Table of Contents

. Condensador	2
1.1 Campo eléctrico y capacidad	
1.2 Condensador y cálculo	
1.3 Capacidad de un condensador	
1.4 Conexión serie/paralelo de condensadores	22
1.5 Soluciones	

Paulino Posada pág. 1 de 31

1 Condensador

1.1 Campo eléctrico y capacidad

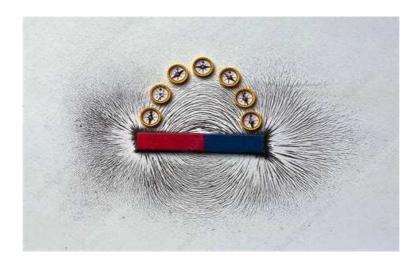
Una tensión eléctrica entre dos conductores, crea un campo eléctrico en el espacio existente entre esos conductores. En las unidades anteriores se ha estudiado la relación entre tensión y resistencia, en circuitos cerrados, formados por conductores que unen los componentes, por los que circulaba una corriente.

A diferencia de los circuitos cerrados necesarios para que circule una coriente, los campos actúan sin necesidad de materia. Sus efectos que pueden observarse en un espacio vacío.

El concepto de "campo" es algo abstracto. Al menos con la corriente eléctrica se pueden imaginar diminutas partículas llamadas electrones moviéndose entre los núcleos de los átomos dentro de un conductor, mientras que un "campo" no tiene masa y sus efectos se pueden observar inculso en un espacio vacío, libre de materia.

A pesar de su carácter abstracto, casi todos tenemos experiencia directa con campos, por ejemplo con el campo magnético generado por un imán. Es conocido el efecto de atracción y repulsión de los imanes, según su orientación. Percibimos un campo magnético, por la fuerza que ejerce sobre un objeto de hierro. Los campos electrico y magnético, no tienen masa, ni color, ni olor, actúan tanto con presencia de materia, como en el vacío y son inperceptible a nuestros sentidos.

Un campo magnético se puede visualizar con limaduras de hierro, que se orientan a lo largo de las líneas del campo, indicando su presencia.



Paulino Posada pág. 2 de 31

El principio de funcionamiento de un condensador está basado en un campo eléctrico. También los campos eléctricos producen efectos observables, como por ejemplo la atracción entre un globo cargado estáticamente a nuestra ropa. La causa que genera un campo eléctrico es un desequilibrio de electrones entre dos objetos. Siempre que exista una tensión eléctrica entre dos puntos, existirá también un campo eléctrico en el espacio que separa esos puntos.

Los campos tienen dos medidas: una fuerza de campo y un flujo de campo. La fuerza de campo es la cantidad de "empuje" que ejerce un campo sobre una distancia determinada. El flujo de campo es la cantidad total, o efecto, del campo en el espacio. La fuerza de campo y el flujo son análogos a la tensión ("empuje") y la corriente (flujo) a través de un conductor. La diferencia de una corriente eléctrica y el flujo de campo es que este puede manifestarse en un espacio vacío, mientras que la corriente sólo puede producirse donde haya electrones libres para moverse.

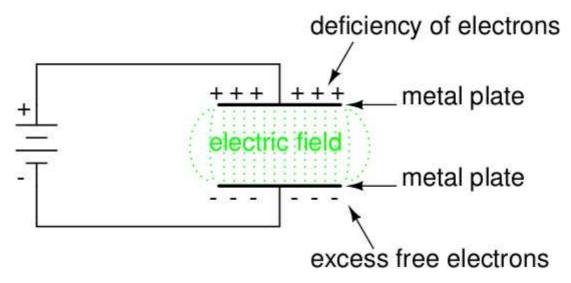
El flujo de campo varía, aumentando o disminuyendo, en función de la materia por la que se propaga. Esto es similar a la corriente eléctrica que será mayor o menor en función de la resistividad del material por el que tenga que circular.

En un material conductor, un campo eléctrico provoca una corriente, mientras que un material aislante que separa dos conductores, provoca un flujo de campo. Dependiendo de las características del aislante, el flujo de campo será mayor o menor.

Normalmente, la corriente sólo pueden circular en un circuito cerrado, donde la misma cantidad de corriente que sale de la fuente de alimentación, vuelve a la fuente de alimentación.

Si se observa dos conductores, separados por un aislante, se puede aumentar la concentración electrones libres en el primer conductor, y reducir la concentración de electrones libres en el segundo conductor. La diferencia de carga entre los conductores causa un flujo de campo eléctrico entre ellos, a través del material aislante que los separa.

Paulino Posada pág. 3 de 31



Este es el principio de funcionamiento de un condensador, dos conductores metálicos separados por un material aislante. La cantidad de carga que un condensador puede acumular se llama capacidad. La capacidad del condensador aumenta con la superficie de los conductores enfrentados y disminuye con el grosor del aislante que los separa. Este aislante también se llama dieléctrico. Además, la capacidad depende del material dieléctrico.

Símbolo del condensador

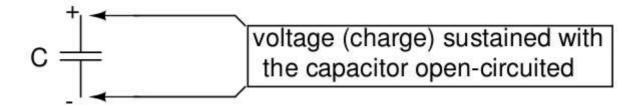


Al aplicar una tensión entre los conductores de un condensador, se crea un flujo de campo eléctrico entre ellos, que causa una diferencia de de concentración de electrones en los conductores. En el conductor conectado al polo positivo de la fuente de tensión, la concentración de electrones disminuye, mientras que en el conductor conectado al polo negativo, la concentración aumenta. El condensador almacena energía en forma de diferencia de carga entre sus conductores. A mayor diferencia de carga entre los conductores del condensador, mayor será el flujo de campo a través del dieléctrico y mayor la energía almacenada.

Paulino Posada pág. 4 de 31

La energía almacenada en un condensador aumenta con la tensión aplicada entre sus conductores. Esto significa que aumenta la concentración de electrones a la placa (-) y se reduce en la placa (+), lo que requiere una corriente en esa dirección. Por el contrario, para liberar energía de un condensador, la tensión aplicada debe disminuir y se produce una corriente de electrones de la placa (-) a la placa (+). La dirección de la corriente de descarga es contraria a la de carga.

Teóricamente, un condensador perfecto, mantiene su carga y tensión si es desconectado de la fuente de alimentación y su carga no puede circular del contacto positivo al negativo.



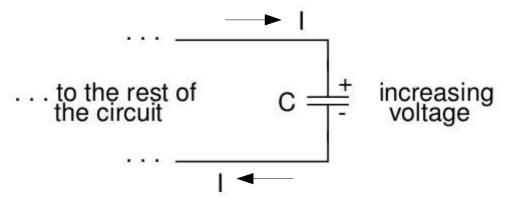
Únicamente la conexión de una fuente de alimentación con tensión distinta a la del condensador, o un componente conductor entre los contactos del condensador, causarán una variación de su tensión.

Los condensadores reales pierden su energía acumulada con el paso del tiempo, debido a fugas de corriente, a través del dieléctrico, entre sus conductores. Dependiendo del tipo de condensador, el proceso de descarga por fugas puede tardar años.

Al aumentar la tensión en el condensador, este aumenta su carga, comportándose como un consumidor de energía. Este proceso se llama cargar el condensador, ya que se está aumentando la energía almacenada en su campo eléctrico.

Paulino Posada pág. 5 de 31

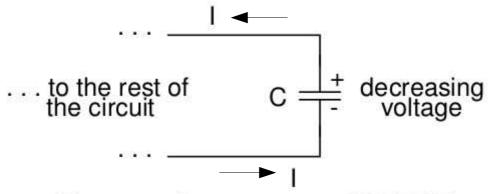
Energy being absorbed by the capacitor from the rest of the circuit.



The capacitor acts as a LOAD

Al reducir la tensión en el condensador, este reduce su carga, comportándose como una fuente de energía. Este proceso se llama descargar el condensador, ya que se está reduciendo la energía almacenada en su campo eléctrico.

Energy being released by the capacitor to the rest of the circuit



The capacitor acts as a SOURCE

Paulino Posada pág. 6 de 31

Al conectar una fuente de tensión a un condensador sin carga (aumento repentino de tensión), el condensador recibirá corriente de la fuente, absorbiendo energía, hasta que la tensión del condensador sea igual a la de la fuente. Una vez que la tensión del condensador alcanza este estado final (cargado), su corriente cae a cero. Por el contrario, si se conecta una resistencia a un condensador cargado, el condensador suministrará corriente a la resistencia hasta que haya liberado toda su energía almacenada y su tensión descienda a cero.

Una vez que la tensión del condensador alcanza este estado final (descargado), su corriente también se reduce a cero. El proceso de carga y descarga de un condensador es similar al de una batería. La diferencia se encuentra en que en el condensador la energía se almacena en forma de campo eléctrico, mientras que en la batería se produce un proceso químico.

La elección del material aislante entre las placas, determina el flujo de campo (y, por tanto, en la capacidad de carga) que almacena un condensador a una determinada tensión. Este material aislante es llamado dieléctrico. La medida en que el aislante inhibe o favorece la formación del flujo de campo eléctrico se denomina permitividad del dieléctrico.

La medida de la capacidad de un condensador para almacenar energía para una determinada caída de tensión se denomina capacidad eléctrica. La capacidad eléctrica también es una medida de la oposición a los cambios de tensión. La tensión que suministra una fuente de alimentación, cae al aumentar la corriente que suministra. En el caso extremo del cortocircuito, la tensión es 0 V y la corriente muy grande. Por eso, cuando a un condensador se le aplica a una diferencia de tensión determinada, cuanto más alta sea la corriente que esta diferencia de tensión cause, mayor será la oposición del condensador a la subida de tensión. La capacidad eléctrica también es una medida de la corriente que una determinada diferencia de tensión causa en un condensador. La capacidad se indica simbólicamente con una "C" mayúscula y su unidad es el Faradio, abreviado como "F".

Paulino Posada pág. 7 de 31

Resumen

- Un condensador reacciona a las variaciones de tensión cargando o descargandose. La corriente de carga o descarga se opone al cambió de tensión.
- Cuando la tensión conectada a un condensador crece, el condensador actúa como un consumidor (resistencia), almacenando energía. La corriente (sentido convencional), entra por el lado positivo y sale por el negativo, como en una resistencia.
- Cuando la tensión conectada a un condensador cae, el condensador actúa como una fuente de energía, suministra corriente. La corriente (sentido convencional), entra por el lado negativo y sale por el positivo, como en una fuente de alimentación (batería).
- La capacidad de un condensador para almacenar energía en forma de campo eléctrico (y, en consecuencia de oponerse a los cambios de tensión) se denomina capacitadad eléctrica y se mide en la unidad del Faradio (F).

Paulino Posada pág. 8 de 31

1.2 Condensador y cálculo

Los condensadores no tienen una "resistencia" estable como los conductores. Sin embargo, existe una relación matemática entre la tensión y la corriente de un condensador:

Ley de Ohm para condensadores

$$i=C\cdot\frac{dv}{dt}$$

i corriente instantanea a través del condensador

C capacidad del condensador en faradios

 $\frac{dv}{dt}$ velocidad de variación del voltaje (la unidad es $\frac{V}{s}$)

La letra "i" minúscula simboliza la corriente instantánea, que significa la cantidad de corriente en un momento determinado. Esto contrasta con la corriente constante o media (letra "I" mayúscula) durante un periodo de tiempo indeterminado. La expresión $\frac{dv}{dt}$ es la velocidad de variación de la tensión. Dicho de otra forma, es la tasa de variación de la tensión (aumento o disminución de voltios por segundo) en un momento dado, al que corresponde la corriente instantánea. Se suele utilizar la letra v para representar la tensión instantánea.

En los circuitos estudiados hasta ahora, las tensiones y corrientes eran constantes en el tiempo. El condensador introduce un elemento nuevo, la variación en el tiempo de la tensión y la corriente. En una resistencioa da igual el momento en el que se midan tensión o corriente, el resultado será siempre el mismo. En un condensador la medida de tensión o corriente dependerá del momento en el que se haga.

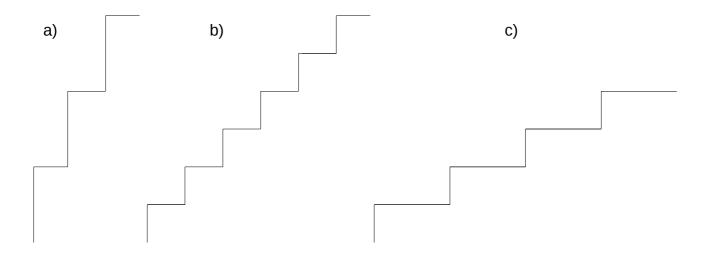
Paulino Posada pág. 9 de 31

La derivada y ejemplos de tensiones variables

La derivada es un concepto matemático que indica la tasa de variación de y (x), en función de x. Esta definición es muy abstracta y difícilmente comprensible.

Otra forma mucho más comprensible de definir la derivada es que representa la pendiente de la curva de un gráfico.

Veamos tres escaleras:



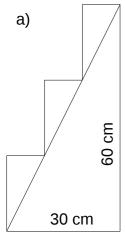
La escalera a) es la que tiene mayor pendiente. Cada escalón avanza 1 unidad y sube 3 unidades. En la escalerra b), por cada escalón se avanza 1 unidad y se sube 1 unidad. En la escalera c), por cada escalón se avanza 2 unidades y se sube 1 unidad.

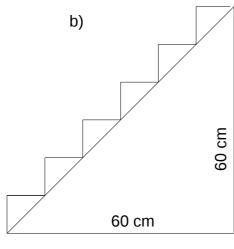
La pendiente de la escalera es la relación de lo que se sube, a lo que se avanza con cada escalón.

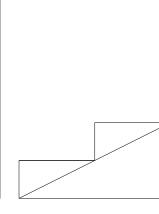
Paulino Posada pág. 10 de 31

40 cm

Si le ponemos números, por ejemplo 1 unidad = 10 cm, las pendientes serían las siguientes:



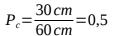




c)

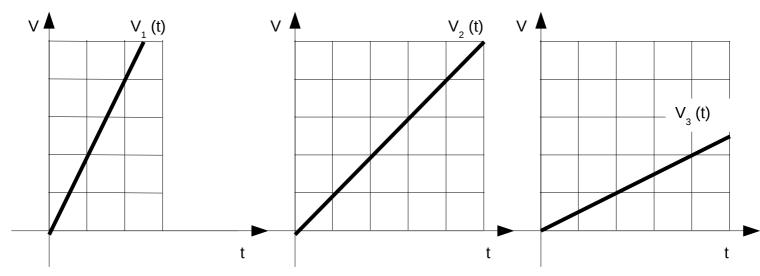
$$P_a = \frac{60 \, cm}{30 \, cm} = 2$$

$$P_b = \frac{60 \, cm}{60 \, cm} = 1$$



60 cm

Veamos ahora 3 gráficos de tensiones en función del tiempo:



Si le ponemos números, por ejemplo en el eje horizontal 1 unidad = 1s

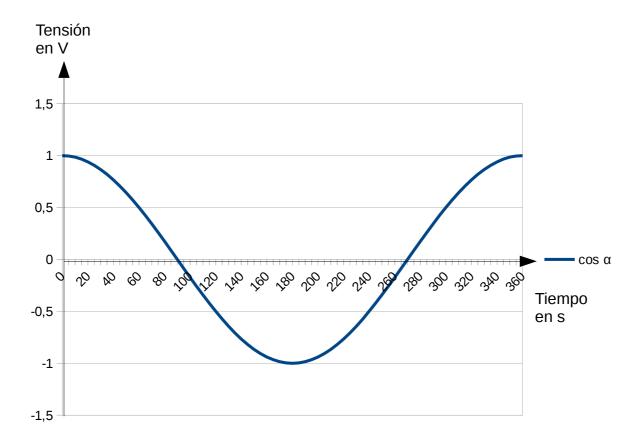
y en el vertical 1 unidad = 1 V, las pendientes serían las siguientes:

$$\frac{dv_1(t)}{dt} = 2\frac{V}{s}$$

$$\frac{dv_2(t)}{dt} = 1\frac{V}{s}$$

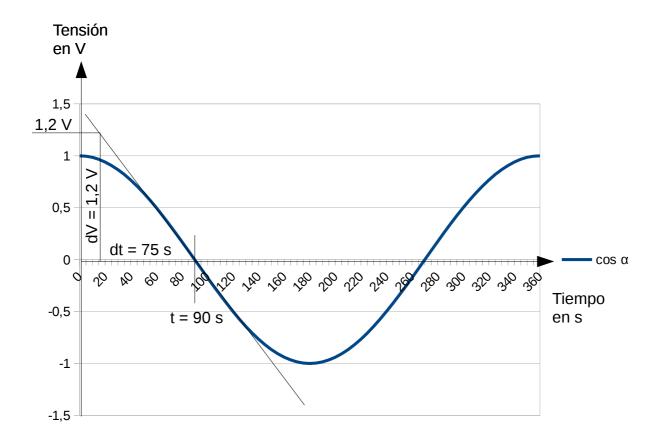
$$\frac{dv_3(t)}{dt} = 0.5 \frac{V}{s}$$

En el caso de que el gráfico no sea una recta, sino una línea curva, la pendiente en un punto de la curva se puede aproximar con una recta, que toque la curva en ese punto.



Para averiguar la pendiente en el segundo 90, se traza una línea recta que aproxime la pendiente de la curva en ese punto.

Paulino Posada pág. 12 de 31



La pendiente en t = 90 s es:
$$\frac{dv}{dt} = \frac{1,2 V}{70 s} = 0,017 \frac{V}{s}$$

Ejercicio 1.2-1

En el gráfico anterior:

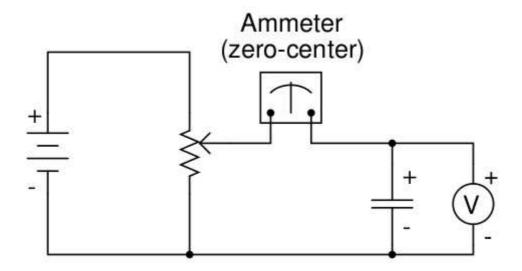
Indica las pendientes en los puntos t = 0 s y t = 180 s.

Indica los tiempos en los que la curva alcanza su pendiente máxima.

Paulino Posada pág. 13 de 31

En un condensador el tiempo es una variable esencial, porque la corriente está relacionada con la rapidez con la que cambia la tensión a lo largo del tiempo.

Para entenderlo bien, es necesario hacer algunas ilustraciones. Supongamos que conectamos un condensador a una fuente de tensión variable, construida con un potenciómetro y una batería:

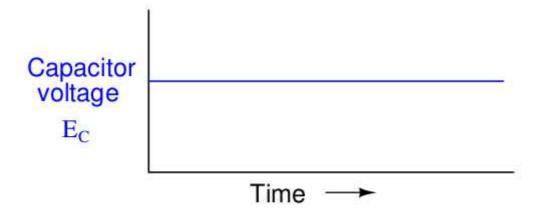


Paulino Posada pág. 14 de 31

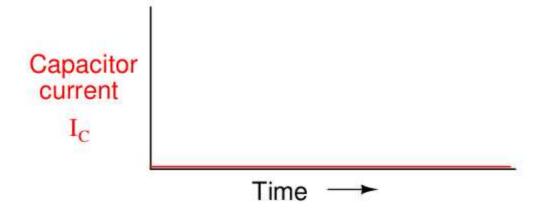
Si el mecanismo del potenciómetro permanece en una posición fija, el voltímetro conectado al condensador medirá una tensión constante (invariable) y el amperímetro registrará 0 amperios. En este caso, la tasa instantánea de cambio de tensión (dv/dt) es igual a cero, porque la tensión es

invariable. La ecuación nos dice que con 0 voltios por segundo de cambio ($\frac{dv}{dt}$ = 0), la corriente instantánea (i) es cero.

Desde un punto de vista físico, sin cambio en el voltaje, no hay necesidad de movimiento de electrones para sumar o restar carga a las placas del condensador y, por tanto, no habrá corriente.



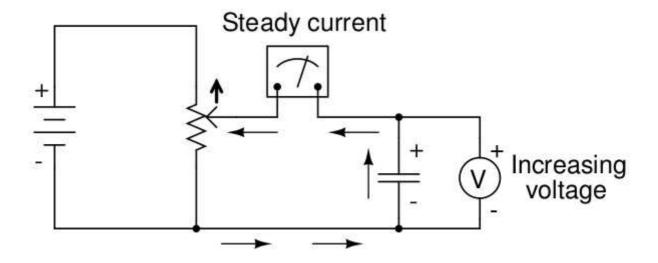
Potentiometer wiper not moving



Paulino Posada pág. 15 de 31

Si el potenciómetro se mueve lenta y constantemente en la dirección "arriba", la tensión en el condensador aumentará. El valor de tensión indicado en el voltímetro irá aumentando lentamente:

Potentiometer wiper moving slowly in the "up" direction

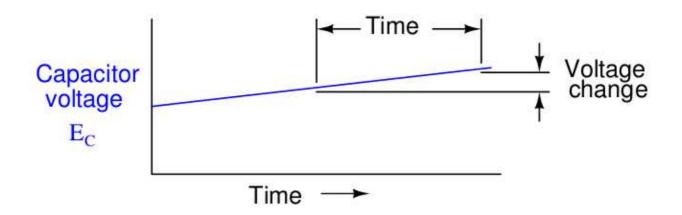


Si suponemos que el ajuste del potenciómetro se mueve de forma que la tasa de incremento de tensión en el condensador es constante (por ejemplo, la tensión aumenta a un ritmo constante de 2 voltios por segundo), el término dv/dt de la fórmula será un valor constante. Según la ecuación, este valor constante de dv/dt, multiplicado por la capacidad del condensador en Faradios (también constante), resulta en una corriente constante.

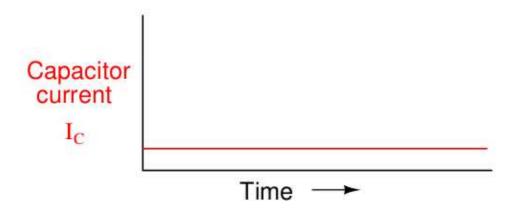
Por lo tanto, para una tasa de aumento de tensión lenta y constante, se produce una tasa lenta y constante de acumulación de carga en el condensador, lo que resulta en una corriente constante de cierta magnitud.

En estas condiciones, el condensador está actuando como una carga, con la corriente (sentido convencional) entrando en la placa positiva y saliendo de la negativa, acumulando energía en forma de campo eléctrico.

Paulino Posada pág. 16 de 31



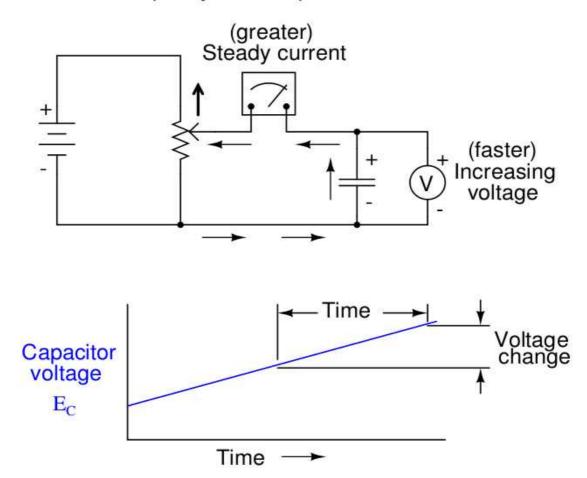
Potentiometer wiper moving slowly "up"



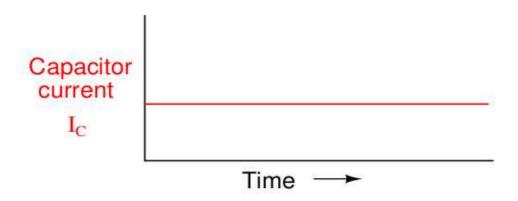
Paulino Posada pág. 17 de 31

Si el potenciómetro se mueve en la misma dirección, pero a mayor velocidad, la tasa de variación de la tensión (dv/dt) será mayor y, por tanto, también lo será la corriente del condensador.

Potentiometer wiper moving quickly in the "up" direction



Potentiometer wiper moving quickly "up"



Paulino Posada pág. 18 de 31

Cuando los estudiantes de matemáticas estudian cálculo por primera vez, empiezan explorando el concepto de tasas de cambio de varias funciones matemáticas. La derivada, que es el primer y más elemental principio del cálculo, es una expresión de la tasa de cambio de una variable en función de otra variable.

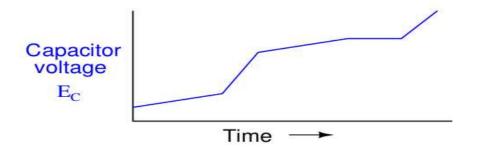
Los estudiantes de cálculo tienen que aprender este principio estudiando ecuaciones abstractas.

La relación entre tensión y corriente en un condensador en términos de cálculo es que la corriente a través de un condensador es la derivada de la tensión en función del tiempo.

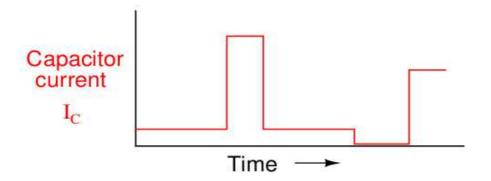
Dicho en términos más sencillos, la corriente de un condensador es directamente proporcional a la rapidez con que cambia su tensión.

En el circuito, la tensión del condensador se ajusta mediante la posición del un mando giratorio de un potenciómetro. La corriente del condensador es directamente proporcional a la velocidad a la que giramos el mando del potenciómetro.

Si se gira el potenciometro, aumentando la tensión en el condensador a diferentes velocidades, se podría obtener un gráfico como el siguiente:



Potentiometer wiper moving "up" at different rates

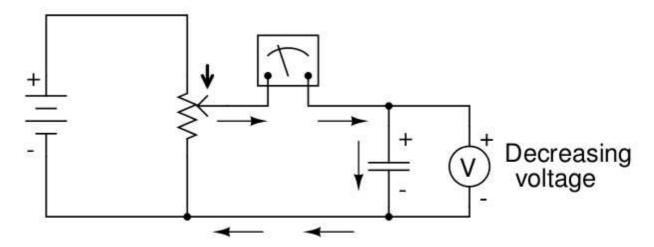


Paulino Posada pág. 19 de 31

Observa cómo, en cada momento, la corriente del condensador es proporcional a la pendiente del gráfico de tensión del condensador. Cuando la línea de tensión aumenta rápidamente (pendiente pronunciada), la corriente también es grande. Cuando la pendiente de la tensión es suave, la corriente es pequeña. En la zona del gráfico, en la que la curva de tensión es horizontal, la pendiente es 0, la tensión se mantiene constante, la variación de tensión es $\frac{dv}{dt} = 0 \frac{V}{s}$ y la corriente, consecuentemente también es 0 A.

Si se gira el potenciometro, reduciendo la tensión en el condensador, la pendiente se vuelve negativa ($\frac{dv}{dt}$ < 0 $\frac{V}{s}$), la curva de tensión cae, en vez de subir. Ahora la tensión del condensador es mayor que la de la resistencia, y el condensador comienza a descargar su energía, la corriente cambia de sentido.

Potentiometer wiper moving in the "down" direction



De nuevo, la corriente a través del condensador es directamente proporcional a la tasa de cambio de voltaje ($\frac{dv}{dt}$ < 0 $\frac{V}{s}$) que se mide el condensador. La única diferencia entre los efectos de una tensión menguante y una tensión creciente es la dirección de la corriente. Para la misma tasa de cambio de voltaje a lo largo del tiempo, ya sea creciente o menguante, la magnitud de la corriente (amperios) será la misma.

Paulino Posada pág. 20 de 31

Matemáticamente, una tasa de cambio de tensión menguante se expresa como una cantidad dv/dt negativa. La fórmula i = C(dv/dt) dará como resultado una corriente (i) de signo negativo, indicando su dirección, que corresponde a la descarga del del condensador.

Paulino Posada pág. 21 de 31

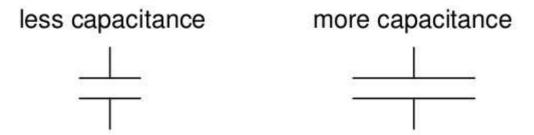
1.3 Capacidad de un condensador

Hay tres factores básicos que determinan la capacidad de un condensador. Estos factores determinan la capacidad influyendo en el flujo de campo eléctrico (diferencia de concentración de carga en las placas del condensador) que genera una determinada fuerza de campo eléctrico (tensión entre las placas):

Superficie de las placas:

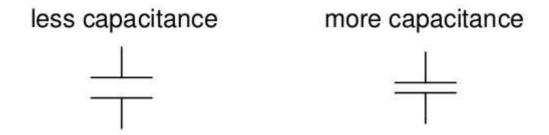
A mayor superficie de las placas del condensador, mayor será su capacidad.

La razón es que con la superficie de las placas aumenta el flujo de campo (la carga acumulada en las placas).



Espacio entre las placas:

A mayor distancia entre las placas, menor capacidad. La razón es que la fuerza de campo (tensión entre las placas dividida entre la distancia entre placas) disminuye al aumentar la distancia entre las placas. Una menor la fuerza de campo genera menor flujo de campo (el condensador acumula menos carga).

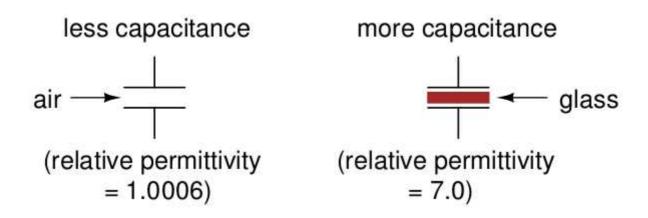


Paulino Posada pág. 22 de 31

11/23

Material dieléctrico:

A mayor permitividad del dieléctrico, mayor capacidad.



La permitividad "relativa" es la permitividad de un material en relación con la del vacío. Cuanto mayor sea el número, mayor será la permitividad del material. El vidrio, por ejemplo, con una permitividad relativa de 7, tiene una permitividad siete veces mayor que la del vacío y, por lo tanto, permite establecer un flujo de campo eléctrico siete veces mayor que el del vacío. A continuación se muestra una tabla con las permitividades relativas (también conocidas como "constantes dieléctricas") de varias sustancias comunes:

Material Relative permitt	ivity (dielectric constant)
Vacuum	1.0000
Air	1.0006
PTFE, FEP ("Teflon")	2.0
Polypropylene	2.20 to 2.28
ABS resin	2.4 to 3.2
Polystyrene	2.45 to 4.0
Waxed paper	2.5
Transformer oil	2.5 to 4
Hard Rubber	2.5 to 4.80
Wood (Oak)	3.3
Silicones	3.4 to 4.3
Bakelite	3.5 to 6.0
Quartz, fused	3.8
Wood (Maple)	4.4
Glass	4.9 to 7.5

Paulino Posada pág. 23 de 31

Castor oil	5.0	
Wood (Birch)	5.2	
Mica, muscovite	5.0 to	8.7
Glass-bonded mica	6.3 to	9.3
Porcelain, Steatite	6.5	
Alumina	8.0 to	10.0
Distilled water	80.0	
Barium-strontium-titanite	7500	

La siguiente fórmula permite el cálculo aproximado de la capacidad de dos conductores separados por un dieléctrico:

$$C = \frac{\varepsilon \cdot A}{d}$$

- C capacidad en Faradios
- ε permitividad absoluta del dieléctrico (no la relativa)
- A superficie de las placas
- d distancia entre placas

La capacidad de un condensador puede ajustarse, variando cualquiera de los factores físicos anteriores. Un factor relativamente fácil de variar es el área de las placas, o mejor dicho, el solapamiento de las placas.

La siguiente fotografía muestra un ejemplo de un condensador variable que utiliza un conjunto de placas metálicas y aire como material dieléctrico.



Paulino Posada pág. 24 de 31

Al girar el eje, varía el grado de superposición de los conjuntos de placas, cambiando el área de las placas entre las que puede establecerse un campo eléctrico. Este condensador en particular tiene una capacidad en el rango de picofaradios, y se utiliza en circuitos de radio.

Paulino Posada pág. 25 de 31

1.4 Conexión serie/paralelo de condensadores

Cuando los condensadores están conectados en serie, la capacidad total es menor que cualquiera de las capacitancias individuales de los condensadores en serie. Si dos o más condensadores están conectados en serie, el efecto en conjunto, es el de un único condensador (equivalente) que tiene la suma de las separaciones de las placas de los condensadores individuales.

Como se acaba de ver, un aumento de la distancia entre placas, sin que cambien los demás factores, resulta en una disminución de la capacidad.

$$\begin{array}{c} C_1 \stackrel{\textstyle \perp}{=} \\ C_2 \stackrel{\textstyle \perp}{=} \end{array} \quad \text{equivalent to} \quad \stackrel{\textstyle \perp}{\longrightarrow} \begin{array}{c} C_{\text{total}} \\ \end{array}$$

Por lo tanto, la capacitancia total es menor que cualquiera de las capacitancias individuales de los condensadores.

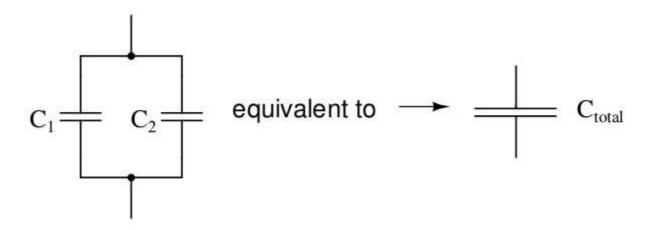
La fórmula para calcular la capacidad total en serie es la misma que para calcular resistencias en paralelo:

$$C_{total} = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \cdots + \frac{1}{C_n}}$$

Paulino Posada pág. 26 de 31

Cuando los condensadores están conectados en paralelo, la capacidad total es la suma de las capacidades individuales de los condensadores. Si se conectan dos o más condensadores en paralelo, el efecto es el de un único condensador equivalente que tiene la suma total de las áreas de placa de los condensadores individuales.

Como se acaba de ver, un aumento en el área de la placa, con todos los demás factores iguales, resulta en un aumento de la capacidad.



Por lo tanto, la capacidad total es mayor que cualquiera de las capacitancias individuales de los condensadores.

La fórmula para calcular la capacidad total en paralelo es la misma que para calcular resistencias en serie:

$$C_{total} = C_1 + C_2 + \cdots + C_n$$

Este comportamiento es exactamente contrario al que muestran las resistencias.

En el caso de las resistencias, las conexiones en serie dan como resultado una resistencia total mayor, mientras que las conexiones en paralelo dan como resultado una resistencia total menor. En los condensadores, ocurre lo contrario: las conexiones en paralelo dan como resultado una capacidad total mayor, mientras que las conexiones en serie dan como resultado una capacidad total menor.

Paulino Posada pág. 27 de 31

Resumen

- La capacidad de un conjunto de condensadores disminuye si se conecan en serie.
- La capacidad de un conjunto de condensadores aumenta si se conecan en paralelo.

Paulino Posada pág. 28 de 31

1.5 Condensadores en la práctica

Los condensadores, como todos los componentes eléctricos, tienen limitaciones que deben respetarse en aras de la fiabilidad y el correcto funcionamiento de los circuitos. en aras de la fiabilidad y el correcto funcionamiento del circuito.

Tensión de trabajo: Dado que los condensadores no son más que dos conductores separados por un aislante (el dieléctrico), hay que prestar atención a la tensión máxima permitida a su través. Si Si se aplica demasiada tensión, puede superarse el valor nominal de "ruptura" del material dieléctrico,

lo que provocaría un cortocircuito interno en el condensador.

Paulino Posada pág. 29 de 31

1.6 Soluciones

Paulino Posada pág. 30 de 31

Estos apuntes son una adaptación de "Lessons in electric circuits volume 1 DC" , del autor Tony R. Kuphaldt.

Traducción y adaptación Paulino Posada

Traducción realizada con la versión gratuita del traductor www.DeepL.com/Translator

Paulino Posada pág. 31 de 31