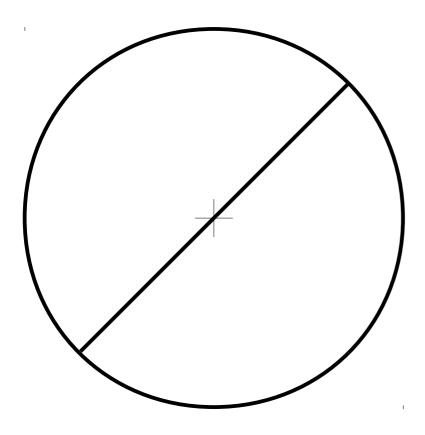
FPB - Ciències Aplicades 2 Unitat 4 – Geometria plana 12/18

Index

4.1 La superfície del cercle	4
4.2 Les dimensions dels espais	6
4.3 Repàs conversió d'unitats	
4.4 Solucions	25

4 El cercle

La línia recta que passant pel centre del cercle, tocant el perímetre en dos punts, s'anomena ______.



Diàmetre D

Radi r

Dibuixa tres cercles, un dels quals tingui un diàmetre tres vegades major que l'altre. Comprova quantes vegades és mes llarga la línia del cercle gran que la del cercle petit.

Perímetre cercle 1	Perímetre cercle 2	Perímetre cercle 3
Diàmetre cercle 1	Diàmetre cercle 2	Diàmetre cercle 3
Perímetre dividit entre diàmetre cercle 1	Perímetre dividit entre diàmetre cercle 2	Perímetre dividit entre diàmetre cercle 3

La relació entre perímetre i diàmetre és fixa. Si feim un cercle 1 amb 5 cm de diàmetre i un cercle 2 amb 10 cm de diàmetre, el perímetre del cercle 2 serà el doble del perímetre del cercle 1.

т	1 • /			1.7	.11	1 .		.1 .
1 3	חואכומיו נ	Dntro	narimatra i	arrametra	anın	COTCIO	ΔC	ПΔ
L	i i ciacio	CHUC	perímetre i	uianicuc	u un	CCICIC	CS	uc

Perímetre / Diàmetre =	
------------------------	--

Aquest nombre s'anomena pi.

$$Pi = \underline{} = \pi$$

Podem calcular el perímetre P d'un cercle coneixent el diàmetre D:

$$P = \pi \times D = \underline{\hspace{1cm}} \times D = \underline{\hspace{1cm}} \times (r + r) = \underline{\hspace{1cm}}$$

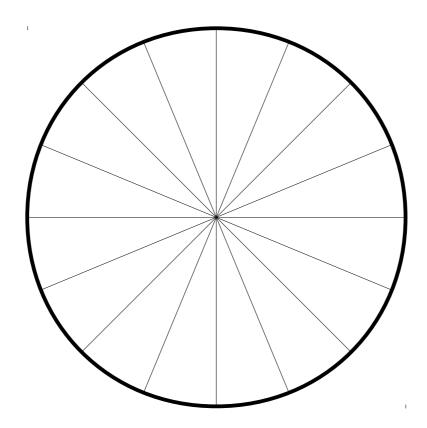
Exercici 4-2

Calcula el perímetre dels cercles amb els diàmetres de 1 mm, 3 cm, 1,5 m.

4.1 La superfície del cercle

Sovint necessitem conèixer la superfície d'un cercle, per exemple per calcular la quantitat d'aigua que es troba en l'interior una canonada, d'un dipòsit o recipient. Els cables conductors elèctrics es classifiquen per la seva secció, que s'indica en mm², 1,5-2,5-4-6-10-16.

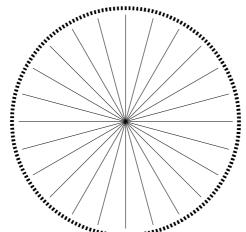
Una de les principals dades d'un motor és el volum dels seus cilindres. Per calcularho es necessari calcular la superfície circular dels cilindres.



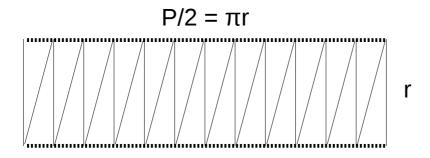
Exercici 4.1-1

Dibuixa un cercle de 10 cm de diàmetre i divideix-lo en 16 segments. Retalla els segments i pega-los en un full de formant un rectangle. Calcula la superfície del cercle mesurant el rectangle.

Si dividim un cercle en triangles, el resultat podria ser el següent:



Si separem tots els triangles i formem amb ells un rectangle, el resultat és:



La superfície del cercle convertit en rectangle és:

$$A = r \times (P/2) = r \times ((3,14 \times 2r)/2) = 3,14 \times r^2 = \pi \times r^2$$

Exercici 4.1-2

Calcula la superfície del cercle de 10 cm de diàmetre i compara-la amb la mesurada en l'exercici 4.1-1.

Exercici 4.1-3

Calcula la superfície d'un cilindre 7 cm de diàmetre.

4.2 Les dimensions dels espais

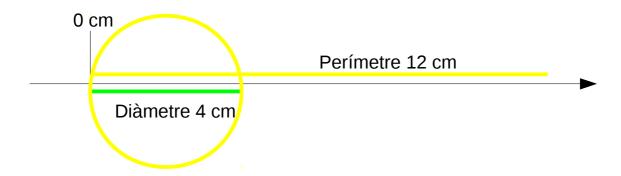
Fins ara hem calculat la llargària del perímetre, utilitzant el diàmetre, i també hem calculat la superfície d'un cercle.

Si us fixeu, el diàmetre i el perímetre es mesuren en mm, cm o m, mentre que la superfície del cercle, o qualsevol altra superfície, es mesura em mm², cm² o m². Si volguéssim mesurar el contingut d'un tetrabric de llet, ho faríem en cm³.

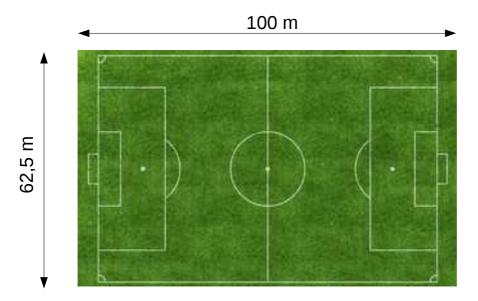
Per què aquestes diferències?

Perquè el diàmetre i el perímetre són llargàries, que només poden variar sobre una línia, augmentant o disminuint.

Imagina un tren que es mou damunt una via perfectament recta, que no es desvia ni cap a dreta ni cap a esquerra i perfectament horitzontal, no es desvia ni cap amunt ni cap avall. Aquest tren es mou en un espai d'una dimensió. Es podria dir que es mou damunt una línia recta. El tren es pot moure només en dues direccions damunt la via, cap endavant o cap endarrere. Una línia, encara que no sigui recta, és un espai d'una dimensió. Les llargàries, que són distàncies recorregudes damunt una línia, es mesuren en mm, cm, etc.



Les superfícies són espais de dues dimensions, perquè, a més de permetre el moviment cap endavant i cap endarrere, també permeten un moviment cap a l'esquerra i cap a la dreta. Així, damunt un camp de futbol, els jugadors no només corren cap endavant o darrere, sinó que intenten cobrir tota la superfície del terreny de joc. La grandària d'una superfície es mesura en mm², cm², m², etc.

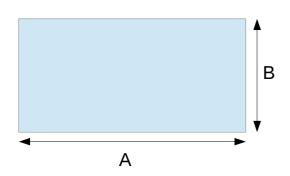


Superfície = 100 m x 62,5 m = 6250 m^2

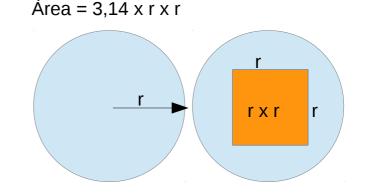
Una superfície sempre es calcula multiplicant dues llargàries.

Superfície del rectangle

Àrea = alçada x amplària = $A \times B$

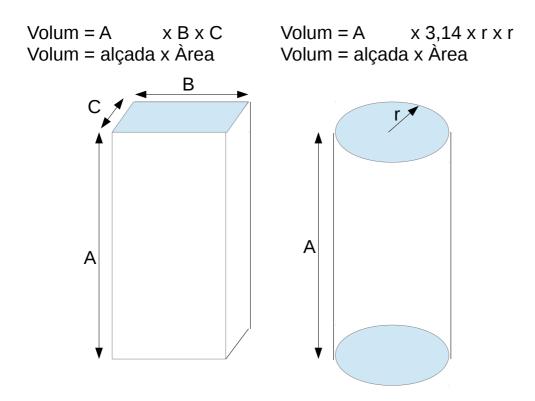


Superfície del cercle



Finalment queda per explicar l'espai de tres dimensions. És el més senzill d'entendre, perquè és el que experimentem en la realitat. En aquest espai, a més de poder moure'ns cap endavant i endarrere, cap a esquerra i dreta, també ens podem moure cap a dalt i cap a baix. Per mesurar aquest espai parlem de volum.

Un volum sempre es calcula multiplicant tres llargàries.



Els volums es mesuren en mm³, cm³, m³, etc.

Exercici 4.2-1

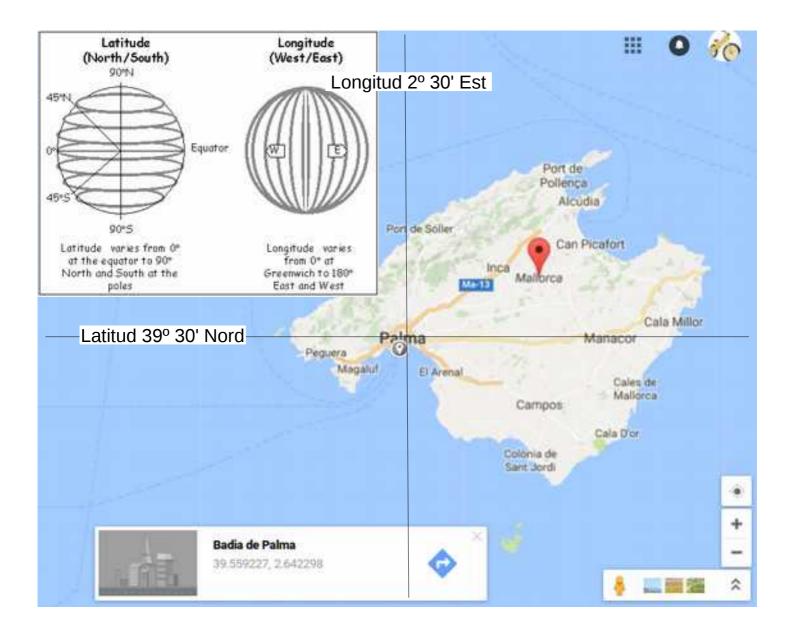
Agafa un recipient rodó de la teva casa. Posa'l damunt una taula, mesura el seu diàmetre i calcula la superfície del recipient vist des de dalt. Mesura la seva alçada i calcula el seu volum.

Fes imatges del recipient en les que es puguin apreciar les mides (alçada i diàmetre) i insereix-les en un document de text, en el que han de figurar els càlculs que has fet.

Envia el fitxer per e-mail a tecnopau2017@gmail.com

Las coordenades d'un lloc

Les coordenades d'un lloc ens indiquen on ens trobem. Per exemple les coordenades geogràfiques de Palma de Mallorca són



oest

Per raons històriques, s'ha acordat Londres (Greenwich) com l'origen per mesurar la longitud geogràfica.

Si viatgem de Londres a Berlin, sense canviar la hora del nostre rellotge, veurem que el sol es lleva quasi una hora abans que a Londres. Cada 15º de desplaçament equivalen a una hora (15º x 24 = 360º).

est

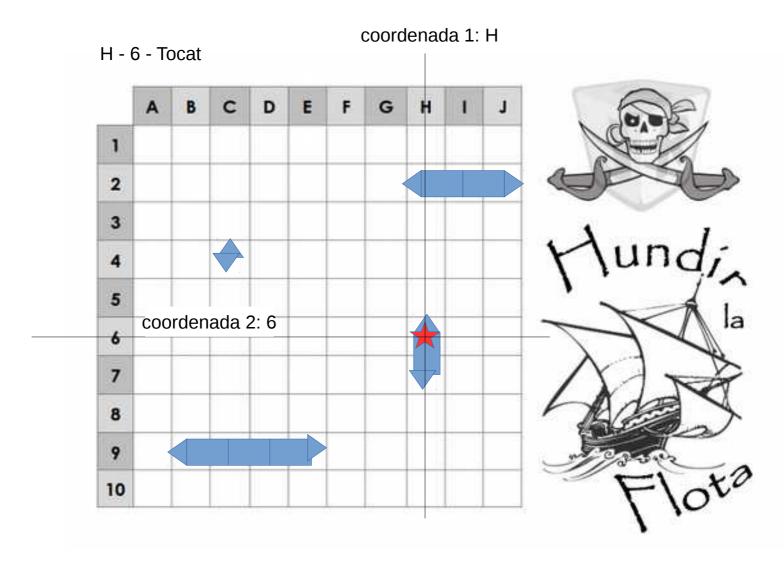


Si viatgem cap a l'oest, p.e. de
Mallorca a Madrid, veurem que el sol
es lleva i es posa més tard.

Madrid es troba aproximadament 6º a l'oest
de Mallorca. Com cada 15º de desplaçament
equivalen a una hora, 6º equivalen a 24 minuts.

$$\frac{(6^{\circ})}{(15^{\circ})} \times 60 \, minuts = 24 \, minuts$$

Quan viatgem a l'oest, el sol es lleva i es posa més tard, mentre que quan viatgem a l'est, passa el contrari. Quan jugues al joc d'enfonsar la flota, també utilitzes coordenades per indicar on es troben els vaixells.



Com veus en els dos exemples anteriors, per situar un lloc amb exactitud damunt una superfície es necessiten dues coordenades. La superfície s'anomena un espai de dues dimensions.

Damunt una línia només necessitem una coordenada per situar-nos respecte a un punt de partida, que sovint anomenem l'origen.

Imagina't que vas amb cotxe de Palma a Calvià per la carretera MA-1043 i punxa una roda, mala sort, no? Però pitjor encara, no duus roda de recanvi. Llavors, has de trucar una amiga perquè t'ajudi. Com l'indiques on et trobes exactament?



Doncs li hauràs de dir el kilòmetre de la carretera en el qual et trobes, és a dir, li hauràs d'indicar una distància damunt la carretera. En aquest cas hem convertit la carretera en una línia i hem indicat en quin lloc de la línia ens trobem.

Per situar un lloc amb exactitud damunt una línia basta una coordenada. En el cas d'una carretera podem dir, em trobo a tants kilòmetres de l'inici de la carretera.



Anomenem una línia un espai d'una dimensió.

Finalment arribem a l'espai de tres dimensions i com ja et pots imaginar, per situarnos exactament en aquest espai necessitarem tres coordenades.

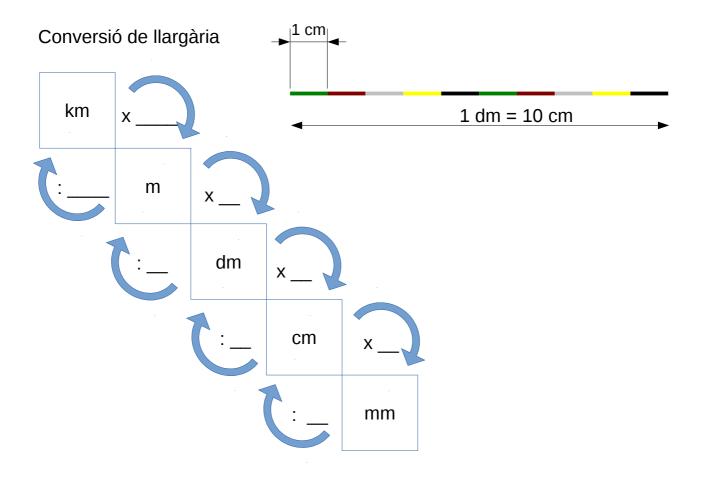
Per indicar la seva posició a la torre de control, la copilot d'un avió, a més d'indicar les coordenades geogràfiques, que com ja sabem són dues, ha d'indicar l'altura, respecte a la terra, a la qual l'avió es troba volant.



4.3 Repàs conversió d'unitats

Exercici 4.3-1

Completa l'escala de conversió per a unitats de llargària.

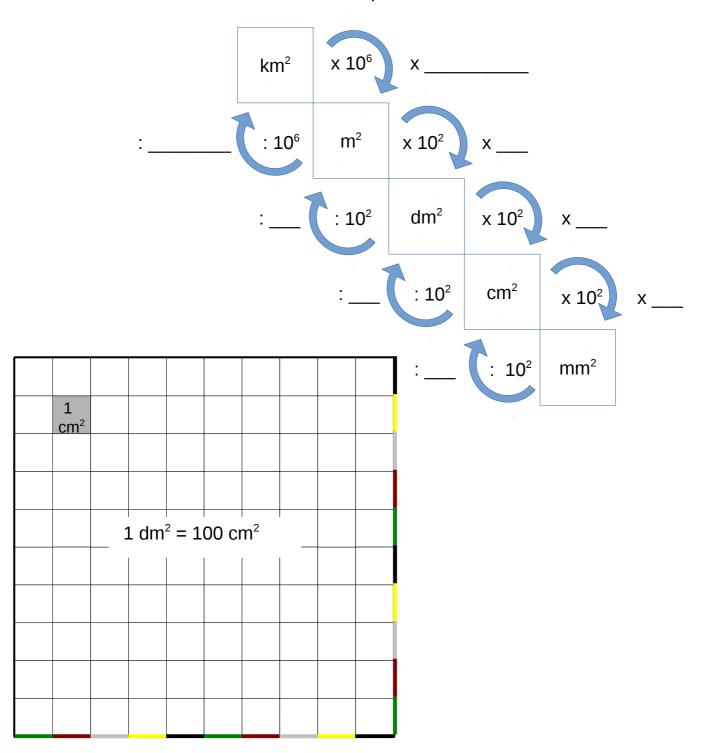


Exercici 4.3-2

Fes la conversión de les següents llargàries.

Completa l'escala de conversió per a unitats de superfície.

Conversió de superfície



Fes la conversión de les següents superfícies.

$$541dm^2 = ____ m^2 = ___ mm^2$$

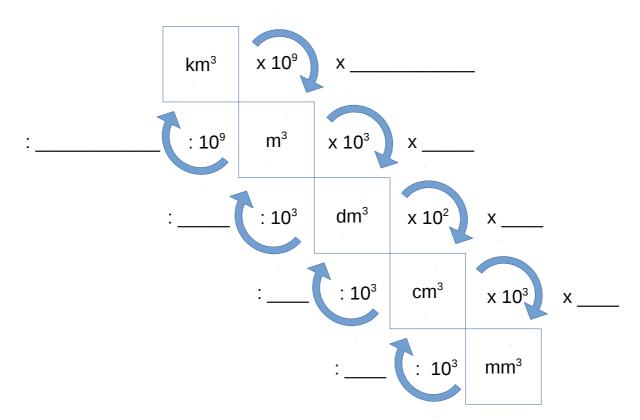
$$0,321 \text{mm}^2 = \underline{\qquad} \text{dm}^2 = \underline{\qquad} \text{cm}^2$$

$$21m^2 = \underline{\qquad \qquad } mm^2 = \underline{\qquad \qquad } dm^2 = \underline{\qquad \qquad } cm^2$$

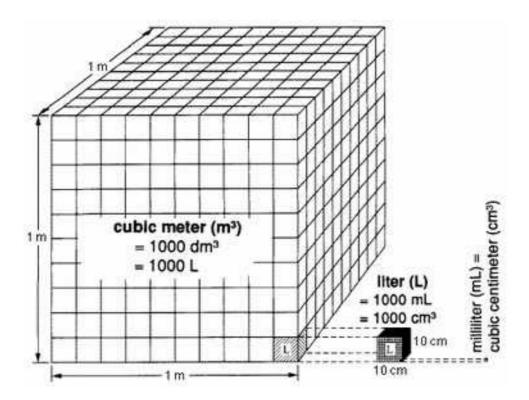
Exercici 4.3-5

Completa l'escala de conversió per a unitats de volum.

Conversió de volumen



FPB - Ciències Aplicades 2 Unitat 4 – Geometria plana 12/18



Fes la conversión dels següents volums.

$$541dm^3 = \underline{\qquad \qquad m^3 = \underline{\qquad \qquad mm^3}}$$

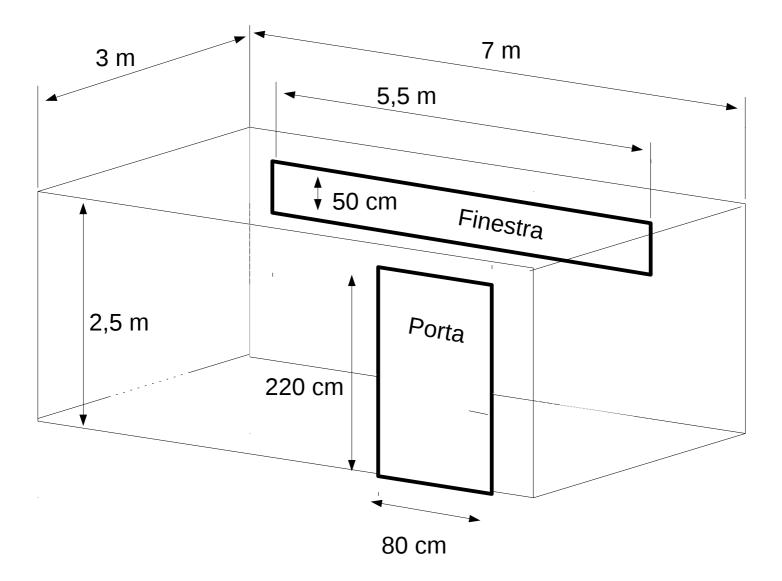
$$0,321 \text{mm}^3 = \underline{\qquad} \text{dm}^3 = \underline{\qquad} \text{cm}^3$$

$$21m^3 =$$
______ $dm^3 =$ ______ cm^3

Calcula la quantitat de pintura necessaria per donar dues mans de pintura a la següent habitació.

Les instruccions del pot de pintura indiquen que amb 1 kg de pintura pots pintar 6 m² de superfície de paret.

Fes un croquis (dibux a mà alçada, sense regla) de cada una de las superfícies a pintar, indicant les seves dimensions.



Calcula superfície coberta i volum d'aigua.

Dimensions piscina: 6 m x 3 m x 1,5 m

Calcula preu aigua per omplir piscina.





Calcula la superfície dels mòduls Techno Sun 150 W i la potència màxima.

Calcula l'energia de radiació solar que incideix damunt els mòduls quan subministren la potència màxima.

Calcula el preu del conjunt de mòduls.



TECHNOSUN

Módulo fotovoltaicos Techno Sun 5 /10 / 20 / 40 / 100 / 150W

Datos eléctricos								
Potencia máxima (W)	5	10	20	40	100	150		
Termión de potencia óptima (Vmp)	18,57	18.57	17,82	17,69	18,78	18.99		
Corriente operativa dotima (imp)	0,27	0.54	1,12	2,26	5,32	7.90		
Tension de circuito abierto (Voc)	22,64	22,64	22,54	22,54	22,64	22.42		
Coniente de cortocircuito (Iscl	0.29	0.58	1,20	2,42	5,70	8.45		
Eficiencia de cirtula (%)	17,96	17,96	16,76	16,56	17,88	17,96		
Eficiencia de módulo (%)	9,16	10,83	11,45	12.74	14,90	15,12		
Tolerancia (%)	*3%	#3%	*7%	+3%	±3%	±3%		
NOCT	47°C -2°C</td <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td>	47°C +/-2°C						

FPB - Ciències Aplicades 2 12/18

Unitat 4 – Geometria plana

Datos mecánicos						
Célula	52*15,3 (16,8)	52*30,6 (32,1)	156*21,9 (23,5)	156*44,3 (45,7)	156*104	156*156
Tecnología de oblida	Monocristalina	Monocistalina	Monocristalina	Monocristalina	Monocristalna	Monocristalina
Número de células (pcs)	419	4*9	2*18	4*9	4*9	4*9
Tamaño del módulo (mm)	260*210*18	260*355*18	485*360*28	470*668*35	1005*868*35	1485*668*35
Grosor del cristal (mm)	3.2	3.2	3.2	32	32	3,2
Máx, carga de superficie	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa
Resistencia al granizo	23m/s ,7.53g	23m/s.7.53g	23m/s ,7.53g	23m/s ,7.53g	23m/s ,7.53g	23m/s ,7.53g
Peso de la unidad (Kg)	0.7	1,2	2,3	3,8	8	11,6
Corriente múxima del fusible (A)		-		10	10	10
Marco.	18#	18#	28#	288	35#	35#
Tipo de conector	MC4:	MC4	MC4	MC4	MC4	MC4
Parte posterior	TPT	TPT	TPT	TPT	TPT	TPT
Rango de temperatura	-40°C / +85°C	-40°C / +85°C	-40°C / +85°C	-40°C/+85°C	-40°C / +85°C	-40°C / +85°C
FF (%)	70-76%	70-76%	70-76%	70-76%	70-76%	70-76%
Standard Test Conditions	AM1.5 1000W/m² 25°C					

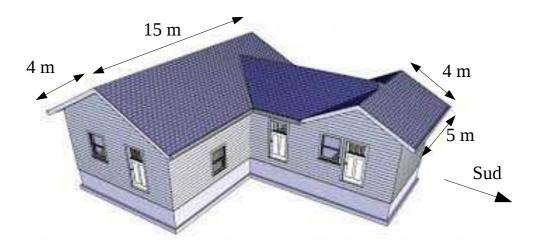


En aquest terrat, quants mòduls Techno Sun 100 es podrien muntar?

Fes un esquema de la distribució dels mòduls al terrat.

Quina seria la potència màxima del conjunt de mòduls?

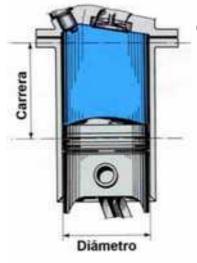
Calcula el preu del conjunt de mòduls.



Exercici 4.3-11

La cilindrada és la suma del volum útil de tots els cilindres d'un motor. Normalment s'indica en centímetres cúbics.

Els cilindres d'un motor tenen 100 mm de carrera i 50 mm de diàmetre.



Quina és la cilindrada si el motor és de 4 cilindres?

FPB - Ciències Aplicades 2 Unitat 4 – Geometria plana 12/18

Suma i resta de vectors

FPB - Ciències Aplicades 2 Unitat 4 – Geometria plana 12/18

4.4 Solucions

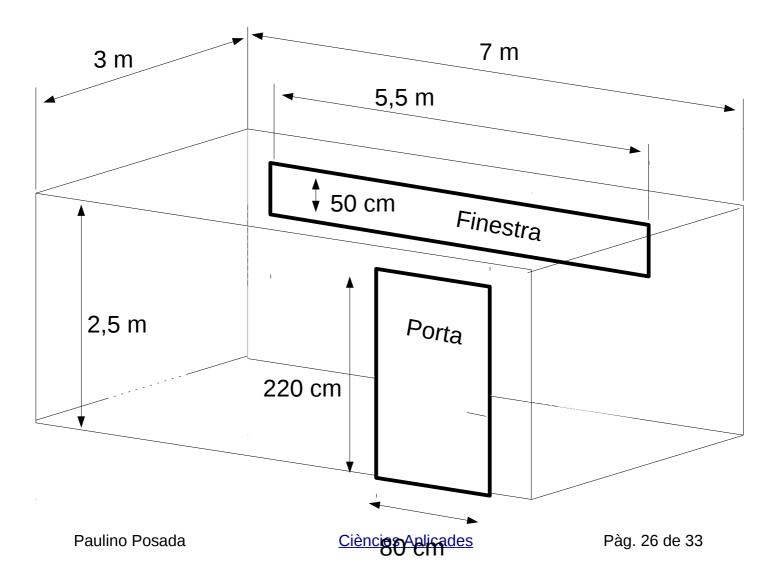
Exercici 4.3-7

Calcula la quantitat de pintura necessaria per donar dues mans de pintura a la següent habitació.

Les instruccions del pot de pintura indiquen que amb 1 kg de pintura pots pintar 6 m² de superfície de paret.

La pintura es ven en envasos de 1 kg i 5 kg. Quants envasos i de quin tipus compraries?

Fes un croquis (dibux a mà alçada, sense regla) de cada una de las superfícies a pintar, indicant les seves dimensions.



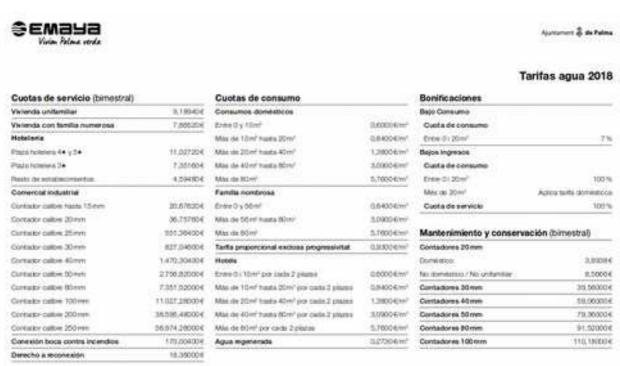
Exercici 4.3-7 Solució
Primer pas: Calcular la soperficie apinter.
Paret porta - S1 = 2,5m × 7m - 0,8m × 2,2m = 15,74m2
Paret finestra - Sz = 2,3 m x 7 m - 0,5 m x 5,5 m=14,75 m²
Parets Laterals-Sz=3mx2,5mx2=15m²
Sostre - Su=3m×7m=21m2
Superficie apinter = SatSz+Sz+Sy= 66,49 m²
Com s'han de clonar dues mans de pintera,
es multiplica la superficio per 2 \$133m²
Càlcul de la quantitat de pintura:
133m2 = 22,2 leg = > 4x5 leg + 2x1 leg = 1 leg
5, 2m S2 7m S3 3m 2,5m 7m 25 35m 3m 2,5m 7m 3m 2,5m 3m 3m 3m 2,5m 3m 3m 3m 2,5m 3m
Paulino Posada <u>Ciêncies Aplicades</u> Pág. 27 de 33

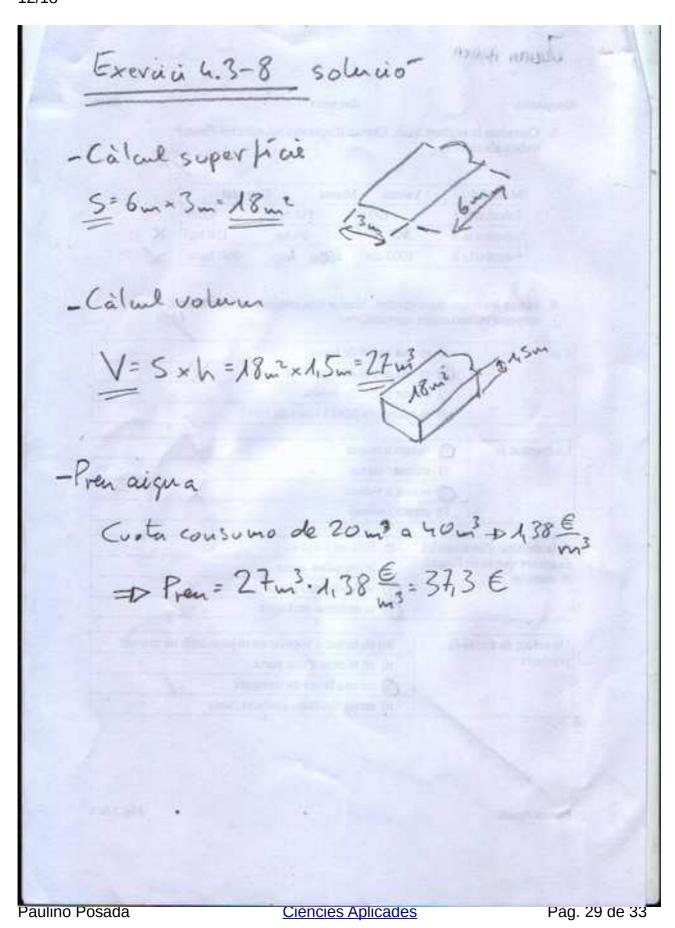
Calcula superfície coberta i volum d'aigua.

Dimensions piscina: 6 m x 3 m x 1,5 m

Calcula preu aigua per omplir piscina.







Calcula la superfície dels mòduls Techno Sun 150 W i la potència màxima.

Calcula l'energia de radiació solar que incideix damunt els mòduls quan subministren la potència màxima.

Calcula el preu del conjunt de mòduls.



TECHNOSUN

Módulo fotovoltaicos Techno Sun 5 /10 / 20 / 40 / 100 / 150W

Datos eléctricos								
Potencia máxima (W)	5	10	20	40	100	150		
Termión de potencia óptima (Vmp)	18,57	18.57	17,82	17,69	18,78	18.99		
Corriente operativa optima (Imp)	0,27	0,54	3,12	2,26	5,32	7.90		
Termion de circuito abierto (Voc)	22,64	22,64	22,54	22,54	22,64	22.42		
Coniente de cortocircuito (Isc)	0.29	0.58	1,20	2,42	5.70	8:45		
Eficiencia de célula (%)	17,96	17,96	16,76	16,56	17,88	17,96		
Eficiencia de módulo (%)	9,16	10.83	11,45	12.74	14,90	15,12		
Tolerancia (NA)	±3%	#3%	*F%	±3%	±3%	±3%		
NOCT	47°C -2°C</td <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td> <td>47°C +/-2°C</td>	47°C +/-2°C						

Datos mecánicos						
Célula	52*15,3 (16,8)	52*30,6 (32,1)	156*21,9 (23,5)	156*44,3 (45,7)	156*104	156*156
Tecnología de citida	Monocristalina	Monocistalina	Monocristalina	Monocristalina	Monocristalma	Monocristalina
Número de células (pcs)	419	4*9	2*18:	4*9	4*9	4*9
Tamaño del módulo (mm)	260*210*18	260*355*18	485*380*28	470*668*35	1005*868*35	1485*668*35
Grosor del cristal (mm)	3.2	3.2	3.2	32	32	3,2
Máx, carga de superficie	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa	2400-5400Pa
Resistencia al granizo	23m/s ,7.53g	23m/s.7.53g	23m/s ,7.53g	23m/s ,7.53g	23m/s ,7.53g	23m/s 7.53g
Peso de la unidad (Kg)	0.7	1,2	2,3	3,8	8	11,6
Corriente múxima del fusible (A)		-		10	10	10
Marco	18#	18#	28#	28#	35#	35#
Tipo de conector	MC4:	MC4	MC4	MC4	MC4	MC4
Parte posterior	TPT	TPT	TPT	TPT	TPT	TPT
Rango de temperatura	-40°C / +85°C	-40°C / +85°C	-40°C / +85°C	-40°C/+85°C	-40°C / +85°C	-40°C / +85°C
FF (%)	70-76%	70-76%	70-76%	70-76%	70-76%	70-76%
Standard Test Conditions	AM1.5 1000W/mF 25°C					

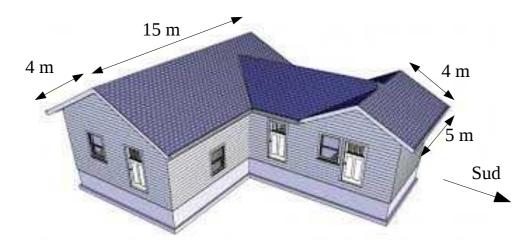


En aquest terrat, quants mòduls Techno Sun 100 es podrien muntar?

Fes un esquema de la distribució dels mòduls al terrat.

Quina seria la potència màxima del conjunt de mòduls?

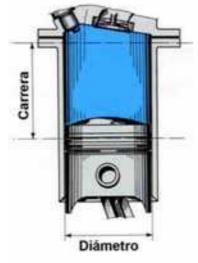
Calcula el preu del conjunt de mòduls.



Exercici 4.3-11

La cilindrada és la suma del volum útil de tots els cilindres d'un motor. Normalment s'indica en centímetres cúbics.

Els cilindres d'un motor tenen 100 mm de carrera i 50 mm de diàmetre.



Quina és la cilindrada si el motor és de 4 cilindres?

FPB - Ciències Aplicades 2 12/18 Unitat 4 – Geometria plana

Fuentes geometría plana

http://paramisalumnosdematematicas.blogspot.com/p/2-de-eso-repaso-de-geometria-plana.html

http://www3.gobiernodecanarias.org/medusa/ecoblog/pgarsane/files/2015/10/EJERCI CIOS-Y-PLOBLEMAS-DE-GEOMETRiA-PLANA.pdf

https://www.edu.xunta.es/espazoAbalar/sites/espazoAbalar/files/datos/1491479279/c ontido/ud08_movimientos_plano/ndice.html