# **Table of Contents**

1 Circuitos serie y paralelo	2
1.1 ¿Qué son las conexiones serie y paralelo?	
1.2 Conexión serie sencilla	
1.3 Conexión paralelo sencilla	
1.4 Conductividad eléctrica	
1.5 Cálculos de potencia	18
1.6 Circuito divisor de tensión	
1.7 Ley del voltaje de Kirchhoff	25
1.8 Circuitos divisores de corriente	38
1.9 Ley de la corriente de Kirchhoff	41
1.10 Ejercicios	43
1.11 Tablas	46
1.12 Soluciones.	

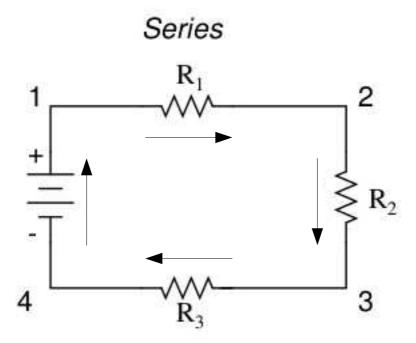
# 1 Circuitos serie y paralelo

## 1.1 ¿Qué son las conexiones serie y paralelo?

Los circuitos formados por una sola batería y una resistencia de carga son sencillos de analizar, pero en la práctica suelen ser más complejos y agrupar varios componentes.

Hay dos formas básicas de conectar más de dos componentes: en serie y en paralelo.

El siguiente ejemplo es un circuito con las resistencias conectadas en serie:

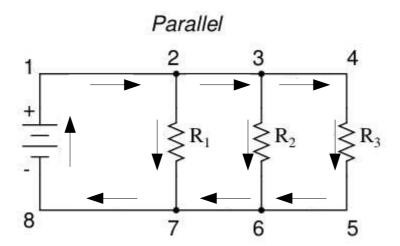


Este circuito está compuesto por tres resistencias, R 1 , R 2 y R 3 , formando una linea que conecta el polo positivo de la batería con el negativo. Los subíndices no están relacionados con los valores de las resistencias en ohmios, su función es identificar las resistencias.

La característica que define una conexión en serie es que sólo hay un camino por el que fluye la corriente. En este circuito la corriente fluye en el sentido de las agujas del reloj, del polo positivo al negativo de la batería. Se trata del sentido convencional de flujo, que es contrario al de los electrones.

Paulino Posada pág. 2 de 54

El siguiente circuito es de conexión en paralelo.



Vuelve a ser un circuito compuesto por tres resistencias, pero esta vez los conductores forman unos lazos o bucles. La característica de la conexión en paralelo es que la corriente se reparte en las conexiones de los cables conductores (nodos).

La corriente que sale de la batería toma los siguientes caminos:

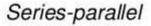
El lazo más cercano a la batería es el 1, 2 7, 8. En este lazo la corriente pasa por R1.

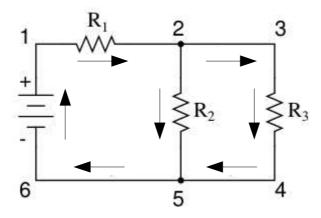
En el lazo 1, 3, 6, 8 la corriente pasa por la resistencia 2. En el tercer lazo 1, 4, 5, 8 la corriente pasa por R3.

La característica que define a un circuito paralelo es que todos los componentes están conectados entre el mismo conjunto de puntos eléctricamente comunes, es decir, entre puntos de misma diferecia de potencial. Observando el diagrama esquemático, se ve que los puntos 1, 2, 3 y 4 tienen el mismo potencial. Los puntos 8, 7, 6 y 5 también son de idéntico potencial. Todas las resistencias y la batería están conectadas entre estos dos conjuntos de puntos y la diferencia de potencial entre los componentes del circuito es la misma para cada componente.

Paulino Posada pág. 3 de 54

Las conexiones serie y paralelo se pueden combinar, como en el siguiente ejemplo.



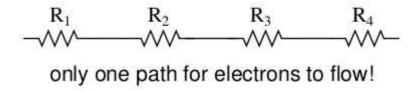


En este circuito, tenemos dos lazos por los que fluyen la corriente: uno de 1 a 2 a 5 a 6 y de nuevo a 1. Otro de 1 a 2 a 3 a 4 a 5 a 6 y de vuelta a 1 otra vez. En ambos caminos la corriente pasan por R1 (del punto 2 al punto 1). En esta configuración, se dice que R2 y R3 están en paralelo entre sí, mientras que R1 está en serie con la combinación en paralelo de R2 y

La idea fundamental de la conexión en serie es que los componentes están conectados formando una línea, formando un único camino para la corriente.

R3.

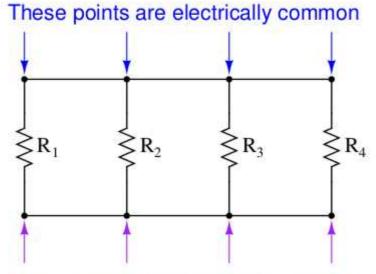
## Series connection



Paulino Posada pág. 4 de 54

En la conexión en paralelo, todos los compoenentes están conectados entre conductores del mismo potencial. Esto significa que la caída de tensión es la misma en cada componente del ciruito. La corriente toma diversos caminos para llegar del polo positivo al negativo.

## Parallel connection



These points are electrically common

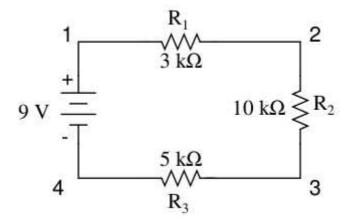
#### Resumen

- En un circuito en serie, todos los componentes están conectados de extremo a extremo, formando un único camino por el que fluyen la corriente.
- En un circuito paralelo, todos los componentes están conectados entre dos conductores, de forma que la diferencia de potencial en la misma en cada componente.
- Un "nodo", en una conexión en paralelo, es un punto de conexión de varios conductores. La corriente que sale de la batería, se distribuye por los diversos nodos el circuito.

Paulino Posada pág. 5 de 54

### 1.2 Conexión serie sencilla

Se tomará como ejemplo un circuito con una batería y tres resistencias conectadas en serie.



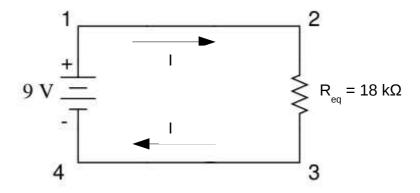
El principio fundamental de una conexión en serie es que la corriente es la misma para cada componente del circuito, ya que no existe más que un único camino por el que pueda circular. Port lo tanto, si es la misma corriente, la que tiene que superar las resistencias R1, R2 y R3, resulta razonable suponer que la resistencia total, entre los puntos 1 y 4, sea la suma de los valores de las tres resistencias. La suma de las resistencias en serie se llama resistencia equivalente. Lza resistencia equivalente es una resistencia que equivale a todas las resistencias del circuito, ya que deja circular la misma cantidad de corriente.

Paulino Posada pág. 6 de 54

La resistencia equivalente es la suma de las resistencias en serie.

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 = 3 k\Omega + 10 k\Omega + 5 k\Omega = 18 k\Omega$$

Circuito equivalente.



Ahora con la Ley de Ohm se puede calcular la corriente *I*.

$$I = \frac{E}{R} = \frac{9V}{18k\Omega} = 0.5 \, mA$$

Conociendo la corriente del circuito, ahora se pueden calcular las tensiones en las resistencias.

$$E_1 = I \cdot R_1 = 0.5 \, mA \cdot 3 \, k\Omega = 1.5 \, V$$

$$E_2 = I \cdot R_2 = 0.5 \, \text{mA} \cdot 10 \, \text{k}\Omega = 5 \, \text{V}$$

$$E_3 = I \cdot R_3 = 0.5 \, \text{mA} \cdot 5 \, k\Omega = 2.5 \, V$$

Como se ve, la suma de las tensiones en las resistencias da la tensión de alimentación, en este caso la batería de 9 V. Es lógico, que la energía que da la fuente de alimentación, en este caso la batería, se reparta en las cargas. La ley de la conservación de la energía dice, que la energía de un sistema cerrado, ni se gasta, ni aumenta, en todo caso se transforma. El circuito de batería y resistencias forman un sistema cerrado, en el que la batería alimenta con energía las resistencias. Por esta ley se deduce que, si la suma de las tensiones de las resistencias fuera diferente a la de la alimentación, habría un error.

Paulino Posada pág. 7 de 54

Con el fin de sistematizar los cálculos en circuitos de resistencias, se utilizará el siguiente tipo de tabla para presentar los resultados.

	R1	R2	R3	Total	
E	1,5 V	5 V	2,5 V	9 V	Voltios
I	0,0005 A	0,0005 A	0,0005 A	0,0005 A	Amperios
R	3000 Ω	10000 Ω	5000 Ω	18000 Ω	Ohmnios

Paulino Posada pág. 8 de 54

#### Resumen

• Por todos los componentes de un circuito en serie circula la misma corriente:

$$I_{Total} = I_1 = I_2 = \dots I_n$$

• La resistencia total (equivalente) de un circuito en serie es igual a la suma de las resistencias individuales:

$$R_{Total} = R_1 + I_2 + \dots R_n$$

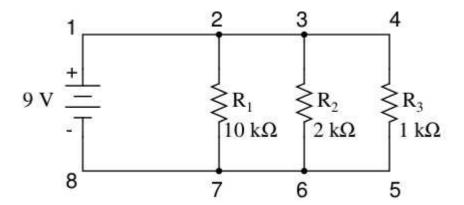
• La tensión total en un circuito en serie es igual a la suma de las caídas de tensión individuales:

$$E_{Total} = E_1 + E_2 + \dots E_n$$

Paulino Posada pág. 9 de 54

## 1.3 Conexión paralelo sencilla

Se tomará como ejemplo un circuito con una batería y tres resistencias conectadas en paralelo.



El principio fundamental de la conexión en paralelo es que la tensión es la misma en todos los componentes conectados. La razón de esto es que los puntos de conexión 1, 2, 3 y 4 están todos al mismo potencial, al potencial del polo positivo de la batería. Los puntos 8, 7, 6 y 5 también están todos al mismo potencial, al potencial del polo negativo de la batería. Por tanto, la diferencia de potencial entre cualquiera de los puntos superiores (+) e inferiores (-), es la que dan los polos de la batería.

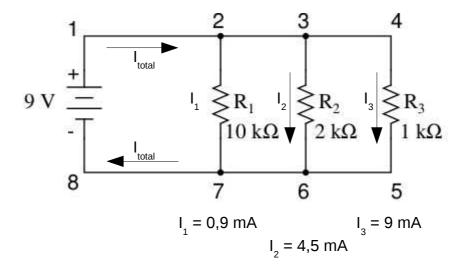
Para representar los valores de tensión, corriente y resistencia, se vuelve a utilizar el tipo de tabla anteriormente descrito.

	R1	R2	R3	Total	
E	9 V	9 V	9 V	9 V	Voltios
I					Amperios
R	10000 Ω	2000 Ω	1000 Ω		Ohmnios

Paulino Posada pág. 10 de 54

Las corrientes se pueden calcular aplicando la ley de Ohm $I=$	$\frac{E}{R}$
--	---------------

	R1	R2	R3	Total	
E	9 V	9 V	9 V	9 V	Voltios
I	0,0009 A	0,0045	0,009		Amperios
R	10000 Ω	2000 Ω	1000 Ω		Ohmnios



La corriente  $I_{Total}$  que sale de la batería (y vuelve a la batería), se reparte entre las resistencias. Se aprecia, que la resistencia más pequeña,  $R_3$ , es la que más corriente deja pasar, mientras que la más grande,  $R_1$ , es la que menos corriente deja pasar.

En los puntos 2 y 3, la corriente se distribuye por las distintas ramas (3 ramas) del circuito. En el punto 6 se juntan las corrientes de los ramas  $R_2$  y  $R_3$ . En el punto 7 se añade la corriente de la rama de  $R_1$ .

La corriente de la alimentació, en este caso la corriente que da la batería,  $I_{Total}$ , es la suma de las corrientes de todos las ramas del circuito.

$$I_{Total} = I_1 + I_2 + \dots I_n$$

Es razonable que la suma de las corrientes de las ramas, de la corriente total, pues se trata de un circuito cerrado, en el que toda la corriente que sale de la fuente de alimentación (batería), tiene que volver a la batería. No puede haber ni perdidas, ni añadidos de corriente.

Paulino Posada pág. 11 de 54

Por tanto, se añade  $I_{Total} = I_1 + I_2 + I_3 = 0.9 \, mA + 4.5 \, mA + 9 \, mA = 14.4 \, mA$  a la tabla

	R1	R2	R3	Total	
E	9 V	9 V	9 V	9 V	Voltios
I	0,0009 A	0,0045 A	0,009 A	0,0144 A	Amperios
R	10000 Ω	2000 Ω	1000 Ω		Ohmnios

Conociendo  $E_{\it Total}$  e  $I_{\it Total}$  , se calcula la resistencia equivalente (total),

$$R_{Total} = \frac{E_{Total}}{I_{Total}} = \frac{9V}{0,0144A} = 625 \Omega$$

Ahora, la tabla está completa.

	R1	R2	R3	Total (equivalente)	
E	9 V	9 V	9 V	9 V	Voltios
I	0,0009 A	0,0045 A	0,009 A	0,0144 A	Amperios
R	10000 Ω	2000 Ω	1000 Ω	625 Ω	Ohmnios

El resultado es que la resistencia equivalente (total) es menor a la resistencia más pequeña de las ramas. Esto se debe a que cada rama suma corriente a la corriente total, haciendo que esta aumente. Si la corriente total aumenta, la resistencia total (equivalente) disminuye.

La resistencia equivalente, para la conexión en paralelo, se puede calcular con la siguiente fórmula.

$$R_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}}$$

Paulino Posada pág. 12 de 54

#### Resumen

• Los componentes de un circuito en paralelo comparten la misma tensión:

$$E_{Total} = E_1 = E_2 = \dots E_n$$

• La resistencia total (equivalente) de un circuito en paralelo es menor que cualquiera de las resistencias individuales:

$$R_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}}$$

• La corriente total en un circuito paralelo es igual a la suma de las corrientes individuales de las ramas:

$$I_{Total} = I_1 + I_2 + ... I_n$$

Paulino Posada pág. 13 de 54

# 1.4 Conductividad eléctrica

La resistencia, por definición, es la dificultad que un componente presenta al flujo de electrones a través de él. La resistencia se simboliza con la letra "R" mayúscula y se mide en la unidad de unidad "ohm". Sin embargo, también podemos pensar en esta propiedad eléctrica en términos de su inversa, que sería una magnitud que indica la fácilidad de un componente para que los electrones fluyan a través de él.

La conductividad es la propiedad de un material, o de un componente, que expresa la facilidad con la que los electrones fluyen a travès de él.

Matemáticamente, la conductancia es la inversa de la resistencia:

$$Conductividad = \frac{1}{Resistencia}$$

Cuanto mayor sea la resistencia, menor será la conductividad, y viceversa. Esta relación se puede comprender intuitivamente ya que resistencia y conductancia son formas opuestas de reflejar la misma propiedad eléctrica.

Si se comparan las resistencias de dos componentes y se comprueba que el componente "A" tiene la mitad de resistencia que el componente "B", se podría expresar esta relación diciendo que el componente "A" tiene doble conductividad que el componente "B".

Si el componente "A" sólo tiene un tercio de la resistencia del componente "B", se podría decir que su conductividad es tres veces mayor que la del componente "B".

El símbolo que represnta la conductividad es la letra mayúscula "G" y su unidad fue llamada originalmente el "mho", que es "ohm" deletreado al revés. A pesar de su idoneidad, la unidad del mho se sustituyó en años posteriores por la unidad de siemens (abreviada por la letra mayúscula "S").

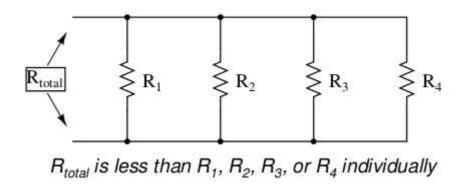
Volviendo a nuestro ejemplo del circuito en paralelo, se ha dicho que múltiples ramas reducen la resistencia total del circuito, ya que cada rama aporta su corriente a la corriente total que la fuente de alimentación hace circular por el circuito.

En términos de resistencia, a más rama es, mayor corriente total en el circuito, lo que significa menor resistencia al paso de la corriente por el circuito.

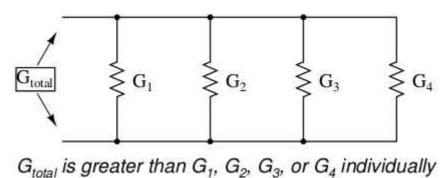
Paulino Posada pág. 14 de 54

Sin embargo, en términos de conductividad, a más ramas, mayor corriente y por tanto, mayor conductividad.

La resistencia total en paralelo es menor que la menor resistencia de las ramas individuales.



La conductividad total en paralelo es mayor que la mayor conductividad de las ramas individuales.



1047 0 17 2 0 4

La conductividad total de la conexión en paralelo es la suma de las conductividades individuales.

$$G_{Total} = G_1 + G_2 + ... G_n$$

Sabiendo que la conductividad es la inversa de la resistencia, se deduce lo siguiente.

$$\frac{1}{R_{Total}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots \frac{1}{R_n} \quad \text{y esta ecuación se transforma en} \qquad R_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots \frac{1}{R_n}}$$

Paulino Posada pág. 15 de 54

### Resumen

- La conductividad es la propiedad inversa a la resistencia. Indica la facilidad con que la corriente fluye a través de un material o un componente.
- El símbolo de la conductividad es la letra "G" y se mide en unidades de mhos o Siemens.
- Matemáticamente, la conductancia es igual a la inversa de la resistencia:  $G = \frac{1}{R}$

### Ejercicio 1.4-1

100 resistencias, de 0,1  $\Omega$  cada una, se utilizan para hacer 100 circuitos con resistencias conectadas en serie.

El primer circuito es de 1 resistencia, el segundo de 2, el tercero de tres, etc.

Haz una tabla de valores de la función  $R_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

 $R_{Total}$  es la resistencia equivalente de las resistencias del circuito

Representa la tabla en un diagrama de coordenadas

Haz una tabla de valores de la función  $G_{Total}(N_R)$ 

 $N_R$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

 $G_{Total}$  es la conductividad equivalente de las resistencias del circuito

Representa la tabla en un diagrama de coordenadas

Paulino Posada pág. 16 de 54

### Ejercicio 1.4-2

100 resistencias, de 0,1  $\Omega$  cada una, se utilizan para hacer 100 circuitos con resistencias conectadas en paralelo.

El primer circuito es de 1 resistencia, el segundo de 2, el tercero de tres, etc.

Haz una tabla de valores de la función  $R_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

 $R_{\it Total}$  es la resistencia equivalente de las resistencias del circuito

Representa la tabla en un diagrama de coordenadas

Haz una tabla de valores de la función  $G_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

 $G_{\it Total}$  es la conductividad equivalente de las resistencias del circuito

Representa la tabla en un diagrama de coordenadas

Paulino Posada pág. 17 de 54

## 1.5 Cálculos de potencia

El cálculo de la potencia de los componentes resistivos (potencia disipada), se realiza con cualquiera de las siguientes tres ecuaciones.

$$P=E \cdot I$$
  $P=R \cdot I^2$   $P=E^2 \cdot R$ 

Se incluye la potencia en la tabla de los valores eléctricos del circuito, añadiendo una línea.

	R1	R2	R3	Total	
E					Voltios
I					Amperios
R					Ohmnios
P					Vatios

Una regla interesante para la potencia total, respecto a la potencia individual de las resistencias que configuran el circuito, es que es aditiva para cualquier configuración de circuito: serie, paralelo, serie/paralelo o cualquier otra.

La potencia es una medida de trabajo, y puesto que la potencia disipada debe ser igual a la potencia total aportada por la(s) fuente(s) de alimentación, según la Ley de Conservación de la Energía en física, independientemente de la configuración del circuito, la potencia total es siempre la suma de las potencias individuales.

Paulino Posada pág. 18 de 54

### Resumen

• La potencia total es siempre la suma de las potencias individuales, independientemente de la configuración del circuito.

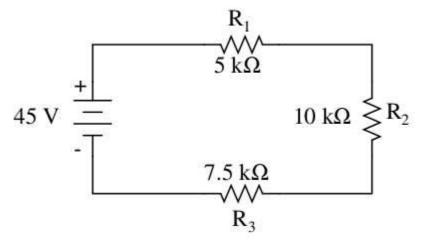
$$P_{Total} = P_1 + P_2 + \dots P_n$$

Paulino Posada pág. 19 de 54

## 1.6 Circuito divisor de tensión

El circuito divisor de tensión está formado por resistencia conectadas en serie. La tensión de alimentación se divide en las tensiones que caen en las resistencias del circuito.

El siguiente ejemplo muestra un circuito con tres resistencias.



	R1	R2	R3	Total	
E				45 V	Voltios
I					Amperios
R	5 kΩ	10 kΩ	7,5 kΩ		Ohmnios

Para completar la tabla, en primer lugar, se suman las resitencias individuales.

	R1	R2	R3	Total	
E				45 V	Voltios
I					Amperios
R	5 kΩ	10 kΩ	7,5 kΩ	22,5 kΩ	Ohmnios

Paulino Posada pág. 20 de 54

Con la resistencia total se calcula la corriente.

$$I = \frac{E}{R} = \frac{45 V}{22,5 k\Omega} = 2 mA$$

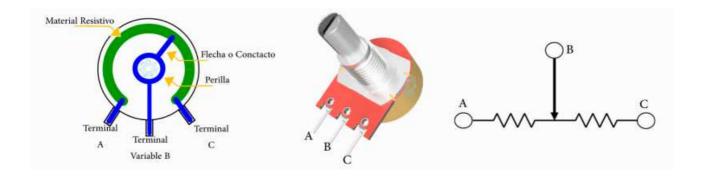
	R1	R2	R3	Total	
E				45 V	Voltios
I	2 mA	2 mA	2 mA	2 mA	Amperios
R	5 kΩ	10 kΩ	7,5 kΩ	22,5 kΩ	Ohmnios

Conociendo resistencia y corriente, se calculan las caídas de tensión en las resistencias.

 $E = I \cdot R$ 

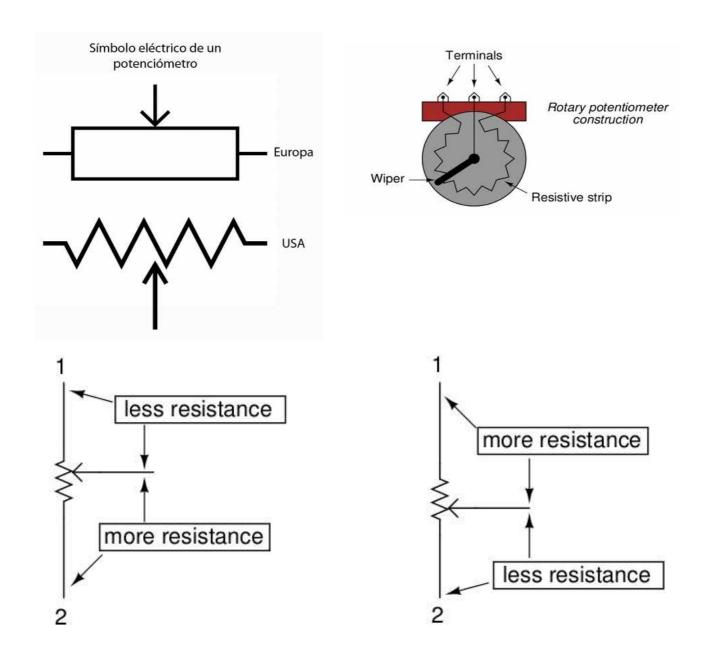
	R1	R2	R3	Total	
E	10 V	20 V	15 V	45 V	Voltios
I	2 mA	2 mA	2 mA	2 mA	Amperios
R	5 kΩ	10 kΩ	7,5 kΩ	22,5 kΩ	Ohmnios

Un componete habitualmente utilizado para provocar una división de tensión es el potenciómetro. El potenciómetro es una resistencia variable mediante un contacto deslizante.



Un potenciómetro dispone de tres contactos. En el potenciómetro de la image, los contactos A y C son fijos y entre ellos se mide la resistencia total ( $R_{AC}$ ). El contacto B es deslizante y permite ajustar un valor de resistencia respecto al contacto A ( $R_{AB}$ ). El valor de resistencia del contacto B respecto al contacto C está dado por:  $R_{BC} = R_{AC} - R_{AB}$ .

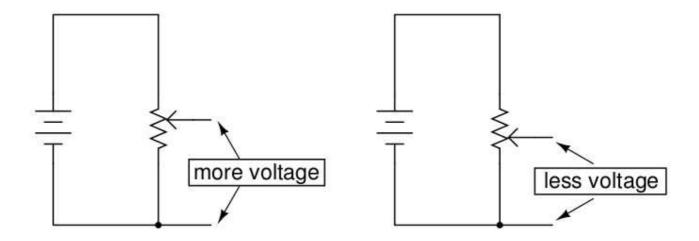
Paulino Posada pág. 21 de 54



La flecha dibujada en el centro de la resistencia representa el contacto deslizante. A medida que se desplaza hacia abajo, acercandose al contacto 2, se reduce la resistencia entre 2 y el contacto deslizante, mientras que aumenta con respecto a 1. La resistencia entre los contactos 1 y 2 es constante, independientemente de la posición del contacto deslizante.

Paulino Posada pág. 22 de 54

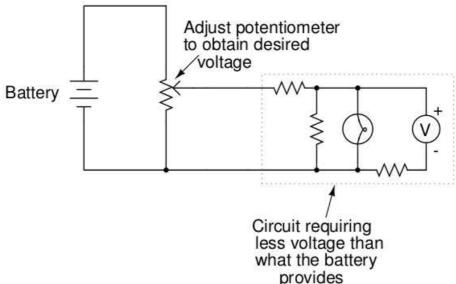
Si se aplica una tensión constante entre los terminales exteriores del potenciómetro, el contacto deslizante permitirá dividir la tensión, en funcióna su posición.



La relación de la división de tensión del potenciómetro es una función de la resistencia y no del valor de tensión aplicado. Si el contacto deslizante del potenciómetro se mueve a la posición del 50 por ciento (centro exacto), la caída de tensión hacia los otros dos contactos (exteriores), es la misma y será la mitad de la tensión que se mide entre los contactos exteriores.

Un potenciómetro funciona como un divisor de tensión variable, en el que la relación de división de la tensión se establece mediante la posición del contacto deslizante.

El potenciómetro es muy útil para obtener una tensión variable de una fuente de tensión fija. Si un circuito requiere un valor de tensión inferior al valor de la tensión de alimentación disponible, se pueden conectar los terminales exteriores de un potenciómetro a a la fuente de tensión y ajustar la tensión necesaria entre el contacto deslizante y uno de los terminales exteriores.



Paulino Posa provides pág. 23 de 54

Utilizado de esta manera, el nombre potenciómetro cobra sentido, ya que controla el potencial (tensión), creando una relación divisora de voltaje variable. Este uso del potenciómetro de tres contactos como divisor de tensión variable es muy popular en el diseño de circuitos.

#### Resumen

• En los circuitos de conesxión en serie, la tensión de alimentación se divide (distribuye) sobre los componentes del circuito. La suma de las caídas de tensión de los componentes del circuito es igual a la tensión de alimentación.

La tensión en una resistencia se puede calcular con:

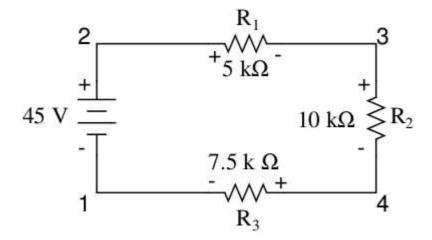
$$E_{Rn} = E_{Total} \cdot \frac{Rn}{R_{Total}}$$

• Un potenciómetro es una resistencia variable con tres contactos, que se suele utilizar como divisor de tensión variable.

Paulino Posada pág. 24 de 54

# 1.7 Ley del voltaje de Kirchhoff (LVK)

Se analiza el siguiente circuito.



Si conectáramos un voltímetro entre los puntos 2 y 1, la sonda de medición roja tocando el punto 2 y la negra el punto 1, el voltímetro mostraría +45 voltios.

En la pantalla del polímetro, el signo "+" no se muestra, ya que los números sin signo se entienden positivos.

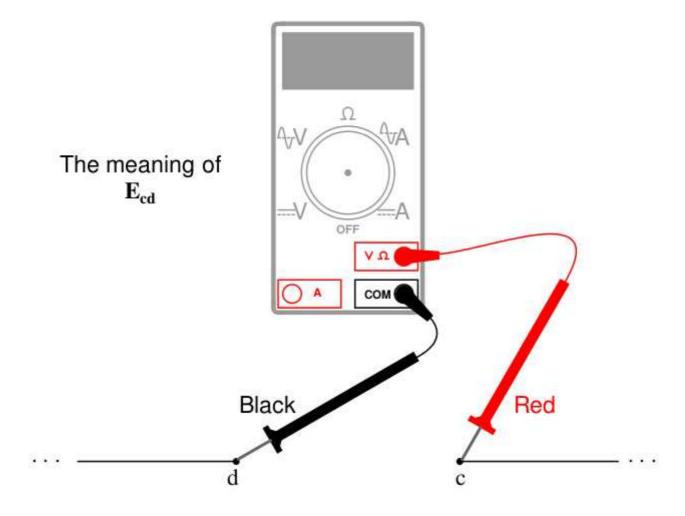
Sin embargo, en las siguientes explicaciones, si se utilizará el signo + para resaltar los valores positivos.

$$E_{2-1} = +45V$$

El subindice 2-1 significa que se mide la tensión entre estos dos puntos, tocando con la sonda roja el primer punto, en este casso el punto 2 y con la sonda negra el segundo punto, en este caso el punto 1.

Paulino Posada pág. 25 de 54

Si se midiese la tensión  $E_{c-d}$  entre los puntos c y d, la sonda roja del polímetro tocaría el punto c y la negra el punto d.



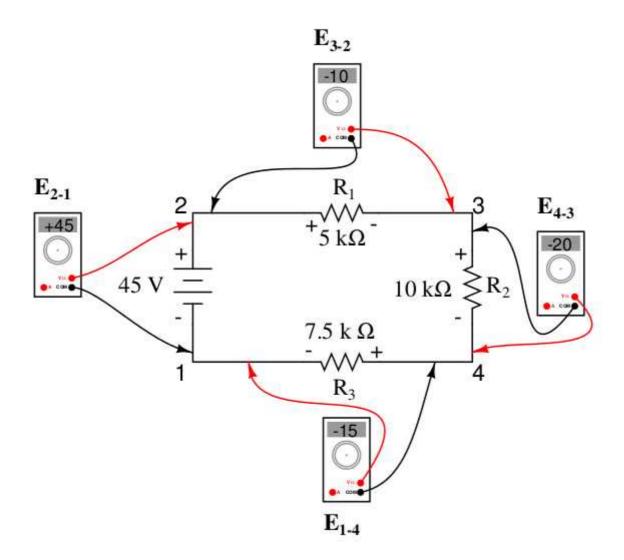
Si tomáramos el polímetro y midiéramos la caída de tensión a través de cada resistencia, recorriendo el circuito en el sentido de las agujas del reloj, avanzando con la sonda roja un punto por delante de la sonda negra, obtendríamos las siguientes lecturas.

$$E_{3-2} = -10 V$$

$$E_{4-3} = -20V$$

$$E_{1-4} = -15 V$$

Paulino Posada pág. 26 de 54



Ya deberíamos estar familiarizados con el principio general de los circuitos en serie según el cual las caídas de tensión individuales suman a la tensión de alimentación.

Si se suman todas las tensiones del lazo (bucle), el resultado es 0.

$$\begin{array}{lll} E_{2\text{-}1} = & +45 \text{ V} \\ E_{3\text{-}2} = & -10 \text{ V} \\ E_{4\text{-}3} = & -20 \text{ V} \\ + & \underline{E_{1\text{-}4}} = & -15 \text{ V} \\ \hline 0 \text{ V} \end{array} \begin{array}{ll} \textit{voltage from point 2to point 1} \\ \textit{voltage from point 3to point 2} \\ \textit{voltage from point 4to point 3} \\ \textit{voltage from point 1to point 4} \end{array}$$

Paulino Posada pág. 27 de 54

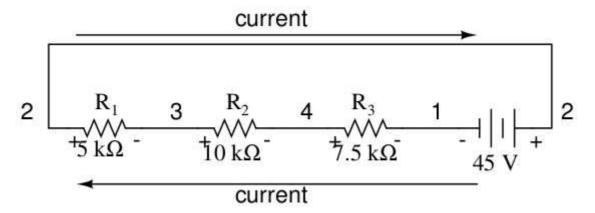
Observa las polaridades de las caídas de tensión de las resistencias con respecto a la batería: la tensión de la batería

batería es negativa a la izquierda y positiva a la derecha, mientras que todas las caídas de tensión de las resistencias

están orientadas al revés: positiva a la izquierda y negativa a la derecha. Esto se debe a que las resistencias están resistiendo el flujo de electrones empujados por la batería. En otras palabras, el "empuje" ejercido por las resistencias contra el flujo de electrones debe ser en dirección opuesta a la fuente de fuerza electromotriz.

fuente de fuerza electromotriz.

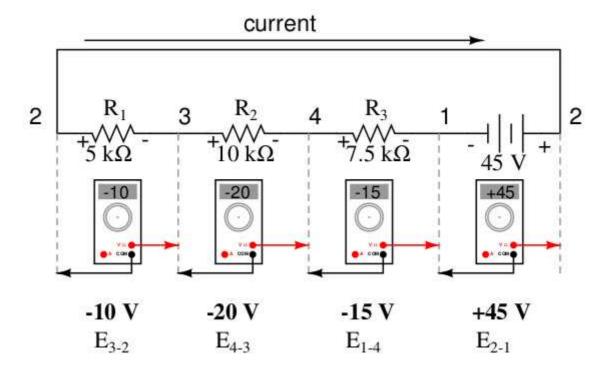
Aquí vemos lo que un voltímetro digital indicaría a través de cada componente de este circuito, el cable negro a la izquierda y el cable rojo a la derecha, dispuestos horizontalmente:



El esquema muestra las caídas de tensión en las resistencias y la batería, indicando las polaridades. Se observa que la tensión de la batería es negativa a la izquierda y positiva a la derecha, mientras que todas las caídas de tensión de las resistencias están orientadas al revés: positivas a la izquierda y negativas a la derecha. Esto se debe a que las resistencias están "consumiendo" energía, mientras que la batería es una fuente de energía, suministra la fuerza electromotriz que causa la corriente.

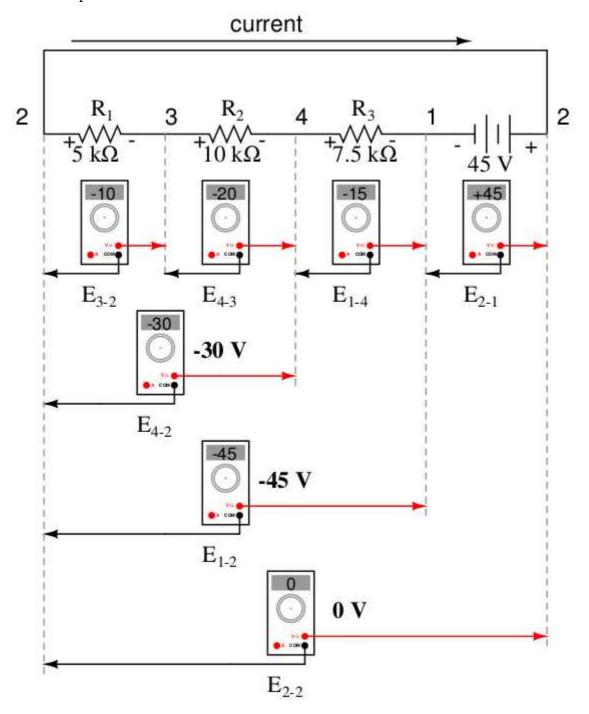
Paulino Posada pág. 28 de 54

La siguiente imagen muestra lo que un voltímetro digital indicaría a través de cada componente de este circuito, el cable negro a la izquierda y el cable rojo a la derecha, dispuestos horizontalmente:



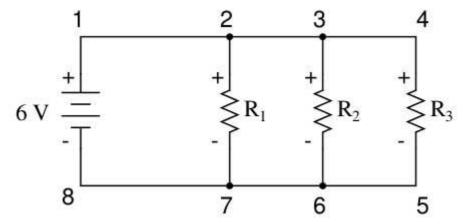
Paulino Posada pág. 29 de 54

Que la tensión entre el polo positivo de la primera resistencia y el de la batería seda 0 V, resulta lógico. Observando el circuito, podemos ver que el extremo izquierdo de la conexión (lado izquierdo de R 1 : punto número 2) está conectado directamente al extremo derecho de la conexión (lado derecho de la pila: punto número 2). Estos dos puntos son eléctricamente comunes entre sí. La tensión entre dos puntos eléctricamente comunes debe ser cero.



Paulino Posada pág. 30 de 54

La ley de Kirchhoff es válida para cualquier tipo de circuito, no únicamente para circuitos en serie.



En el circuito con conexión en paralelo, en cada resistencia la caída de tensión es de 6 V.

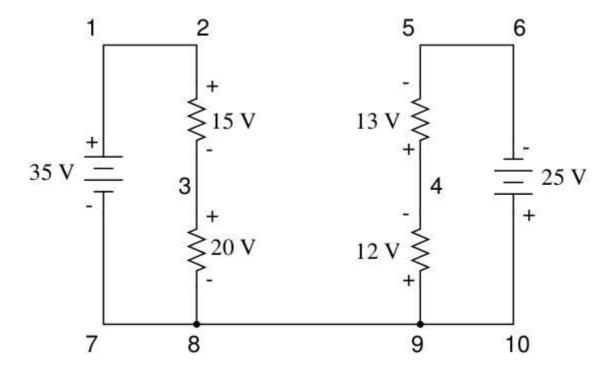
Por ejemplo, para el lazo 2, 3, 4, 5, 6, 7, 2, la suma de las tensiones da:

$$E_{3-2} = 0 \text{ V}$$
 voltage from point 3 to point 2  
 $E_{4-3} = 0 \text{ V}$  voltage from point 4 to point 3  
 $E_{5-4} = -6 \text{ V}$  voltage from point 5 to point 4  
 $E_{6-5} = 0 \text{ V}$  voltage from point 6 to point 5  
 $E_{7-6} = 0 \text{ V}$  voltage from point 7 to point 6  
 $+E_{2-7} = +6 \text{ V}$  voltage from point 2 to point 7

La tensión final se denomina  $E_{2-2}$ . Al iniciar las mediciones del lazo con la sonda de medición negra en el punto 2 y finalizar la medición del lazo con la sonda de medición roja en el unto 2, la suma de las tensiones equivale a la tensión entre los puntos 2 y 2, que es 0 V.

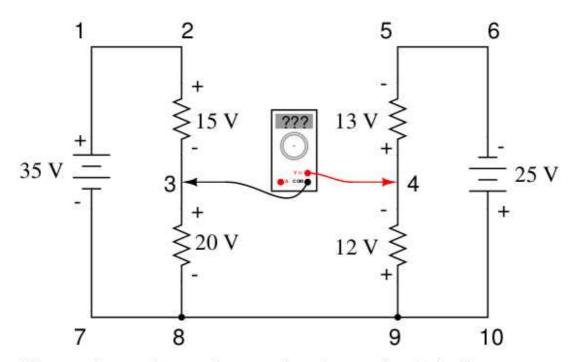
Paulino Posada pág. 31 de 54

La ley de Kirchhoff se puede aplicar a cualquier tipo de circuito apara calcular una tensión, siempre que se conozcan las tensiones restantes del lazo.

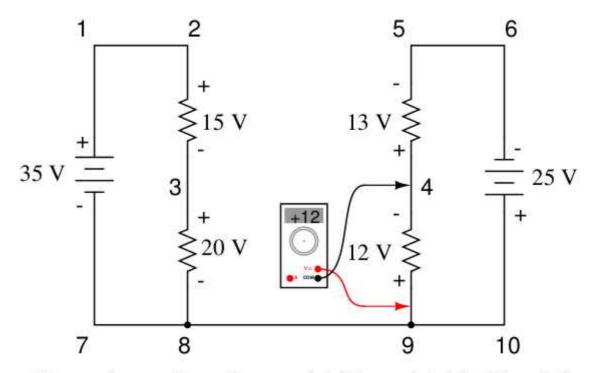


El circuito de la imagen está compuesto por dos conexiones en serie, unidas por un conductor. Para deteminar el voltaje entre los puntos 4 y 3, se observa el lazo 3, 4, 9, 8, 3.

Paulino Posada pág. 32 de 54

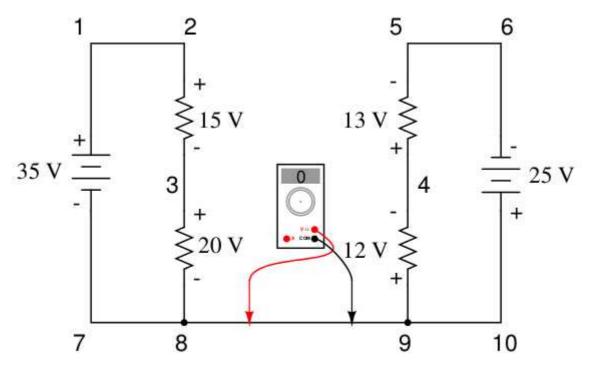


Measuring voltage from point 4 to point 3 (unknown amount)  $E_{4\text{--}3}$ 



Measuring voltage from point 9 to point 4 (+12 volts)

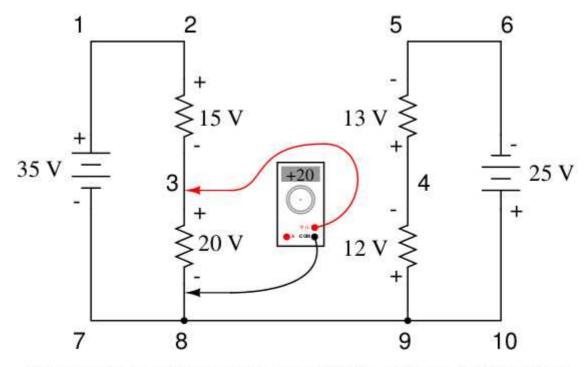
$$E_{4-3} + 12$$
 de 54



Measuring voltage from point 8 to point 9 (0 volts)

$$E_{4-3} + 12 + 0$$

Paulino Posada pág. 34 de 54



Measuring voltage from point 3 to point 8 (+20 volts)

$$E_{4-3} + 12 + 0 + 20 = 0$$

 $E_{4-3} = ?$ 

$$E_{9-4} = +12V$$

$$E_{8-9} = 0V$$

$$E_{3-8} = +20V$$

$$1$$

$$35 V = \frac{1}{2}$$

$$20 V$$

$$12 V = \frac{1}{2}$$

$$8$$

$$E_{4-3} = -32$$

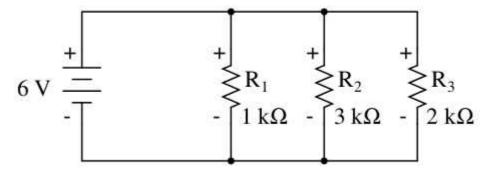
### Resumen

• Ley de tensión de Kirchhoff: "La suma de todas las tensiones de un bucle debe ser igual a cero".

Paulino Posada pág. 36 de 54

# 1.8 Circuitos divisores de corriente

En el siguiente circuito de conexión en paralelo, se determinan las corrientes por las ramas de las resistencias.



En la conexión en paralerlo, los voltajes de las resistencias son iguales, 6 V. El resultado se representa en la siguiente tabla.

	R1	R2	R3	Total	
E	6 V	6 V	6 V	6 V	Voltios
I	6 mA	2 mA	3 mA	11 mA	Amperios
R	1 kΩ	3 kΩ	2 kΩ	545,5	Ohmnios

La resistencia total (equivalente) se puede calcular con la fórmula de las conductividades, o con la tensión y corriente totales.

Resulta evidente que la corriente en cada rama es inversamente proporcional a la resistencia del rama. A mayor resistencia, menor corriente. La corriente a través de la resistencia  $R_1$  es el doble de la corriente a través de  $R_2$ , debido a que  $R_1$  ofrece la mitad de resistencia que  $R_2$ .

Paulino Posada pág. 37 de 54

Si se varía la tensión de alimentación del circuito, las proporciones entre resistencias y corrientes se mantienen.

	$R_1$	$R_2$	$R_3$	Total	
E [	24	24	24	24	Volts
1	24m	8m	12m	44m	Amps
R	1k	3k	2k	545.45	Ohms

También se mantienen las proporciones entre las corrientes de las ramas y la corruiente total.

$$\frac{I_1}{I_{Total}} = \frac{24 \text{ mA}}{44 \text{ mA}} = \frac{6 \text{ mA}}{11 \text{ mA}} = 0,55$$

$$\frac{I_2}{I_{Total}} = \frac{8 \text{ mA}}{44 \text{ mA}} = \frac{2 \text{ mA}}{11 \text{ mA}} = 0,18$$

$$\frac{I_3}{I_{Total}} = \frac{12 \text{ mA}}{44 \text{ mA}} = \frac{3 \text{ mA}}{11 \text{ mA}} = 0,27$$

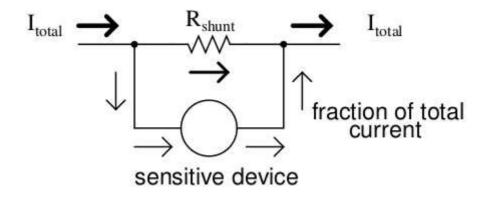
Por esta razón, una conexión en paralelo, frecuentemente es llamada un divisor de corriente, divide la corriente total en fracciones.

$$E = R_n \cdot I_n = R_{Total} \cdot I_{Total} \rightarrow I_n = \frac{R_{Total} \cdot I_{Total}}{R_n}$$

Paulino Posada pág. 38 de 54

Los circuitos divisores de corriente se utilizan en los circuitos de contadores eléctricos, donde se desea que una fracción de la corriente pase a través de un dispositivo de medición.

Utilizando la fórmula del divisor de corriente, se puede dimensionar la resistencia de derivación para suministrar la corriente adecuada al medidor.



#### Resumen

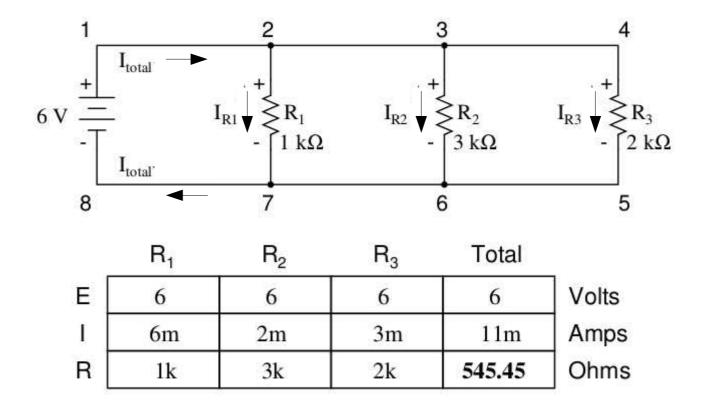
• Los circuitos en paralelo dividen la corriente total del circuito en las corrientes de los ramas.

Las proporciones dependen únicamente de las resistencias  $I_n = \frac{R_{Total} \cdot I_{Total}}{R_n}$ .

Paulino Posada pág. 39 de 54

# 1.9 Ley de la corriente de Kirchhoff (LCK)

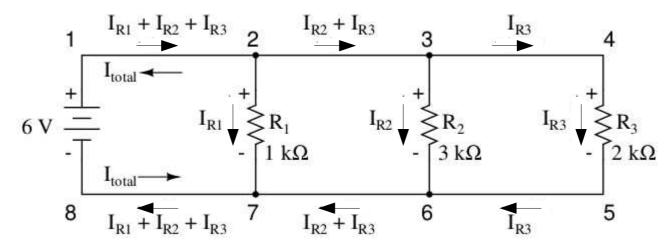
Se completa la tabla de tensiones, corrientes y resistencias del siguiente circuito.



La tabla indica el valor de la corriente de cada rama y de la corriente total del circuito.

También es conocida la corriente total en un circuito paralelo, que debe ser igual a la suma de las corrientes de las ramas.

Paulino Posada pág. 40 de 54

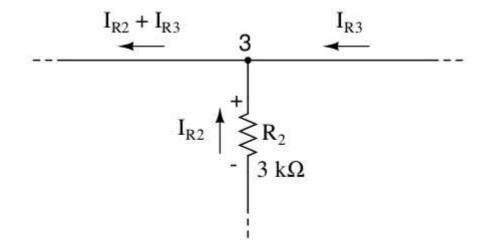


En cada nodo del "raíl" positivo (conductor 1-2-3-4) una parte de la corriente se separa del flujo principal, circulando por una resistencia.

En cada nodo del "raíl" negativo (cable 8-7-6-5) se suma corriente al flujo principal, hasta alcanzar la corriente total entre los nodos 8 y 7.

El proceso es similar al de un circuito de tuberías por las que circula agua. Los nodos equivalen a Ts en el sistema hidráulico. El caudal de agua producido por la bomba se reparte por las tuberías, Desde la impulsión de la bomba a la tubería principal, el caudal se va reduciendo a medida que va pasando por las Ts, ya que en cada T una parte del caudal se desvía hacia el retorno de la bomba.

Se observa ahora uno de los nodos, por ejemplo el nodo 3. Se ve que la suma de las corrrientes que fluyen hacia el nodo es igual a la de la corriente que se aleja del nodo,



Paulino Posada pág. 41 de 54

Desde la derecha y desde abajo, hay dos corrientes que entran en la conexión de cables llamada nodo 3. A la izquierda, hay una única corriente que sale del nodo de igual a la suma de las dos corrientes que entran.

Si fuera un circuito de agua, se podría afirmar que mientras no haya fugas en la tubería, el flujo que entra en la T también debe salir de ella. Esto es válido para cualquier nodo, independientemente del número de corrientes que entren o salgan. Matemáticamente, se puede expresar esta relación general de la siguiente manera:

$$I_{entrada} = I_{salida} \rightarrow I_{entrada} - I_{salida} = 0$$

La ley de la corriente de Kirchhof dice:

La suma de todas las corrientes que entran al nodo es igual a la suma de todas las corrientes que salen del nodo.

Se puede asignar a cada corriente una polaridad, según sea una corriente entrante (+) o saliente (-) del nodo. La suma de las corrientes del nodo debe dar 0.

En el caso del nodo 3 se puede calcular la corriente saliente I, considerando las corrientes  $I_{R2}$  y  $I_{R3}$  .

$$I_{R2}+I_{R3}+I=0 \rightarrow I=-I_{R2}-I_{R3}$$
  
Si  $I_{R2}=2\,mA$  y  $I_{R3}=3\,mA$  el resultado es:  $I=-I_{R2}-I_{R3}=-2\,mA-3\,mA=-5\,mA$ 

Da igual que polaridad se asigna a las corrientes, siempre que se mantenga la misma polaridad para las corrientes entrantes y la polaridad contraria para las corrientes salientes del nodo.

Paulino Posada pág. 42 de 54

## Resumen

• La suma de todas las corrientes que entran al nodo es igual a la suma de todas las corrientes que salen del nodo.

Paulino Posada pág. 43 de 54

# 1.10 Ejercicios

#### Ejercicio 1

$$E = 50 \text{ V}, R1 = 10 \Omega, R2 = 20 \Omega, R3 = 30 \Omega, R4 = 40 \Omega$$

Dibuja los esquemas y completa la tabla de valores para los siguientes circuitos:

- 1. R1—R2—R3—R4
- 2. R1//R2//R3//R4
- 3. R1—R2—(R3//R4)
- 4. (R1//R2)—(R3//R4)

#### Ejercicio 2

Determina la resistencia de un conductor cuadrado de 2 mm de lado y 1240 mm de lagro de cobre.

#### Ejercicio 3

Determina la resistencia de un conductor de 5 mm de diámetro y 200 m de lagro de cobre.

#### Ejercicio 4

Determina el calor generado por una resistencia de 12  $\Omega$  por la cual circula una corriente de 8 A durante 5 minutos.

#### Ejercicio 5

Determina tiempo necesario para generar un calor de 45 kcal mediante una resistencia de 25  $\Omega$ , por la que circula una corriente de 5 A.

#### Ejercicio 6

Calcula la potencia de una carga conectada a un generador de  $100~\mathrm{V}$  , por la cual circula una corriente de  $7~\mathrm{A}$ .

### Ejercicio 7

Un motor de corriente continua de 500 W, está conectado a una fuente de tensión de 72 V. ¿Cuál es su corriente?

Paulino Posada pág. 44 de 54

#### Ejercicio 8

Calcula el rendimiento de un motor de 600 W de potencia mecánica, que está conectado a un generado en el que se mide una tensión de 90 V y una corriente de 7,2 A.

#### Ejercicio 9

Calcula la potencia que absorbe de la red un motor de 5 kW que tiene un rendimiernto del 80 %.

### Ejercicio 10

Determina la energía eléctrica que consume una lámpara de 250 W, que está conectada 7 horas al día, durante 50 días.

#### Ejercicio 11

Determina elconsumo eléctrico de una resistencia conectada a una red de 230 V, por las que circula una corriente de 4 A durante 4 horas al día, durante 30 días.

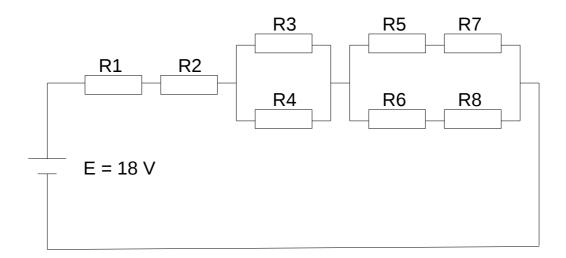
## Ejercicio 12

Calcula la resistencia equivalente entre los puntos A y B del circuito, siendo

$$R_1 = 10 \Omega$$
  $R_2 = 12 \Omega$   $R_3 = 15 \Omega$   $R_4 = 4 \Omega$   $R_5 = 5 \Omega$   $R_6 = 6 \Omega$   $R_7 = 7 \Omega$  y  $R_8 = 8 \Omega$ .

La tensión de alimentación es E=18V.

Calcula corrtiente y tensión en cada resistencia, así como la potencia total.



Paulino Posada pág. 45 de 54

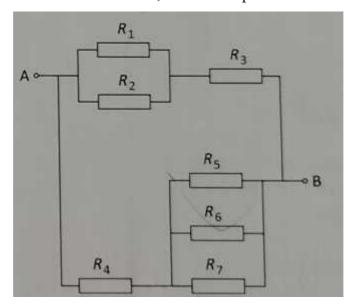
### Ejercicio 13

Calcula la resistencia equivalente entre los puntos A y B del circuito, siendo

$$R_1 = 6 \Omega$$
  $R_2 = 4 \Omega$   $R_3 = 3.6 \Omega$   $R_4 = 5 \Omega$   $R_5 = 20 \Omega$   $R_6 = 10 \Omega$   $R_7 = 20 \Omega$ 

La tensión de alimentación es E=24V.

Calcula corrtiente y tensión en cada resistencia, así como la potencia total.



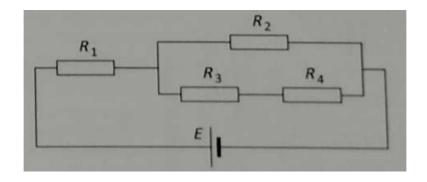
#### Ejercicio 14

Calcula la resistencia equivalente entre los puntos A y B del circuito, siendo

$$R_1 = 10 k\Omega$$
  $R_2 = 20 k\Omega$   $R_3 = 15 k\Omega$   $R_4 = 15 k\Omega$ 

La tensión de alimentación es E=24V.

Calcula corrtiente y tensión en cada resistencia, así como la potencia total.



Paulino Posada pág. 46 de 54

Paulino Posada pág. 47 de 54

# 1.11 Tablas

Material	Resistividad (en 20 °C-25 °C) (Ω·m).			
Grafeno <sup>8</sup>	1,00 x 10 <sup>-8</sup>			
Plata <sup>8</sup>	1,59 x 10 <sup>-8</sup>			
Cobre <sup>9</sup>	1,71 x 10 <sup>-8</sup>			
Oro <sup>10</sup>	2,35 x 10 <sup>-8</sup>			
Aluminio <sup>11</sup>	2,82 x 10 <sup>-8</sup>			
Wolframio <sup>12</sup>	5,65 x 10 <sup>-8</sup>			
Níquel <sup>13</sup>	6,40 x 10 <sup>-8</sup>			
Hierro <sup>14</sup>	8,90 x 10 <sup>-8</sup>			
Platino <sup>15</sup>	10,60 x 10 <sup>-8</sup>			
Estaño <sup>16</sup>	11,50 x 10 <sup>-8</sup>			
Acero inoxidable 301 <sup>17</sup>	72,00 x 10 <sup>-8</sup>			
Grafito <sup>18</sup>	60,00 x 10 <sup>-8</sup>			

Paulino Posada pág. 48 de 54

## 1.12 Soluciones

### Ejercicio 1.4-1

100 resistencias, de 0,1  $\Omega$  cada una, se utilizan para hacer 100 circuitos con resistencias conectadas en serie.

El primer circuito es de 1 resistencia, el segundo de 2, el tercero de tres, etc.

Haz una tabla de valores de la función  $R_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

 $R_{\it Total}$  es la resistencia equivalente de las resistencias del circuito

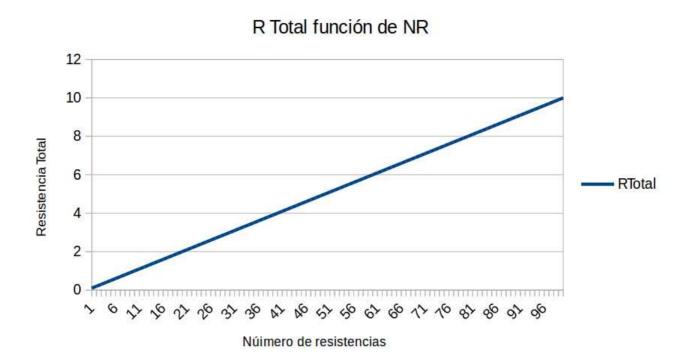
Representa la tabla en un diagrama de coordenadas

Haz una tabla de valores de la función  $G_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

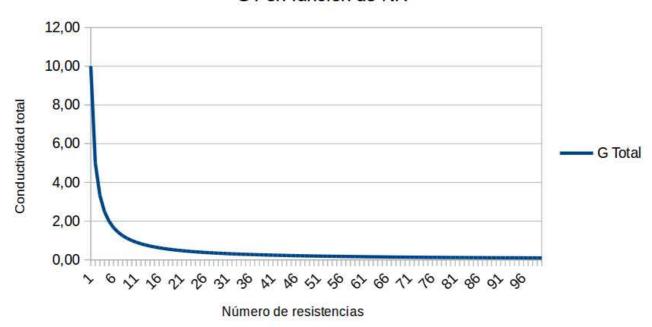
 $G_{\it Total}$  es la conductividad equivalente de las resistencias del circuito

Representa la tabla en un diagrama de coordenadas



Paulino Posada pág. 49 de 54

## GT en función de NR



Paulino Posada pág. 50 de 54

#### Ejercicio 1.4-2

100 resistencias, de 0,1  $\Omega$  cada una, se utilizan para hacer 100 circuitos con resistencias conectadas en paralelo.

El primer circuito es de 1 resistencia, el segundo de 2, el tercero de tres, etc.

Haz una tabla de valores de la función  $R_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

 $R_{\it Total}$  es la resistencia equivalente de las resistencias del circuito

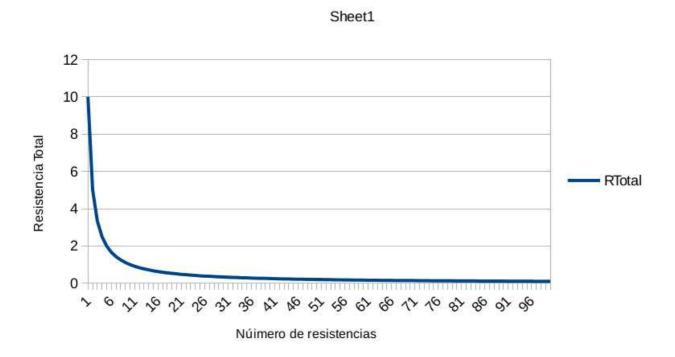
Representa la tabla en un diagrama de coordenadas

Haz una tabla de valores de la función  $G_{Total}(N_R)$ 

 $N_{\scriptscriptstyle R}$  es el número de resistencias conectadas en el circuito

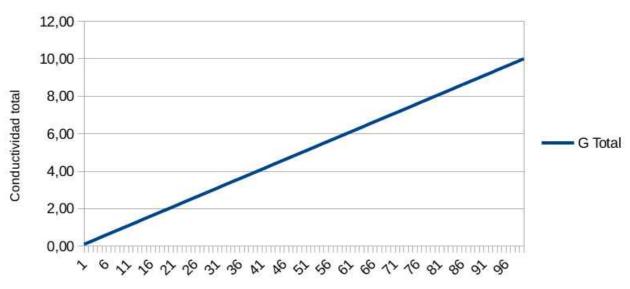
 $G_{Total}$  es la conductividad equivalente de las resistencias del circuito

Representa la tabla en un diagrama de coordenadas



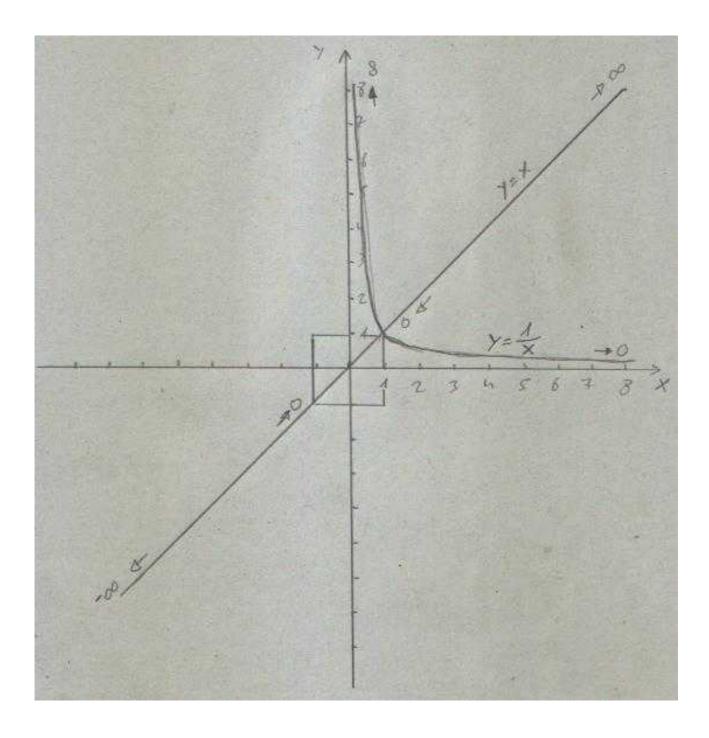
Paulino Posada pág. 51 de 54

# GT en función de NR



Número de resistencias

Paulino Posada pág. 52 de 54



Paulino Posada pág. 53 de 54

Estos apuntes son una adaptación de "Lessons in electric circuits volume 1 DC" , del autor Tony R. Kuphaldt.

Traducción y adaptación Paulino Posada

Traducción realizada con la versión gratuita del traductor www.DeepL.com/Translator

Paulino Posada pág. 54 de 54