# Index

1.1 Nombres naturals	3
1.2 Els nombres en català	
1.3 El sistema decimal	5
1.4 Unitats, desenes, centenes	6
1.5 Major, igual o menor, l'ordre dels nombres	9
1.6 Els nombres sencers	
1.7 Els nombres racionals o fraccions	12
1.8 El valor absolut	14
1.9 Exercicis conjunts de nombres N, Z, Q	15
1.10 Operacions amb nombres sencers	17
1.11 Exercicis de producte, divisió i potència	20
1.12 Jerarquia de les operacions	23
1.13 Exercicis de jerarquia	25
1.14 Divisibilitat	27
1.15 Exercicis de divisibilitat	
1.16 M.C.D. i m.c.m	31
1.17 Exercicis M.C.M i m.c.m	33
1.18 Unita 1 - Exercicis de reforç	35
1.19 Solucions	38

# 1 Tipus de nombres

Fixat en els següents nombres, en què es diferencien, a quin grup de nombres pertanyen?

Quin és el més gran, quin el més petit?

Nombre	Grup
7	
$\frac{1}{2}$	
0,5	
100 50	
100,123	
100	
- 2	
46,45	
<u>5</u> 50	

#### 1.1 Nombres naturals

Els nombres naturals són els que utilitzem per contar coses, per exemple els dits de la mà, els llums o els endolls de l'aula. També podem utilitzar els nombres naturals per contar persones o arbres.





A alguns els agrada contar els bitllets de 5 euros, altres prefereixen els de 100 euros. També per a això utilitzem nombres naturals.

#### Exercici 1.1-1

He contat els bitllets del meu moneder.

Tinc 3 bitllets de 5 euros, 1 de 10 euros i mig bitllet de 20 euros.

*Quants euros tinc en total?* 

Es pot definir els nombres naturals com el conjunt de nombres de 0 a infinit.

0, 1, 2, 3, 4 ... infinit

El símbol amb el qual s'identifica aquest conjunt és



# 1.2 Els nombres en català

1	TT	101	Court ::
1	U, un, una	101	Cent u
2	Dos, dues	102	Cent dos
3	Tres		Cent deu
4	Quatre	111	Cent onze
5	Cinc		Cent vint
6	Sis	121	Cent vint-i-u
7	Set	125	Cent vint-i-cinc
8	Vuit	200	Dos-cents
9	Nou	300	Tres-cents
10	Deu	400	Quatre-cents
11	Onze	500	Cinc-cents
12	Dotze	600	Sis-cents
13	Tretze	700	Set-cents
14	Catorze	800	Vuit-cents
15	Quinze	900	Nou-cents
16	Setze	1.000	Mil
17	Disset	2.000	Dos mil
18	Divuit	3.000	Tres mil
19	Dinou	10.000	Deu mil
20	Vint	12.345	Dotze mil tres-cents quaranta-cinc
21	Vint-i-u	20.000	Vint mil
22	Vint-i-dos	21.508	Vint-i-un mil cinc-cents vuit
23	Vint-i-tres	33.333	Trenta-tres mil tres-cents trenta-tres
24	Vint-i-quatre	68.721	Seixanta-vuit mil set-cents vint-i-u
25	Vint-i-cinc	90.000	Noranta mil
26	Vint-i-sis	100.000	Cent mil
27	Vint-i-set	101.001	Cent un mil u
28	Vint-i-vuit	221.500	Dos-cents vint-i-un mil cinc-cents
29	Vint-i-nou	503.021	Cinc-cents tres mil vint-i-u
30	Trenta	900.000	Nou-cents mil
31	Trenta-u	1.000.000	Un milió
32	Trenta-dos	1.000.010	Un milió deu
40	Quaranta	1.000.100	Un milió cent
50	Cinquanta	1.001.000	Un milió mil
60	Seixanta	1.010.000	Un milió deu mil
70	Setanta	1.100.000	Un milió cent mil
80	Vuitanta	1.045.298	Un milió quaranta-cinc mil dos-cents
90	Noranta		noranta-vuit
100	Cent	1.405.569	Un milió quatre-cents cinc mil cinc-
			cents seixanta nou
		10.000.000	Deu milions

És important la posició del guió: Només el pots posar per separar les desenes de les unitats (trenta-quatre, vint-i-vuit, etc) i la quantitat de centenes (vuit-cents, trescents, etc).

## 1.3 El sistema decimal

Normalment representem els nombres en el sistema decimal.

Per a això utilitzem deu xifres o dígits.

Els dígits del sistema decimal són:

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9

Combinant els dígits podem formar qualsevol nombre natural.

# Exercici 1.3-1

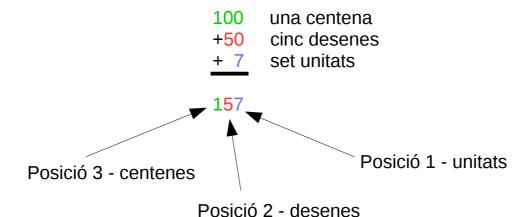
*Indica quins i quants dígits tenen els següents nombres:* 

Nombre	Dígits (quins i quants)
Mil	
Disset	
Vint-i-quatre	
Un milió cinc-cents cinquanta-cinc mil dos-	
cents vuit	
Set	
Cent u	

# 1.4 Unitats, desenes, centenes ...

Observem un nombre de 3 dígits, per exemple 157.

Segons la seva posició dintre del nombre cada dígit té un significat diferent.



# Dues unitats



# Una desena



10 unitats fan una desena

# Una centena

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

100 unitats fan una centena

#### Exercici 1.4-1

Quantes desenes es necessiten per formar una centena?

Quin és el dígit de les desenes del nombre cent?

Quantes desenes es necessiten per formar un miler?

Quin és el dígit de les desenes del nombre mil?

Quantes desenes i quantes centenes es necessiten per sumar cent vint-i-un mil trescents vint-i-dos?

Quins són els dígits de les desenes, les centenes i els milers del nombre cent vint-i-un mil tres-cents vint-i-dos?

# 1.5 Major, igual o menor, l'ordre dels nombres

Si tenim un conjunt de nombres naturals, el podem ordenar.

#### Exercici 1.5-1

Ordena de major a menor el següent conjunt de nombres.

22, 10, 35, 5, 7, 10, 12, 20, 10, 14, 5, 8, 11

Per expressar que el nombre 5 és major que el nombre 3, escrivim

5 > 3

El signe > significa «major que».

Per expressar que el nombre 3 és menor que el nombre 5, escrivim

5 < 3

El signe < significa «menor que».

Per expressar que el nombre 5 és igual al nombre 5, escrivim

5 = 5

El signe = significa «igual que».

### 1.6 Els nombres sencers

Havíem dit que els nombres naturals els utilitzem per contar objectes de la realitat. Però tenim un problema quan volem fer comptes amb els nombres naturals.

Imagina que Maria ha sortit de compres amb les seves amigues. Maria duia 10 euros a la seva butxaca, però es va gastar 15, la seva amiga Núria li va deixar 5 euros, per poder comprar una pilota de bàsquet.

Quants diners té Maria?

Doncs té -5 euros, és a dir, deu 5 euros a Núria, que li pagarà quan rebi la seva paga setmanal.

El conjunt de nombres naturals no inclou els nombres negatius, però el dels nombres sencers sí.

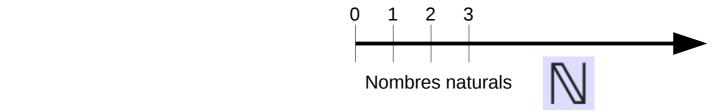
Els nombres sencers són els nombres de menys infinit fins a infinit.

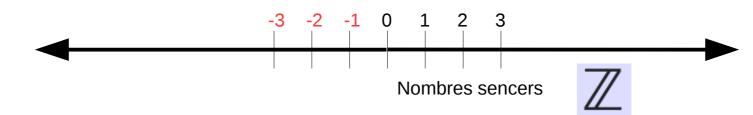
- infinit ... -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4 ... infinit

El símbol amb el qual s'identifica el conjunt dels nombres sencers és



Diferència entre nombres naturals i sencers.





## 1.7 Els nombres racionals o fraccions

És el teu aniversari i has preparat un pastís, que vols repartir entre els 8 invitats.

A quina part toca cada invitat?



Per resoldre aquest problema necessitem operar amb fraccions.

Tenim 1 pastís.

Necessitem 8 parts iguals de 1 pastís.

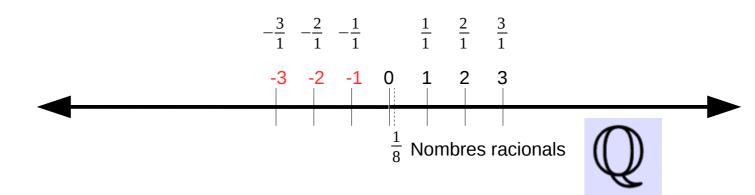
Doncs anomenem a cada part un vuitè, ja que la suma de les 8 parts dóna el pastís sencer.

Un vuitè s'escriu  $\frac{1}{8}$  que és lo mateix que 1 dividit entre 8.

Fixeu-vos que  $\frac{1}{8}$  és un nombre major que 0 i menor que 1.

$$0 < \frac{1}{8} < 1$$

O dit d'altra manera, si no ens deixen menjar-nos el pastís sencer, més val un vuitè de pastís que res.



Els nombres racionals estan formats per parelles de nombres sencers. La parella de nombres sencers s'escriu en forma de fracció.

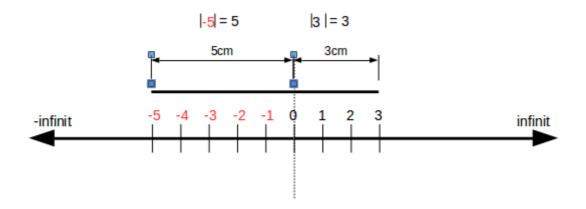
#### Exercici 1.7-1

Ordena de major a menor el següent conjunt de nombres. Indica quins són naturals, quins sencers i quins racionals.

22, 
$$\frac{20}{8}$$
, 35, 5,  $\frac{21}{3}$ , -10, 12,  $\frac{100}{200}$ , 10, 14,  $\frac{10}{2}$ , -8, 11

#### 1.8 El valor absolut

Hem vist que representant els nombres damunt una línia recta, el 0 és l'origen a partir del qual els nombres pugen cap a la dreta fins a infinit i baixen cap a l'esquerra fins a -infinit.



Els nombres sencers tenen dues propietats

- **1.** Indiquen una quantitat, que en la línia és distància de 0 al nombre.
- **2.** Indiquen una posició respecte a l'origen 0, quan duen el símbol es troben a l'esquerra del 0, quan no duen símbol es troben a la dreta.

El valor absolut d'un nombre indica només la primera propietat, la distància del nombre a 0.

Quan dos nombres tenen la mateixa distancia a 0, el seu valor absolut és igual.

$$|+6| = |-6| = 6$$

### 1.9 Exercicis conjunts de nombres N, Z, Q

#### Exercici 1.9-1

*Un corredor duu una camiseta amb el nombre 3.* 

En la competició participen 8 corredors.

El corredor amb la camiseta que duu el nombre 3 ha quedat en 2ª posició.

Quina diferència hi ha en la utilització dels nombres 3, 8 i 2?

#### Exercici 1.9-2

En un edifici de 10 plantes sobre la superfície i 3 plantes de garatge, un ascensor baixa a una velocitat de 5 segons per planta. Quant tardarà en arribar al garatge de la planta -2, si l'usuari l'ha agafat a la sèptima planta?

#### Exercici 1.9-3

El sistema de matrícules és una combinació de quatre nombres (del 0000 al 9999) i tres lletres, començat per BBB i acabant per ZZZ, excloses les vocals, la  $\tilde{N}$  i la Q.

Quines de les següents matrícules són falses i per què?



#### Exercici 1.9-4

Tens 25 euros a la teva guardiola, durant el cap de setmana gastes 7 per anar al cinema, 10 per comprar un regal i 3 en l'autobús.

Quants diners et queden a la guardiola el dilluns?

#### Exercici 1.9-5

La temperatura ambient a nivell de mar és de 20 °C i per cada 300 metres d'altitud cau un grau. Quina és la temperatura a 9000 m d'altitud?

#### Exercici 1.9-6

*Utilitza els signes < i > per indicar la relació entre els nombres.* 

7 -5,

2 5 4, 23 -50 -67, 6 9,

11 6 -8, 39 81

#### Exercici 1.9-7

Representa en la recta numèrica els següents nombres

- a) |-2|
- b) Major que 2 i menor que 4
- c) Menor que -3 i major que -5

#### Exercici 1.9-8

El muntacàrregues d'una plataforma petrolífera es troba a -150 sota el nivell del mar i ha de pujar a 25 m sobre la superfície del mar.

Fes un esquema.

¿Quants metres recorrerà el muntacàrregues?

#### Exercici 1.9-8

Quines de les següents afirmacions són vertaderes?

Els nombres sencers estan inclosos en els nombres naturals.

Els nombres sencers estan inclosos en els nombres racionals.

Els nombres naturals estan inclosos en els nombres racionals.

Els nombres naturals estan inclosos en els nombres sencers.

Els nombres racionals estan inclosos en els nombres sencers.

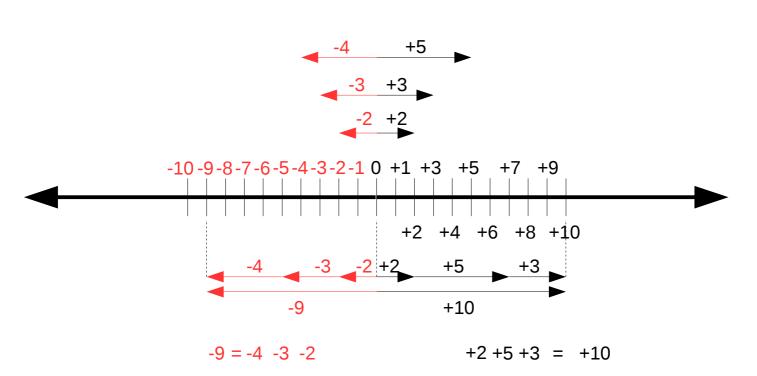
Dibuixa un esquema que mostri la relació entre els conjunts de nombres N, Z i Q.

# 1.10 Operacions amb nombres sencers

Suma i resta de nombres del mateix signe: Se sumen mantenint el signe.

$$+2 +5 +3 = +10$$

$$-4 - 3 - 2 = -9$$



**Suma i resta de nombres amb signe diferent**: Es sumen els positius i es sumen els negatius, es fa la resta de les dues sumes i es posa el signe de la suma major.

$$-4 -3 -2 +2 +3 +5 = -9 +10 = +1$$

# Multiplicació i divisió

Multiplicant nombres positius, el resultat és sempre positiu.

$$+2 \cdot +3 = (+ \cdot +) (|2| \cdot |3|) = +6$$

$$+ \cdot + = +$$

El símbol + sempre manté la seva direcció cap a + infinit.

La multiplicació d'un positiu amb un negatiu dóna un resultat negatiu.

$$-2 \cdot +3 = (- \cdot +) (|2| \cdot |3|) = -6$$

+ · - = -

El signe – sempre causa un canvi de direcció. En aquest exemple de positiu cap a negatiu.

La multiplicació d'un negatiu amb un negatiu dóna un resultat positiu.

$$-2 \cdot -3 = (- \cdot -) (|2| \cdot |3|) = +6$$

- · - = +

Com hi ha dos signes negatius s'ha produït un doble canvi de direcció. El primer negatiu senyala en direcció negativa, el segon negatiu fa el canvi de direcció tornant-la a positiva.

En la divisió són vàlids els mateixos raonaments

$$+6:+3=(+:+)(|6|:|3|)=+2$$

$$+6:-3=(+:-)(|6|:|3|)=-2$$

$$-6:-3=(-:-)$$
 (|6|:|3|) = +2

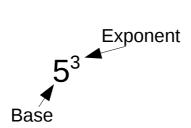
Recorda

# Potència

Anomenem potència a un nombre que es multiplica amb si mateix.

$$5 \cdot 5 \cdot 5 = 5^3$$

En aquest exemple anomenem 5 la base, ja que és el nombre que es multiplica i 3 l'exponent, ja que en la multiplicació apareix el cinc, la base, 3 vegades



Si la base és un nombre positiu, el resultat de la potència és sempre positiu.

$$5^3 = +5 \cdot +5 \cdot +5 = (+ \cdot + \cdot +) (|5| \cdot |5| \cdot |5|) = +125$$

Si la base és un nombre negatiu, el resultat pot ser positiu o negatiu

$$-5^3 = -5 \times -5 \times -5 = (-x - x -) (|5| \times |5| \times |5|) = -125$$

$$-5^4 = -5 \cdot -5 \cdot -5 \cdot -5 = (- \cdot - \cdot - \cdot -) (|5| \cdot |5| \cdot |5| \cdot |5|) = +625$$

Amb base negativa les potències amb exponents pars donen un resultat positiu i amb exponents imparells un resultat negatiu.

# 1.11 Exercicis de producte, divisió i potència

#### Exercici 1.11-1

Calcula:

#### Exercici 1.11-2

Tinc 20 euros , però dec 12 al meu germà i 15 a la meva mare. ¿Quants diners tinc?

#### Exercici 1.11-3

Realitza les següents operacions:

- a) (-3) · (-4) · (+5)
- *b*) (-42): (+7)
- c) (-50): (+10)

#### Exercici 1.11-4

Calcula:

- a) 5-3+2-8+7-5+6
- b)  $(-4)^3$
- c)  $(-2)^4$
- $d) (-3)^6$

#### Exercici 1.11-5

Calcula:

- a) 10-45+3+16
- *b*) 1 + 36 -9 +18 -5
- c) 3-5+4-81+15

#### Exercici 1.11-6

Calcula el valor x per a les següents igualtats:

- a) 30 + x 5 = 10
- b) 13 2 x + 3 = -4

#### Exercici 1.11-7

Copia al teu quadern la següent taula i completa-la. La suma de cada fila, columna i diagonal ha de donar el mateix resultat.

3		
	4	
		5

# Exercici 1.11-8

Pep s'està aprimant. Perd 3 kg per mes. Quant pesava fa 2 mesos si ara pesa 72 kg? Dintre de 4 mesos quant pesarà?

#### Exercici 1.11-9

Copia la següent taula al teu quadern i omple les cel·les ombrejades.

Sa Nostra		E	xtracte de compte corrent
Concepte	Càrrec	Ingrés	Saldo
Saldo anterior			80 €
Rebut telèfon	-6 €		
Rebut aigua	-32 <u>€</u>		
Nòmina			1216 <u>€</u>
Rebut comunitat			1158 <u>€</u>

- a) En algun moment hi ha hagut un saldo negatiu?
- b) Saps com s'anomenen els nombres negatius en un banc?

#### **Exercici 1.11-10**

Calcula:

- a)  $(-3) \cdot (-5)$  c)  $(-3)^3$  e)  $(-5) \cdot (-2) \cdot (-1)$ b) (-8) : (-4) d)  $(-4)^2$  f)  $(-10) \cdot (-2)$

# 1.12 Jerarquia de les operacions

Quan barregem les operacions, aquestes s'han de resoldre amb el següent ordre:

- 1er Parèntesis (), claudàtors [], claus {}, es resolen les operacions dintre d'aquests signes.
- 2<sup>on</sup> Potències
- 3<sup>er</sup> Multiplicacions i divisions
- 4<sup>t</sup> Sumes i restes

Les operacions d'un mateix nivell s'efectuen d'esquerra a dreta.

# Exemple sense parèntesis:

$$20 - 18 : 9 + 32 : 2^3 + 5 - 3 \cdot 2$$

1<sup>er</sup>. Potència

$$20 - 18:9 + 32:8 + 5 - 3 \cdot 2$$

2ºn. Divisions i multiplicació

$$20 - 2 + 4 + 5 - 6$$

3<sup>er</sup>. Sumes i restes

$$29 - 8 = 21$$

**Exemple amb parèntesis:** 

$$(44-18): (-9) - (20+12): (2 \cdot 2)^2 + (5-3) \cdot 2$$

1<sup>er</sup>. Operacions dintre dels parèntesis

$$36: (-9) - 32: 4^2 + 2 \cdot 2$$

2<sup>on</sup>. Potències

$$36: (-9) - 32: 16 + 2 \cdot 2$$

3er. Multiplicacions i divisions

$$-4 - 2 + 4$$

4°. Sumes i restes

$$4 - 4 - 2 = -2$$

Si el parèntesis va precedit del signe +, no canvien els signes dels nombres que estan a l'interior del parèntesis.

$$+\cdot(+)=+$$

Si el parèntesis va precedit del signe -, sí canvien els signes dels nombres que estan a l'interior del parèntesis.

$$-\cdot(+)=-$$

Exemple:

$$-(2+5\cdot(-3)-8:4)=-2-5\cdot(-3)+8:4$$

# 1.13 Exercicis de jerarquia

#### Exercici 1.13-1

Calcula:

$$4 \cdot 6 - 6 : 2 + 5^2 - 2 + 9$$

#### Exercici 1.13-2

Calcula:

$$3 \cdot (5 + 8 - 3) + 5 + 4 : (-2 + 3 - 5)$$

#### Exercici 1.13-3

Calcula:

$$4 \cdot (4+3) + 6 - [5:(-1)] + 4 \cdot (2-7)$$

#### Exercici 1.13-4

Resol les següents operacions:

a) 
$$3 + 2 \cdot 7 + 5 \cdot 6 : 5 - 4 \cdot 7$$

b) 
$$(35-17):6+(12+5)\cdot 6$$

#### Exercici 1.13-5

Resol les següents operacions:

a) 
$$(-3) \cdot (8-13)$$

b) 
$$(2 + 5 - 6) \cdot (-2)$$

c) 
$$(-12-10):(-1-6-4)$$

d) 
$$(-13-8) \cdot (-3-4)$$

#### Exercici 1.13-6

Resol les següents operacions:

a) 
$$-13 - 40 \cdot (5 + 3 - 3) - 36 : 12$$

b) 
$$2-3 \cdot (-5+4) - 3 : 1-5 \cdot (4+48:2)$$

c) 
$$4 + 28 : 7 - 50 : (12 + 17 - 4)$$

# Exercici 1.13-7

Resol les següents operacions:

a) 
$$(-2)^3 \cdot (-3)^2 + (-4)^3$$

b) 
$$(-5)^2 \cdot (-2)^2 + 3 \cdot 5 - 4 \cdot (2 + 3 - 7)$$

c) 
$$(-6)^3$$
:  $(-3)^3 + 8 \cdot (2 \cdot 5 - 3 : 1)$ 

#### Exercici 1.13-8

Comprova si són vertaders o falses les següents igualtats:

a) 
$$-45:5\cdot(-3)=3$$

b) 
$$12 - (-4 + 6) \cdot 3 = 30$$

c) 
$$5 + 2 \cdot (-7 + 3) = -3$$

d) 
$$(6-4\cdot3)+18-6+(-1)^5=9$$

#### 1.14 Divisibilitat

## Múltiple i divisor d'un nombre

Fixa't en el següent exemple:

Si dividim 18 entre 2 obtenim com a cocient 9 i la divisió és exacta. Diem que:

Unitat 1

- 18 és **múltiple** de 2 perquè 2 es pot multiplicar per un nombre natural que dóna 18.
- 2 és **divisor** de 18 perquè 18 es pot dividir entre 2 i la divisió és exacta.

En canvi, si dividim 30 entre 9, la divisió no és exacta y, per tant, 30 no és múltiple de 9, ni 9 és divisor de 30.

#### **Nombres primers i compostos**

**Nombre primer** és aquell que com a divisors només té a si mateix i 1.

Nombre compost és aquell que com a divisors té altres nombres a més de si mateix i 1.

En la següent taula els nombres ressaltats amb fons blau són primers i la resta compostos.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

El nombre 1 és excepcional, no es considera ni primer ni compost.

# Descomposició d'un nombre en factors primers

Factoritzar un nombre és dividir-ho entre els nombres primers 2, 3, 5, 7, 11, 13... de forma que les divisons siguin exactes. Aquest procediment es repeteix fins que en la darrera divisió el cocient sigui 1.

Exemple: descompondre 120 en factors primers

120 | 2

60 | 2

30 | 2

15 | 3

5 | 5

1 |

$$120=2^3\cdot 3\cdot 5$$

# Regles de divisibilitat

2	Quan l'última xifra és par o 0
3	Quan la suma de les xifres és 3 o multiple de 3
5	Quan l'última xifra és 0 o 5
9	Quan la suma de les xifres és 9 o múltiple de 9

#### 1.15 Exercicis de divisibilitat

### Exercici 1.15-1

Marca els nombres divisibles entre 5.

15, 34, 50, 85, 112, 210, 467, 500

### Exercici 1.15-2

¿1.203 és múltiple de 3? Raona la teva resposta.

#### Exercici 1.15-3

Cerca tots els divisors de

a.) 20

b.) 12

#### Exercici 1.15-4

Factoritza els nombres 36 i 150.

#### Exercici 1.15-5

Escriu els nombres corresponents a les següents factoritzacions:

a) 
$$2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

b) 
$$2^3 \cdot 3^2 \cdot 7$$
 c)  $2 \cdot 3 \cdot 5^2$ 

c) 
$$2 \cdot 3 \cdot 5^2$$

```
Comprueba si los siguientes números son divisibles por 2,
 1.15-6
             3, 5, 9 o 10:
             a) 204 b) 330 c) 3.960 d) 4.199 e) 2.133 f) 5.334
 1.15-7

 a) Cuatro múltiplos de 15

             b) Tres divisores de 40
             ¿Se pueden envasar 125 litros de aceite en bidones de
 1.15-8
             5 litros? ¿Y en bidones de 2 litros?
             Busca el primer múltiplo de 38 mayor que 200.
 1.15-9
             ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera?
1.15-10
             a) Si un número es múltiplo de 15, también es múltiplo de
             b) Si un número es múltiplo de 3 y 5, también es múltiplo
             Busca todos los números comprendidos entre 60 y 90 que
1.15-11
             sean primos.
             Di cuáles son primos y cuáles son compuestos:
1.15-12
                             85, -101, 111 y 215
             Razona en cada caso la respuesta.
             Factoriza los siguientes números:
1.15 - 13
                           30, 12, 31, 80, 32 y 174
1.15-14
             Escribe los números que comprenden los factores:
            a) 32.5
            b) 32-52-4
              Asocia en tu cuademo de trabajo cada número con su
 1.15-15
              descomposición en factores primos.
                                        32.5
                 60
                 45
                                        2-3-5
                  8
                                        22.3.5
                                        23
                  24
                                        23 - 3
                  30
              Indica cuáles de los siguientes números son primos y cuáles
  1.15-16
              son compuestos. Razona la respuesta.
                39, 23, 27, 121, 147, 61, 18, 53, 47, 87, 123, 144, 6
  1.15-17
              Descompón en factores primos los siguientes números:
                a) 72
                             c) 1.100
                                           e) 693
                                                        q) 924
                b) 2.548
                              d) 1.000
                                           f) 1.575
                                                        h) 760
```

#### 1.16 M.C.D. i m.c.m.

El màxim comú divisor (M.C.D.) de diversos nombres és el major dels divisors que tinguin en comú.

**Exemple**: Calcula el M.C.D. de 12 i 16.

Divisors de 12: 1, 2, 3, 4, 6, 12.

Divisors de 16: 1, 2, 4, 8, 16.

Dels divisors comuns 1, 2, 4 seleccionem el major → M.C.D. és 4

Un altre procediment consisteix en descompondre els nombres en factors primers i triar els factors comuns elevats als seu menor exponent.

1 |

$$10 - 0^2$$

$$16 = 2^4$$

$$12 = 2^2 \cdot 3$$
  $16 = 2^4$   $\rightarrow$  M.C.D. és  $2^2 = 4$ 

El mínim comú múltiple (**m.c.m.**) de diversos nombres és el menor dels múltiples que tinguin en comú.

**Exemple**: Calcula el m.c.m. de 8 i 12.

Múltiples de 8: 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, 64...

Múltiples de 12: 12, 24, 36, 48, 60, 72...

Dels múltiples comuns 24, 48... el més petit → m.c.m. és 24

Un altre procediment consisteix en descompondre els nombres en factors primers i multiplicar els factors comuns i no comuns elevats al major exponent.

$$8 = 2^3 12 = 2^2 \cdot 3$$

m.c.m.  $\rightarrow 2^3 \cdot 3 = 24$ 

#### 1.17 Exercicis M.C.M i m.c.m.

#### Exercici 1.17-1

Calcula els divisors de 18 i 36 i indica els comuns.

#### Exercici 1.17-2

Calcula el el M.C.D. de 124 i 48.

#### Exercici 1.17-3

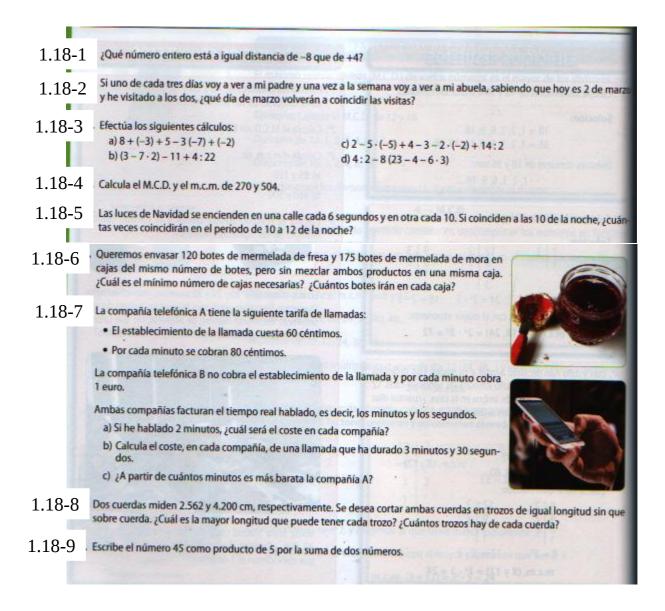
Calcula m.c.m. de 9, 24 i 18.

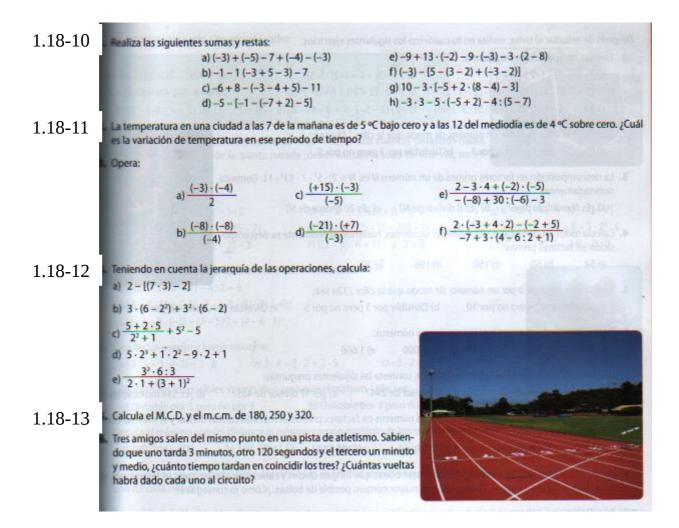
#### Exercici 1.17-4

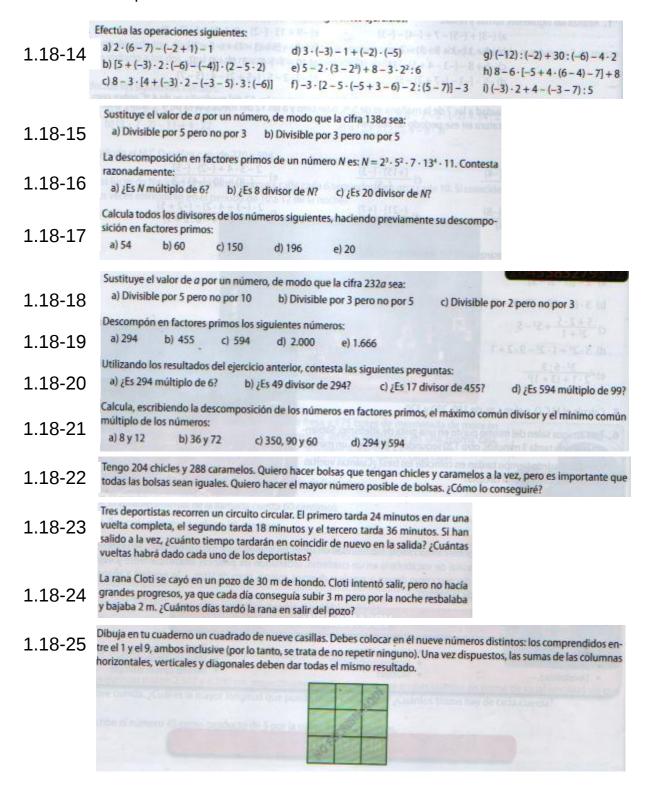
Toni i Marc han decidit ajudar la seva mare: Toni ordenarà la cuina cada 8 dies i Marc netejarà les finestres cada 12 dies. Si avui han coincidit tots dos a casa de la mare, quants dies passaran fins que tornin a coincidir?

1.17-5	Calcula los divisores de 48 y 60 y luego escribe los divi- sores comunes de los dos números.				
1.17-6	Calcula el M.C.D. de 80 y 100.				
1.17-7	Calcula el m.c.m. de:				
	a) 85 y 120 b) 360 y 500				
1.17-8	Calcula el máximo co múltiplo de los siguien	mún divisor y el mínimo común tes números:			
	a) 6, 9 y 12	c) 75, 90 y 105			
	b) 32, 40 y 48	d) 40, 180 y 760			
1.17-9	Lucia recibe cada 8 días una llamada telefónica de su ami- ga Pilar y cada 10 días una carta de sus amigos de Cana- rías, y además cada 4 días llama a sus abuelos. Hoy han coincidido las llamadas y la carta. ¿Cuántos días han de transcurrir para que vuelvan a coincidir?				
1.17-10	En dos clases de 3º hay 24 y 30 alumnos, respectivamente. Queremos formar equipos para realizar un trabajo de matemáticas del mismo número de alumnos, sin que falte ni sobre ninguno. ¿Cuántos alumnos hay en cada equipo?  María visita Madrid cada 20 días y Pedro lo hace cada 30 días. ¿Cuántos días coincidirán en un año, sabiendo que coincidieron el 1 de enero?				
1.17-11					

### 1.18 Unita 1 – Exercicis de reforç







#### 1.19 Solucions

#### Exercici 1.1-1

He contat els bitllets del meu moneder.

Tinc 3 bitllets de 5 euros, 1 de 10 euros i mig bitllet de 20 euros.

Quants euros tinc en total?

#### $3 \cdot 5$ euros + $1 \cdot 10$ euros = 25 euros

#### Exercici 1.3-1

Indica quins i quants dígits tenen els següents nombres:

Nombre	Dígits (quins i quants)
Mil	1000 – 4 dígits
Disset	17 – 2 dígits
Vint-i-quatre	24 – 2 dígits
Un milió cinc-cents cinquanta-cinc mil dos-	1 555 208 - 7 dígits
cents vuit	
Set	7 – 1 dígit
Cent u	101 – 3 dígits

#### Exercici 1.4-1

Quantes desenes es necessiten per formar una centena? 10

Quin és el dígit de les desenes del nombre cent? 0

Quantes desenes es necessiten per formar un miler? 100

Quin és el dígit de les desenes del nombre mil?

Quantes desenes i quantes centenes es necessiten per sumar cent vint-i-un mil trescents vint-i-dos? 121 322 – 1 213 centenes i 2 desenes

Quins són els dígits de les desenes, les centenes i els milers del nombre cent vint-i-un mil tres-cents vint-i-dos? **desenes 2 – centenes 3 – milers 1** 

#### Exercici 1.5-1

Ordena de major a menor el següent conjunt de nombres.

#### Exercici 1.7-1

Ordena de major a menor el següent conjunt de nombres. Indica quins són naturals, quins sencers i quins racionals.

22, 
$$\frac{20}{8}$$
, 35, 5,  $\frac{21}{3}$ , -10, 12,  $\frac{100}{200}$ , 10, 14,  $\frac{10}{2}$ , -8, 11

$$35 > 22 > 14 > 12 > 11 > 10 > \frac{21}{3} > 5 > \frac{20}{8} > -8 > -10$$

#### Exercici 1.9-1

Un corredor duu una camiseta amb el nombre 3.

En la competició participen 8 corredors.

El corredor amb la camiseta que duu el nombre 3 ha quedat en 2ª posició.

Quina diferència hi ha en la utilització dels nombres 3, 8 i 2?

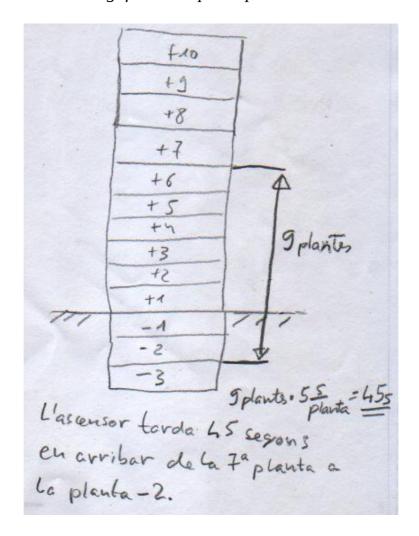
El nombre 3 de la camiseta **identifica** el corredor.

El nombre 8 indica una quantitat, hi ha 8 corredors que participen a la competició.

El nombre **2** indica l'**orde de posició** en el que ha quedat el corredor nº 3 respecte als altres corredors.

#### Exercici 1.9-2

En un edifici de 10 plantes sobre la superfície i 3 plantes de garatge, un ascensor baixa a una velocitat de 5 segons per planta. Quant tardarà en arribar al garatge de la planta -2, si l'usuari l'ha agafat a la sèptima planta?



#### Exercici 1.9-3

El sistema de matrícules és una combinació de quatre nombres (del 0000 al 9999) i tres lletres, començat per BBB i acabant per ZZZ, excloses les vocals, la  $\tilde{N}$  i la Q.

Quines de les següents matrícules són falses i per què?

 8722 BCA
 76L3 HHM
 8651 ÑHX

 5398 KLM
 9393 KQM
 8677 BEX

1<sup>a</sup> falsa duu vocal A

2<sup>a</sup> falsa duu una L entre les xifres

 $3^a$  falsa duu una  $\tilde{N}$ 

4<sup>a</sup> correcta

5<sup>a</sup> falsa duu una Q

6<sup>a</sup> falsa duu la vocal E

#### Exercici 1.9-4

Tens 25 euros a la teva guardiola, durant el cap de setmana gastes 7 per anar al cinema, 10 per comprar un regal i 3 en l'autobús.

Quants diners et queden a la guardiola el dilluns?

#### Exercici 1.9-5

La temperatura ambient a nivell de mar és de 20 °C i per cada 300 metres d'altitud cau un grau. Quina és la temperatura a 9000 m d'altitud?

9000 m : 300 m/grau = 30 graus  $\rightarrow$  20 °C - 30 graus = -10 °C

La temperatura a 9000 m és de -10 °C.

FPB - Ciències Aplicades 1

Unitat 1

09/17

#### Exercici 1.9-6

*Utilitza els signes < i > per indicar la relació entre els nombres.* 

7 -5, 2 5 4, 23 -50 -67, 6 9,

11 6 -8, 39 81

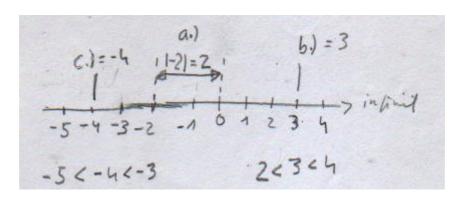
7 > -5, 2 < 5 > 4, 23 > -50 > -67, 6 < 9, 11 > 6 > -8,

39 < 81

#### Exercici 1.9-7

Representa en al recta numèrica els següents nombres

- *a*) |-2|
- b) Major que 2 i menor que 4
- c) Menor que -3 i major que -5

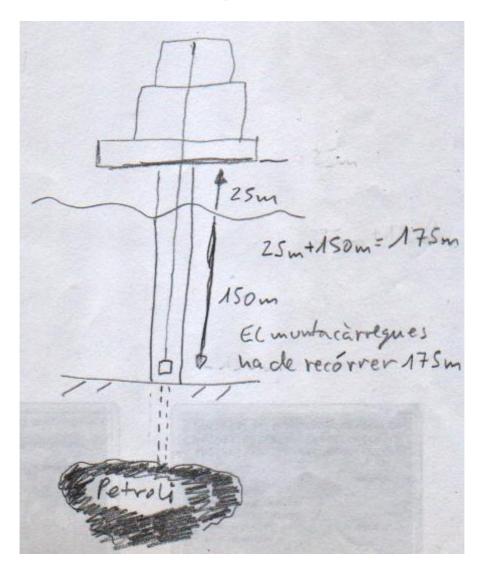


#### Exercici 1.9-8

El muntacàrregues d'una plataforma petrolífera es troba a -150 sota el nivell del mar i ha de pujar a 25 m sobre la superfície del mar.

Fes un esquema.

¿Quants metres recorrerà el muntacàrregues?

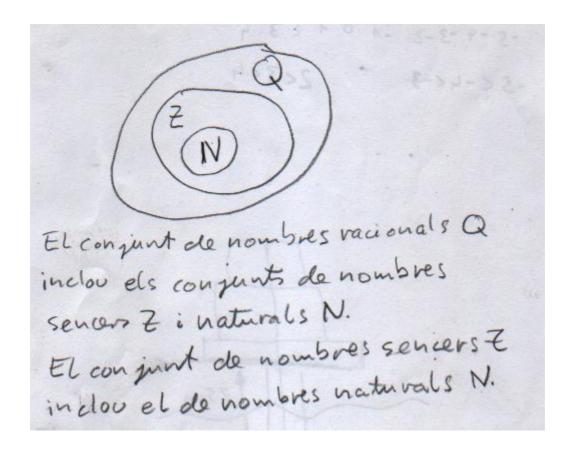


#### Exercici 1.9-8

Quines de les següents afirmacions són vertaderes?

Els nombres sencers estan inclosos en els ombres naturals. **Fals**Els nombres sencers estan inclosos en els nombres racionals. **Vertader**Els nombres naturals estan inclosos en els nombres racionals. **Vertader**Els nombres naturals estan inclosos en els nombres sencers. **Vertader**Els nombres racionals estan inclosos en els nombres sencers. **Fals** 

Dibuixa un esquema que mostri la relació entre els conjunts de nombres N, Z i Q.



#### Exercici 1.11-1

Calcula:

$$+8 +4 -6 -3 -6 = +12 -15 = -3$$

#### Exercici 1.11-2

Tinc 20 euros , però dec 12 al meu germà i 15 a la meva mare. ¿Quants diners tinc?

#### Exercici 1.11-3

Realitza les següents operacions:

a) 
$$(-3) \cdot (-4) \cdot (+5) = (- \cdot - \cdot +) (3 \cdot 4 \cdot 5) = +60$$

b) 
$$(-42)$$
:  $(+7)$  =  $(-\cdot +)$   $(42 \cdot 7)$  =  $-294$ 

c) 
$$(-50)$$
:  $(+10)$  =  $(-\cdot +)$   $(50 \cdot 10)$  =  $-500$ 

#### Exercici 1.11-4

Calcula:

a) 
$$5-3+2-8+7-5+6=+5+2+7+6-3-8-5=+20-16=+4$$

b) 
$$(-4)^3 = (-\cdot -\cdot -) (4 \cdot 4 \cdot 4) = -64$$
 - exponent imparell

c) 
$$(-2)^4 = (-----)(2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2) = +16$$
 - exponent par

d) 
$$(-3)^6 = +(3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3) = +729$$
 - exponent par

#### Exercici 1.11-5

Calcula:

a) 
$$10-45+3+16=+29-45=-16$$

c) 
$$3-5+4-81+15=+22-86=-64$$

#### Exercici 1.11-6

Calcula el valor x per a les següents igualtats:

a) 
$$30 + x - 5 = 10 \rightarrow x = +10 - 30 + 5 = +15 - 30 = -15$$

b) 
$$13 - 2 - x + 3 = -4 -> x = +13 +3 +4 -2 = +20 -2 = +18$$

#### Exercici 1.11-7

Copia al teu quadern la següent taula i completa-la. La suma de cada fila, columna i diagonal ha de donar el mateix resultat.

9	8	7	
3	5	4	9
5	4	3	8
4	3	5	7

#### Exercici 1.11-8

Pep s'està aprimant. Perd 3 kg per mes. Quant pesava fa 2 mesos si ara pesa 72 kg? Dintre de 4 mesos quant pesarà?

$$72 kg + 2 mesos \cdot 3 \frac{kg}{mes} = 78 kg$$

$$72 kg - 4 mesos \cdot 3 \frac{kg}{mes} = 60 kg$$

Fa 2 mesos pesava 78 kg i dintre de 4 mesos pesarà 60 kg.

#### Exercici 1.11-9

Copia la següent taula al teu quadern i omple les cel·les ombrejades.

Sa Nostra Extracte de compte corrent				
Concepte	Càrrec	Ingrés	Saldo	
Saldo anterior			80 €	
Rebut telèfon	-6 €		74 <u>€</u>	
Rebut aigua	-32 <u>€</u>		42 <u>€</u>	
Nòmina		+1174 <u>€</u>	1216 €	
Rebut comunitat		-58 €	1158 €	

- a) En algun moment hi ha hagut un saldo negatiu? **No**
- b) Saps com s'anomenen els nombres negatius en un banc? Nombres vermells

#### **Exercici 1.11-10**

Calcula:

a) 
$$(-3) \cdot (-5) = (- \cdot -) (3 \cdot 5) = +15$$

b) 
$$(-8)$$
:  $(-4)$  =  $(-\cdot -)$   $(8\cdot 4)$  = + 40

c) 
$$(-3)^3 = (-)(3 \cdot 3 \cdot 3) = -27$$

d) 
$$(-4)^2 = (+) (4 \cdot 4) = + 16$$

#### Exercici 1.13-1

Calcula:

$$4 \cdot 6 - 6 : 2 + 5^2 - 2 + 9$$
  
= 24 - 3 + 25 - 2 +9 = +24 +25 +9 -3 -2 = +58 -5 = 53

#### Exercici 1.13-2

Calcula:

$$3 \cdot (5 + 8 - 3) + 5 + 4 : (-2 + 3 - 5)$$
  
=  $3 \cdot 9 + 5 + 4 : (-4) = +27 + 5 - 1 = 31$ 

#### Exercici 1.13-3

Calcula:

$$4 \cdot (4+3) + 6 - [5:(-1)] + 4 \cdot (2-7)$$
  
=  $4 \cdot (+7) + 6 - [-5] + 4 \cdot (-5) = 28 + 6 + 5 - 20 = 19$ 

#### Exercici 1.13-4

Resol les següents operacions:

a) 
$$3 + 2 \cdot 7 + 5 \cdot 6 : 5 - 4 \cdot 7$$
  
= +3 +14 +30 : 5 -28 = +3 +14 +6 -28 = +23 - 28 = -5

b) 
$$(35-17): 6 + (12 + 5) \cdot 6$$
  
=  $(+18): 6 + 17 \cdot 6 = +3 + 102 = 105$ 

#### Exercici 1.13-5

Resol les següents operacions:

a) 
$$(-3) \cdot (8-13)$$
  
=  $(-3) \cdot (-5) = 15$ 

b) 
$$(2+5-6)\cdot(-2)$$
  
=  $(7-6)\cdot(-2)=1\cdot(-2)=-2$ 

c) 
$$(-12-10)$$
:  $(-1-6-4)$   
=  $(-22)$ :  $(-11)$  = 2

d) 
$$(-13-8) \cdot (-3-4)$$
  
=  $(-21) \cdot (-7) = 147$ 

#### Exercici 1.13-6

Resol les següents operacions:

a) 
$$-13 - 40 \cdot (5 + 3 - 3) - 36 : 12$$
  
=  $-13 - 40 \cdot (+5) - 3 = -13 - 200 - 3 = -216$ 

b) 
$$2-3 \cdot (-5+4)-3 : 1-5 \cdot (4+48:2)$$
  
=  $+2 \cdot 3 \cdot (-1) \cdot 3 \cdot 5 \cdot (4+24) = +2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 28 = +2 \cdot 3 \cdot 140 = -141$ 

c) 
$$4 + 28 : 7 - 50 : (12 + 17 - 4)$$
  
=  $+4 + 3 - 50 : (29 - 4) = +4 + 3 - 50 : (+25) = +4 + 3 - 2 = 5$ 

#### Exercici 1.13-7

Resol les següents operacions:

a) 
$$(-2)^3 \cdot (-3)^2 + (-4)^3$$
  
= -8 \cdot 9 -64 = -72 -64 = -136

b) 
$$(-5)^2 \cdot (-2)^2 + 3 \cdot 5 - 4 \cdot (2 + 3 - 7)$$
  
=  $25 \cdot 4 + 15 - 4 \cdot (5 - 7) = +100 + 15 - 4 \cdot (-2) = 100 + 15 + 8 = 123$ 

c) 
$$(-6)^3 : (-3)^3 + 8 \cdot (2 \cdot 5 - 3 : 1)$$
  
= 216 + 8 \cdot (+10 -3) = 216 + 8 \cdot (+7) = 216 + 56 = 272

#### Exercici 1.13-8

Comprova si són vertaders o falses les següents igualtats:

- a)  $-45:5\cdot(-3)=3$ 
  - $-9 \cdot (-3) = 3$
  - 3 = 3 vertadera
- b)  $12 (-4 + 6) \cdot 3 = 30$

$$12 - (+2) \cdot 3 = 30$$

$$12 - 6 = 30$$

$$6 = 30 \text{ falsa}$$

c)  $5 + 2 \cdot (-7 + 3) = -3$ 

$$+5 + 2 \cdot (-4) = -3$$

$$+5 -8 = -3$$

$$-3 = -3$$
 vertadera

d)  $(6-4\cdot3)+18-6+(-1)^5=9$ 

$$(6-12)+18-6-1=9$$

$$-6 + 18 - 6 - 1 = 9$$

$$+18 - 13 = 9$$

$$5 = 9$$
 falsa

#### Exercici 1.15-1

Marca els nombres divisibles entre 5.

15, 34, <mark>50</mark>, <mark>85</mark>, 112, <mark>210</mark>, 467, <mark>500</mark>

#### Exercici 1.15-2

¿1.203 és múltiple de 3? Raona la teva resposta.

Sí, perquè la suma de les xifres és 6, múltiple de 3.

#### Exercici 1.15-3

Cerca tots els divisors de

a.) 20 b.) 12

20   2	12   2
10   2	6   2
5   5	3   3
1	1
$20 = 2 \cdot 2 \cdot 5$	$12 = 2 \cdot 2 \cdot 3$
→ Els divisor són 1, 2, 4, 5, 20	→ Els divisor són 1, 2, 3, 4, 12

#### Exercici 1.15-4

Factoritza els nombres 36 i 150.

36   2	150   2
18   2	<i>7</i> 5   <i>3</i>
9   3	25   5
3   3	5   5
1	1
$36 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 = 2^2 \cdot 3^3$	$150 = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5 = 2 \cdot 3 \cdot 5^2$

#### Exercici 1.15-5

Escriu els nombres corresponents a les següents factoritzacions:

a) 
$$2^2 \cdot 3 \cdot 5$$

a) 
$$2^2 \cdot 3 \cdot 5$$
 b)  $2^3 \cdot 3^2 \cdot 7$  c)  $2 \cdot 3 \cdot 5^2$ 

c) 
$$2 \cdot 3 \cdot 5^2$$

$$4 \cdot 3 \cdot 5 = 60$$

$$8 \cdot 9 \cdot 7 = 504$$

$$4 \cdot 3 \cdot 5 = 60$$
  $8 \cdot 9 \cdot 7 = 504$   $2 \cdot 3 \cdot 25 = 150$ 

1.15-6 Comprueba si los siguientes números son divisibles por 2, 3, 5, 9 o 10;
a) 204 b) 330 c) 3,960 d) 4.199 e) 2.133 f) 5.334

	Divisible 2	Divisible 3	Divisible 5	Divisible 9	Divisible 10
a) 204	Sí, és parell	Sí, la suma de les xifres és múltiple de 3	No, les unitas no són 0 ni 5	No, la suna de les xifres no és múltiple de 9	No, les unitas no són 0
b) 330	Sí, és parell	Sí, la suma de les xifres és múltiple de 3	Sí, les unitas són 0	No, la suna de les xifres no és múltiple de 9	Sí, les unitats són 0
c) 3960	Sí, és parell	Sí, la suma de les xifres és múltiple de 3	Sí, les unitas són 0	Sí, la suna de les xifres és múltiple de 9	Sí, les unitats són 0
d) 4199	No, és imparell	No, la suma de les xifres no és múltiple de 3	No, les unitas no són 0 ni 5	No, la suna de les xifres no és múltiple de 9	No, les unitas no són 0 ni 5
e) 2133	No, és imparell	Sí, la suma de les xifres és múltiple de 3	No, les unitas no són 0 ni 5	Sí, la suna de les xifres és múltiple de 9	No, les unitas no són 0 ni 5
f) 5334	Sí, és parell	Sí, la suma de les xifres és múltiple de 3	No, les unitas no són 0 ni 5	No, la suna de les xifres no és múltiple de 9	No, les unitas no són 0 ni 5

1.15-7 Busca: a) Cuatro múltiplos de 15

b) Trés divisores de 40

a)  $2 \cdot 15 = 30$ 

 $3 \cdot 15 = 45$ 

 $4 \cdot 15 = 60$ 

 $5 \cdot 15 = 75$ 

b) 40 | 2

20 | 2

10 | 2

5 | 5

1 |

40 = 1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40

1.15-8 ¿Se pueden envasar 125 litros de aceite en bidones de 5 litros? ¿Y en bidones de 2 litros?

125 | 5

25 | 5

5 | 5

1 |

 $125 = 5 \cdot 5 \cdot 5 = 5^3$ 

125 litres es poden envasar en 25 bidons de 5 litres.

També es poden envasar en 62 bidons de 2 litres, però sobraria 1 litre.

## 1.15-9 Busca el primer múltiplo de 38 mayor que 200.

 $5 \cdot 38 = 190$ 

$$6 \cdot 38 = 228$$

El primer múltiple de 38 major que 200 és 6.

2.15-10

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es verdadera?

a) Si un número es múltiplo de 15, también es múltiplo de 3 y 5.

b) Si un número es múltiplo de 3 y 5, también es múltiplo de 16.

- a ) Vertadera, perquè  $3 \cdot 5 = 15$ .
- b) Falsa, perquè 16 no és múltiple ni de 5, ni de 3.

 1.15–11 Busca todos los números comprendidos entre 60 y 90 que sean primos.

61, 67, 71, 73, 79, 83, 89

1.15-12 Di cuáles son primos y cuáles son compuestos: 85, -101, 111 y 215

85 compost, múltiple de 5

-101 primer

111 compost, múltiple de 3

215 compost, múltiple de 5

## 1.15-13 Factoriza los siguientes números: 30, 12, 31, 80, 32 y 174

30   2	12   2	31   31
15   3	6   2	1
5   5	1	
1		
$30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$	$12 = 2 \cdot 2 \cdot 3 = 2^2 \cdot 3$	31 = 1 · 31
80   2	32   2	174   2
40   2	16   2	87   3
20   2	8   2	29   29
10   2	4   2	1
5   5	2   2	·
1	1	
$80 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 = 2^{4} \cdot 5$	$32 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^5$	174 = 2 · 3 · 29

# 1.15-14 Escribe los números que comprenden los factores: a) 3<sup>2</sup> · 5 b) 3<sup>2</sup> · 5<sup>2</sup> · 4

a) 
$$3 \cdot 3 \cdot 5 = 45$$
 b)  $3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 4 = 900$ 

1.15-15		cuademo de trabajo o in en factores primos.	ada número con su
	60	31.5	
13/19	45	2:3-5	
100	8	21-3-5	
15.7	24	32	- Company 1985
12.10	30	21.3	THE HOLDS

$$3^2 \cdot 5 = 45$$
  $2 \cdot 3 \cdot 5 = 30$   $2^2 \cdot 3 \cdot 5 = 60$   $2^3 = 8$   $2^3 \cdot 3 = 24$ 

1.15-16

Indica cuáles de los siguientes números son primos y cuáles son compuestos. Razona la respuesta.

39, 23, 27, 121, 147, 61, 18, 53, 47, 87, 123, 144, 6

	Compost	Primer	Divisors	Comentari
39	Х		3, 13	Suma de les xifres múltiple de 3
23		Х		
27	X		3, 9	Suma de les xifres múltiple de 3
121	X		11	
147	X		3	Suma de les xifres múltiple de 3
61		X		
18	X		2, 3, 6, 9	
53		X		
47		Х		
87	Х			Suma de les xifres múltiple de 3
123	Х			Suma de les xifres múltiple de 3
144	X			Parell
6	X			Parell

1.15-17	Descompón en factores primos los siguientes números:					
	a) 72	c) 1.100	e) 693	g) 924		
	b) 2.548	d) 1.000	f) 1.575	h) 760		

72   2	2 548   2	1 100   2	1000   2	693   3
36   2	1274   2	550   2	500   2	231   3
18   2	637   7	225   5	250   2	77   7
9   3	91   7	45   5	125   2	11  11
3   3	13   13	9   3	25   5	1
1	1	3  3	5   5	
$72 = 2^3 \cdot 3^2$	2 548	1	1	$693 = 3^2 \cdot 7 \cdot 11$
	$= 2^2 \cdot 7^2 \cdot 13$	1 100	1000 =	
		= 2 2 · 52 · 32	$2^4 \cdot 5^2$	

1 575   5	924   2	760   2	
315   5	462   2	380   2	
63   3	231   3	190   2	
21   3	77   7	95   5	
7   7	11   11	19   19	
1	1   1	1	
1 575 =	924	760	
$5\cdot 3^2\cdot 7$	$=2^2\cdot 3\cdot 7\cdot 11$	$=2^3\cdot 5\cdot 19$	

#### Exercici 1.17-1

Calcula els divisors de 18 i 36 i indica els comuns.

18   2	36   2
9   3	18   2
3   3	9   3
1	3   3
	1
Els divisor de 18 són 1, 3, 6, 9, 18	Els divisor de 36 són 1, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36

*Divisors comuns són:* 1, 3, 6, 9, 18

#### Exercici 1.17-2

Calcula el el M.C.D. de 124 i 48.

124   2	48   2
62   2	24   2
31   31	12   2
1	6   2
	3   3
	1
$124 = 2^2 \cdot 31$	$48 = 2^4 \cdot 3$

$$M.C.D = 2^2 = 4$$

#### Exercici 1.17-3

Calcula m.c.m. de 9, 24 i 18.

$9 = 3^2$	$24 = 2^3 \cdot 3$	$18 = 2 \cdot 3^2$
	1	
	3   3	1
1	6   2	3   3
3   3	12   2	9 3
9   3	24   2	18   2

 $m.c.m. = 3^2 \cdot 2^3 = 9 \cdot 8 = 72$ 

#### Exercici 1.17-4

Toni i Marc han decidit ajudar la seva mare: Toni ordenarà la cuina cada 8 dies i Marc netejarà les finestres cada 12 dies. Si avui han coincidit tots dos a casa de la mare, quants dies passaran fins que tornin a coincidir?

$ \mathbf{Q} - \mathbf{J} ^3$	$ 17 - 7^2, 3 $
0 - 2	12 - 2 3

 $m.c.m. = 2^3 \cdot 3 = 24$ 

# 1.17-5 Calcula los divisores de 48 y 60 y luego escribe los divisores comunes de los dos números.

48   2	60   2
24   2	30   2
12   2	15   3
6   2	5 5
3   3	1
1	
48 divisors 1, 2, 3, 4, 8, 12, 16, 24, 48	60 divisors 1, 2, 3, 5, 6, 12, 15, 20, 60

Divisors comuns de 48 i 60 són: 1, 2, 3, 4, 12.

## 1.17-6 Calcula el M.C.D. de 80 y 100.

80   2	100   2
40   2	50   2
20   2	25   5
10   2	5   5
5 5	1
1	
$80 = 2^4 \cdot 5$	$100 = 2^2 \cdot 5^2$

El M.C.M. és  $5 \cdot 2^2 = 20$ 

## 1.17-7 Calcula el m.c.m. de: a) 85 y 120 b) 360 y 500

a)

85   5	120   2
17   17	60   2
1	30   2
	15   3
	5 5
	1
85 = 5 · 17	$120 = 2^3 \cdot 3 \cdot 5$

m.c.m. és 5

b)

360   2	500   2
180   2	250   2
90   2	125   5
45   3	25   5
15   3	5   5
5 5	1
1	
$360 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5$	$500 = 2^2 \cdot 5^3$

 $m.c.m. \ \acute{e}s \ 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5^3 = 8 \cdot 9 \cdot 125 = 9000$ 

Calcula el máximo común divisor y el mínimo común 1.17-8 múltiplo de los siguientes números:

a) 6, 9 y 12 c) 75, 90 y 105

b) 32, 40 y 48 d) 40, 180 y 760

a)

6   2	9   3	12   2
3   3	3   3	6   2
1	1	3   3
		1
$6 = 2 \cdot 3$	$9=3^2$	$12 = 2^2 \cdot 3$

*M.C.D.* és 3

 $m.c.m. \ \acute{e}s \ 2^2 \cdot 3^2 = 36$ 

b)

32   2	40   2	48   2
16   2	20   2	24   2
8   2	10   2	12   2
4   2	5 5	6   2
2   2	1	3   3
1		1
$32 = 2^5$	$40 = 2^3 \cdot 5$	$48 = 2^4 \cdot 3$

 $M.C.D. \ \acute{e}s \ 2^3 = 8$ 

 $m.c.m. \ \acute{e}s \ 2^5 \cdot 3 \cdot 5 = 480$ 

09/17

*c*)

75   3	90   2	105   3
25   5	45   3	35   5
5 5	15   3	7   7
1	5 5	1
	1	
$75 = 3 \cdot 5^2$	$90 = 2 \cdot 3^2 \cdot 5$	$105 = 3 \cdot 5 \cdot 7$

*M.C.D.* és  $3 \cdot 5 = 15$ 

m.c.m. és  $2 \cdot 3^2 \cdot 5^2 \cdot 7 = 3150$ 

d)

40   2	180   2	760   2
20   2	90   2	380   2
10   2	45   3	190   2
5 5	15   3	95   5
1	5   5	19   19
	1	1
$40=2^3\cdot 5$	$180 = 2^2 \cdot 3^2 \cdot 5$	$760 = 2^3 \cdot 5 \cdot 19$

*M.C.D.* és  $2^2 \cdot 5 = 20$ 

 $m.c.m. \ \acute{e}s \ 2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 19 = 6480$ 

#### 1.17 - 9

Lucia recibe cada 8 días una llamada telefónica de su amiga Pilar y cada 10 días una carta de sus amigos de Canarias, y además cada 4 días llama a sus abuelos. Hoy han coincidido las llamadas y la carta. ¿Cuántos días han de transcurrir para que vuelvan a coincidir?

8   2	10   2	4   2
4   2	5 5	2   2
4   2	1	1
1		
$8 = 2^3$	10 = 2 · 5	$2 = 2^2$

 $m.c.m. \text{ \'es } 2^3 \cdot 5 = 40$ 

#### 1.17-10

En dos clases de 3º hay 24 y 30 alumnos, respectivamente. Queremos formar equipos para realizar un trabajo de matemáticas del mismo número de alumnos, sin que falte ni sobre ninguno. ¿Cuántos alumnos hay en cada equipo?

24   2	30   2	
12   2	15   3	
6   2	5 5	
3   3	1	
1		
$24 = 2^3 \cdot 3$	$30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$	

 $M.D.C. \ \acute{e}s \ 2 \cdot 3 = 6$ 

1.17-11 Maria visita Madrid cada 20 dias y Pedro lo hace cada 30 días. ¿Cuántos días coincidirán en un año, sabiendo que coincidieron el 1 de enero?

20   2	30   2	
10   2	15   3	
5 5	5 5	
1	1	
$20 = 2^2 \cdot 5$	$30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$	

m.c.m.. és  $2^2 \cdot 3 \cdot 5 = 60$ 

Un any té 365 dies.

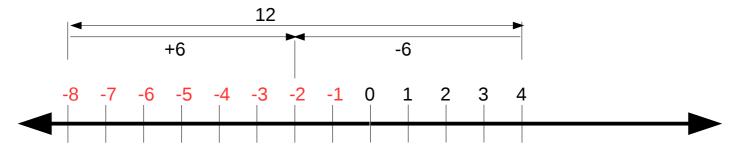
*365 : 60 = 6* 

01 de gener	1
+ 60 febrer	2
+ 60 abril	3
+ 60 juny	4
+ 60 agost	5
+ 60 octubre	6
+ 60 decembre	7

Coincideixen 7 vegades al llarg d'un any.

## 1.18-1 ¿Qué número entero está a igual distancia de -8 que de +4?

$$|-8| + |+4| = 12 : 2 = 6$$



1.18-2 Si uno de cada tres días voy a ver a mi padre y una vez a la semana voy a ver a mi abuela, sabiendo que hoy es 2 de marzo y he visitado a los dos, ¿qué día de marzo volverán a coincidir las visitas?

3   3	7   7	
1	1	

m.c.m. és  $3 \cdot 7 = 21$ 

2 de març

+ 21 dies -> 23 de març

09/17

1.18-3 • Efectúa los siguientes cálculos:   
a) 
$$8 + (-3) + 5 - 3(-7) + (-2)$$
   
b)  $(3 - 7 \cdot 2) - 11 + 4 \cdot 22$    
c)  $2 - 5 \cdot (-5) + 4 - 3 - 2 \cdot (-2) + 14 \cdot 2$    
d)  $4 \cdot 2 - 8(23 - 4 - 6 \cdot 3)$ 

a) 29 b) -22 + 
$$\frac{4}{22}$$
 = -22 + 0,182 = -21,818

c) 
$$+2 +25 +1 +4 +7 = 39$$
 d)  $2 -8 \cdot (23 -22) = 2 -8 = -7$ 

## 1.18-4 Calcula el M.C.D. y el m.c.m. de 270 y 504.

270   2	504   2	
135   3	252   2	
45   3	126   2	
15   3	63   3	
5 5	21   3	
1	7   7	
	1	
$270 = 2 \cdot 3^3 \cdot 5$	$504 = 2^3 \cdot 3^2 \cdot 7$	

M.C.D. és 
$$2 \cdot 3^2 = 18$$
  
m.c.m. és  $2^3 \cdot 3^3 \cdot 5 \cdot 7 = 2520$ 

1.18-5 Las luces de Navidad se encienden en una calle cada 6 segundos y en otra cada 10. Si coinciden a las 10 de la noche, ¿cuán tas veces coincidirán en el período de 10 a 12 de la noche?

6   2	10   2	
3   3	5 5	
1	1	
$6 = 2 \cdot 3$	$10 = 2 \cdot 5$	

 $m.c.m. \ és \ 2 \cdot 3 \cdot 5 = 30.$ 

Cada 30 segons coincideixen els llums dels dos carrers.

*De* 22:00 a 24:00 hi ha 120 minuts = 7200 segons

7200 segons : 30 segons = 240

Entre les 22 h i les 24 hores els llums desl dos acrrers coincideixen encesos 241 vegades.

1.18-6

Queremos envasar 120 botes de mermelada de fresa y 175 botes de mermelada de mora en cajas del mismo número de botes, pero sin mezclar ambos productos en una misma caja. ¿Cuál es el mínimo número de cajas necesarias? ¿Cuántos botes irán en cada caja?

120   2	175   5	
60   2	35   5	
30   2	7   7	
15   3	1	
5 5		
1		
$120 = 2^3 \cdot 3 \cdot 5$	$175 = 5^2 \cdot 7$	

#### M.C.D. és 5

Cada caixa contindrà 5 pots.

N'hi haurà 24 caixes amb pots de mermelada de maduixa i 35 caixes amb pots de mermelada móra.

1.18-7 La compañía telefónica A tiene la siguiente tarifa de llamadas:

- El establecimiento de la llamada cuesta 60 céntimos.
- · Por cada minuto se cobran 80 céntimos.

La compañía telefónica B no cobra el establecimiento de la llamada y por cada minuto cobra 1 euro.

Ambas compañías facturan el tiempo real hablado, es decir, los minutos y los segundos.

- a) Si he hablado 2 minutos, ¿cuál será el coste en cada compañía?
- b) Calcula el coste, en cada compañía, de una llamada que ha durado 3 minutos y 30 segun-
- c) ¿A partir de cuántos minutos es más barata la compacía

a)

#### Empresa A:

Preu trucada = 0,6 
$$\frac{euros}{est.trucada}$$
 + 0,8  $\frac{euros}{minut}$  · duració trucada

**Preu 2 min** = 0,6 euros + 0,8 
$$\frac{\text{euros}}{\text{minut}}$$
 · 2 minuts = **2,2 euros**

#### Empresa B:

Preu trucada = 
$$1 \frac{euros}{minut}$$
 · duració trucada

**Preu 2 min** = 
$$1 \frac{euros}{minut}$$
 · 2 minuts = **2 euros**

**b**)

3 minuts i 30 segons = 3 minuts + 
$$\frac{30 \text{ segons}}{60 \frac{\text{segons}}{\text{minut}}} = 3,5 \text{ minuts}$$

#### Empresa A:

Preu trucada = 0,6 
$$\frac{euros}{est.trucada}$$
 + 0,8  $\frac{euros}{minut}$  · duració trucada

**Preu 2 min** = 0,6 euros + 0,8 
$$\frac{\text{euros}}{\text{minut}}$$
 · 3,5 minuts = 3,4 euros

#### Empresa B:

*Preu trucada = 1 euros / minut · duració trucada* 

**Preu 2 min** = 1 euros / minut  $\cdot$  3,5 minuts = 3,5 **euros** 

1.18–8 Dos cuerdas miden 2.562 y 4.200 cm, respectivamente. Se desea cortar ambas cuerdas en trozos de igual longitud sin que sobre cuerda. ¿Cuál es la mayor longitud que puede tener cada trozo? ¿Cuántos trozos hay de cada cuerda?

#### 1.18-10

Realiza las siguientes sumas y restas:

f) 
$$(-3)$$
 -  $[5 - (3 - 2) + (-3 - 2)]$ 

09/17

Fonts:

F.P.B. Ciencias Aplicadas 1 - Editorial Donostiarra

Autors Ángel Almaraz Martín

Ma Inmaculada Puebla Prada

Manuel Jesús Malho Martín

Paloma Prieto Merino

Margarita Montes Aguilera

https://www.matematicasonline.es/cidead/1esomatematicas/1quincena1/index1 1.htm