consum és de 8,5 litres cada 100 km. Quant consumira en un trajecte de 250 km?

$$250 \, km \cdot 8,5 \, \frac{l}{km} = 2125 \, l$$

Exercici 1.1-2

Una impressora imprimeix 8 pàgines per minut.

Quant tardarà en imprimir 400 pàgines?

$$\frac{400 \, pagines}{8 \, \frac{pag}{min}} = 50 \, min$$

Exercici 1.1-3

Un payés té 90 paquets d'herba per donar menjar a les vaques durant 40 dies.

Si només tingués 50 paquets, quants dies podria alimentar les vaques?

$$\frac{40 \text{ dies}}{90 \text{ paquets}} = 0,44 \frac{\text{dies}}{\text{paquet}} \qquad 0,44 \frac{\text{dies}}{\text{paquet}} \cdot 50 \text{ paquets} = 22,2 \text{ dies}$$

Un autobús circulant a 60 km/hora tarda 5 hores en fer el trajecte.

Quant temps tardarà si circula a 50 km/h?

$$60\frac{km}{h}\cdot 5\,h = 50\frac{km}{h}\cdot x\,h \quad \rightarrow \quad Distància = Velocitat\cdot Temps \quad \rightarrow \quad Temps = \frac{Distància}{Velocitat}$$

Distància
$$60 \frac{km}{h} \cdot 5h = 300 km$$

A 50 km/h tardaria:
$$\frac{300 \text{ km}}{50 \frac{\text{km}}{h}} = 6 \text{ h}$$

Exercici 1.1-5

Tres quaders valen 6,75 €.

Quants quaderns es poden comprtar amb 40,5 €?

$$\frac{6,75 €}{3 \text{ quaderns}} = \frac{40,5 €}{x \text{ quaderns}} \rightarrow Quaderns = \frac{Import}{k}$$

Càlcul del factor de proporcionalitat $k = \frac{6,75 €}{3 \text{ quaderns}} = 2,25 \frac{€}{\text{quadern}}$

Amb 40,5 € podria comprar:
$$\frac{40,5 €}{2,25 \frac{€}{quadern}} = 18 quaderns$$

Exercici 1.1-6

Per confeccionar 4 pantalons es necessiten 3,5 m² de tela.

Quants pantalons es poden confeccionar amb 12,25 m²?

$$\frac{4 \ pantalons}{3,5 \ m^2} = \frac{x \ pantalons}{12,5 \ m^2} \rightarrow Pantalons = k \cdot Tela$$

Càlcul del factor de proporcionalitat
$$k = \frac{4 \text{ pantalons}}{3,5 \text{ m}^2} = 1,143 \frac{\text{pantalons}}{\text{m}^2}$$

Amb 12,25 m² de tela es podrien confeccionar: $1{,}143 \frac{pantalons}{m^2} \cdot 12{,}25 m^2 = 14 pantalons$

Un payés compra 25 ovelles, pagant 1500 €. Quant li costaran 60 ovelles?

$$\frac{1500€}{25 \text{ ovelles}} = \frac{x€}{60 \text{ ovelles}}$$
 → Import=k·Ovelles

Càlcul del factor de proporcionalitat $k = \frac{1500 €}{25 \text{ ovelles}} = 60 \frac{€}{\text{ ovella}}$

60 ovelles costen
$$60 \frac{€}{ovella} \cdot 60 \text{ ovelles} = 3600 €$$

Exercici 1.1-8

Un treballador guanya 500 € en 5 dies. Quants dies haurà de treballar per guanyar 2000 €?

$$\frac{500 €}{5 dies} = \frac{2000 €}{x dies}$$
 → Dies=k·Import

Càlcul del factor de proporcionalitat $k = \frac{5 \text{ dies}}{500 \text{ } \epsilon} = 0.01 \frac{\text{dies}}{\epsilon}$

Per guanyar 2000 € haurà de treballar 0,01 dies \(\frac{2000}{\infty} \cdot \) 2000 € = 20 dies

Exercici 1.1-9

Un ciclista tarda 6 h en recórrer la distància entre dues poblacions a una velocitat mitjana de 15 km/h.

Quant tardarà en recórre el mateix camí a 12 km/h?

$$15\frac{km}{h} \cdot 6h = 12\frac{km}{h} \cdot xh \rightarrow Distància = Velocitat \cdot Temps \rightarrow Temps = \frac{Distància}{Velocitat}$$

Distància
$$15 \frac{km}{h} \cdot 6h = 90 km$$

A 12 km/h tardaria:
$$\frac{90 \, km}{12 \, \frac{km}{h}} = 7.5 \, h$$

FPB - Ciències Aplicades 2

Unitat 1 – Proporcionalitat

09/18

Exercici 1.1-10

Dues aixetes omplen una piscina en 10 h.

Quan tardaran en omplir la piscina 5 aixetes amb el mateix cabal d'aigua?

2 aixetes · 10 h = 5 aixetes · x hores = omplen piscina
$$\rightarrow \frac{2 \text{ aixetes} \cdot 10 \text{ h}}{5 \text{ aixetes}} = 4 \text{ h}$$

Exercici 1.1-11

En realitzar una compra per valor de 18 000 € es fa una descompte de 1 500 €. Quin serà el descompte si es mantenen les condicions i la nostra compra és de

15 000 €?

Import sense descompte: 18 000 € Descompte: 1 500 €

→ Percentatge descompte: $\frac{1500 \, \epsilon}{18000 \, \epsilon} = 8,33\%$

Aplicació d'un 8,33% de descompte a 15 000 €

 \rightarrow 15 000 € · $\frac{8,33}{100}$ = 1249,5 €

En una compra de 15 000 € el descompte és de 1249,5 €.

Quatre aixetes omplen en 12 hores 2 dipòsits de 60 m³ cadascun.

Quant tardaran 6 aixetes iguals en omplir 3 dipòsits de 80 m³ cadascun?

Volum aigua ∼ Aixetes · Temps

Volum aigua = $k \cdot Aixetes \cdot Temps$

$$\rightarrow k = \frac{Volum \, aigua}{Aixetes \cdot Temps} = \frac{2 \cdot 60 \, m^3}{6 \, aixetes \cdot 12 \, h} = 1,667 \frac{m^3}{aixeta \cdot h}$$

$$Temps = \frac{Volum \, aigua}{k \cdot Aixetes} = \frac{3 \cdot 80 \, m^3}{1,667 \, \frac{m^3}{aixeta \cdot hora} \cdot 6 \, aixetes} = 24 \, h$$

Exercici 1.2-1

En una tenda fan dues rebaixes, una primera del 25% i una altra, posterior del 30%. A la factura el preu final es calcula afegint un 25% d'IVA. Quant es pagarà per un article etiquetat amb un preu de 25 €?

Import a pagar aplicant el 1er descompte: Imp $1 = Preu - Preu \cdot Descompte_1$ $25 \in -25 \in .0,25 = 25 \in .0,75 = 18,75 \in$

Import a pagar aplicant el 2on descompte: Imp 2 = Imp1 - Imp1 · Descompte_2 $18,75 \in -18,75 \in 0.3 = 18,75 \cdot 0.7 = 13,125 \in$

Imp 3 = Imp 2 + Imp 2 + 25%Import final aplicant l'IVA: $13,125 \in +13,125 \in \cdot 0,25 = 13,125 \in \cdot 1,25 = 16,41 \in$

Aplicant els descomptes i l'IVA s'hauran de pagar 16,41 € per l'article.

En comprar un producte valorat en 7830,00 € ens han fet un descompte de 626,4 €. Calcula el descompte en % aplicat.

Percentatge de descompte =
$$\frac{Descompte}{Preu inicial}$$
 = $\frac{626,4 €}{7830,00 €}$ = 0,08 → El descompte és del 8%.

Exercici 1.2-3

En un curs de l'ESO hi ha 15 alumnes que pertanyen a un grup de diversificació i 7 alumnes que formen un grup ordinari. Considerant el nombre total d'alumnes, calcula el percentatge que representa el grup ordinari i el de diversificació.

Alumnes total = 15 + 7 = 22

Percentage alumnes diver = $\frac{15}{22}$ = 0,68

→ El percentatge d'alumnes de diversificació és del 68%.

Percentatge alumnes ordinaris = $\frac{7}{22}$ = 0,32

→ El percentatge d'alumnes de diversificació és del 32%.

Exercici 1.2-4

Calcula el 26% de 11 700 €.

Es deposita un capital de 150 000 € en un banc a un interès anual del 3 %.

Calcula l'import passat un any, dos anys i 5 anys, si no es retiren diners del compte.

1 any → 150 000,00 € + 150 000,00 €
$$\cdot$$
 0,03 = 150 000,00 € \cdot 1,03 = 154 500,00 €

2 any → 154 500,00 € + 154 500,00 €
$$\cdot$$
 0,03 = 154 500,00 € \cdot 1,03 = 159 135,00 €

3 any → 159 135,00 € + 159 135,00 €
$$\cdot$$
 0,03 = 159 135,00 € \cdot 1,03 = 163 909,05 €

4 any
$$\rightarrow$$
 163 909,05 € + 163 909,05 € · 0,03 = 163 909,05 € · 1,03 = 168 826,32 €

5 any → 168 826,32 € + 168 826,32 €
$$\cdot$$
 0,03 = 168 826,32 € \cdot 1,03 = 173 891,11 €

Exercici 1.2-6

Troba *x* en les següents igualtats.

a)
$$\frac{x}{4} = \frac{10}{8} \rightarrow x = 4 \cdot \frac{10}{8} = 5$$

b)
$$\frac{6}{12} = \frac{10}{x} \rightarrow x = 12 \cdot \frac{10}{6} = 20$$