# Index

2 Repàs potències	2
2.1 Sumes, restes, multiplicacions i divisions	
2.2 Multiplicació i divisió amb nombres negatius	
2.3 Potències i arrels	
2.3.1 Potències amb exponent sencer	
2.3.2 Exercicis potències amb exponent sencer	
2.3.3 Potències amb exponent cero, negatiu i base 10	9
2.3.4 Exercicis de potències amb exponent zero, negatiu i base 10	
2.3.5 Potències amb exponent fraccionari	14
2.3.6 Exercicis de potències amb exponent fraccionari	17
2.3.7 Radicals d'índex 2	
2.3.8 Exercicis amb radicals d'índex 2	22
2.3.9 Operacions amb radicals d'índex 2	24
2.3.10 Exercicis amb operacions amb radicals d'índex 2	25
2.4 Expressions algebraiques	29
2.5 Monomis	34
2.5.1 Suma i resta de monomis	39
2.5.2 Multiplicar i dividir monomis	41
2.6 Polinomis	42
2.7 Exercicis de reforç	45
2.8 Solucions	50

## 2 Repàs potències

## 2.1 Sumes, restes, multiplicacions i divisions

Quan es combinen operacions aritmètiques, com són suma, resta, multiplicació i divisió, s'ha de seguir el següent ordre:

- 1. Fer les multiplicacions i divisions. En cas que hi hagi més de diverses operacions de divisió i multiplicació combinades, es resoldrà començant per l'esquerre.
- 2. Una vegada fetes les multiplicacions i divisions, fer les sumes i restes.

## Exemple 2.1-1:

$$2+8\cdot3\div2\div2-6\div2=2+6-3=5$$

Quan hi ha parèntesi, el primer que es resol és el parèntesi.

## Exemple 2.1-2:

$$(2+5)\cdot(3-6)\div 2=7\cdot(-3)\div 2=14$$

## 2.2 Multiplicació i divisió amb nombres negatius

Quan es multipliquen o divideixen dos nombres positius, el resultat sempre és positiu.

## Exemple 2.2-1

$$2.5 = 10$$

$$15 \div 3 = 5$$

Quan es multiplica o divideix un nombre positiu amb un nombre negatiu, el reslutat sempre és negatiu.

El nombre negatiu sovint s'escriu amb parèntesis per no confondre'l amb una resta.

### Exemple 2.2-2

$$2 \cdot (-5) = -10$$

$$(-15) \div 3 = -5$$

Quan es multipliquen o divideixen dos nombres negatius, el reslutat sempre és positiu.

## Exemple 2.2-3

$$(-2)\cdot(-5)=10$$

$$(-15) \div (-3) = 5$$

Sí funciona = +funciona (positivo)

No funciona = -funciona (negativo) = roto

No (no funciona) = - - funciona (doble negación) = No roto = Sí funciona

#### Recorda

Nombres positius

$$1 \cdot 1 = 1$$

$$1 \div 1 = 1$$

Nombre negatiu i nombre positiu  $(-1)\cdot 1 = -1$   $(-1) \div 1 = -1$ 

$$(-1)\cdot 1 = -1$$

$$(-1) \div 1 = -1$$

Nombres negatius

$$(-1)\cdot(-1)=1$$

$$(-1)\cdot(-1)=1$$
  $(-1)\div(-1)=1$ 

### Exercici 2.2-1

Calcula el resultat

a) 
$$5-3+2\cdot 4\div (-8)+4 =$$

b) 
$$((1\cdot(-1)\div 1)\div(-2))\cdot(-4) =$$

c) 
$$((2+3)\cdot 3)-((8-4)\div 2)+2\cdot (1+1) =$$

d) 
$$\frac{5}{4} \cdot \frac{4}{5} + \frac{3 \cdot (-3) \cdot 3}{(-3) \cdot (-3) \cdot 3 \cdot 3} =$$

e) 
$$\frac{5}{4} \div \frac{-4}{5} - \frac{3 \cdot 3}{(-3) \cdot (-3) \cdot 3 \cdot 3}$$

f) 
$$\frac{5}{4} + \frac{(\frac{-4}{5}) \cdot 3 \cdot 3}{\frac{-3}{5}}$$

g) 
$$\frac{5}{4} + (\frac{-4}{5}) \cdot \frac{-3 \cdot 3}{3}$$

h) 
$$\frac{\frac{5}{4}}{(\frac{-4}{5})} \cdot \frac{-3 \cdot 3 - 2}{3}$$

#### 2.3 Potències i arrels

La potencia és una operació amb la qual un mateix nombre es multiplica diverses vegades amb si mateix. Per exemple

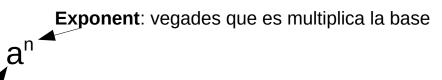
$$1 \cdot 10^{6}$$
 byte =  $1 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10$  byte =  $1\ 000\ 000 = 1\ MB$ 

L'avantatge d'expressar un nombre en forma de potència és manifesta en els nombres molt grans, ja que s'expressa amb menys xifres i resulta més curt.

## 2.3.1 Potències amb exponent sencer

Una potència és un producte de factors iguals que es pot escriure de forma abreujada.  $5 \cdot 5 \cdot 5 = 5^3$ 

En aquest exemple anomenem 5 la base, ja que és el nombre que es multiplica i 3 l'exponent, ja que en la multiplicació apareix el cinc, la base, 3 vegades



Base: factor que es multiplica

Amb paraules es diu: (nombre de la base) elevat a (nombre de l'exponent).

10<sup>3</sup> Deu elevat a tres.

7<sup>5</sup> Set elevat a cinc.

## **Propietats**

$$a^{m} \cdot a^{n} = a^{m+n} \rightarrow 2^{3} \cdot 2^{2} = (2 \cdot 2 \cdot 2) \cdot (2 \cdot 2) = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^{5}$$

$$a^{m} : a^{n} = a^{m-n} \rightarrow 2^{3} : 2^{2} = (2 \cdot 2 \cdot 2) : (2 \cdot 2) = \frac{2 \cdot 2 \cdot 2}{2 \cdot 2} = \frac{2^{3}}{2^{2}} = 2^{3-2} = 2^{1} = 2$$

$$(a^{m})^{n} = a^{m+n} \rightarrow (2^{3})^{2} = (2 \cdot 2 \cdot 2)^{2} = (2 \cdot 2 \cdot 2) \cdot (2 \cdot 2 \cdot 2) = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$$

$$(2^{3})^{2} = 2^{6}$$

$$a^{n} \cdot b^{n} = (a \cdot b)^{n} \rightarrow 2^{2} \cdot 3^{2} = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 = (2 \cdot 3) \cdot (2 \cdot 3) = (2 \cdot 3)^{2}$$

$$a^{n} : b^{n} = (a : b)^{n} \rightarrow 2^{2} : 3^{2} = (2 \cdot 2) : (3 \cdot 3) = \frac{2 \cdot 2}{3 \cdot 3} = \frac{2}{3} \cdot \frac{2}{3} = (\frac{2}{3})^{2} = (2 \cdot 3)^{2}$$

## 2.3.2 Exercicis potències amb exponent sencer

#### Exercici 2.3.2-1

Escriu en forma de potència única

a) $5^3 \cdot 5^5$	$d) (-10)^5 : (-10)^2$	$g) (3^2)^5$	$j) a^3 \cdot a^{-5}$
$b) 5^{14}:5^5$	$e) (-4)^3 \cdot 7^3$	$h)15^2 \cdot 15^{-2}$	$(k) (a^3)^6$
c) $(-5)^5 \cdot 3^5$	f) (-75) <sup>2</sup> : 15 <sup>2</sup>	i) [(-10) <sup>2</sup> ] <sup>3</sup>	<i>l)</i> $a^5$ : $a^{-3}$

#### Exercici 2.3.2-2

Simplifica i calcula:

a) $\frac{2^4 \cdot 2^{-4}}{2^3}$	$c)  \frac{2^3 \cdot 2^5 \times 2^{-2}}{2^5 \cdot 2^6 \cdot 2^7}$	$e)  \frac{7^2 \cdot (-3)^2 \cdot 5}{5 \cdot 5^2 \cdot 3^4 \cdot (7^2)^3}$
$b) \ \frac{a^3 \cdot a^5 \cdot a^2}{a^5 \cdot a}$	$d)  \frac{a \cdot b^3 \cdot a^3 \cdot b^5}{(b^3)^2 \cdot a^5}$	

#### **Exercici 2.3.2-3**

Descompon en factors primers els nombres i simplifica fins obtenir una fracció irreductible:

a)	121.36	b) $\frac{243.21}{91.40}$
	539.9	81.49

### Exercici 2.3.2-4

Indica quines de les següents igualtats són vertaderes.

a) $(-3)^4 = 3^4$	c) $(-2)^3 = 8$	e) $(-3)^7 = 3^7$	g) $(-8)^2 = 8^2$
b) $(-1)^5 = 1$	d) $(-3)^6 = -(3^6)$	f) $(-3)^8 = 3^8$	h) $-(-3)^6 = 3^6$

#### Exercici 2.3.2-5

Escriu en forma de potència única:

a) 3 <sup>5</sup> : 3 <sup>7</sup>	e) $(7^3 \cdot 3^3)^2$	i) (2 <sup>2</sup> ) <sup>3</sup>
b) (3 <sup>-2</sup> ) <sup>7</sup>	f) (3 <sup>-2</sup> ) <sup>-2</sup>	j) 10 <sup>-2</sup> : 10 <sup>-8</sup>
c) $5^2 \cdot 3^2$	g) $3^5 \cdot 3^{-2}$	k) 4 <sup>-2</sup> : 4 <sup>-8</sup>
d) $10^3 \cdot 5^3$	h) 2 <sup>3</sup> · 2 <sup>-4</sup>	l) $(7^5 \cdot {}^35)^{-2}$

### Exercici 2.3.2-6

Simplifica i calcula:

a)	$\frac{3^5 \times 3^2 \times 3}{3^2 \times 3}$	e)	$\frac{a^3 \times b^3 \times b^{-2}}{a^2 \times b^4 \times b^5}$
b)	$\frac{(-5)^2 \times 3^2 \times 3}{5^{-3} \times 3^4}$	f)	$\frac{a^3 \times b^3 \times (c^3)^2 \times c^5}{a^3 \times (b^2)^2 \cdot \times b \times c}$
c)	$\frac{(-7)^2 \times 11^5}{7^{-3} \times 11}$	g)	$\frac{10^2 \times 10^5 \times (10^2)^3}{10^6 \times 10^{-2}}$
d)	$\frac{a^2 \times a^{-3} \times a^0}{a^{10} \times a^{-3}}$	h)	$\frac{(a^3 \times b) \times c^{-3}}{(a^2)^5 \times b \times (c^5)}$

### Exercici 2.3.2-7

Descompon en factors primers i simplifica fins obtenir una fracció irreductible:

a)	$\frac{216\times1024}{4}$	c)	$\frac{64\times32\times9}{243\times8}$
b)	$\frac{625\times20}{125\times270}$	d)	$\frac{100}{360 \times 90}$

## 2.3.3 Potències amb exponent cero, negatiu i base 10

$$a^0 = 1$$

Qualsevol **potència amb exponent 0** té com a valor **sempre 1**.

Demostració:

$$3^4 \cdot 3^{-4} = 3^0 = 3^4 \cdot \frac{1}{3^4} = 3^4 : 3^4 = \frac{3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3}{3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3} = \frac{81}{81} = 81 : 81 = 1$$

En la multiplicació de dues potències amb la misma base, es sumen els exponents.

La suma dels exponents dóna 0 quan són iguals però amb signe contrari.

En aquest cas sempre es divideix un nombre entre si mateix, amb el resultat 1.

## **Exponent negatiu**

$$\mathbf{a}^{-\mathbf{n}} = \frac{1}{a^n}$$

Una potència amb exponent negatiu és igual a la inversa de la potència amb exponent positiu.

Demostració:

$$(2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2) : (2 \cdot 2) = \frac{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2}{2 \cdot 2} = \frac{2^4}{2^2} = \frac{2^4}{1} \cdot \frac{1}{2^2} = 2^4 \cdot 2^{-2} = 2^2 = 4$$

#### Potències amb base 10 - Notació científica

Les potències amb base 10 són útils per expressar nombres molt grans o molt petits.

Per exemple, la capacitat d'un disc dur pot ser de 1 000 000 000 000 bytes (1 TB) i el radi d'un protó és aproximadament 0,0000000005 m.

Per expressar aquets nombres és més còmoda la notació científica, que és el producte d'un nombre decimal i una potència de 10.

$$1 \cdot 10^{12}$$
 byte =  $10^{12}$  byte = 1 TB

$$5 \cdot 10^{-11} \text{ m} = 0,00000000005 \text{ m}$$

Notació científica

- a,bc... és un nombre decimal
- 10<sup>n</sup> és una potència amb base 10 i amb exponent n que pot ser positiu (nombres majors que 1, sovint molt grans) o negatiu (nombres, menors que 1, sovint molt petits).

L'exponent, en la notació científica, també s'anomena ordre de magnitud.

## 2.3.4 Exercicis de potències amb exponent zero, negatiu i base 10

### Exercici 2.3.4-1

Transforma en potències positives:

a) 3 <sup>-6</sup>	d) $\frac{1}{3^{-10}}$	g) (2 <sup>-2</sup> ) <sup>4</sup>	j) 9 <sup>-3</sup> : 9 <sup>6</sup>
b) 3 <sup>-4</sup>	e) $\frac{1}{5^{-3}}$	h) 15 <sup>-3</sup> · 5 <sup>-3</sup>	k) 72 <sup>-2</sup> : 9 <sup>-2</sup>
c) 5 <sup>-2</sup>	f) $\frac{1}{3^{-1}}$	i) 3 <sup>2</sup> · 3 <sup>-5</sup>	1)4 <sup>-1</sup> + 4 <sup>-2</sup>

### Exercici 2.3.4-2

Càlcula, indicant el resultat amb notació científica.

a) $(3.2 \cdot 10^{-10}) \cdot (1.6 \cdot 10^{18})$	b) $(6.4 \cdot 10^8) : (1.6 \cdot 10^{12})$	
---	---	--

### Exercici 2.3.4-3

Escriu amb notació científica:

a) 0,00004	e) 0,00031	
b) 0,000012	f) 35 000 000	
c) 7 000 000	g) 0,4230	
d) 235 000 000	h) 4 320 000	

### Exercici 2.3.4-4

Indica l'order de magnitud dels nombres de l'exercici anterior.

a)	e)
b)	f)
c)	g)
d)	h)

### **Exercici 2.3.4-5**

Escriu com a potències positives:

a) 3 <sup>-5</sup>	d) 7 <sup>-5</sup>	g) $\frac{8}{10^{-5}}$	j) 10 <sup>-3</sup> · 2 <sup>-3</sup>
b) 2 <sup>-3</sup>	e) $\frac{1}{3^{-5}}$	h) $\frac{1}{4^{-2}}$	k) 100 <sup>-5</sup> : 2 <sup>-5</sup>
c) 4 <sup>-3</sup>	f) $\frac{1}{10^{-2}}$	i) (2 <sup>2</sup> ) <sup>-6</sup>	l) 5 <sup>-2</sup> : 5 <sup>-1</sup>

m) 
$$(-5)^{-2}$$
 n)  $[(-5)^{-2}]^7$ 

## Exercici 2.3.4-6

Càlcula, indicant el resultat amb notació científica.

a) $(3.75 \cdot 10^{-8}) \cdot (2.5 \cdot 10^{15})$	c) $(1,25 \cdot 10^5) : (2,5 \cdot 10^{10})$
b) $(4,38 \cdot 10^{12}) \cdot (3,1 \cdot 10^{12})$	d) (3,012 · 10 <sup>-3</sup> ) · (4 · 10 <sup>-2</sup> )

#### **Exercici 2.3.4-7**

Escriu amb notació científica:

a) 0,000021	e) 0,003	
b) 0,000327	f) 1 530 000	
c) 0,0000725	g) 2 370 000	
d) 1 0000 000	h) 2 475 360	

### Exercici 2.3.4-8

Escriu amb forma decimal:

a) 3,2 · 10 <sup>-3</sup>	f) 8,5 · 10 <sup>5</sup>	
b) 5,6 · 10 <sup>-4</sup>	g) 2,43 · 10 <sup>-3</sup>	
c) -2 · 10 <sup>6</sup>	h) 3,733 · 10 <sup>4</sup>	
d) 6,1 · 10 <sup>-4</sup>	i) 5,347·10 <sup>2</sup>	
e) 5,38 · 10 <sup>3</sup>	j) 3,427 · 10 <sup>-6</sup>	

## Exercici 2.3.4-9

Indica l'ordre de magnitud dels següents nombres:

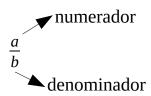
a) 3,1 · 10 <sup>-12</sup>	
b) 4,8 · 10 <sup>-6</sup>	
c) $2.5 \cdot 10^{18}$	
d) 3,7 · 10 <sup>4</sup>	

## 2.3.5 Potències amb exponent fraccionari

Fins ara només hem observat potències amb exponents que eren nombres sencers.

Ara aprendrem a utilitzar potències amb exponents que són fraccions.

Comencem observant exponents que són fraccions amb numerador 1 i denominador distint a 0.



Per exemple:

 $4^{\frac{1}{2}}$  no sabem què és això.

Però sí coneixem el resultat de la següent operació:

$$\frac{1}{4^2} \cdot \frac{1}{4^2} = \frac{1}{4^2} \cdot \frac{1}{2} = 4^1 = 4$$

Podem deduir que  $4^{\frac{1}{2}}$  és un nombre que multiplicat amb si mateix dóna 4.

Tots sabem que  $2 \cdot 2 = 4$ .

Per tant  $4^{\frac{1}{2}} = 2$ 

Veiem que un nombre elevat a  $\frac{1}{2}$  és igual a l'arrel quadrada del nombre.

$$4^{\frac{1}{2}} = \sqrt{(4)} = 2$$

I què passa si l'exponent és  $\frac{1}{3}$ ?

Doncs observem  $27^{\frac{1}{3}}$ .

$$27^{\frac{1}{3}} \cdot 27^{\frac{1}{3}} \cdot 27^{\frac{1}{3}} = 27^{\frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3}} = 27^{1} = 27$$

Quin nombre multiplicat 3 vegades amb si mateix dóna 27?

$$3 \cdot 3 \cdot 3 = 27 \rightarrow 27^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{27} = 3$$

De tot l'anterior podem generalitzar:

$$a^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{a}$$

Ara anem a multiplicar  $27^{\frac{1}{3}}$  amb  $27^{\frac{1}{3}}$ , recordant que  $(a^m)^n = a^{m+n}$ 

$$27^{\frac{1}{3}} \cdot 27^{\frac{1}{3}} = 27^{\frac{1}{3} + \frac{1}{3}} = 27^{\frac{2}{3}} = 27^{2 \times \frac{1}{3}} = 27^{2^{\frac{1}{3}}} = 37^{2^{\frac{1}{3}}} = 37^{\frac{1}{3}} = 37^{\frac{1}{3}}$$

Podem generalitzar:

$$a^{\frac{n}{m}} = \sqrt[m]{a^n}$$

Quan escrivim una potència amb fracció com a exponent, per exemple  $2^{\frac{1}{2}}$  com a arrel,  $\sqrt{2}$  es diu que hem convertit la potència en un radical.

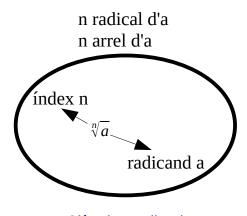
## **Propietats**

Les potències amb fracció com a exponent tenen les mateixes propietats que les potències amb nombre sencer com a exponent.

Propietat	Exemple
$a^{\frac{m}{n}} \cdot a^{\frac{p}{q}} = a^{\frac{m+p}{q}}$	$2^{\frac{2}{4}} \cdot 2^{\frac{3}{6}} = 2^{\frac{2}{4} + \frac{3}{6}} = 2^{\frac{12}{12}} = 2^{1} = 2$
$a^{\frac{m}{n}}: a^{\frac{p}{q}} = a^{\frac{m-p}{q}}$	$2^{\frac{2}{4}}$ : $2^{\frac{3}{6}}$ = $2^{\frac{2}{4} - \frac{3}{6}}$ = $2^{0}$ = 1
$(a^{m/n})^{p/q} = a^{\frac{m}{n} \times \frac{p}{q}} = a^{\frac{m \times p}{n \times q}}$	$(2^{2/4})^{3/6} = 2^{\frac{2}{4} \times \frac{3}{6}} = 2^{\frac{2 \times 3}{4 \times 6}} = 2^{\frac{6}{24}} = 2^{\frac{1}{4}} = \sqrt[4]{2}$
$(a \times b)^{\frac{m}{n}} = a^{\frac{m}{n}} \times b^{\frac{m}{n}}$	$(a\times b)^{\frac{m}{n}} = 2^{\frac{3}{6}}\times 4^{\frac{3}{6}}$
$(a:b)^{m/n} = a^{\frac{m}{n}} : b^{\frac{m}{n}}$	$(2:4)^{3/6} = 2^{\frac{3}{6}} : 4^{\frac{3}{6}}$

Aquestes propietats es poden escriure amb el símbol de l'arrel:

Propietat	Exemple
$\sqrt[n]{a} \times \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \times b}$	$\sqrt[2]{4} \times \sqrt[2]{9} = \sqrt[2]{4 \times 9} = \sqrt[2]{4} \times \sqrt[2]{9} = \sqrt[2]{36} = 6$
$a^{\frac{m}{n}}$ : $\sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \div b}$	$\sqrt[2]{4}$ : $\sqrt[2]{9}$ = $\sqrt[2]{4 \div 9}$ = $\frac{2}{3}$ = $0, \overline{6}$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\sqrt[4]{\sqrt[3]{2^{12}}} = 2^{\frac{12}{3\times 4}} = 2$



Paulino Posada

Ciències Aplicades

Pàg. 16 de 91

## 2.3.6 Exercicis de potències amb exponent fraccionari

### Exercici 2.3.6-1

Converteix en radicals les següents potències:

a) $5^{\frac{1}{2}}$	c) $4^{\frac{1}{3}}$	e) 8 <sup>3/5</sup>	
b) $3^{\frac{5}{4}}$	d) $7^{\frac{3}{2}}$	f) $2^{\frac{3}{7}}$	

#### Exercici 2.3.6-2

Completa la taula.

	Radicand	Índex	Arrel
$\sqrt{64} = 8$			
√√81 = 3			
$\sqrt{4} = 2$			
$\sqrt{81} = 9$			
<sup>3</sup> √125 = 5			

### Exercici 2.3.6-3

Resol les següents operacions.

a) 
$$3 \cdot \sqrt{16} + (4 \cdot \sqrt{25} - 3^2)$$

b) ( 
$$\sqrt{81} + 3$$
): 4 - 5<sup>2</sup>:  $\sqrt{25}$ 

c) 
$$2^3 + 3 \sqrt{36} - \sqrt{49} : 7$$

#### Exercici 2.3.6-4

Calcula.

a) $3^{\frac{5}{3}} \cdot 3^{\frac{4}{3}}$	c) $[(4)^2]^{\frac{3}{5}}$	e) <sup>3</sup> √5
b) $5^{\frac{2}{4}}:5$	d) $(3\times5)^{\frac{2}{3}}$	$f)$ $\sqrt[5]{3}$ ·

## **Exercici 2.3.6-5**

Escriu com a potències els següents radicals.

a) $\sqrt{5}$	e) $\sqrt[3]{25^2}$	i) $\sqrt[3]{13^5}$
<b>b)</b> <sup>3</sup> √7	f) <sup>3</sup> √71	$j) \sqrt[3]{2^6}$
c) $\sqrt[4]{3^2}$	g) <sup>6</sup> √5	k) $\sqrt[3]{3^5}$
d) $\sqrt{8^3}$	h) $\sqrt[7]{11^2}$	1) $\sqrt[3]{7^3}$

### **Exercici 2.3.6-6**

Escriu com a radicals les següents potències.

a) $11^{\frac{1}{3}}$	d) 4 <sup>7/8</sup>	g) 8 <sup>1/5</sup>	
b) $7^{\frac{5}{4}}$	e) $5^{\frac{10}{3}}$	h) 3 <sup>4</sup> / <sub>7</sub>	
c) $2^{\frac{3}{11}}$	f) 8 <sup>6</sup> / <sub>5</sub>	i) $10^{\frac{2}{11}}$	

### Exercici 2.3.6-7

Resol les següents expressions.

a) $\sqrt{64} - 3 \cdot \sqrt{25} + 125 : \sqrt{25}$	
b) $2^2 - 4$ : $\sqrt{4} + \sqrt{8} - 16$ : $\sqrt{64}$	
c) $5^3 - 7^2 + (\sqrt{81} : \sqrt{9} - 27 : 3)$	
d) $10^2 - 5^2 - (\sqrt{25} : 5 + 11^2 - 21)$	

## **Exercici 2.3.6-8**

Converteix en radicals.

a) $5^{\frac{1}{2}} \cdot 5^{\frac{1}{4}}$	e) [	$[3^2]^{\frac{1}{10}}$
b) $6^{\frac{3}{5}} \cdot 6^{\frac{2}{3}}$	f) (	$4\times5)^{\frac{1}{5}}$
c) $7^{\frac{3}{2}}:7$	g) (	$(25:5)^{\frac{3}{7}}$
d) $4^{\frac{5}{2}}$ : $4^{\frac{1}{2}}$	h) [	$[2^{\frac{2}{3}}]^{\frac{3}{5}}$

## **Exercici 2.3.6-9**

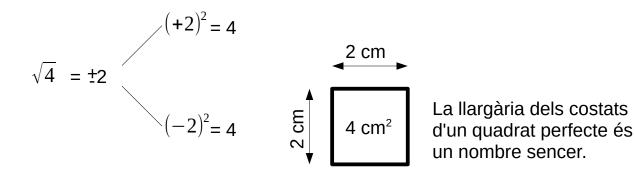
Calcula.

a) <sup>3</sup> √2×5	e) <sup>3</sup> √25 : <sup>3</sup> √5
b) <sup>5</sup> √5÷3	f) $\sqrt[4]{\sqrt{3}}$
c) $(\sqrt{4^2})^5$	g) $\sqrt{\sqrt{a\times b}}$
d) $\sqrt[3]{2} \times \sqrt[3]{7}$	h) $\sqrt{64}$ : $\sqrt{16}$

#### 2.3.7 Radicals d'índex 2

L'arrel quadrada d'un nombre natural pot ser:

• **Exacta**: Si el nombre és un quadrat perfecte, i té dues solucions.



**No exacta**: Quan la resta és distinta a 0. En aquest cas es pot calcular per tanteig o mitjançant un algoritme per al càlcul de l'arrel quadrada.

Exemple de càlcul per tanteig:

L'arrel quadrada de 6 no és exacta.

Els dos quadrats perfectes entre els quals es troba són 4 i 9.

$$4 = 2^{2}$$

$$2 < \sqrt{6}$$

$$4 = 3^{2}$$

Arrel sencera per defecte Arrel sencera per excès

Resta per defecte:

Resta per excès:

$$6 - 2^2 = 2$$

$$3^2 - 6 = 3$$

X	X <sup>2</sup>		x	X <sup>2</sup>		V	X <sup>2</sup>	
Λ,	1	1	^	51	2601	Х		10201
	2	4		52	2704		101	10201
	3	9		53	2809		102	10404
	4	16		53 54	2916		103	10609
	5	25					104	10816
	6	36		55 56	3025		105	11025
	7	49		50 57	3136 3249		106	11236
	8	64					107	11449
	9	81		58 50	3364		108	11664
	10	100		59 60	3481		109	11881
	11	121		60 61	3600		110	12100
	12	144		61 62	3721		111	12321
	13	169		62	3844		112	12544
	14	196		63	3969		113	12769
	15	225		64 65	4096		114	12996
	16	256		65 66	4225		115	13225
	17	289		66	4356		116	13456
	18	324		67	4489		117	13689
	19	361		68	4624		118	13924
	20	400		69	4761		119	14161
	21	441		70 71	4900		120	14400
	22	484		71	5041		121	14641
	23	529		72	5184		122	14884
	23 24	529 576		73	5329		123	15129
	2 <del>4</del> 25	625		74	5476		124	15376
	26	676		75 76	5625		125	15625
	20 27	729		76	5776		126	15876
	2 <i>1</i> 28	729 784		77 70	5929		127	16129
	29	841		78	6084		128	16384
	30	900		79	6241		129	16641
	31	961		80	6400		130	16900
	32	1024		81	6561		131	17161
	33	1024		82	6724		132	17424
	33 34	1156		83	6889		133	17689
	3 <del>4</del> 35	1225		84	7056		134	17956
	36	1225		85	7225		135	18225
	30 37	1369		86	7396		136	18496
	38	1309		87	7569		137	18769
	39			88	7744		138	19044
	39 40	1521 1600		89	7921		139	19321
	41			90	8100		140	19600
	41 42	1681		91	8281		141	19881
	42 43	1764		92	8464		142	20164
		1849		93	8649		143	20449
	44 45	1936		94	8836		144	20736
	45 46	2025		95	9025		145	21025
	46 47	2116		96	9216		146	21316
	47	2209		97	9409		147	21609
	48 40	2304		98	9604		148	21904
	49 50	2401		99	9801		149	22201
	50	2500		100	10000		150	22500

#### 2.3.8 Exercicis amb radicals d'índex 2

#### Exercici 2.3.8-1

#### Calcula:

a) $\sqrt{625}$	d) $\sqrt{1000000}$
b) $\sqrt{144}$	e) $\sqrt{1444}$
c) $\sqrt{1600}$	f) $\sqrt{256}$

#### Exercici 2.3.8-2

*Indica les arrels per defecte i excés. Indica també les restes per defecte i excés.* 

a) $\sqrt{785}$	c) $\sqrt{325}$
b) √124	d) $\sqrt{405}$

#### Exercici 2.3.8-3

Per barrar una piscina quadrada amb 196 m2 de superfície, quants metres de tanca es necessiten?

#### Exercici 2.3.8-4

Calcula les següents arrels.

a) $\sqrt{36000}$	d) √121
b) $\sqrt{8100}$	e) √22500
c) $\sqrt{49000000}$	f) $\sqrt{324}$

#### Exercici 2.3.8-5

Transforma en potències.

a) $\sqrt{51}$	d) $\sqrt{38}$	g) $\sqrt{26}$
b) √28	e) $\sqrt{45}$	h) $\sqrt{41}$
c) $\sqrt{104}$	f) $\sqrt{200}$	i) √85

#### Exercici 2.3.8-6

Indica les arrels per defecte i excés. Indica també les restes per defecte i excés.

a) $\sqrt{326}$	d) √37243
b) √1285	e) $\sqrt{56712}$
c) $\sqrt{2531}$	f) $\sqrt{356743}$

#### Exercici 2.3.8-7

La superfície d'una taula quadrada és de 3600 cm<sup>2</sup>. Quin és el seu perímetre? Fes un esquema de la taula indicant la llargària dels seus costats.

#### Exercici 2.3.8-8

El volum d'un dipòsit d'aigua cúbic és de 8 m³. Quines són les seves dimensions? Fes un esquema del dipòsit indicant les llargàries dels seus costats.

#### Exercici 2.3.8-9

La superfície **S** d'un cercle es calcula amb

$$S = \pi \cdot r^2$$

on **r** és el radi.

Quin és el diàmetre d'un cable de 5 mm² de secció?

Fes un esquema del cable indicant la secció i el diàmetre.

## 2.3.9 Operacions amb radicals d'índex 2

## Simplificació d'arrels amb índex 2

Pas 1: Es descompon en factors primers el radicand (factorització)

Exemple:  $\sqrt{360} = \sqrt{2^3 \cdot 3^2 \cdot 5}$ 

<u>Pas 2</u>: Si els exponents són tots parells, l'arrel quadrada és (exacta) un nombre sencer, si els exponents són nombres imparells majors que 1, es transformen en nombre par + Exemple:  $\sqrt{360} = \sqrt{2^2 \cdot 2^1 \cdot 3^2 \cdot 5}$ 

<u>Pas 3</u>: Totes les potències amb exponent parell es poden treure fora de l'arrel, dividint l'exponent entre 2.

Exemple:  $\sqrt{360} = \sqrt{2^2 \cdot 2^1 \cdot 3^2 \cdot 5} = 2 \cdot 3\sqrt{2 \cdot 5} = 6\sqrt{2 \cdot 5} = 6\sqrt{10}$ 

### Arrels semblants amb index 2

Les arrels són semblants quan tenen el mateix índex i el mateix radicand. Per exemple  $2\sqrt{3}$  i  $5\sqrt{3}$  són semblants, mentre què  $3\sqrt{8}$  i  $4\sqrt{2}$  no ho són, perquè els radicands són diferents.

Les arrels semblants es poden sumar, restar, multiplicar i dividir

$$2\sqrt{3} + 5\sqrt{3} = (2+5) \sqrt{3} = 7 \sqrt{3}$$

$$2\sqrt{3} - 5\sqrt{3} = (2 - 5) \sqrt{3} = -3 \sqrt{3}$$

$$2\sqrt{3} \cdot 5\sqrt{3} = (2 \cdot 5) \sqrt{3} = 10 \sqrt{3}$$

$$2\sqrt{3}$$
:  $5\sqrt{3} = (2:5) \sqrt{3} = \frac{2}{5}\sqrt{3}$ 

## 2.3.10 Exercicis amb operacions amb radicals d'índex 2

#### Exercici 2.3.10-1

Simplifica les arrels factoritzant-les.

a) $\sqrt{450}$	c) $\sqrt{363}$
b) √392	d) √1728

#### Exercici 2.3.10-2

Indica el resultat en forma d'arrel, simplificant si és possible.

a) $\sqrt{3} - 3 \cdot \sqrt{3} + 2 \cdot \sqrt{3}$	c) $\sqrt{27} + 4\sqrt{243}$
b) $\sqrt{18} - \sqrt{8}$	d) $3\sqrt{125}-2\sqrt{5}$

### **Exercici 2.3.10-3**

Simplifica i indica el resultat en forma d'arrel.

a) 
$$\sqrt{40} \cdot \sqrt{2}$$
 b)  $\sqrt{24} \div \sqrt{6}$ 

### Exercici 2.3.10-4

Simplifica la següent expressió.

 $\frac{3}{\sqrt{3}}$ 

#### **Exercici 2.3.10-5**

Extreu els factors de les arrels.

a) $\sqrt{125}$	c) √785
b) $\sqrt{742}$	d) √1225

#### Exercici 2.3.10-6

Resta o suma les arrels quan sigui possible.

a) $\sqrt{2} + \sqrt{2} - \sqrt{2}$	d) $\sqrt{6} - 3\sqrt{7}$
b) $5\sqrt{3} + 4\sqrt{3}$	e) $\sqrt{5} - 8\sqrt{5} + 4\sqrt{5}$
c) $3\sqrt{7} - 5\sqrt{7} + 4\sqrt{7}$	f) $3\sqrt{6} + 3\sqrt{2}$

### Exercici 2.3.10-7

Transforma en arrels semblants i simplifica.

a) $\sqrt{300} - \sqrt{75}$	d) $2\sqrt{2} + \sqrt{18} - 3\sqrt{8}$
b) $\sqrt{72} - \sqrt{18}$	e) $3\sqrt{20} - \sqrt{125}$
c) $\sqrt{50} - \sqrt{32}$	f) $\sqrt{27} - 3\sqrt{3} + 5\sqrt{243}$

### **Exercici 2.3.10-8**

Extreu els factors de les arrels i calcula.

a) $\sqrt{80} \cdot \sqrt{125}$	c) $\sqrt{64} \cdot \sqrt{16}$
b) $\sqrt{49} \cdot \sqrt{343}$	d) $\sqrt{50}\cdot\sqrt{2}$

### Exercici 2.3.10-9

Extreu els factors de les arrels i calcula.

a) $\sqrt{125} \div \sqrt{25}$	c) $\sqrt{64} \div \sqrt{16}$
b) $\sqrt{24} \div \sqrt{3}$	d) $\sqrt{8} \div \sqrt{2}$

### Exercici 2.3.10-10

Simplifica.

a) $\frac{2}{\sqrt{5}}$	d) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$
b) $\frac{3}{\sqrt{13}}$	e) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{7}}$
c) $\frac{3}{2\sqrt{8}}$	f) $\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{5}}$

2.3.10-11 Escriu en forma de potències uniques

- a) 72 75
- b) 22 · 23
- c) (-2)3: (-2)
- d) (103)2
- e) (15)2: (3)2

f) a5 · a3

2.3.10-12 Factoritza i simplifica

- a)  $\frac{81 \cdot 36}{27 \cdot 32}$
- b) 125 · 52 625 · 20
- c)  $\frac{30 \cdot (-2)^3 \cdot 9}{48 \cdot 4 \cdot (-3)^2}$
- d)  $\frac{3^2 \cdot 18^3 \cdot 10}{25^4 \cdot 2^7}$

e)  $\frac{2^{-3} \cdot 8^4 \cdot 10^4}{2^4 \cdot 1.000}$ 

2.3.10-13 Transforma en potència única i resol

- a)  $\frac{1}{3^{-3}}$
- b) 3-2
- c) 5-4
- d) 92:96
- e) 26: 26

f) (23)-3

2.3.10-14 Escriu amb notació científica

- a) 0,000032
- b) 0,000000872
- c) 3.250.000.000
- d) 4.723.000
- e) 1.200.000

f) 0,00000045

2.3.10-15 Transforma les potències en arrels

- a) 31/5
- b) 42/7
- c) 37/2
- d) 949
- e) 21/2
- f) 51/1

g) 420

2.3.10-16 Escriu com a una sola potència

- a) [(-2)3]5
- b) (-2)3 · (-3)3 · (-4)3
- c) (-2)2 · 32
- d) [(-2)1]6
- e) (-9)2: (-3)2

f) (2)8: (-2)3 · (2)2

2.3.10-17 Indica les arrels per defecte i excès. Indica també les restes per defecte i excès.

- a) √384
- b) √1.234
- c) \5.643
- d) v924
- e) v1.348

01/22

2.3.10-18 Extreu els factors de les arrels

c) √1.296

d) √432

e) √784

2.3.10-19 *Calcula* 

a) 
$$\sqrt{8} - \sqrt{2} + 4\sqrt{32}$$

d) 
$$\sqrt{8} - 3\sqrt{18} + 2\sqrt{98} - \sqrt{108}$$

e) 
$$\sqrt{27} - 3\sqrt{50} + \sqrt{18} + \sqrt{8}$$

f) 
$$\sqrt{72} - 3\sqrt{200} + \sqrt{98} + \sqrt{800}$$

2.3.10-20 Simplifica

a) 
$$\frac{5}{\sqrt{5}}$$

b) 
$$\frac{4}{\sqrt{2}}$$

c) 
$$\frac{3}{\sqrt{27}}$$

d)  $\frac{2}{\sqrt{8}}$ 

2.3.10-21 Escriu amb notació científica

- a) 3.230.000.000
- b) 0,0000000132

- c) 132,52 · 105
- d) 0,01245 · 109

2.3.10-22 Calcula i escriu amb notació científica

c) (549 · 108) : (9 · 105)

Exercici 2.3.10-23

Dintre d'un cartró hi ha 5 caixes, amb 25 llapisos per caixa. Tenim 5 cartrós.

Quants llapisos tenim?

Expressa el resultat en forma de potència i resol.

## 2.4 Expressions algebraiques

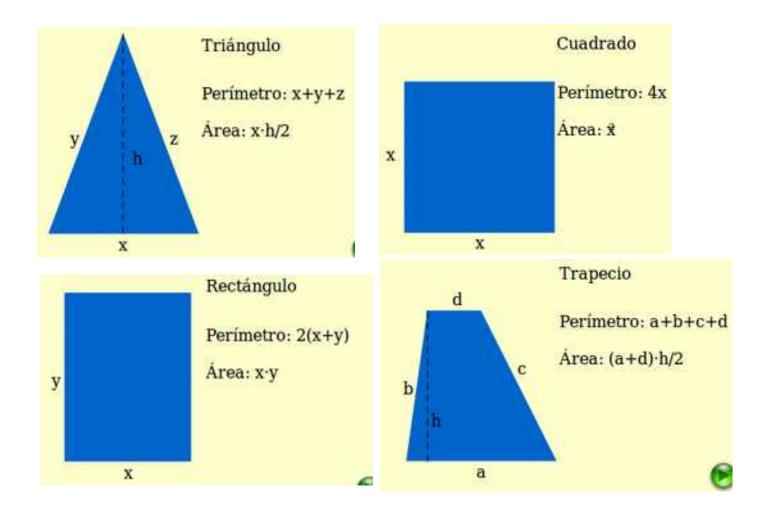
Una expressió algebraica és un conjunt de nombres i lletres units entre si per les operacions de sumar, restar, multiplicar, dividir i per parèntesis. Per exemple:

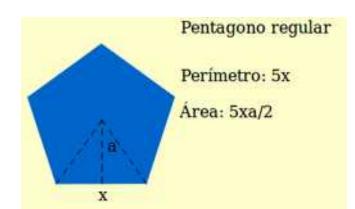
$$3+2\cdot x^2-x \text{ o } x\cdot y-32\cdot (x\cdot y2-y)$$

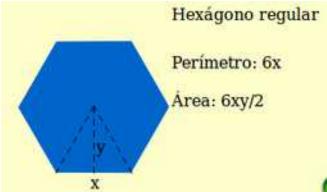
Les lletres representen valors que no coneixem i podem considerar-les com la generalització d'un nombre. Les anomenarem variables.

El signe de multiplicar se sobreentén davant d'una lletra o un parèntesi.

Així,  $3 \cdot a$  és equivalent a 3a, i  $3 \cdot (2+x)$  és equivalent a 3(2+x).







# 2.4.1 Obtenció d'expressions

Pretenem transformar un enunciat, on hi ha un o diversos valors que no coneixem, en una expressió algebraica.

Cadascun dels valors (variables) que no coneixem ho representarem per una lletra diferent.

#### **Exercici 2.4.1-1**

Transforma els enunciats en expressions algebraiques.

- a.) El triple del producte de dos nombres.
- b.) Un terç del producte de dos nombres més 5.
- c.) La desena part del producte de dos nombres, menys un.
- d.) El doble d'un nombre més set
- i.) La cinquena part d'un nombre més vuit.
- f.)Un terç de la suma de dos nombres més onze
- g.)La meitat del producte de dos nombres.
- h.) L'arrel quadrada de la suma de dos quadrats.
- i.) El 30% d'un nombre.
- j.) El quadrat de la suma de dos nombres.
- k.) La mitjana aritmètica de tres nombres.

#### Valor numèric

Si en una expressió algebraica substituïm les lletres (variables) per nombres, tindrem una expressió numèrica. El resultat d'aquesta expressió és el que anomem valor numèric de l'expressió algebràica per a aquests valors de les variables.

És important que tinguis en compte la prioritat de les operacions

- 1. Potències
- 2. Productes i quocients. En cas que hi hagi productes i quocientes seguits, es resol d'esquerra a dreta.
- 3. Summes i restes

#### **Exercici 2.4.1-2**

Calcula el valor numèric amb x = 7 i x = -3

- a)  $\frac{x}{2}$ +7 b) 7x+2 c) 2(x+7) d) 2x+7 e)  $\frac{x}{2} \cdot 7 \div 2 \cdot (-4)$

#### **Exercici 2.4.1-3**

Calcula el valor numèric

a.) 
$$-x^2-y^2-3x-2y+2$$
  $x = 0 i y = 0$ 

$$x = 0 i y = 0$$

b.) 
$$x^2+3x+1$$

$$x = 5$$

c.) 
$$2x^2-3x$$

$$x = 3$$

d.) 
$$-x^2+y^2-xy+3x-1$$
  $x = 9 i y = 0$ 

$$x = 9 i v = 0$$

e.) 
$$2x^2+3x-1$$

$$x = 7$$

f.) 
$$2x^2+2x+3$$
  $x=3$ 

$$x = 3$$

g.) 
$$-x^2-x-3$$
  $x = 9$ 

$$x = 9$$

h.) 
$$3x^2+3x+3$$

$$x = 4$$

i.) 
$$3x^2-2y^2-3xy+2x+1$$
  $x = 0$  i  $y = 0$ 

$$x = 0 i v = 0$$

j.) 
$$-x^2+y^2-xy+x+3y$$
  $x = 5 i y = 0$ 

$$x = 5 i v = 0$$

k.) 
$$2x^2+3x+2$$

$$x = 9$$

1.) 
$$-x^2-3x$$

$$x = 1$$

m.) 
$$3x^2-2x-1$$
  $x=8$ 

$$\mathbf{x} = 8$$

n.) 
$$-3y^2+2xy-2x-3$$
  $x = 9 i y = 0$ 

$$\mathbf{v} = 9 \mathbf{i} \mathbf{v} = 0$$

0.) 
$$3x^2+x+3$$

$$x = 4$$

p.) 
$$-x^2-x-3$$

$$x = 3$$

#### 2.5 Monomis

Un monomi és una expressió algebraica formada pel producte d'un nombre i una o més variables. Al nombre ho anomenem **coeficient** i al conjunt de les variables, literal.

## Exemple 2.5-1

Monomi 1:  $-8x^4y^2$ 

Monomi 2:  $-26 x^4 y^2$ 

### Exercici 2.5-1

Crea un full de càlcul amb els resultats dels monomis 1 i 2 amb

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$   
 $y \in \{-1,0,1\}$ 

Crea les gràfiques dels monomis corresponents als valors de *x* i *y*.

Solució

## **Exemple 2.5-2**

Monomi 1:  $-17x^6y^3$ 

Monomi 2:  $6x^3y^4$ 

#### Exercici 2.5-2

Crea un full de càlcul amb els resultats dels monomis 1 i 2 en el qual

$$-10 \le x \le 10 \qquad x \in \{N\}$$
$$y \in \{-1,0,1\}$$

Crea els gràfics dels monomis corresponents als valors de *x* i *y*.

## **Exemple 2.5-3**

Monomi 1:  $11x^5 y^2$ 

Monomi 2:  $-11x^5y^2$ 

#### Exercici 2.5-3

Crea un full de càlcul amb els resultats dels monomis 1 i 2 en la qual

$$-10 \le x \le 10 \qquad x \in \{N\}$$

$$y \in \{-1,0,1\}$$

Crea els gràfics dels monomis corresponents als valors de *x* i *y*.

### Exercici 2.5-4

Crea un full de càlcul amb els resultats de x.

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

#### Exercici 2.5-5

Crea un full de càlcul amb els resultats de x + 2.

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

#### Exercici 2.5-6

Crea un full de càlcul amb els resultats de x - 2.

$$-10 \le x \le 10$$

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

#### Exercici 2.5-7

Crea un full de càlcul amb els resultats de 2x.

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

#### Exercici 2.5-8

Crea un full de càlcul amb els resultats de 2x + 4.

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de *x*.

### Exercici 2.5-9

Crea un full de càlcul amb els resultats de 2x -1.

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponents als valors de *x*.

#### Exercici 2.5-10

Crea un full de càlcul amb els resultats de  $\frac{x}{2}$ .

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

#### Exercici 2.5-11

Crea un full de càlcul amb els resultats de  $\frac{x}{2}$ +2.

$$-10 \le x \le 10 \qquad x \in \{N\}$$

Crea el gràfic corresponent als valors de *x*.

#### Exercici 2.5-12

Crea un full de càlcul amb els resultats del monomi  $x^2$ .

$$-10 \le x \le 10 \qquad x \in \{N\}$$

Crea el gràfic del monomi corresponents als valors de x.

### Exercici 2.5-13

Crea un full de càlcul amb els resultats de  $x^2+4$ .

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

## Exercici 2.5-14

Crea un full de càlcul amb els resultats del monomi  $2x^2$ .

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic del monomi corresponents als valors de *x*.

#### Exercici 2.5-15

Crea un full de càlcul amb els resultats de  $x^2+4$ .

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de *x*.

## Exercici 2.5-16

Crea un full de càlcul amb els resultats del monomi  $x^3$ .

$$-10 \le x \le 10$$

Crea el gràfic del monomi corresponents als valors de *x*.

### Exercici 2.5-17

Crea un full de càlcul amb els resultats del monomi  $\frac{x^3}{2}$ .

$$-10 \le x \le 10$$

Crea el gràfic del monomi corresponents als valors de *x*.

## Exercici 2.5-18

Crea un full de càlcul amb els resultats de  $x^{3}-3$ .

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

## Exercici 2.5-19

Crea un full de càlcul amb els resultats de  $x^3+5$ .

$$-10 \le x \le 10$$
  $x \in \{N\}$ 

Crea el gràfic corresponent als valors de x.

## 2.5.1 Suma i resta de monomis

Tres peres i dues peres són 5 peres. Però 3 peres i 2 pomes no són 5 peres ni 5 pomes, són 3 peres + 2 pomes.



El mateix ocorre amb els monomis. Si dos monomis tenen literal igual, sumem o restem els coeficients i deixem el mateix literal. Si el literal és diferent, l'expressió no es pot simplificar.

3x+2x=5x, però les expressions  $3x^2+2x$  o 2x+7y no es poden simplificar.

# **Exercici 2.5.1-1**

Suma i resta els monomis.

a.) 
$$-22 x^4 y^2$$
  $-5 x^4 y^2$  f.)  $-4 x^6 y$   $5 x^4 y^2$   
b.)  $20 x^5 y^3$   $-4 x^3 y^2$  g.)  $11 x^6$   $-8 x^6$ 

c.) 
$$-13 \times 5 \text{ y}^3$$
  $16 \times 5 \text{ y}^3$  h.)  $4 \times 6 \text{ y}^3$   $-25 \times 7 \text{ y}^2$ 

C.) 
$$-13 \times 5 y^3$$
 16  $\times 5 y^3$  h.)  $4 \times 6 y^3$   $-25 \times 7 y^2$  d.)  $16 \times 2 y$  3  $\times 3 y^2$  i.)  $10 \times 5 y^3$   $-25 \times 5 y^3$ 

e.) 
$$6x^5y^3$$
  $-12x^5y^3$  j.)  $-25x^7y^3$   $5x^6y^3$ 

# 2.5.2 Multiplicar i dividir monomis

El producte de dos monomis és un monomi que té per coeficient el producte dels coeficients i per part literal el producte de les parts literals (recorda la propietat:  $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$ ).

# **Exemple 2.5.2-1**

$$(3x^2y)\cdot(2x) = (3\cdot 2)x^2yx = 6x^{2+1}y = 6x^3y$$

Per dividir de monomis, es fa la divisió dels coeficients i es divideixen les parts

literals, tenint en compte que  $a^n: a^m = \frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$ .

## **Exemple 2.5.2-2**

$$(3x^2y): (2x) = \frac{3}{2} \cdot \frac{x^2y}{x} = \frac{3}{2} \cdot \frac{x \cdot x \cdot y}{x} = \frac{3}{2} \cdot xy$$

### Exercici 2.5.2-1

Suma, resta, multiplica i divideix els monomis.

a.) 
$$3 \times y^2$$
  $4 \times y$  f.)  $-5 \times y^3$   $4 \times y^3$   
b.)  $5 \times y$   $-8 \times y^2$  g.)  $\frac{4}{5} \times x^3 y^3$   $-\frac{7}{10} \times x^3$   
c.)  $-\frac{7}{5} \times y$   $-\frac{2}{3} \times x^2 y$  h.)  $-4 \times x^2 y^3$   $\times^2 y^3$   
d.)  $\times y$   $\times y^2$  i.)  $\times x^3$   $-6 \times y^3$   
e.)  $-\frac{5}{4} \times x^2 y^2$   $-\frac{5}{8} \times x^2 y^3$ 

c.) 
$$-\frac{7}{5} \times y$$
  $-\frac{2}{3} \times^2 y$  h.)  $-4 \times^2 y^3$   $\times^2 y^3$ 

d.) 
$$x y$$
  $x y i.)$   $x^3 - 6x$   
e.)  $-\frac{5}{2}x^2y^2$   $\frac{7}{2}x^3y^3$  i.)  $\frac{3}{2}x y^2$   $-\frac{5}{2}x^2y^3$ 

e.) 
$$-\frac{5}{4}x^2y^2$$
  $\frac{7}{4}x^3y^3$  j.)  $\frac{3}{4}xy^2$   $-\frac{5}{8}x^2y^3$ 

#### 2.6 **Polinomis**

### ¿Què són?

La suma o resta de diversos monomis que no es poden simplificar és un polinomi.

Si un dels monomis no té part literal, és anomenat terme independent.

El major grau de tots els seus monomis, és anomenat grau del polinomi.

Nomenem els polinomis amb una lletra majúscula i posem entre parèntesis les variables que ho integren, però en aquesta explicació ens restringirem a una sola variable.

És important que sàpigues identificar els coeficients d'un polinomi segons el seu grau, així si  $P(x)=x^3+2x-4$ . el seu grau és 3 i el seu coeficient de grau tres és 1, el seu coeficient de grau un és 2 i el terme independent o coeficient de grau zero és -4.

# **Exemple 2.6-1**

P(x)=	: -ţ	5 X 3		
Sus co	efic	ientes	s, ord	denados de grado mayor a menor
gr 3 g	г 2	gr 1	gr 0	
-5	0	0	0	Término independiente
<u>Su grado</u>			¿Cu	ántos monomios lo forman?
3			1	
Valor r	num	érico	en_	1
-5				

# **Exemple 2.6-2**

# **Exemple 2.6-3**

## Exercici 2.6-1

En els següents polinomis indica coeficients, grau i nombre de monomis que els formen.

Calcula el valor numèric en 6.

Amb Calc fes una gràfica de cadascun d'ells per a  $-8 \le x \le 8$ 

- a.)  $P(x)=6x^4$
- b.)  $P(x)=3x^6+2x^5$
- c.)  $P(x) = -8 x^5 2 x^3 + 5 x^2$
- d.)  $P(x) = -3x^5 + 2x^3 + x^2$
- e.)  $P(x) = -9 x^5 9 x^4 + 8 x^2$

## 2.7 Exercicis de reforç

#### Exercici 2.7-1

Transforma els enunciats en expressions algebraiques.

- a.) El doble d'un nombre més quatre.
- b.) La tercera part del quadrat d'un nombre.
- c.) Un nombre menys set.
- d.) El doble de la suma d'un nombre més quatre.
- e.) La meitat d'un nombre menys tres, elevat el quadrat.
- f.) El cub de la suma d'un nombre més sis.
- g.) El triple d'un nombre més la seva quarta part.
- h.) El nombre onze menys el triple d'un nombre.
- i.) El doble d'un nombre elevat al cub.
- j.) Un nombre més el doble del seu següent.
- k.) El cub del doble d'un nombre menys vuit.
- l.) La suma de dos nombres consecutius.

### Exercici 2.7-2

Calcula el valor numèric

a.) 
$$A(x) = 7x^3 - 3x^2 - x + 10$$
  $A(2) = A(-5) =$ 

$$A(2) =$$

$$A(-5) =$$

b.) 
$$P(x) = 5x^7 - 4x^2 + 11x + 17$$
  $P(-1) = P(3) =$ 

$$P(-1) =$$

$$P(3) =$$

c.) 
$$B(x) = x^4 - 5x^2 + 7x - 20$$
  $B(0) =$ 

$$B(0) =$$

$$B(5) =$$

d.) 
$$C(x) = (x - 5)^2 \cdot (x - 7) \cdot (x + 12)$$
  $C(4) =$ 

$$C(4) =$$

$$C(-6) =$$

### Exercici 2.7-3

Simplifica les fraccions algebraiques.

a.) 
$$\frac{x^2-3x}{x^2+3x} =$$

b.) 
$$\frac{x^2-3x}{x-3x} =$$

c.) 
$$\frac{x^3+3x^2}{x^2-3x^3} =$$

d.) 
$$\frac{(x^3+3y^2)\cdot(1-x)}{2-2x} =$$

e.) 
$$\frac{x^3+3x^2-x^3}{5x-2x} =$$

## Exercici 2.7-4

Suma, resta, multiplica i divideix els monomis.

a.) 
$$12x^4y^2$$
  $3x^4y^2$ 

$$3x^4y^2$$

m.) 
$$8xy^2$$

b.) 
$$-22 x^5 y^3 7 x^3 y^2$$

$$7x^3y^2$$

n.) 
$$\frac{12}{4}y$$
  $\frac{4}{12}y$ 

$$\frac{4}{12}y$$

c.) 
$$-25x^5y^3$$
  $-5x^5y^3$ 

$$-5x^5y^3$$

d.) 
$$-36x^2y$$

$$-3x^{3}(-2y^{2})$$

d.) 
$$-36x^2y$$
  $-3x^3(-2y^2)$  p.)  $\frac{-4}{16}x^4y^2$   $3x^4y^2$ 

$$3x^4y^2$$

e.) 
$$-36x^2y$$

$$-3x^{3}(-2y^{2})$$

e.) 
$$-36x^2y$$
  $-3x^3(-2y^2)$  q.)  $\frac{16}{5}x^4y^2$   $-\frac{3}{7}x$ 

$$-\frac{3}{7}x$$

f.) 
$$11x^5y^3$$
  $-11x^5y^3$ 

$$-11x^5y^3$$

r.) 
$$\frac{5}{8}x^5y^3$$

r.) 
$$\frac{5}{8}x^5y^3$$
  $(-1)\cdot\frac{5}{9}x^2y^4$ 

g.) 
$$3x^6y$$
  $9x^4y^2$ 

$$9x^4y^2$$

s.) 
$$\frac{3}{4}a^4b^2c$$
  $\frac{5}{6}cb^2a^4$ 

$$\frac{5}{6}cb^2a^4$$

h.) 
$$-6x^6$$

$$(-9x^6)(-2)$$

$$\frac{10}{9}a^4b^2$$

i.) 
$$-13x^6y^3$$
  $-25x^7y^2$ 

$$-25 x^7 y^2$$

u.) 
$$\frac{11}{-12}x^4y^2$$
  $\frac{-3}{4}x^4y^2$ 

$$\frac{-3}{4}x^4y^2$$

j.) 
$$10x^5y^3$$
  $17x^5y^3$ 

$$17 x^5 y^3$$

v.) 
$$\frac{-3}{4}x^4y^2$$
  $\frac{-9}{8}x^4y^2$ 

$$\frac{-9}{8}x^4y^2$$

k.) 
$$10x^5y^3$$
  $17x^5y^3$ 

$$17 x^5 y^3$$

1.) 
$$(-5)(-3)x^7y^3(-2)$$
 15 $x^5$ 

## Exercici 2.7-5

En els següents polinomis indica coeficients, grau i nombre de monomis que els formen.

Calcula el valor numèric en -5 i 7.

a.) 
$$P(x)=7x^4+6x^3+8x^2-9x-3$$

b.) 
$$P(x)=4x^5+2x^2+15x$$

c.) 
$$P(x)=4x^5+2x^2+15x$$

d.) 
$$P(x) = -4x^3 - 2x^2 + 18$$

e.) 
$$P(x) = -3x^3 - 4x^2 - 5x^2 - x$$

f.) 
$$P(x) = -3x^5 - 3x^4 - 3x^3 + 3x^2 + 3x + 3$$

g.) 
$$P(x) = -2x^5 - 2x - 22$$

h.) 
$$P(x) = -6x^6 + 4x^4 - 2x^2 + 1x^0$$

i.) 
$$P(x) = -\frac{2}{3}x^6 + 4x^4 - \frac{4}{5}x^2 + \frac{6}{6}x^0$$

j.) 
$$P(x) = \frac{5}{8}x^5 + \frac{3}{2}x^4 - \frac{2}{3}x^3 + 1x^2$$