

Table of Contents

1 Corriente alterna (ca, AC).....2

1.1 Corriente alterna monofásica.....3

1.1.1 Grados y radianes.....4

1.1.2 Ciclo y frecuencia.....6

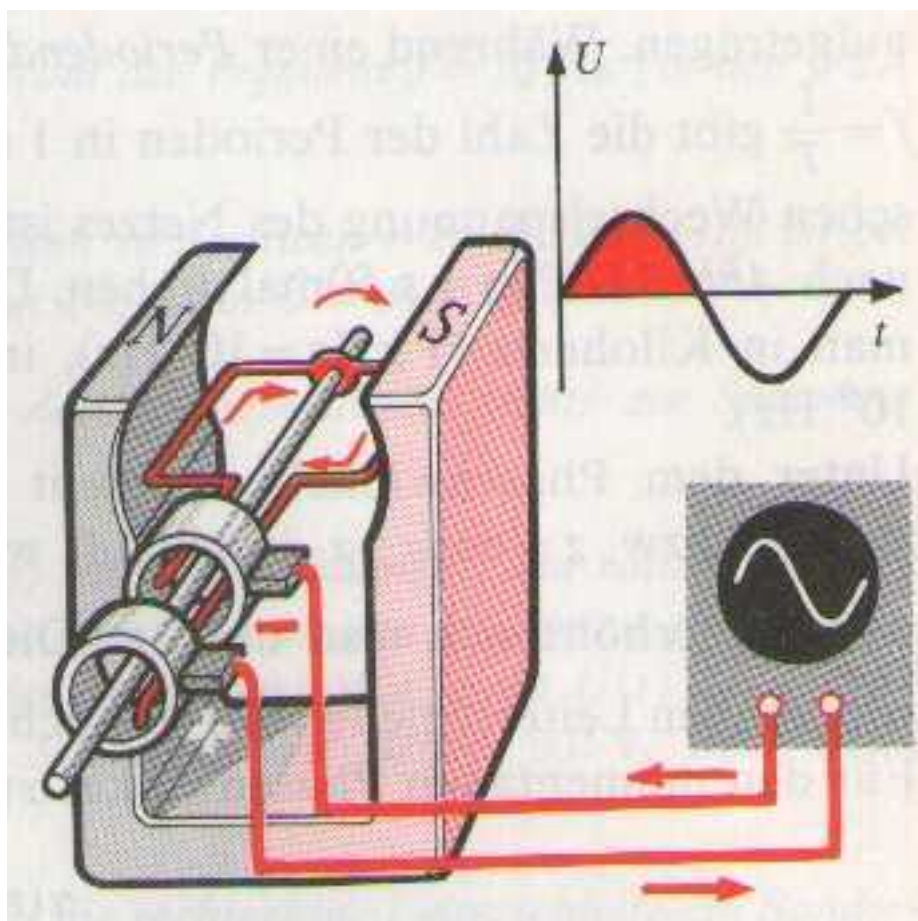
1.1.3 Velocidad angular  $\omega$ .....6

1.1.4 Seno y coseno.....7

## 1 Corriente alterna (ca, AC)

A diferencia de la corriente continua, la corriente alterna cambia de dirección . Esto significa que no existe un polo negativo y otro positivo.

Los generadores de corriente alterna están compuestos, en el caso más simple, de una parte fija, llamada estator, que crea un campo magnético, y una parte móvil, llamada rotor, que es una bobina. El rotor gira dentro del campo magnético creado por el estator. Esto causa un movimiento de electrones en la bobina del rotor, produciendo una tensión en los extremos de la bobina. Visto desde la bobina, lo que gira es el campo magnético. Los cambios de dirección del campo magnético causan una tensión que, al igual que el campo magnético, continuamente cambia de polaridad en los contactos de la bobina.



Respecto a la cc, la ca tiene la ventaja, de que es posible variar su tensión e intensidad, mediante unas máquinas relativamente simples, llamadas transformadores. Esto facilita el transporte de la energía eléctrica. Por este motivo, las redes de distribución de la energía eléctrica suministran ca.

## 1.1 Corriente alterna monofásica

La corriente alterna de red tiene forma senoidal. Esto significa, que en el gráfico de la corriente, en función del tiempo, la curva de corriente se describe matemáticamente con la siguiente fórmula:

$$i(t) = \hat{I} \cdot \sin(\omega t)$$

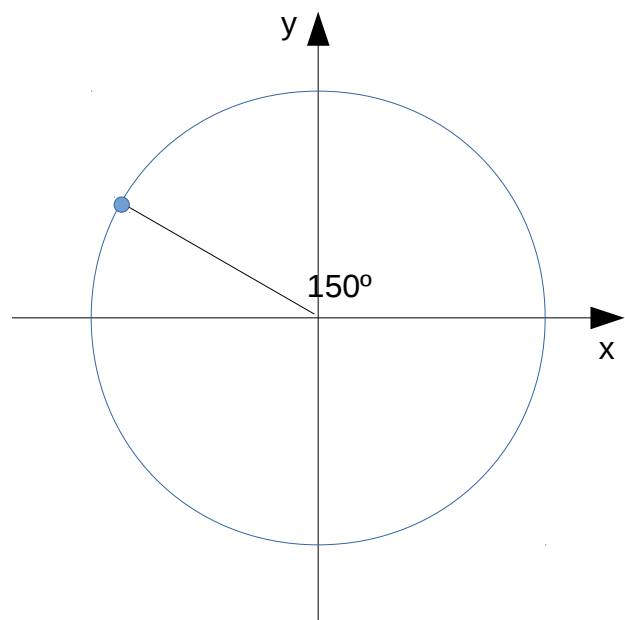
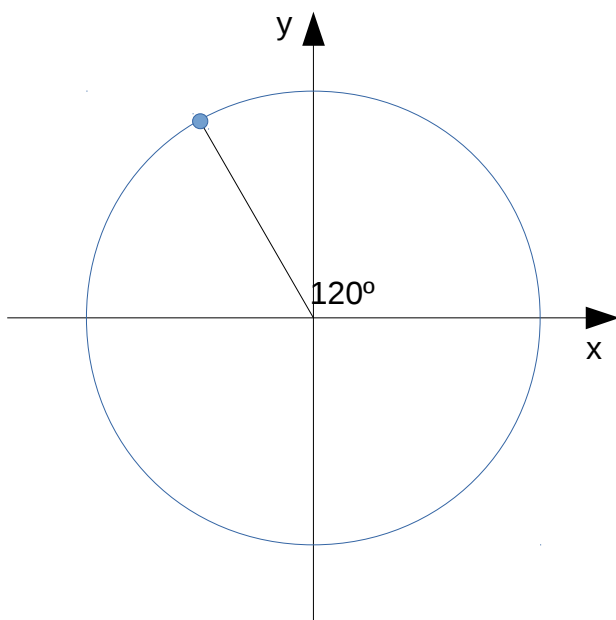
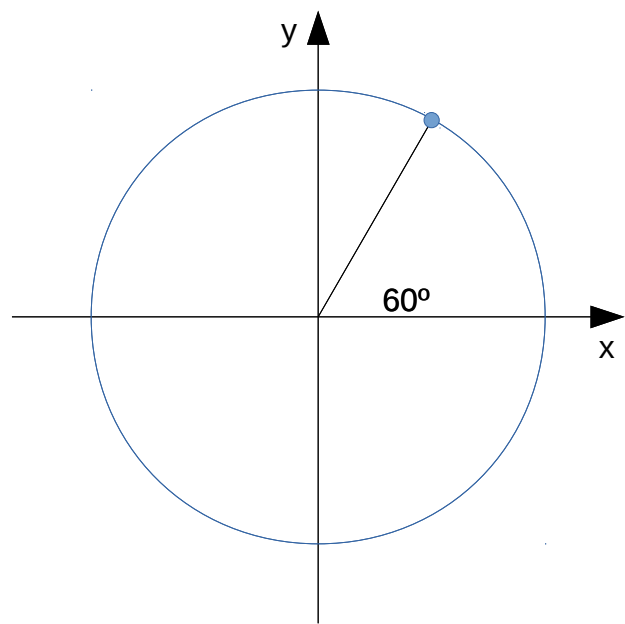
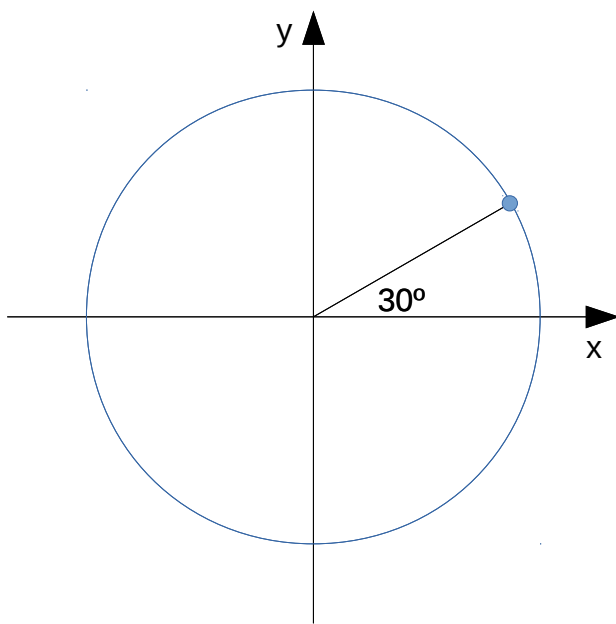
$\hat{I}$  es el valor máximo, cresta o pico

$\omega$  es la velocidad angular en radianes entre segundo  $\frac{rad}{s}$

$t$  es el tiempo en segundos

### 1.1.1 Grados y radianes

Si se observa un punto, girando en contra del sentido de las agujas del reloj, sobre un círculo, se puede determinar su posición, indicando el radio del círculo y el ángulo entre el eje horizontal y el radio entre el origen y el punto.

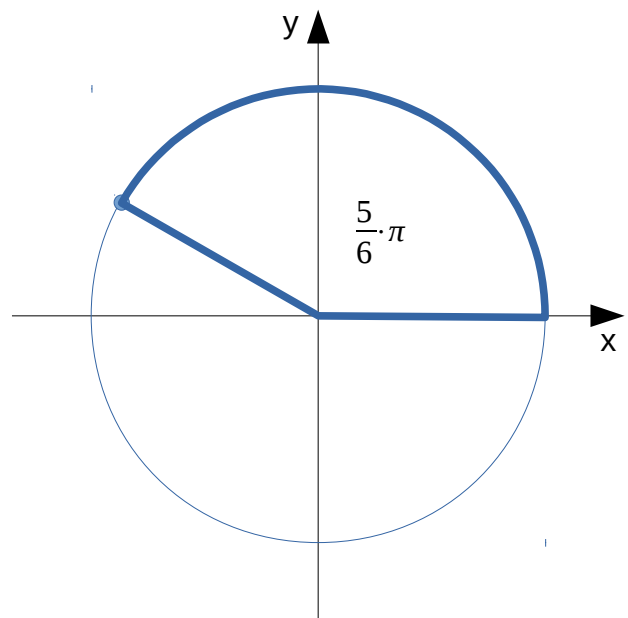
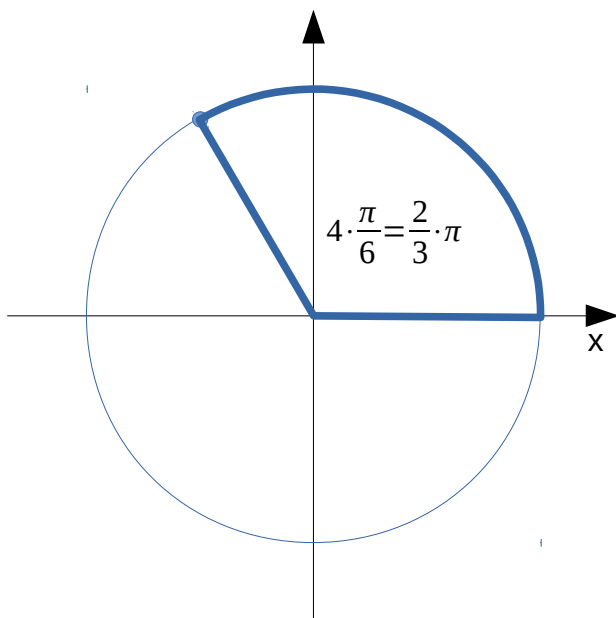
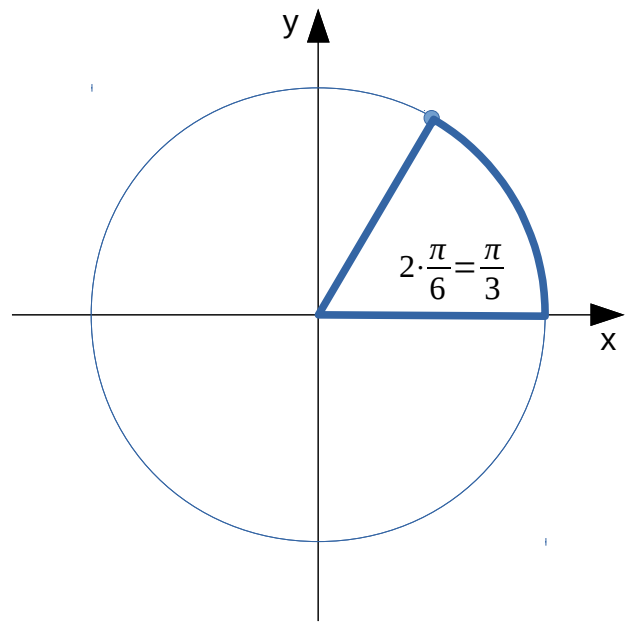
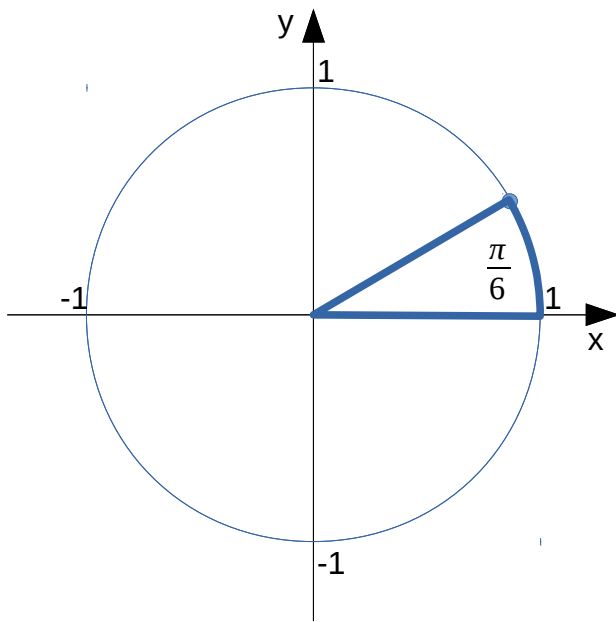


Al giro completo del punto alrededor del círculo le corresponden  $360^\circ$ .

El ángulo también se puede expresar en la distancia que el punto recorre sobre la línea del círculo. Esta medida se llama radián, tomando la medida del radio como 1.

El perímetro de un círculo  $P=2\cdot\pi\cdot r$ , corresponde a  $360^\circ$ . Por tanto, las fracciones del círculo en

radianes, se calculan  $\frac{\alpha}{360^\circ}\cdot 2\cdot\pi$ .



### 1.1.2 Ciclo y frecuencia

Cada giro completo que hace el punto se llama un ciclo.

El tiempo que el punto necesita para hacer un giro completo se llama periodo  $T$ .

Si el punto necesita 3 segundos en hacer un giro,  $T=3\text{ s}$ , mientras que si necesita 0,5 segundos, su periodo es  $T=0,5\text{ s}$ .

La frecuencia  $f$  es el número de giros por segundo que hace el punto. La relación entre la

frecuencia y el periodo es  $f=\frac{1}{T}$ . La unidad de la frecuencia es el hercio  $\text{Hz}$ .

### 1.1.3 Velocidad angular $\omega$

La velocidad está definida como la distancia dividida entre el tiempo necesario en recorrerla.

$$v=\frac{d}{t}$$

d distancia en m

t tiempo en s

En el caso del círculo, la distancia de un giro completo corresponde al perímetro  $P=2\cdot\pi\cdot r$  y el tiempo necesario para un giro completo es el periodo  $T$ , por tanto la velocidad (angular)  $\omega$  es:

$$\omega=\frac{2\cdot\pi\cdot r}{T} \text{ o } \omega=2\cdot\pi\cdot r\cdot f \text{ tomando el radio como 1, se obtiene } \omega=\frac{2\cdot\pi}{T} \text{ o } \omega=2\cdot\pi\cdot f$$

Para  $T=3\text{ s}$ , la velocidad angular es  $\omega=\frac{2\cdot\pi}{3\text{ s}}=\frac{2}{3}\cdot\pi\cdot\frac{1}{\text{s}}=2,093\frac{1}{\text{s}}$

Para  $T=0,5\text{ s}$ , la velocidad angular es  $\omega=\frac{2\cdot\pi}{0,5\text{ s}}=4\cdot\pi\cdot\frac{1}{\text{s}}=12,56\frac{1}{\text{s}}$

Conociendo la velocidad angular  $\omega$ , se puede obtener la posición del punto, su ángulo, pasado el tiempo  $t$ :

$$\alpha=\omega\cdot t$$

Para  $t=3s$  , a la velocidad  $\omega=\frac{2}{3}\cdot\pi\cdot\frac{1}{s}$  , el ángulo en radians es:  $\alpha=\omega\cdot t=\frac{2}{3}\cdot\pi\cdot\frac{1}{s}\cdot 3s=2\pi$  .

En  $3s$  el punto ha dado un giro completo.

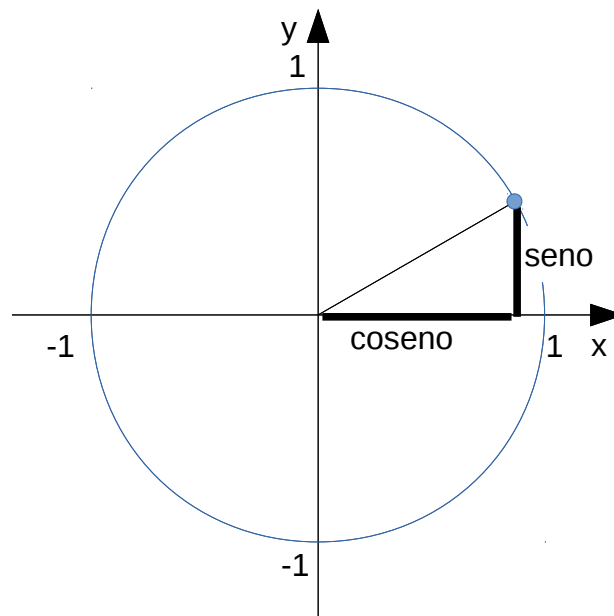
A la velocidad de  $\omega=4\cdot\pi\cdot\frac{1}{s}$  , el ángulo en radians es:  $\alpha=\omega\cdot t=4\cdot\pi\cdot\frac{1}{s}\cdot 3s=12\pi$  , el punto ha hecho 6 giros completos.

### Ejercicio 1.1.3-1:

- Calcula la posición del punto a una velocidad angular  $\omega=4\cdot\pi\cdot\frac{1}{s}$  , pasados 2,25 s.
- Calcula la posición del punto a una velocidad angular  $\omega=\frac{2}{3}\cdot\pi\cdot\frac{1}{s}$  , pasados 17 s.

### 1.1.4 Seno y coseno

La coordenada horizontal, x, del punto que gira sobre el círculo se llama coseno, la vertical, y, se llama seno.



La siguiente tabla indica los valores de seno y coseno para un ciclo.

$\alpha$	$0^\circ$	$30^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$	$120^\circ$	$150^\circ$	$180^\circ$	$210^\circ$	$240^\circ$	$270^\circ$	$300^\circ$	$330^\circ$	$360^\circ$
$\alpha$	0	$\frac{\pi}{6}$	$2 \cdot \frac{\pi}{6}$	$3 \cdot \frac{\pi}{6}$	$4 \cdot \frac{\pi}{6}$	$5 \cdot \frac{\pi}{6}$	$6 \cdot \frac{\pi}{6}$	$7 \cdot \frac{\pi}{6}$	$8 \cdot \frac{\pi}{6}$	$9 \cdot \frac{\pi}{6}$	$10 \cdot \frac{\pi}{6}$	$11 \cdot \frac{\pi}{6}$	$12 \cdot \frac{\pi}{6}$
$\sin \alpha$	0	0,5	0,9	1	0,9	0,5	0	-0,5	-0,9	-1	-0,9	-0,5	0
$\cos \alpha$	1	0,9	0,5	0	-0,5	-0,9	-1	-0,9	-0,5	0	0,5	0,9	1

