Index

4.1 Exercicis proporcionalitat i proporcionalitat inversa	
4.2 Regla de tres	
4.3 Exercicis regla de tres	
4.4 Percentatges	
4.5 Exercicis percentatges	
4.6 Solucions	

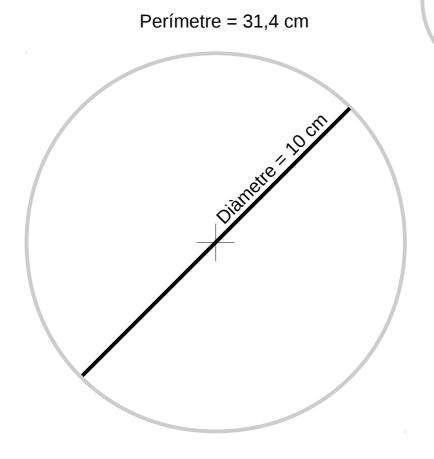
4 Proporcionalitat

La proporcionalitat relaciona 2 magnituds, veiem alguns exemples:

Exemple 1:

En la figura geomètrica d'un cercle, el **perímetre** i el **diàmetre** presenten una **relació proporcional**.

Perímetre = 12,56 cm



Podem dibuixar un cercle de la mida que volguem, si dividim el perímetre entre el diàmetre, el resultat sempre és el mateix: 3,14.

Aquest nombre l'anomenem PI i també es pot anomenar factor de proporcionalitat. Aquest factor de proporcionalitat és invariable i relaciona el perímetre amb el diàmetre d'un cercle.

$$\frac{Perímetre}{Diàmetre} = 3,14$$

En l'exemple, la **proporcionalitat** relaciona **perímetre** i **diàmetre**. El factor de proporcionalitat és 3,14.

Exemple 2:

Quan anem de compres, els preus dels productes están indicats com a factors de proporcionalitat.

El preu de les patates està marcat amb 0,8 $\frac{\epsilon}{kg}$.

Això significa que si dividim el preu de les patates que hem comprat, per exemple $3 \in$ entre el pes 3,75 kg, el resultat sempre serà el mateix, $0,8 = \frac{\epsilon}{kg}$.

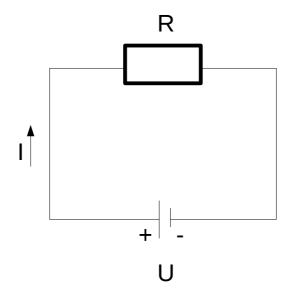
$$\frac{Preu}{Pes} = 0.8 \frac{\epsilon}{kg}$$

En aquest exemple la **proporcionalitat** relaciona **preu** i **pes** d'un producte. En l'exemple el factor de proporcionalitat és 0,8 $\frac{\epsilon}{kg}$.

Exemple 3:

El valor R d'una resistència elèctrica, és un factor de proporcionalitat entre la tensió U i el corrent I.

$$R = \frac{U}{I}$$



Si en aquest circuit augmentem o reduim la tensió, el corrent augmentarà o disminuirà de forma proporcional.

En aquest exemple la **proporcionalitat** relaciona **tensió U** i **corrent I** en una resistència elèctrica.

Els exemples anteriors mostren una **proporcionalitat directa**. En augmentar el perímertre augmenta el diàmetre, en augmentar el pes del producte que comprem, augmenta el preu, en augmentar la tensió, augmenta el corrent elèctric.

La **proporcionalitat inversa** es produeix quan en augmentar una de les magnituds es redueix l'altra. El producte de les magnituds és constant.

Exemple 1

Observem la relació entre velocitat mitjana i duració d'un viatge. Quant més augmenta la velocitat v, menor és la duració t el viatge.

 $\mathbf{v} \cdot \mathbf{t} = \text{distancia}$

Si la distància del viatge és de 20 km i la velocitat de 10 $\frac{km}{h}$, la duració del viatge és de 2 hores.

Si augmentem la velocitat a 20 $\frac{km}{h}$ la duració del viatge es redueix a 1 h.

En aquest exemple la **proporcionalitat inversa** relaciona **velocitat** i **duració** d'un viatge.

Exemple 2

En un circuit amb una bateria que alimenta un llum, la tensió és constant i va donada per la bateria. En aquest cas, el corrent I és inversament proporcional a la resistència del llum. A major resistència *R* del llum, menor corrent *I*.

El producte $R_{Llum} \cdot I = constant = U_{bateria}$

4.1 Exercicis proporcionalitat i proporcionalitat inversa

Exercici 4.1-1

Completa la taula, calculant els perímetres dels cercles corresponents als diamentres.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi els diàmetre i l'eix vertical el perímetre.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 1 $\frac{cm}{cm}$, la de l'eix vertical de 3 $\frac{cm}{cm}$.

Diàmetre en	2	4	6	8	10
cm					
Perímetre en					
cm					

Exercici 4.1-2

Completa la taula, calculant el preu del conductor elèctric MANGUERA ELECTRICA 3X1.5 RV-K0.6/1KV en funció de la seva llargària si el preu del metre és de 0,57 €.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi els metres i l'eix vertical el import.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 0,1 $\frac{m}{cm}$, la de l'eix vertical de 5,7 $\frac{\epsilon}{cm}$.

Llargària en	20	40	60	80	100
m					
Import en €					

Completa la taula, calculant el corrent elèctric \mathbf{I} en funció de la tensió \mathbf{U} si la resistència del circuit és de 13 Ω .

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la tensió i l'eix vertical el corrent.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 0,1 $\frac{V}{cm}$, la de l'eix vertical de 1,3 $\frac{A}{cm}$.

Tensió U en V	20	40	60	80	100
Corrent I en A					

Exercici 4.1-4

Completa la taula, calculant el temps **t** en funció de la velocitat **v** necessari per recorre una distància de 20 km.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la velocitat i l'eix vertical el temps.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 0,1 $\frac{km}{\frac{h}{cm}}$, la de l'eix vertical de 0,1 $\frac{h}{cm}$.

Velocitat <i>v</i>	20	40	60	80	100
en $\frac{km}{h}$					
Temps t en h					

Completa la taula, calculant el corrent **I** en funció de la resistència **R**. La tensió **U** del circuit és constant i té un valor de 5 V.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la resistència i l'eix vertical el corrent.

Resistència \mathbf{R} en Ω	100	200	300	400	500
Corrent <i>I</i> en mA					

En la següent taula es relaciona litres d'oli i nombre de garrafes.

Litres	15	25
Garrafes	3	5

Expressa la relació com a proporció.

Indica el factor de proporcionalitat

Calcula el nombre de litres d'oli en 10 garrafes.

Indica quantes garrafes es necessiten per emmagatzemar 125 l d'oli.

Exercici 4.1-7

Un kilo de castayes val 0,6 €. Fes una taula que relacioni el pes en kg amb el preu en euros.

Fes una representació gràfica de la taula.

Exercici 4.1-8

Comprova si les següents igualtats són correctes.

a)
$$\frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$
 b) $\frac{14}{5} = \frac{56}{20}$ c) $\frac{14}{5} = \frac{21}{10}$

Exercici 4.1-9

Són proporcionals les següents igualtats?

a)
$$\frac{3}{2} = \frac{8}{7}$$
 b) $\frac{2}{5} = \frac{12}{30}$

Per a la funció y = 4x:

- a) Estableix la taula de valors per a x = -3, -2, 2 i 4
- b) Indica el factor de proporcionalitat.

Exercici 4.1-11

Si 120 llibres del mateix preu valen 2400 €, quant valen 240 llibres del mateix preu?

4.2 Regla de tres

Regla de tres simple directa

En aquest cas tenim dues magnituds directament proporcionals.

Un exemple són el la distancia i el temps de viatge a velocitat constant.

Si en 1 hora s'han recorregut 10 km, quants km es rcorreran en 2 hores?

Temps - Distància

 $1 \text{ h} \rightarrow 10 \text{ km}$

 $2h \rightarrow x km$

La proporció per calcular x és: $\frac{1h}{10 \, km} = \frac{2h}{x \, km} \rightarrow x = 2h \cdot \frac{10 \, km}{1 \, h} = 20 \, km$

Per arribar al resultat hem hagut de transforma l'igualtat.

A continuació es mostrarà pas a pas aquesta transformació.

 $\frac{1h}{10km} = \frac{2h}{xkm}$ multiplicar per *x km* amdós costats de l'igualtat

$$\rightarrow \frac{1h}{10 \, km} \cdot x \, km = \frac{2h}{x \, km} \cdot x \, km = \frac{1h}{10 \, km} \cdot x \, km = \frac{2h \cdot x \, km}{x \, km} = 2h$$

 $\frac{1h}{10 \text{ km}} \cdot x \text{ km} = 2h$ multiplicar per $\frac{10 \text{ km}}{1h}$ amdós costats de l'igualtat

$$\rightarrow \frac{10 \, km}{1 \, h} \cdot \frac{1 \, h}{10 \, km} \cdot x \, km = 2 \, h \cdot \frac{10 \, km}{1 \, h}$$

$$\rightarrow x = 2h \cdot \frac{10 \, km}{1 \, h}$$

Regla de tres simple inversa

Aquesta regla s'utilitza quan la relació entre les magnituds és una proporcionalitat inversa.

Exemple:

Quatre treballadors realitzen un treball en 10 hores.

Quant tardarian cinc treballadors en realitzar el mateix treball?

 $treballadors \cdot temps = treball realitzat$

4 treballadors \cdot 10 h = 5 treballadors \cdot x h dividir entre 5 **treballadors** amdós costats de l'igualtat

$$\rightarrow x = \frac{4 \, treballadors \cdot 10 \, h}{5 \, treballadors} = 8 \, h$$

Regla de tres composta

En aquest cas, tenim 3 magnituds on una de elles és directament proporcional a les altres dues.

Exemple:

6 treballadors fan 12 m de mur en 2 dies.

Quants treballadors es necessiten per fer 42 m de mur en 6 dies?

Els metres de mur fets són directament proporcionals al nombre de treballadors i dies.

feina ∼ treballadors · dies

(igualtat): feina = $\mathbf{k} \cdot \text{treballadors} \cdot \text{dies}$ \mathbf{k} és la constant de proporcionalitat

$$\mathbf{k} = \frac{feina}{treballadors \cdot dies} = \frac{12 \, m}{6 \, treballadors \cdot 2 dies} = 1 \, \frac{m}{treballador \cdot dia}$$

Ara transformem l'igualtat per obtenir el nombre de treballadors

feina = $\mathbf{k} \cdot \text{treballadors} \cdot \text{dies}$ dividim amdós costats entre $\mathbf{k} \cdot \text{dies}$

treballadors =
$$\frac{feina}{k \cdot dies} = \frac{42m}{1 \frac{m}{treballador \cdot dia} \cdot 6 dies} = 7 treballadors$$

4.3 Exercicis regla de tres

Exercici 4.3-1

Fent un viatge amb moto, observem que el consum és de 8,5 litres cada 100 km. Quants litres de combustible consumira en un trajecte de 250 km?

Exercici 4.3-2

Una impressora imprimeix 8 pàgines per minut. Quant tardarà en imprimir 400 pàgines?

Exercici 4.3-3

Un payés té 90 paquets d'herba per donar menjar a les vaques durant 40 dies. Si només tingués 50 paquets, quants dies podria alimentar les vaques?

Exercici 4.3-4

Un autobús circulant a 60 km/hora tarda 5 hores en fer el trajecte. Quant temps tardarà si circula a 50 km/h?

Exercici 4.3-5

Tres quaders valen 6,75 €. Quants quaderns es poden comprtar amb 40,5 €?

Exercici 4.3-6

Per confeccionar 4 pantalons es necessiten 3,5 m² de tela. Quants pantalons es poden confeccionar amb 12,25 m²?

Exercici 4.3-7

Un payés compra 25 ovelles, pagant 1500 €. Quant li costaran 60 ovelles?

Un treballador guanya 500 € en 5 dies. Quants dies haurà de treballar per guanyar 2000 €?

Exercici 4.3-9

Un ciclista tarda 6 h en recórrer la distància entre dues poblacions a una velocitat mitjana de 15 km/h.

Quant tardarà en recórre el mateix camí a 12 km/h?

Exercici 4.3-10

Dues aixetes omplen una piscina en 10 h.

Quan tardaran en omplir la piscina 5 aixetes amb el mateix cabal d'aigua?

Exercici 4.3-11

En realitzar una compra per valor de 18 000 € es fa una descompte de 1 500 €. Quin serà el descompte si es mantenen les condicions i la nostra compra és de 15 000 €?

Exercici 4.3-12

Quatre aixetes omplen en 12 hores 2 dipòsits de 60 m³ cadascun. Quant tardaran 6 aixetes iguals en omplir 3 dipòsits de 80 m³ cadascun?

4.4 Percentatges

El percentatge es una fracció en la qual el denominador és 100.

Quan parlem d'un percentatge estem repartint una quantitat total en 100 parts.

Exemples:

Aquets any els preus han pujat un 3 % = $\frac{3}{100}$ respecte dels preus de l'any passat.

Això significa que si l'any passat una cosa costava 100 €, aquest any costa

$$100 € + 100 € \frac{3}{100} = 100 € + 3 € = 103 €$$

Un altre preu que l'any passat era de 175 € passa a

175 € + 175 €
$$\frac{3}{100}$$
 = 175 € + 5,25 € = 180,25 €

Per transformar una fracció en un percentatge, es calcula el nombre decimal i es multiplica per 100.

Exemples

$$\frac{1}{3}$$
 a % $\rightarrow = 0.3 \cdot 100 = 33.3$

$$\frac{3}{4}$$
 a % \rightarrow =0,75 · 100 = 75 %

4.5 Exercicis percentatges

Exercici 4.5-1

En una tenda fan dues rebaixes, una primera del 25% i una altra, posterior del 30%. A la factura el preu final es calcula afegint un 25% d'IVA. Quant es pagarà per un article etiquetat amb un preu de 25 €?

Unitat 4

Exercici 4.5-2

En comprar un producte valorat en 7830,00 € ens han fet un descompte de 626,4 €. Calcula el descompte en % aplicat.

Exercici 4.5-3

En un curs de l'ESO hi ha 15 alumnes que pertanyen a un grup de diversificació i 7 alumnes que formen un grup ordinari. Considerant el nombre total d'alumnes, calcula el percentatge que representa el grup ordinari i el de diversificació.

Exercici 4.5-4

Calcula el 26% de 11 700 €.

Exercici 4.5-5

Es deposita un capital de 150 000 € en un banc a un interès anual del 3 %.

Calcula l'import passat un any, dos anys i 5 anys, si no es retiren diners del compte.

Exercici 4.5-6

Haya *x* en les següents igualtats.

a)
$$\frac{x}{4} = \frac{10}{8}$$
 b) $\frac{6}{12} = \frac{10}{x}$

Solucions

4.6 Solucions

Exercici 4.1-1

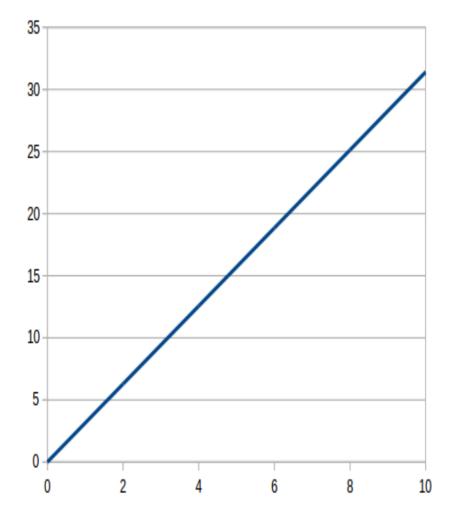
Completa la taula, calculant els perímetres dels cercles corresponents als diamentres.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi els diàmetre i l'eix vertical el perímetre.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 1 $\frac{cm}{cm}$, la de l'eix vertical de 3 $\frac{cm}{cm}$.

Diàmetre en cm	2	4	6	8	10
Perímetre en cm	6,28	12,56	20,04	25,12	31,4

$Perímetre = 3,14 \cdot Diàmetre$



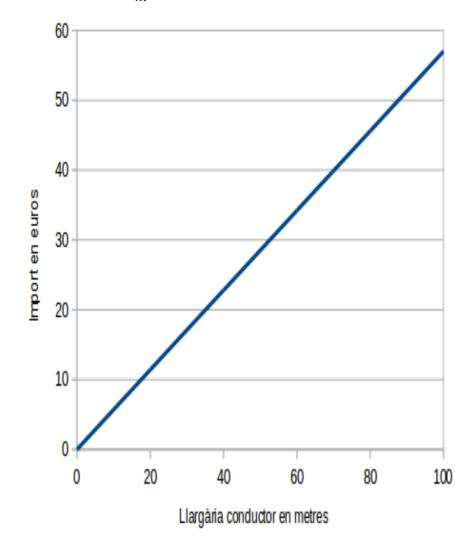
Completa la taula, calculant el preu del conductor elèctric MANGUERA ELECTRICA 3X1.5 RV-K0.6/1KV en funció de la seva llargària si el preu del metre és de 0,57 €.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi els metres i l'eix vertical el import.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 10 $\frac{m}{cm}$, la de l'eix vertical de 5,7 $\frac{\epsilon}{cm}$.

Llargària en	20	40	60	80	100
m					
Import en €	11,4	22,8	34,2	45,6	57

 $Import = Preu \cdot Llargària = 0,57 \frac{\epsilon}{m} \cdot Llargària$



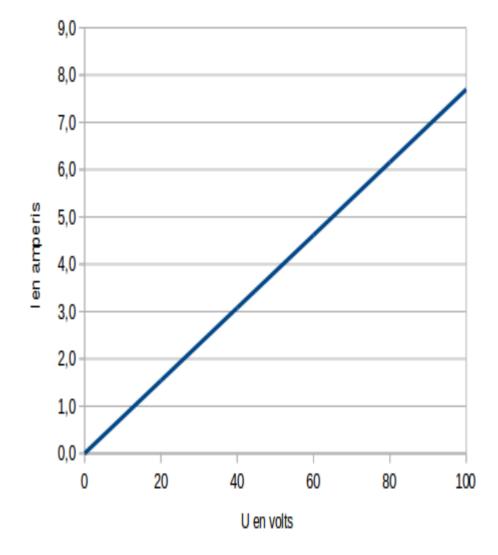
Completa la taula, calculant el corrent elèctric \mathbf{I} en funció de la tensió \mathbf{U} si la resistència del circuit és de 13 Ω .

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la tensió i l'eix vertical el corrent.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 10 $\frac{V}{cm}$, la de l'eix vertical de 0,8 $\frac{A}{cm}$.

Tensió U en V	20	40	60	80	100
Corrent I en A	1,5	3,1	4,6	6,2	7,7

$$I = \frac{U}{R} = \frac{U}{13\Omega}$$



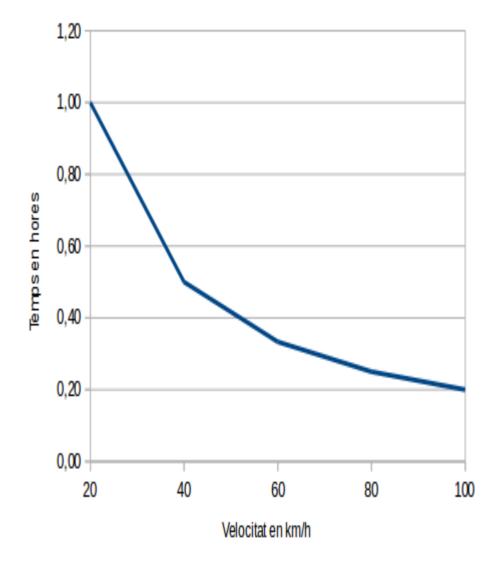
Completa la taula, calculant el temps **t** en funció de la velocitat **v** necessari per recorre una distància de 20 km.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la velocitat i l'eix vertical el temps.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 10 $\frac{km}{\frac{h}{cm}}$, la de l'eix vertical de 0,1 $\frac{h}{cm}$.

Velocitat v en $\frac{km}{h}$	20	40	60	80	100
Temps <i>t</i> en <i>h</i>	1	0,5	0,33	0,25	0,2

$$t = \frac{Distància}{Velocitat} = \frac{20 \, km}{v}$$



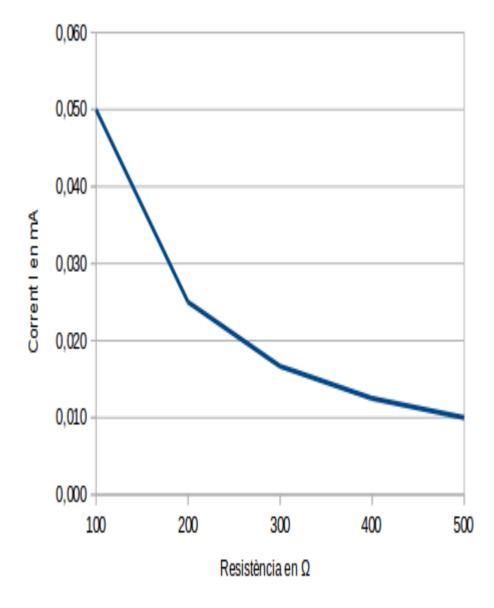
Completa la taula, calculant el corrent **I** en funció de la resistència **R**. La tensió **U** del circuit és constant i té un valor de 5 V.

Dibuixa un gràfic on l'eix horitzontal representi la resistència i l'eix vertical el corrent.

L'escala de l'eix horitzontal ha de ser de 40 $\frac{\Omega}{cm}$, la de l'eix vertical de 0,005 $\frac{A}{cm}$.

Resistència ${\it R}$ en Ω	100	200	300	400	500
Corrent <i>I</i> en A	0,05	0,025	0,017	0,013	0,01

$$I = \frac{U}{R} = \frac{5V}{R}$$



En la següent taula es relaciona litres d'oli i nombre de garrafes.

Litres	15	25
Garrafes	3	5

Expressa la relació com a proporció. Quantitat = $k \cdot Garrafes$

La quantitat d'oli en litres és proporcional al nombre de garrafes.

Indica el factor de proporcionalitat $k = \frac{15l}{3 \text{ garrafes}} = \frac{25l}{5 \text{ garrafes}} = 5 \frac{l}{\text{garrafa}}$

Calcula el nombre de litres d'oli en 10 garrafes. $5\frac{l}{garrafa}\cdot 10 garrafes = 50 l$

Indica quantes garrafes es necessiten per emmagatzemar 125 l d'oli.

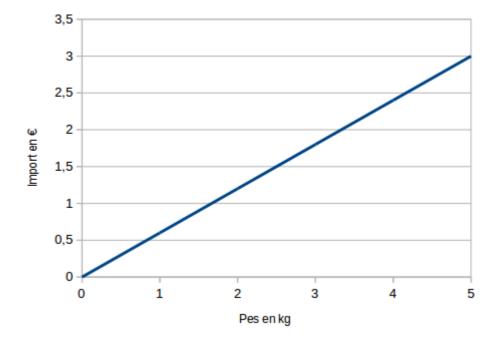
$$Garrafes = \frac{Quantitat}{k} = \frac{125 \, l}{5 \frac{l}{garrafa}} = 25 \, garrafes$$

Un kilo de castayes val 0,6 €. Fes una taula que relacioni el pes en kg amb el import a pagar en euros.

Pes en kg	1	2	3	4	5
Import en €	0,6	1,2	1,8	2,4	3

Import = Preu · Pes =
$$0.6 \frac{\epsilon}{kg}$$
 · Pes

Fes una representació gràfica de la taula.



Comprova si les següents igualtats són correctes.

a)
$$\frac{12}{3} = \frac{16}{4}$$
 correcta perquè $\frac{12 \cdot 4}{3 \cdot 4} = \frac{16 \cdot 3}{4 \cdot 3}$ o $\frac{12 \cdot 4}{3 \cdot 16} = \frac{48}{48} = 1$

b)
$$\frac{14}{5} = \frac{56}{20}$$
 correcta perquè $\frac{14\cdot 4}{5\cdot 4} = \frac{56}{20}$ o $\frac{14\cdot 20}{5\cdot 56} = \frac{280}{280} = 1$

c)
$$\frac{14}{5} = \frac{21}{10}$$
 errònia perquè $\frac{14 \cdot 2}{5 \cdot 2} \neq \frac{21}{10}$ o $\frac{14 \cdot 10}{5 \cdot 21} = \frac{140}{105} \neq 1$

¥

Exercici 4.1-9

Són proporcionals les següents igualtats?

a)
$$\frac{3}{2} = \frac{8}{7}$$
 no proporcional perquè $\frac{3.7}{2.7} = \frac{21}{14} \neq \frac{8.2}{7.2} = \frac{16}{14}$ o $\frac{3.7}{2.8} = \frac{21}{16} \neq 1$

b)
$$\frac{2}{5} = \frac{12}{30}$$
 proporcional perquè $\frac{2 \cdot 6}{5 \cdot 6} = \frac{12}{30}$ o $\frac{2 \cdot 30}{5 \cdot 12} = 1$

Exercici 4.1-10

Per a la funció y = 4x:

a) Estableix la taula de valors per a x = -3, -2, 2 i 4

X	-3	-2	2	4
у	-12	8	8	16

b) Indica el factor de proporcionalitat. k = 4

Si 120 llibres del mateix preu valen 2400 €, quant valen 240 llibres del mateix preu?

$$\frac{2400 €}{120 \, llibres} = \frac{x €}{240 \, llibres} \rightarrow Import = Preu \cdot Llibres$$
amb Preu per llibre =
$$\frac{2400 €}{120 \, llibres} = 20 \frac{€}{llibre}$$

$$\rightarrow Import = 20 \frac{€}{llibre} \cdot 240 \, llibres = 4800 €$$

Exercici 4.3-1

Fent un viatge amb moto, observem que el consum és de 8,5 litres cada 100 km. Quants litres de combustible consumira en un trajecte de 250 km?

$$\frac{8.5 l}{100 \, km} = \frac{x \, l}{250 \, km} \rightarrow \text{Consum} = \text{k} \cdot \text{Distància}$$

Càlcul del factor de proporcionalitat $k = \frac{8,5 l}{100 km} = 0,085 \frac{l}{km}$

El consum de combustible en un trajecte de 250 km és: $0,085 \frac{l}{km} \cdot 250 \, km = 21,25 \, l$

Exercici 4.3-2

Una impressora imprimeix 8 pàgines per minut. Quant tardarà en imprimir 400 pàgines?

$$\frac{8 \text{ pàgines}}{1 \text{ min}} = \frac{400 \text{ pàgines}}{x \text{ min}} \rightarrow \text{Temps } d' \text{ impresi} \acute{o} = \frac{P \grave{a}gines}{k}$$
Càlcul del factor de proporcionalitat $k = \frac{8 \text{ pàgines}}{1 \text{ min}} = 8 \frac{p \grave{a}gines}{min}$

$$400 \text{ pàgines} = \frac{1}{1} \frac{1}{1}$$

El temps d'impresió necessari per 400 pàgines és: $\frac{400 \text{ pàgines}}{8 \frac{\text{pàgines}}{\text{min}}} = 50 \text{ minuts}$

Un payés té 90 paquets d'herba per donar menjar a les vaques durant 40 dies. Si només tingués 50 paquets, quants dies podria alimentar les vaques?

$$\frac{90 \, paquets}{40 \, dies} = \frac{50 \, paquets}{x \, dies} \quad \rightarrow \quad Dies \, amb \, aliment = \frac{Paquets}{k}$$

Càlcul del factor de proporcionalitat
$$k = \frac{90 \text{ paquets}}{40 \text{ dies}} = 2,25 \frac{\text{paquets}}{\text{dia}}$$

Amb 50 paquets podria alimentar les vaques durant:
$$\frac{40 \, dies}{40 \, dies} = \frac{50 \, paquets}{2,25 \, paquets} = 22,2 \, dies$$

Exercici 4.3-4

Un autobús circulant a 60 km/hora tarda 5 hores en fer el trajecte. Quant temps tardarà si circula a 50 km/h?

$$60\frac{km}{h}\cdot 5h = 50\frac{km}{h}\cdot xh \rightarrow Distància = Velocitat \cdot Temps \rightarrow Temps = \frac{Distància}{Velocitat}$$

Distància
$$60 \frac{km}{h} \cdot 5h = 300 km$$

A 50 km/h tardaria:
$$\frac{300 \text{ km}}{50 \frac{\text{km}}{h}} = 6 \text{ h}$$

Exercici 4.3-5

Tres quaderns valen 6,75 €.

Quants quaderns es poden comprtar amb 40,5 €?

$$\frac{6,75 €}{3 \text{ quaderns}} = \frac{40,5 €}{x \text{ quaderns}} \rightarrow Quaderns = \frac{Import}{k}$$

Càlcul del factor de proporcionalitat
$$k = \frac{6,75 \cdot \epsilon}{3 \text{ quaderns}} = 2,25 \cdot \frac{\epsilon}{quadern}$$
Amb 40,5 \(\epsilon\) podria comprar: $\frac{40,5 \cdot \epsilon}{2,25 \cdot \frac{\epsilon}{quadern}} = 18 \text{ quaderns}$

Per confeccionar 4 pantalons es necessiten 3,5 m² de tela. Quants pantalons es poden confeccionar amb 12,25 m²?

$$\frac{4 \ pantalons}{3,5 \ m^2} = \frac{x \ pantalons}{12,5 \ m^2} \rightarrow Pantalons = k \cdot Tela$$

Càlcul del factor de proporcionalitat
$$k = \frac{4 \text{ pantalons}}{3,5 \text{ m}^2} = 1,143 \frac{\text{pantalons}}{\text{m}^2}$$

Amb 12,25 m² de tela es podrien confeccionar: $1{,}143 \frac{pantalons}{m^2} \cdot 12{,}25 m^2 = 14 pantalons$

Exercici 4.3-7

Un payés compra 25 ovelles, pagant 1500 €. Quant li costaran 60 ovelles?

$$\frac{1500 \, \epsilon}{25 \, ovelles} = \frac{x \, \epsilon}{60 \, ovelles} \quad \rightarrow \quad Import = k \cdot Ovelles$$

Càlcul del factor de proporcionalitat
$$k = \frac{1500 €}{25 \text{ ovelles}} = 60 \frac{€}{\text{ ovella}}$$

Exercici 4.3-8

Un treballador guanya 500 € en 5 dies. Quants dies haurà de treballar per guanyar 2000 €?

$$\frac{500 €}{5 dies} = \frac{2000 €}{x dies}$$
 → Dies=k·Import

Càlcul del factor de proporcionalitat
$$k = \frac{5 \text{ dies}}{500 \text{ } \epsilon} = 0.01 \frac{\text{dies}}{\epsilon}$$

Per guanyar 2000 € haurà de treballar 0,01 dies \(\frac{dies}{\in \cdot} \cdot 2000 € = 20 \) dies

Un ciclista tarda 6 h en recórrer la distància entre dues poblacions a una velocitat mitjana de 15 km/h.

Quant tardarà en recórre el mateix camí a 12 km/h?

$$15\frac{km}{h} \cdot 6h = 12\frac{km}{h} \cdot xh \rightarrow Distància = Velocitat \cdot Temps = \frac{Distància}{Velocitat}$$

Distància $15 \frac{km}{h} \cdot 6h = 90 km$

A 12 km/h tardaria:
$$\frac{90 \, km}{12 \, \frac{km}{h}} = 7.5 \, h$$

Exercici 4.3-10

Dues aixetes omplen una piscina en 10 h.

Quan tardaran en omplir la piscina 5 aixetes amb el mateix cabal d'aigua?

2 aixetes \cdot 10 h = 5 aixetes \cdot x hores = omplen piscina

$$\rightarrow \frac{2 \, aixetes \cdot 10 \, h}{5 \, aixetes} = 4 \, h$$

Exercici 4.3-11

En realitzar una compra per valor de 18 000 € es fa una descompte de 1 500 €. Quin serà el descompte si es mantenen les condicions i la nostra compra és de 15 000 €?

Import sense descompte: 18 000 € Descompte: 1 500 €

→ Percentatge descompte:
$$\frac{1500 \, \epsilon}{18000 \, \epsilon} = 8,33\%$$

Aplicació d'un 8,33% de descompte a 15 000 €

$$\rightarrow$$
 15 000 € · $\frac{8,33}{100}$ = 1249,5 €

En una compra de 15 000 € el descompte és de 1249,5 €.

Quatre aixetes omplen en 12 hores 2 dipòsits de 60 m³ cadascun. Quant tardaran 6 aixetes iguals en omplir 3 dipòsits de 80 m³ cadascun?

Volum aigua ~ Aixetes · Temps

Volum aigua = $k \cdot Aixetes \cdot Temps$

$$\rightarrow$$
 k = $\frac{Volum \, aigua}{Aixetes \cdot Temps} = \frac{2 \cdot 60 \, m^3}{6 \, aixetes \cdot 12 \, h} = 1,667 \frac{m^3}{aixeta \cdot h}$

$$Temps = \frac{Volum \, aigua}{k \cdot Aixetes} = \frac{3 \cdot 80 \, m^3}{1,667 \, \frac{m^3}{aixeta \cdot hora} \cdot 6 \, aixetes} = 24 \, h$$

Exercici 4.5-1

En una tenda fan dues rebaixes, una primera del 25% i una altra, posterior del 30%. A la factura el preu final es calcula afegint un 25% d'IVA. Quant es pagarà per un article etiquetat amb un preu de 25 €?

Import a pagar aplicant el 1er descompte: Imp 1 = Preu - Preu · Descompte_1 25 € - 25 € · 0,25 = 25 € · 0,75 = 18,75 €

Import a pagar aplicant el 2on descompte: Imp 2 = Imp1 - Imp1 · Descompte_2 18,75 € - 18,75 € · 0,3 = 18,75 · 0,7 = 13,125 €

Import final aplicant l'IVA: Imp 3 = Imp 2 + Imp 2 + 25%
$$13,125 € + 13,125 € \cdot 0,25 = 13,125 € \cdot 1,25 = 16,41 €$$

Aplicant els descomptes i l'IVA s'hauran de pagar 16,41 € per l'article.

Exercici 4.5-2

En comprar un producte valorat en 7830,00 € ens han fet un descompte de 626,4 €. Calcula el descompte en % aplicat.

Percentatge de descompte =
$$\frac{Descompte}{Preuinicial}$$
 = $\frac{626,4€}{7830,00€}$ = 0,08 → El descompte és del 8%.

En un curs de l'ESO hi ha 15 alumnes que pertanyen a un grup de diversificació i 7 alumnes que formen un grup ordinari. Considerant el nombre total d'alumnes, calcula el percentatge que representa el grup ordinari i el de diversificació.

Alumnes total = 15 + 7 = 22

Percentage alumnes diver = $\frac{15}{22}$ = 0,68

→ El percentatge d'alumnes de diversificació és del 68%.

Percentage alumnes ordinaris = $\frac{7}{22}$ = 0,32

→ El percentatge d'alumnes de diversificació és del 32%.

Exercici 4.5-4

Calcula el 26% de 11 700 €.

11 700 € · 0,26 = 3042 €

Exercici 4.5-5

Es deposita un capital de 150 000 € en un banc a un interès anual del 3 %.

Calcula l'import passat un any, dos anys i 5 anys, si no es retiren diners del compte.

1 any → 150 000,00 € + 150 000,00 €
$$\cdot$$
 0,03 = 150 000,00 € \cdot 1,03 = 154 500,00 €

2 any → 154 500,00 € + 154 500,00 €
$$\cdot$$
 0,03 = 154 500,00 € \cdot 1,03 = 159 135,00 €

3 any → 159 135,00 € + 159 135,00 €
$$\cdot$$
 0,03 = 159 135,00 € \cdot 1,03 = 163 909,05 €

4 any → 163 909,05 € + 163 909,05 €
$$\cdot$$
 0,03 = 163 909,05 € \cdot 1,03 = 168 826,32 €

5 any → 168 826,32 € + 168 826,32 €
$$\cdot$$
 0,03 = 168 826,32 € \cdot 1,03 = 173 891,11 €

150 000,00 € · 1,03⁵ = 150 000,00 € · 1,1593 = 173 891,11 €

Haya x en les següents igualtats.

a)
$$\frac{x}{4} = \frac{10}{8} \rightarrow x = 4 \cdot \frac{10}{8} = 5$$

b)
$$\frac{6}{12} = \frac{10}{x} \rightarrow x = 12 \cdot \frac{10}{6} = 20$$

Fonts:

F.P.B. Ciencias Aplicadas 1 - Editorial Donostiarra

Autors Ángel Almaraz Martín

Ma Inmaculada Puebla Prada

Manuel Jesús Malho Martín

Paloma Prieto Merino

Margarita Montes Aguilera