

Index

3Equacions.....	2
3.1 Transformació d'equacions.....	4
3.2 Equacions equivalents.....	9
3.3 Sistemes d'equacions.....	11
3.4 Exercicis de repàs.....	14
Solucions.....	16

3 Equacions

Igualtats i equacions

Utilitzem equacions quan tractem d'esbrinar una certa quantitat, desconeguda, però de la qual sabem que compleix certa condició.

La quantitat desconeguda es diu incògnita i es representa per x (o qualsevol altra lletra) i la condició que compleix s'escriu com a una igualtat algebràica a la qual anomenem equació.

Resoldre una equació és trobar el valor de la incògnita amb la qual es compleix la igualtat.

Quan hi ha més d'una incògnita parlem d'un sistema d'equacions. Normalment el nombre d'equacions serà igual al nombre d'incògnites, ja que això permet una solució única del sistema.

Exemple 3-1

Es reparteixen 40 euros entre dues persones, de manera que un rebi 10 euros més que l'altre. Quant rep cadascun?

En primer lloc traduïm a llenguatge matemàtic la informació que dues persones reben 40 euros.

Equació 1: $x + y = 40$ euros

x representa l'import que rep la primera persona i y el que rep la segona.

A continuació traduïm la informació que un rep 10 euros menys que l'altre.

Equació 2: $x = y - 10$ euros

x rep 10 euros menys que y .

Veiem que hi ha dues incògnites x i y i dues equacions. Es tracta per tant d'un sistema d'equacions.

Ara eliminem la incògnita x , inserint l'equació 2 en 1.

$$y - 10 \text{ euros} + y = 2y - 10 \text{ euros} = 40 \text{ euros}$$

per resoldre cap a y , obtenint el seu valor.

$$y = (40 \text{ euros} + 10 \text{ euros}) / 2 = 25 \text{ euros}$$

Inserint el valor d' $y = 25$ euros en qualsevol de les equacions 1 o 2, obtenim

$$x = 15 \text{ euros}$$

3.1 Transformació d'equacions

Per resoldre una equació cap a una incògnita, normalment serà necessari transformar l'equació.

Podem transformar una equació, mantenint la igualtat, és a dir, mantenint la informació que conté, aplicant qualsevol operació matemàtica idèntica a banda i banda de l'equació. Cada banda de l'equació també es pot anomenar membre de l'equació.

Vegem uns exemples senzills per a les operacions de suma, resta, multiplicació i divisió.

Exemple 3.1-1

$$x - 7 = 14$$

Intuïm que x haurà de ser 21, però anem a demostrar-ho. Per a això vam sumar 7 a banda i banda de l'equació.

$$x - 7 = 14 \quad | +7$$

$$x - 7 + 7 = 14 + 7 \rightarrow x = 14 + 7 = 21$$

Exemple 3.1-2

$$x + 7 = 14$$

Intuïm que x haurà de ser 7, però anem a demostrar-ho. Per a això restem 7 a banda i banda de l'equació.

$$x + 7 = 14 \quad | -7$$

$$x + 7 - 7 = 14 - 7 \rightarrow x = 14 - 7 = 7$$

Exemple 3.1-3

$$x / 7 = 3$$

Intuïm que x haurà de ser 21, però anem a demostrar-ho. Per a això multipliquem per 7 tots dos costats de l'equació.

$$x / 7 = 3 \mid \cdot 7$$

$$(x / 7) \cdot 7 = 3 \cdot 7 \rightarrow x = 3 \cdot 7 = 21$$

Exemple 3.1-4

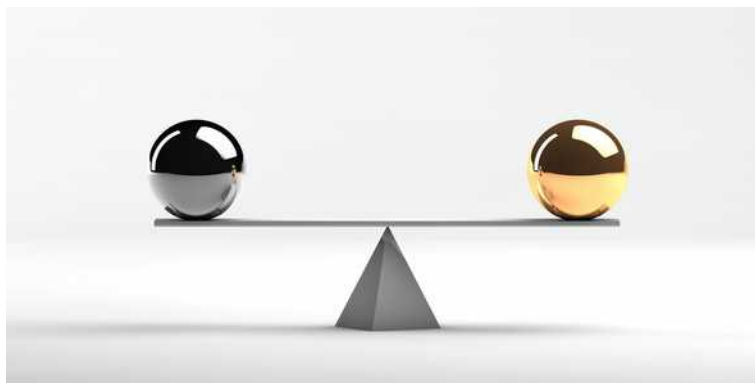
$$x \cdot 7 = 49$$

Intuïm que x haurà de ser 7, però anem a demostrar-ho. Per a això dividim entre 7 tots dos costats de l'equació.

$$x \cdot 7 = 49 \mid / 7$$

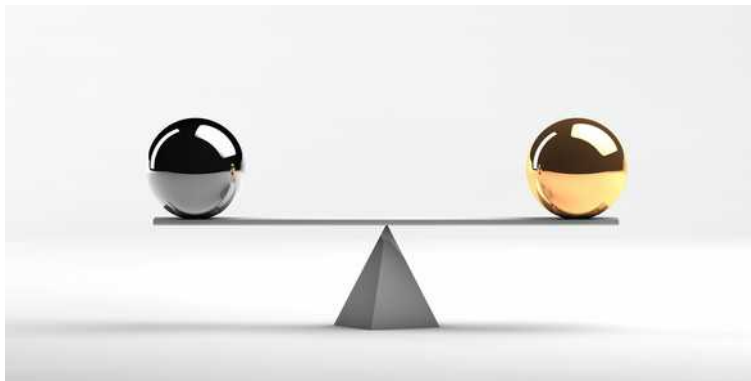
$$(x \cdot 7) / 7 = 49 / 7 \rightarrow x = 49 / 7 = 7$$

Una equació és com una balança en equilibri. Per mantenir l'equilibri, podem aplicar operacions a cada costat de la balança, però les operacions han de ser idèntiques.



Exemple 3.1-5

$$2y - 10 \text{ euros} = 40 \text{ euros}$$



Tenim la següent equació $2y - 10 \text{ euros} = 40 \text{ euros}$ i la volem resoldre cap a y .

Apliquem una operació de suma a banda i banda de l'equació.

$$2y - 10 \text{ euros} = 40 \text{ euros} \quad | + 10 \text{ euros}$$

$$2y - 10 \text{ euros} + 10 \text{ euros} = 40 \text{ euros} + 10 \text{ euros}$$

$$2y = 50 \text{ euros}$$

Ara apliquem una operació de divisió a banda i banda de l'equació.

$$2y = 50 \text{ euros} \quad | : 2$$

$$2y : 2 = 50 \text{ euros} : 2$$

$$y = 25 \text{ euros}$$

Exemple 3.1-6

Tenim la següent equació $20\ \Omega = \frac{50V}{I+1A}$ i la volem resoldre cap a I .

Apliquem una operació de multiplicació a banda i banda de l'equació.

$$20\ \Omega = \frac{50V}{I+1A} \quad | \cdot (I+1A)$$

$$20\ \Omega \cdot (I+1A) = \frac{50V}{I+1A} \cdot (I+1A)$$

$$\rightarrow 20\ \Omega \cdot (I+1A) = 50V \quad \rightarrow 20\ \Omega \cdot I + 20\ \Omega \cdot 1A = 50V$$

$$20\ \Omega \cdot I + 20V = 50V$$

Apliquem una operació de resta a banda i banda de l'equació.

$$20\ \Omega \cdot I + 20V = 50V \quad | - 20V$$

$$20\ \Omega \cdot I + 20V - 20V = 50V - 20V$$

$$20\ \Omega \cdot I = 30V$$

I obtenim el resultat d' I , aplicant una operació de divisió a banda i banda de l'equació.

$$20\ \Omega \cdot I = 30V \quad | : 20\ \Omega$$

$$\frac{20\ \Omega \cdot I}{20\ \Omega} = \frac{30V}{20\ \Omega}$$

$$I = \frac{30V}{20\ \Omega} = 1,5A$$

Exercici 3.1-1

Resol les equacions

a.) $3x - 6 + 5x = 2$

b.) $x + 3(-6 + 5x) - 2 = 7 + 7x - 8$

c.) $\frac{7}{4} = \frac{9x}{4} - \frac{1}{8}$

d.) $\frac{1}{3} \cdot (5 - x) = \frac{5x}{6} - \frac{5}{2}$

e.) $7 \cdot (5 + \frac{1}{x}) = \frac{5}{6x} - \frac{2}{5}$

f.) $15x \cdot \frac{1}{5} = 5x - \frac{2}{5}$

3.2 Equacions equivalents

S'anomenen equacions equivalents a les què tenen les mateixes solucions.

- Si se suma o resta una quantitat o expressió a cada costat (membre) d'una equació s'obté una altra equivalent.
- Si es multipliquen o divideixen els dos costats (membres) d'una equació per un nombre (o una expressió algebraica) s'obté una altra equivalent.

Exemple 3.2-1

Equació 1: $2x - 5 = 7$

Si sumem 4 a cada costat de l'equació obtenim

Equació 2: $2x - 5 + 4 = 7 + 4 \rightarrow 2x - 1 = 11$

Les equacions 1 i 2 són equivalents. Podem comprovar-ho obtenint la solució de l'equació 1 i inserint el resultat en l'equació 2.

Equación 1: $x = \frac{12}{2} = 6$

Equación 2: $2 \cdot 6 - 1 = 11$

Si **restem**, per exemple 70 de cada costat de l'equación 1, obtenim

Equació 3: $2x - 5 - 70 = 7 - 70 \rightarrow 2x - 75 = -63$

La solució de l'equació 3 és $x=6$, perquè $2 \cdot 6 - 75 = -63$

L'equación 3 és equivalent a les equacions 1 i 2.

Ara anem a **dividir** ambdós costats de l'equació 1 entre 20, obtenint

Equació 4: $\frac{2x-5}{20} = \frac{7}{20} \rightarrow \frac{2x}{20} - \frac{5}{20} = \frac{7}{20} \rightarrow 0,1x - 0,25 = 0,35 \rightarrow 0,1x = 0,35 + 0,25 \rightarrow 0,1x = 0,6$
 $x = 6$

Finalment **multipliquem** ambdós costats de l'equació 1 per 3, obtenint

Equació 5: $(2x-5) \cdot 3 = 7 \cdot 3 \rightarrow 6x - 15 = 21 \rightarrow 6x = 21 + 15 \rightarrow 6x = 36 \rightarrow x = \frac{36}{6} = 6$

Les equacions 1 a 5 donen totes el mateix resultat $x = 6$. Per tant, són equivalents.

Exercici 3.2-1

Quines de les següents equacions són equivalents?

- | | | |
|--------------------------------|---|------------------------------------|
| a) $3x = 6$ | e) $\frac{x-7}{4} = \frac{6}{16} - \frac{21}{12}$ | i) $3^2x = 6^2$ |
| b) $12x = 18$ | f) $\frac{3x}{3^3} = \frac{6}{3 \cdot 9}$ | j) $\sqrt{12} \cdot x = \sqrt{18}$ |
| c) $\frac{x}{3} = \frac{6}{9}$ | g) $\frac{3x}{\sqrt{2}} = \frac{6}{2^2}$ | k) $\frac{(20-8)x}{15+3} = 1$ |
| d) $4x+5=11$ | h) $\frac{\sqrt{36} \cdot x}{\sqrt{9}} = \frac{6 \cdot 2}{3}$ | l) $(3+1)x = 6+1$ |

3.3 Sistemes d'equacions

De vegades, per resoldre un problema es necessita més d'una incògnita.

Per poder solucionar un problema amb diverses incògnites, necessitem diverses equacions i a aquestes les anomenem un sistema d'equacions.

Perquè a cada incògnita correspongui una única solució, el nombre d'incògnites i equacions ha de ser igual.

Exemple 3.3-1

Una ploma és 3 € més cara que un bolígraf. Per 5 plomes i 4 bolígrafs paguem 33,9 €. Quins són els preus de la ploma i el bolígraf?

En aquest exemple tenim les dues incògnites x i y , amb x representant les plomes i y els bolígrafs. En tenir dues incògnites, necessitem dues equacions.

Comencem traduint al llenguatge matemàtic que una ploma x és 3 € més cara que un bolígraf y .

Equació 1: $x = y + 3€$

Ara traduïm al llenguatge matemàtic que per 5 plomes x i 4 bolígrafs y paguem 33,9 €.

Equació 2: $5x + 4y = 33,9€$

Finalment substituïm x per $y + 3$ € en l'equació 2 i resollem cap a y ,

$$5(y+3€)+3y=33,9€ \rightarrow y=\frac{33,9€-15€}{8}=2,36€$$

obtenint el següent resultat

Els bolígrafs y costen 2,36 € i les plomes x costen 5,36 €.

Podem comprovar que el resultat és correcte inserint els valors de x i y en les equacions 1 i 2 i que efectivament es compleixen les igualtats.

Exemple 3.3-2

Pau és 5 anys més jove que Maria i 5 anys major que Federic. Entre els tres igualen l'edat de la seva mare, 48 anys. Quina edat té cadascun?

En aquest exemple tenim tres incògnites, que són les edats de Maria (m), Pau (p) i Federic (f).

Comencem traduint al llenguatge matemàtic que Pau és 5 anys més jove que Maria.

Equació 1: $p+5=m$

Ara traduïm al llenguatge matemàtic que Pau és 5 anys major que Federic.

Equació 2: $p-5=f$

Falta traduir al llenguatge matemàtic que entre els tres igualen l'edat de la seva mare, 48 anys.

Equació 3: $p+m+f=48$

Hem obtingut les tres equacions necessàries per trobar els valors de les tres incògnites.

Ara inserim les equacions 1 i 2 en 3, substituint les incògnites **m** i **f**.

$$p+(p+5)+(p-5)=48 \rightarrow 3p=48 \rightarrow p=\frac{48}{3}=16$$

L'edat de Pau és 16 anys, la de Maria 21 i la de Federic 11. Si vam sumar les edats, ens donen els 48 anys de la mare. Veiem que les tres equacions es compleixen.

Exercici 3.3-1

- a) Quant mesura una corda si la seva quarta part mesura 200 metres?
- b) Trobar tres nombres consecutius que la seva sumeixi sigui 219.
- c) Héctor guarda 25 euros en la seva guardiola, que suposa sumar una quarta part dels diners que ja hi havia. Quants diners hi ha en la guardiola?
- d) En sumar el triple d'un nombre amb la meitat d'aquest nombre s'obté 126.
De quin nombre es tracta?
- e) Llorenç gasta la meitat dels seus diners en un videojoc, i la setena part a anar al cinema. Quant tenia si encara li queden 20 €?
- f) Trobar els costats d'un rectangle de 18 cm de perímetre, si la base és el doble de l'altura.
- g) Coloma, Pau i Andreu cobren 1638 € per un treball. Pau ha treballat el triple de dies que Andreu i Coloma el doble que Pau. Com repartiran els diners?
- h) Carme té 16 anys i els seus dos germans petits tenen 2 i 3 anys. Quants anys han de passar perquè el doble de la suma de les edats dels germans de Carme sigui la mateixa que la que té ella?
- i) Donat un nombre, la suma de la seva meitat, el seu doble i el seu triple és 55. Quin nombre és?

<https://www.matesfacil.com/ESO/Ecuaciones/resueltos-problemas-ecuaciones.html>

3.4 Exercicis de repàs

S'anomenen equacions equivalents a les equacions que tenen les mateixes solucions.

Exercici 3.4-1

¿És 7 solució de $(x-6) \cdot 13 = 13$?

Exercici 3.4-2

Són equivalents les equacions $7-6(x-13)=1$ i $7-6x+78=1$?

Exercici 3.4-3

L'equació $6x^2-7x+c=0$ té per solució $x = 8$. Quin és el valor de c ?

Exercici 3.4-4

Són equivalents $\frac{x}{8}-\frac{1-x}{7}=1$ i $7x-8+8x=56$?

Exercici 3.4-5

Resol l'equació $\frac{17}{2}=(x+\frac{45}{2}) \cdot \frac{1}{3}$.

Exercici 3.4-6

Resol l'equació.

$$\frac{3x+19}{4}=(-\frac{1}{9}) \cdot (-37-x)$$

Exercici 3.4-7

Resol l'equació.

$$\frac{x-2}{5} - \frac{5-x}{2} = 2$$

Exercici 3.4-8

Per 2 pantalons i 4 samarretes paguem 86 euros. Si uns pantalons costa 4 euros més que una samarreta, quant costa una samarreta?

Exercici 3.4-9

La suma de tres nombres consecutius és 84. Troba el menor dels tres.

Exercici 3.4-10

La superfície d'una finca és de 158 Ha. El blat ocupa la meitat de superfície que l'ordi, i les oliveres ocupen la tercera part que l'ordi. També hi ha una superfície de 4 Ha dedicada a hortalisses. Quant ocupa el blat?

Solucions**Exercici 3.1-1**

Resol les equacions

a.) $3x - 6 + 5x = 2 \rightarrow 8x = 8 \rightarrow x = 1$

b.) $x + 3(-6 + 5x) - 2 = 7 + 7x - 8 \rightarrow 9x = 19 \rightarrow x = \frac{19}{9}$

c.) $\frac{7}{4} = \frac{9x}{4} - \frac{1}{8} \rightarrow \frac{15}{8} = \frac{9x}{4} \rightarrow x = \frac{5}{6}$

d.) $\frac{1}{3} \cdot (5 - x) = \frac{5x}{6} - \frac{5}{2} \rightarrow \frac{5}{3} + \frac{5}{2} = \frac{5x}{6} + \frac{x}{3} \rightarrow \frac{25}{6} = \frac{7x}{6} \rightarrow x = \frac{25}{7}$

e.) $7 \cdot (5 + \frac{1}{x}) = \frac{5}{6x} - \frac{2}{5} \rightarrow 35 + \frac{7}{x} = \frac{5}{6x} - \frac{2}{5} \rightarrow \frac{177}{5} = \frac{-37}{6x} \rightarrow x = -\frac{185}{1062}$

f.) $15x \cdot \frac{1}{5} = 5x - \frac{2}{5} \rightarrow \frac{2}{5} = 5x - 3x \rightarrow x = \frac{1}{5}$

Exercici 3.2-1

Quines de les següents equacions són equivalents?

a) $3x = 6 \rightarrow x = 2$

e) $\frac{x-7}{4} = \frac{6}{16} - \frac{21}{12} \rightarrow x = 1,5$

i) $3^2 x = 6^2 \rightarrow x = 4$

b) $12x = 18 \rightarrow x = 1,5$

f) $\frac{3x}{3^3} = \frac{6}{3 \cdot 9} \rightarrow x = 2$

j) $\sqrt{12} \cdot x = \sqrt{18} \rightarrow x = \sqrt{1,5}$

c) $\frac{x}{3} = \frac{6}{9} \rightarrow x = 2$

g) $\frac{3x}{\sqrt{2}} = \frac{6}{2^2} \rightarrow x = \frac{1}{\sqrt{2}}$

k) $\frac{(20-8)x}{15+3} = 1 \rightarrow x = 1,5$

d) $4x + 5 = 11 \rightarrow x = 1,5$

h) $\frac{\sqrt{36} \cdot x}{\sqrt{9}} = \frac{6 \cdot 2}{3} \rightarrow x = 2$

l) $(3+1)x = 6+1 \rightarrow x = \frac{7}{4}$

Són equivalents les equacions a), c), f), h), ja que tenene la solució $x = 2$.Són equivalents les equacions b), d), e), k), ja que tenene la solució $x = 1,5$.

Exercici 3.3-1

a) Quant mesura una corda si la seva quarta part mesura 200 metres?

$$\frac{x}{4} = 200 \text{ m} \rightarrow x = 4 \cdot 200 \text{ m} = 800 \text{ m}$$

b) Trobar tres nombres consecutius que la seva suma sigui 219.

Equació 1: $x + y + z = 219$

Equació 2: $x + 1 = y$

Equació 3: $y + 1 = z$

2 en 3 $\rightarrow x + 2 = z$ en 1

$$x + x + 1 + x + 2 = 219 \rightarrow 3x + 3 = 219 \rightarrow x = \frac{216}{3} = 72 \rightarrow y = 73 \rightarrow z = 74$$

c) Héctor guarda 25 euros en la seva guardiola, que suposa sumar una quarta part dels diners que ja hi havia. Quants diners hi ha en la guardiola?

$$\frac{x}{4} = 25 \text{ euro} \rightarrow x = 100 \text{ euro}$$

A la guardiola havia 100 euros i ara hi ha 125 euros.

d) En sumar el triple d'un nombre amb la meitat d'aquest nombre s'obté 126.

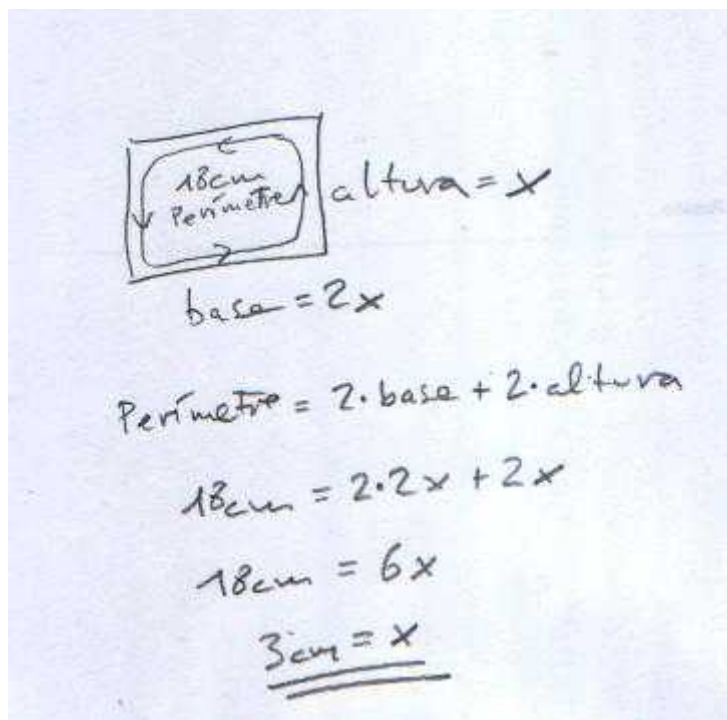
De quin nombre es tracta?

$$3 \cdot x + \frac{x}{2} = 126 \rightarrow x = 36$$

e) Llorenç gasta la meitat dels seus diners en un videojoc, i la setena part a anar al cinema. Quant tenia si encara li queden 20 €?

$$x - \frac{x}{2} - \frac{x}{7} = 20 \text{ euro} \rightarrow x = 56 \text{ euro}$$

f) Trobar els costats d'un rectangle de 18 cm de perímetre, si la base és el doble de l'altura.



Els costats del rectangle mesuren: altura = 3 cm, base = 6 cm.

g) Coloma, Pau i Andreu cobren 1638 € per un treball. Pau ha treballat el triple de dies que Andreu i Coloma el doble que Pau. Com repartiran els diners?

Handwritten solution for problem g):

I. Pau = 3 · Andreu → Andreu = $\frac{\text{Pau}}{3}$

II. Coloma = 2 · Pau

III. Pau + Andreu + Coloma = Total diners = 1638 €

Pau + Andreu + Coloma = Total de dies treballats

$$\text{Pau} + \frac{\text{Pau}}{3} + 2 \text{ Pau} = 1638 \text{ €}$$

$$\text{Pau} \left(1 + \frac{1}{3} + 2 \right) = 1638 \text{ €}$$

$$\underline{\underline{\text{Pau} = \frac{1638 \text{ €}}{3 + 1} = 491,4 \text{ €}}}$$

$$\underline{\underline{\text{Coloma} = 2 \cdot \text{Pau} = 982,8 \text{ €}}}$$

$$\underline{\underline{\text{Andreu} = \frac{\text{Pau}}{3} = 163,8 \text{ €}}}$$

h) Carme té 16 anys i els seus dos germans petits tenen 2 i 3 anys. Quants anys han de passar perquè el doble de la suma de les edats dels germans de Carme sigui la mateixa que la que té ella?

$$2 \cdot (\text{edat germà 1} + x) + 2 \cdot (\text{edat germà 2} + x) = \text{edat Carme} + x$$

$$2 \cdot (2 \text{ anys} + x + 3 \text{ anys} + x) = 16 \text{ anys} + x \rightarrow x = 2 \text{ anys}$$

Passta dos anys, el germà 1 té 4 anys, el germà 2 té 5 anys i Carme té 18 anys. La suma de les edats dels germans dóna 9 anys, i el doble de la suma dóna la edat de Carme, 18 anys.

i) Donat un nombre, la suma de la seva meitat, el seu doble i el seu triple és 55. Quin nombre és?

$$\frac{x}{2} + 2x + 3x = 55 \rightarrow x = 10$$

Exercici 3.4-1

¿És 7 solució de $(x-6) \cdot 13 = 13$?

$$(7-6) \cdot 13 = 13 \rightarrow 1 \cdot 13 = 13$$

Sí, $x = 7$ es solución de la ecuación.

Exercici 3.4-2

Són equivalents les equacions $7-6(x-13)=1$ i $7-6x+78=1$?

$$7-6(x-13)=1 \rightarrow x=14$$

$$7-6x+78=1 \rightarrow x=14$$

Sí, són equivalentes.

Exercici 3.4-3

L'equació $6x^2-7x+c=0$ té per solució $x = 8$. Quin és el valor de c ?

$$6 \cdot 8^2 - 7 \cdot 8 + c = 0 \rightarrow c = -328$$

Exercici 3.4-4

Són equivalents $\frac{x}{8} - \frac{1-x}{7} = 1$ i $7x-8+8x=56$?

$$\frac{x}{8} - \frac{1-x}{7} = 1 \rightarrow x = \frac{64}{15}$$

$$7x-8+8x=56 \rightarrow x = \frac{64}{15}$$

Sí, són equivalentes.

Exercici 3.4-5

Resol l'equació $\frac{17}{2} = (x + \frac{45}{2}) \cdot \frac{1}{3}$.

$$\frac{17}{2} = (x + \frac{45}{2}) \cdot \frac{1}{3} \rightarrow x = 3$$

Exercici 3.4-6

Resol l'equació.

$$\frac{3x+19}{4} = \left(-\frac{1}{9}\right) \cdot (-37-x) \rightarrow x = -1$$

Exercici 3.4-7

Resol l'equació.

$$\frac{x-2}{5} - \frac{5-x}{2} = 2 \rightarrow x = 7$$

Exercici 3.4-8

Per 2 pantalons i 4 samarretes paguem 86 euros. Si uns pantalons costa 4 euros més que una samarreta, quant costa una samarreta?

Equació 1: $2x + 4y = 86 \text{ euro}$

Equació 2: $x - 4 \text{ euro} = y$

$$2x + 4(x - 4 \text{ euro}) = 86 \text{ euro} \rightarrow x = 17 \text{ euro}, y = 13 \text{ euro}$$

Exercici 3.4-9

La suma de tres nombres consecutius és 84. Troba el menor dels tres.

Equació 1: $x + y + z = 84$

Equació 2: $x + 1 = y$

Equació 3: $y + 1 = z$

2 en 3 $\rightarrow x + 2 = z$

$$x + x + 1 + x + 2 = 84 \rightarrow x = 27$$

Exercici 3.4-10

La superfície d'una finca és de 158 Ha. El blat ocupa la meitat de superfície que l'ordi, i les oliveres ocupen la tercera part que l'ordi. També hi ha una superfície de 4 Ha dedicada a hortalisses. Quant ocupa el blat?

$$2 \text{ blat} = \text{ordi} \rightarrow \text{blat} = \frac{\text{ordi}}{2}$$

$$\text{oliveres} = \frac{\text{ordi}}{3}$$

$$\text{blat} + \text{ordi} + \text{oliveres} + 4 \text{ Ha} = 158 \text{ Ha}$$

$$\frac{\text{ordi}}{2} + \text{ordi} + \frac{\text{ordi}}{3} + 4 \text{ Ha} = 158 \text{ Ha} \rightarrow \text{ordi} = 84 \text{ Ha}$$

$$\text{oliveres} = \frac{\text{ordi}}{3} = \frac{84 \text{ Ha}}{3} = 28 \text{ Ha}$$

$$\text{blat} = \frac{\text{ordi}}{2} = \frac{84 \text{ Ha}}{2} = 42 \text{ Ha}$$

Fuente:

http://recursostic.educacion.es/secundaria/edad/2esomatematicas/2quincena6/index2_6.htm