# 程式設計(109-1) 期中專案

題目設計:孔令傑 國立臺灣大學資訊管理學系

說明:本專案題目的類似題目曾經出現在之前幾份作業。為了閱讀上的方便,在這份 文件中我們完整地描述了整個問題。你可以利用你之前的想法或程式碼<sup>1</sup>,不過除非你 想多看一些範例,否則你不需要回去看那兩個題目的敘述。

### 1 題目敘述

#### 1.1 機台、良率與維修

你有一個工廠,裡面有 m 台機台,第 i 台的理論上的生產速率是每小時  $a_i$  單位,但隨著時間流逝,機台會因為使用時間變長而使生產效率變差,因此在從現在往後數的第 t 小時,機台 i 會有其良率  $p_{it}$ ,是一個介於 0 到 1 之間的機率(或比率),例如機台 2 的第 1 小時(此刻起算的 60 分鐘內)的良率為  $p_{21}$ 。機台 i 的良率隨著時間以每小時  $b_i$  的速率下降,例如若  $p_{21}=95\%$  且  $b_2=2\%$ ,則  $p_{22}=93\%$ 、 $p_{23}=91\%$ ,依此類推。我們假設機台 i 的良率不會降到 0%,最低只會降到  $L_i>0$ ,例如若延續前例且  $L_2=90\%$ ,則  $p_{24}$  將是 90% 而非 89%,且  $p_{25}=p_{26}=\cdots=90\%$ 。題目會給定  $p_{i,0}$  為初始良率,則給定  $p_{i,0}$  與  $b_i$ ,我們知道  $p_{i,1}=p_{i,0}-b_i$ 。機台 i 在第 t 小時的真正生產速率為理論速率  $a_i$  乘上良率  $p_{it}$ ,因此以前例而言,機台 2 在第 1 小時的生產量將是 $p_{21}a_2=0.95a_2$ 、第二小時是 $p_{22}a_2=0.93a_2$ ,依此類推。

如果一直放著不管,機台的良率將愈來愈低,如此勢必難以完成工廠被交付的生產任務,因此工廠可以選擇合適的時機做機台維修。當機台進行維修時,維修中時段的良率為 0%,而維修完成後的下一個時間段良率將為 100%(之後再以每小時 $b_i$ 的速率下降)。舉例來說,若機台 1 在第 10 小時時維修完畢,則  $p_{1,11}=100\%$ , $p_{1,12}=100\%-b_1$ ,依此類推。在機台 i 進行維修所需的小時數為  $c_i$ ,在這些時間段中良率都是 0%。

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>或許你應該感謝當時你有好好模組化,讓你的某些程式(特別是函數)可以被重新利用。如果你正在咒罵當時的你沒有好好模組化,也請不要介意,因為大部分人都是如此。從今天起好好模組化吧!

#### 1.2 訂單、需求與交期

你接了n 張訂單(都訂購同一個產品),需要靠你的m 個機台去完成生產。第j 張訂單有其訂購量 $q_j$ ,因此我們在排定此訂單的生產程序時,需要給它一段至少能生產出 $q_i$  單位產品的時間(可以多不能少)。

舉例來說,若針對機台 3 我們知道  $a_3=100 \cdot b_3=2 \cdot c_3=1 \cdot p_{30}=94 \cdot L_3=70$ ,而我們預計把訂單 1 和訂單 2 放在機台 3 上完成,且  $q_1=120 \cdot q_2=180$ ,則在無維修的情況下,機台 3 的前 5 小時的每小時最大可生產量依序為  $100 \times 92\%=92 \cdot 90 \cdot 88 \cdot 86 \cdot 84$ 。若我們先做訂單 1,則由於第 1 期僅有 92 的生產量,少於其所需生產量 120,因此我們再多安排 1 小時給訂單 1,到第 2 期時累積的最大可生產量為 92+90=182 單位,超過訂單 1 所需生產量 120,則訂單 1 的生產排程結束。很自然地,訂單 2 便可以從第 3 期開始排程,發現需要到第 5 期時累積的最大可生產量為 88+86+84=258,才超過所需生產量 180,因此我們可以把訂單 2 排在第 3 期到第 5 期。

此外,訂單i的交期(到期時間)為 $d_i$ ,也就是理想上應該要在第 $d_i$ 小時前交貨的時間,若未能在給定的時限內完成,則會有延遲交貨、賠償違約金的情況,造成工廠虧損(提前交貨則沒有獎勵)。以前例來說,若 $d_1=3$ 、 $d_2=4$ ,則若我們按照前一段的方式處理訂單1與訂單2,將會在訂單2發生1小時的延遲,訂單1則沒有延遲,因此我們總共有了1小時的延遲。

#### 1.3 可行維修方案

現在讓我們來考慮維修。我們對於安排的維修時間有個條件是「不可中斷任一訂單的生產過程」, 意思是假設現在有某個訂單在某個機台從第 2 小時開始生產, 需要到第 4 小時才做完, 則若要插入一個維修, 該維修的起始時間只能選擇在第 2 小時該訂單還沒開始生產時即先進行維修(因此該訂單的起始時間會往後延), 或是第 4 小時等此訂單整個生產完畢再進行維修(後面如果有之前排定的訂單, 則也往後延)。

在單一機台上,你可以安排多次維修;各機台的維修時間無須相同也無須錯開,但 由於維修人員有限,在同一個小時內最多只能有 h 個機台處在維修狀態。

#### 1.4 生產與維修計畫

在本專案中,你會被給定 m 個機台與 n 張訂單,我們希望你能排定一個生產與維修計畫,以最小化延遲交貨時間。你可以任意地將訂單分配到機台上,並且在單一機台上安排訂單的處理順序。你更可以在合適的時機在各機台上插入維修,以提升機台良率並且增加生產效率。你的目標是最小化總延遲時間。這次的期中專案,就是希望大家可以發想並且嘗試不同的演算法,看看能否讓你的演算法可以得到盡量好的計畫。

## 2 一個簡單(愚蠢)的演算法

為了協助你進入狀況,這裡我們提供一個簡單(愚蠢?)的演算法。首先,我們把訂單按照編號用類似輪流的方式分給機台,也就是機台 1 負責訂單  $1 \cdot m + 1 \cdot 2m + 1$  等,機台 2 負責訂單  $2 \cdot m + 2 \cdot 2m + 2$  等,依此類推。接著針對各機台,我們將交貨日期較早的訂單排在前面,若有交貨日期相同的訂單則將訂購量較少的排在前面,若訂購量也相同則將訂單編號較小的排在前面。我們完全不考慮維修。

以下舉一個簡單的例子。假設 m=3、n=8,且機台資訊與訂單資訊如表 1 與表 2 所述。則排出來的行程將如圖 1 所示,總延遲時間將是 4 小時(訂單 3 延遲 3 小時、訂單 4 延遲 1 小時)。顯而易見地,在機台 3 安排維修應該有幫助,例如若在第 5 小時做維修,則排出來的行程將如圖 2 所示,總延遲時間減為 3 小時(訂單 3 延遲 2 小時、訂單 4 延遲 1 小時)。

機台編號 i	$a_i$	$b_i$	$c_i$	$p_{i,0}$	$L_i$
1	100	5	3	100	70
2	100	10	2	100	70
3	100	1	1	61	30

表 1: 機台資訊

一 訂單編號 $j$	$q_j$	$d_j$
1	140	7
2	200	7
3	300	7
4	280	3
5	240	4
6	200	4
7	90	10
8	250	10

表 2: 訂單資訊

小時	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
機台1最大生產量	95	90	85	80	75	70	70	70	70	70
機台1處理之訂單	4			1		7		idle		
機台2最大生產量	90	80	70	70	70	70	70	70	70	70
機台2處理之訂單	5				2			8	3	
機台3最大生產量	60	59	58	57	56	55	54	53	52	51
機台3處理之訂單	6			3						

圖 1: 使用簡單演算法的生產計畫(無維修)

小時	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
機台1最大生產量	95	90	85	80	75	70	70	70	70	70	
機台1處理之訂單	4			1		7		idle			
機台2最大生產量	90	80	70	70	70	70	70	70	70	70	
機台2處理之訂單	5				2			8			
機台3最大生產量	60	59	58	57	0	100	99	98	97	96	
機台3處理之訂單	6				fix	3				idle	

圖 2: 更好的生產與維修計畫

## 3 輸入輸出格式

系統會提供一共 25 組測試資料,每組測試資料裝在一個檔案裡。每個檔案中會有 m+n+1 行:

- 第一行包含三個整數  $m \cdot n$  和  $h \cdot n$
- 第二行至第 m+1 行皆包含五個整數,其中第 i+1 行依序為機台 i 的  $a_i$ 、 $b_i$ 、 $c_i$ 、 $p_{i,0}$ 、 $L_i$ 。
- 第 m+2 行至第 m+n+2 行皆包含兩個整數,其中第 m+1+j 行依序為訂單 j 的  $q_i$  與  $d_i$  。

以上每一行中,兩兩整數之間皆被一個空白隔開。其中  $1 \le n \le 1000 \cdot 1 \le m \le 50 \cdot 1 \le h \le n \cdot 1 \le a_i \le 1000 \cdot 1 \le b_i \le 10 \cdot 1 \le c_i \le 5 \cdot 1 \le p_{i,0} \le 100 \cdot 1 \le L_i \le p_{i,0} \cdot 1 \le q_i \le 500 \cdot 1 \le d_i$ 。

讀入資料後,請用 m 行輸出你的計畫,其中第 i 行中包含的數字或字母「M」代表要被依序處理的訂單編號或維修,合起來表示在機台 i 上的計畫。若你的計畫中沒有安排任何計畫給機台 i,請在第 i 行輸出「0」後即換行。總共必須恰好輸出 m 行,一行中的兩個數字間以一個逗點隔開。舉例來說,如果輸入是

```
3 8 1

100 5 3 100 70

100 10 2 100 70

100 1 1 60 30

150 7

200 7

300 7

280 3

280 4

200 4

90 10

250 10
```

則採用上述的簡單演算法,輸出應該是

```
4,1,7
5,2,8
6,3
```

PDOGS 會讀取你的輸出、檢查可行性、判定為可行,並且計算你得到的總延遲時間是 4。如果你發明了一個更好的演算法,讓你得到如圖 2 的計畫,則你應該輸出

```
4,1,7
5,2,8
6,M,3
```

PDOGS 會讀取你的輸出、檢查可行性、判定為可行,並且計算你得到的總成本是 3。如果你輸出

```
4,1,7,6
5,2,8,3
0
```

則代表於你的計畫中,不安排任何訂單或維修計畫給機台3。如果你輸出比如說

```
4,1,7
5,2,8
6
```

或

4,1,7

5,2,8

6,3,9

則會因為不能代表一組合理正確的計畫,在這筆測試資料中將會得到0分。

你的.cpp 原始碼檔案裡面應該包含讀取測試資料、做運算,以及輸出答案的 C++ 程式碼。當然,你應該寫適當的註解。針對這個題目,你**可以**使用任何方法。

### 4 評分原則

這一題的其中 75 分會根據程式運算的結果給分。你的程式不需要找出真的能最小化總延遲時間的最佳方案(optimal solution)。只要你的輸出符合規定,且確實是一組可行方案(feasible solution,滿足所有限制式),就會得到分數。對於每一組輸入,PDOGS會檢查你的輸出,如果輸出格式不合乎要求或方案不可行,則在該筆測試資料會得到零分;如果合乎要求,則對每筆測資,我們依下列公式計分:假設 z 是這組的總延遲時間、 $z_1$  是上述「一個簡單的演算法」的總延遲時間、 $z_0$  是所有組的總延遲時間中最小的,則在這筆測資的得分就是

$$3\left(\frac{z_1-z}{z_1-z_0}\right)\,\circ$$

寫程式之外,每組還需要合力用中文或英文寫一份書面報告(所謂「寫」,就是用電腦打的意思),以組為單位上傳 PDF 檔至 NTU COOL。在報告裡請用文字描述你的演算法(可以用 pseudocode 但不能直接貼 code)、系統的設計(哪個函數做什麼、程式執行的流程等等)、分工方式(誰寫哪個函數、誰負責指揮、誰負責寫書面報告、誰負責買便當等等;當然一個人可以又買便當又寫程式),以及每個人的簡單心得感想。報告不可以超過八面 A4 紙。書面報告佔 25 分。這份專案截止後,書面報告才會被批改。

此外,授課團隊會考慮 PDOGS 上的得分以及書面報告上的解法,邀請若干組在合適的上課時間,每組用 10 分鐘跟全班同學介紹自己的解法。被邀請的組可以婉拒上台報告,但上台報告的組可以獲得專案總成績 5 分的額外加分。

# 5 繳交方式

請修課的同學們自行組成每組四至五人的小組,以組為單位繳交你們的程式和報告。

有兩件事需要注意。首先,系統會以該組內任意一位同學的最後一次上傳得到的分數,做為該組所有人的分數,所以愈傳愈低分是有可能的。其次,原則上 PDOGS 不限制兩次上傳間的時間間隔,但如果有許多組在同個時間大量地上傳執行時間很長的程式,導致 PDOGS 大塞車,屆時我們會對兩次上傳的時間間隔做出限制。

程式的截止時間是 12 月 8 日早上八點,書面報告的截止時間是 12 月 10 日早上八點。