

LISTA DE EXERCÍCIOS - U N I D A DE I

CURSO/SERIE: **DISCIPLINA:**

"É missão da nossa Instituição é contribuir para o desenvolvimento sustentável do Estado, através da preparação de profissionais, com sólida formação humanística e técnico-científica, conscientes do seu papel social e comprometidos com o exercício da cidadania plena."



1°) Com uso de uma tabela de aproximação, $x \to x_0$, por valores menores e maiores que x_0 , estime os limites

a)
$$\lim_{x \to 1} (x^2 + 1)$$

b)
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 1}{x - 1}$$

c)
$$\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + x - 6}{x + 3}$$
 d) $\lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 1}{x - 2}$

$$d) \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 1}{x - 2}$$

e)
$$\lim_{x \to 2} \frac{x-2}{x^2 - x - 2}$$
 f) $\lim_{x \to 2} \frac{x-2}{x^2 - 4}$

$$(f) \lim_{x \to 2} \frac{x-2}{x^2 - 4}$$

$$(g) \lim_{x\to 2} \frac{x^5-32}{x-2}$$

$$h)\lim_{x\to 0}\frac{\sqrt{x+3}-\sqrt{3}}{x}$$

i)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{2}}{x}$$
 l) $\lim_{x\to 2} (5x+4)$

$$l) \lim_{x\to 2} (5x+4)$$

m)
$$\lim_{x\to 3} \sqrt{x+2}$$

$$n)\lim_{x\to 0}\,\frac{1}{x}$$

2º) Calcule os limites.

a)
$$\lim_{x \to 2^{-}} (3x^2 - 5x + 2)$$

b)
$$\lim_{x \to -1} \frac{x^2 + 2x - 3}{4x - 3}$$

c)
$$\lim_{x\to 1} \left(\frac{2x^2 - x + 1}{3x - 2} \right)^{\frac{1}{2}}$$

a)
$$\lim_{x \to 2} (3x^2 - 5x + 2)$$
 b) $\lim_{x \to -1} \frac{x^2 + 2x - 3}{4x - 3}$ c) $\lim_{x \to 1} \left(\frac{2x^2 - x + 1}{3x - 2} \right)^2$ d) $\lim_{x \to -2} \sqrt[3]{\frac{x^3 + 2x^2 - 3x + 2}{x^2 + 4x + 3}}$

e)
$$\lim_{x \to -1} \sqrt{\frac{2x^2 + 3x - 4}{5x - 4}}$$

$$f = \lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{2x^2 + 3x + 2x}}{6 - 4x}$$

g)
$$\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + 2x - 3}{2x + 1}$$

e)
$$\lim_{x \to -1} \sqrt{\frac{2x^2 + 3x - 4}{5x - 4}}$$
 f) $\lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{2x^2 + 3x + 2}}{6 - 4x}$ g) $\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + 2x - 3}{2x + 1}$ h) $\lim_{x \to 4} \left(\frac{x^3 - 3x^2 - 2x - 5}{2x^2 - 9x + 2}\right)^2$

3º) Calcule os limites.

a)
$$\lim_{x \to 2} \frac{x^2 - 4}{x^2 - 2x}$$
 b) $\lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 1}{x^2 - 1}$ c) $\lim_{x \to -2} \frac{8 + x^3}{4 - x^2}$ d) $\lim_{x \to 2} \frac{x^4 - 16}{8 - x^3}$

$$b) \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 1}{x^2 - 1}$$

c)
$$\lim_{x \to -2} \frac{8 + x^3}{4 - x^2}$$

$$d)\lim_{x\to 2} \frac{x^4 - 16}{8 - x^3}$$

e)
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - x - 6}$$

$$f) \lim_{x \to \frac{1}{2}} \frac{2x^2 + 5x - 3}{2x^2 - 5x + 2}$$

e)
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - x - 6}$$
 f) $\lim_{x \to \frac{1}{2}} \frac{2x^2 + 5x - 3}{2x^2 - 5x + 2}$ g) $\lim_{x \to -\frac{3}{2}} \frac{6x^2 + 11x + 3}{2x^2 - 5x - 12}$ h) $\lim_{x \to -1} \frac{2x^2 - x - 3}{x + 1}$

h)
$$\lim_{x \to -1} \frac{2x^2 - x - 3}{x + 1}$$

i)
$$\lim_{x \to -1} \frac{x^3 + 3x^2 - x - 3}{x^3 - x^2 + 2}$$

$$(j) \lim_{x \to 3} \frac{x^3 - 6x - 9}{x^3 - 8x - 3}$$

$$l) \lim_{x \to 1} \frac{3x^3 - 4x^2 - x + 2}{2x^3 - 3x^2 + 1}$$

i)
$$\lim_{x \to -1} \frac{x^3 + 3x^2 - x - 3}{x^3 - x^2 + 2}$$
 j) $\lim_{x \to 3} \frac{x^3 - 6x - 9}{x^3 - 8x - 3}$ l) $\lim_{x \to 1} \frac{3x^3 - 4x^2 - x + 2}{2x^3 - 3x^2 + 1}$ m) $\lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 3x^2 + 6x - 4}{x^3 - 4x^2 + 8x - 5}$

o)
$$\lim_{x \to -2} \frac{x^4 + 4x^3 + x^2 - 12x - 12x}{2x^3 + 7x^2 + 4x - 4}$$

p)
$$\lim_{x \to -1} \frac{x^4 - x^3 - x^2 + 5x + 4}{x^3 + 4x^2 + 5x + 2}$$

o)
$$\lim_{x \to -2} \frac{x^4 + 4x^3 + x^2 - 12x - 12}{2x^3 + 7x^2 + 4x - 4}$$
 p) $\lim_{x \to -1} \frac{x^4 - x^3 - x^2 + 5x + 4}{x^3 + 4x^2 + 5x + 2}$ q) $\lim_{x \to -2} \frac{x^4 + 2x^3 - 5x^2 - 12x - 4}{2x^4 + 7x^3 + 2x^2 - 12x - 8}$

4º) Calcule os limites.

a)
$$\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{1+x}-2}{x-3}$$

b)
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\sqrt{1-x}}{x}$$

c)
$$\lim_{x\to 1} \frac{\sqrt{x+3}-2}{x-1}$$

a)
$$\lim_{x \to 3} \frac{\sqrt{1+x}-2}{x-3}$$
 b) $\lim_{x \to 0} \frac{1-\sqrt{1-x}}{x}$ c) $\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{x+3}-2}{x-1}$ d) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1-2x-x^2}-1}{x}$

e)
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{-x+1}}{x}$$
 f) $\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{2x} - \sqrt{x+1}}{x-1}$ g) $\lim_{x \to 1} \frac{3 - \sqrt{10-x}}{x^2 - 1}$ h) $\lim_{x \to 3} \frac{2 - \sqrt{x+1}}{x^2 - 9}$

$$f) \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{2x} - \sqrt{x+1}}{x-1}$$

$$(g)\lim_{x\to 1}\frac{3-\sqrt{10-x}}{x^2-1}$$

h)
$$\lim_{x \to 3} \frac{2 - \sqrt{x+1}}{x^2 - 9}$$

i)
$$\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{x+3}-2}{x^2-3x+2}$$

$$j)\lim_{x\to 2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{x+2} - \sqrt{3x-2}}$$

i)
$$\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{x+3}-2}{x^2-3x+2}$$
 j) $\lim_{x \to 2} \frac{x^2-4}{\sqrt{x+2}-x\sqrt{3x-2}}$ l) $\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{x^2-3x+3}-\sqrt{x^2+3x-3}}{x^2-3x+2}$

5°) Calcule os limites.

a)
$$\lim_{x\to 2} \frac{x-2}{\sqrt[3]{3x-5}-1}$$

b)
$$\lim_{x \to -1} \frac{x+1}{\sqrt[3]{2x+3}-1}$$

c)
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\sqrt[3]{1-x}}{x}$$

a)
$$\lim_{x \to 2} \frac{x-2}{\sqrt[3]{3x-5}-1}$$
 b) $\lim_{x \to -1} \frac{x+1}{\sqrt[3]{2x+3}-1}$ c) $\lim_{x \to 0} \frac{1-\sqrt[3]{1-x}}{x}$ d) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt[3]{8-2x+x^2}-2}{x-x^2}$

6º) Calcule os limites.

a)
$$\lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{3x-2}-2}{\sqrt{4x+1}-3}$$

b)
$$\lim_{x \to 6} \frac{4 - \sqrt{10 + x}}{2 - \sqrt{10 - x}}$$

$$a) \lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{3x - 2} - 2}{\sqrt{4x + 1} - 3} \qquad b) \lim_{x \to 6} \frac{4 - \sqrt{10 + x}}{2 - \sqrt{10 - x}} \qquad c) \lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{3x + 4} - \sqrt{x + 4}}{\sqrt{x + 1} - 1} \qquad d) \lim_{x \to 4} \frac{\sqrt{2x + 1} - 3}{\sqrt{x - 2} - \sqrt{2}}$$

$$e) \lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt[3]{1 - x}}{1 + \sqrt[3]{3x - 1}} \qquad f) \lim_{x \to -2} \frac{\sqrt[3]{2 - 3x} - 2}{1 + \sqrt[3]{2x + 3}} \qquad g) \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{5x + 4} - 3}{\sqrt[3]{x - 2} + 1} \qquad h) \lim_{x \to 64} \frac{\sqrt{x} - 8}{\sqrt[3]{x} - 4}$$

d)
$$\lim_{x\to 4} \frac{\sqrt{2x+1}-3}{\sqrt{x-2}-\sqrt{2}}$$

e)
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\sqrt[3]{1-x}}{1+\sqrt[3]{3x-1}}$$

$$f) \lim_{x \to -2} \frac{\sqrt[3]{2 - 3x} - 2}{1 + \sqrt[3]{2x + 3}}$$

g)
$$\lim_{x\to 1} \frac{\sqrt{5x+4}-3}{\sqrt[3]{x-2}+1}$$

h)
$$\lim_{x\to 64} \frac{\sqrt{x} - 8}{\sqrt[3]{x} - 4}$$

7º) Calcule os limites laterais.

a)
$$\lim_{x \to 1} f(x)$$
, onde $f(x) = \begin{cases} x & , x \le 1 \\ 1 - x, x > 1 \end{cases}$

b)
$$\lim_{x \to 3} f(x)$$
, onde $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{3}x - 2, & x \le 3\\ -2x + 5, & x > 3 \end{cases}$

c)
$$\lim_{x \to 1} f(x)$$
, onde $f(x) = \begin{cases} x^3 + 1, & x < 1 \\ x + 1, & x \ge 1 \end{cases}$

a)
$$\lim_{x \to 1} f(x)$$
, onde $f(x) = \begin{cases} x & , x \le 1 \\ 1 - x, x > 1 \end{cases}$
b) $\lim_{x \to 3} f(x)$, onde $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{3}x - 2, x \le 3 \\ -2x + 5, x > 3 \end{cases}$
c) $\lim_{x \to 1} f(x)$, onde $f(x) = \begin{cases} x^3 + 1, x < 1 \\ x + 1, x \ge 1 \end{cases}$
d) $\lim_{x \to 2} f(x)$, onde $f(x) = \begin{cases} x^2 - 4x + 6, x < 2 \\ -x^2 + 4x - 2, x \ge 2 \end{cases}$

$$e) \lim_{x \to 1} f(x), \text{ onde } f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x - 2}{x - 1}, & x \neq 1 \\ 3, & x = 1 \end{cases}$$

$$f) \lim_{x \to 2} f(x), \text{ onde } f(x) = \begin{cases} \frac{2x^2 - 3x - 2}{x - 2}, & x \neq 2 \\ 3, & x = 2 \end{cases}$$

$$(x + 4x - 2, x \geq 2)$$

$$f) \lim_{x \to 2} f(x), onde \ f(x) = \begin{cases} \frac{2x^2 - 3x - 2}{x - 2}, & x \neq 2\\ 3, & x = 2 \end{cases}$$

g)
$$\lim_{x \to 1} f(x)$$
, onde $f(x) = \begin{cases} 4 - x, & x \le 1 \\ 4x - x^2, & x > 1 \end{cases}$

$$\begin{cases} 3 & , & x = 1 \end{cases} \qquad \begin{cases} 3 & , & x = 2 \end{cases}$$

$$g) \lim_{x \to 1} f(x), onde f(x) = \begin{cases} 4 - x, & x \le 1 \\ 4x - x^2, & x > 1 \end{cases} \qquad h) \lim_{x \to -3} f(x), onde f(x) = \begin{cases} \frac{2x^2 + 9x + 9}{x + 3}, & x \ne 3 \\ 3 & , x = 3 \end{cases}$$

8°) Verificar a continuidade da função em $x = x_0$.

a)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 4}{x - 2}, & x \neq 2 \\ 4, & x = 2 \end{cases}$$
 em $x = 2$

c)
$$f(x) = \begin{cases} 2x+3, & x \le 4 \\ 7 + \frac{16}{x}, & x > 4 \end{cases}$$
 em $x = 4$

d)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{3}{x-1}, & x \neq 1 \\ 3, & x = 1 \end{cases}$$
 em $x = 1$

e)
$$f(x) = \begin{cases} x, & x \le 1 \\ x^2, & x > 1 \end{cases}$$
 em $x = 1$

f)
$$f(x) = \begin{cases} -2x+3, & x < 1 \\ x^2, & x \ge 1 \end{cases}$$
 em $x = 3$

g)
$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x + 1, & x \le 2\\ 3 - x, & x > 2 \end{cases}$$
 em $x = 2$

$$g) f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x + 1, & x \le 2\\ 3 - x, & x > 2 \end{cases} em \ x = 2$$

$$h) f(x) = \begin{cases} -2x, & x \le 2\\ x^2 - 4x + 1, & x > 2 \end{cases} em \ x = 2$$

i)
$$f(x) = \begin{cases} 3+x, & x \le 2 \\ x^2+1, & x > 2 \end{cases}$$
 em $x = 2$

i)
$$f(x) = \begin{cases} 3+x, & x \le 2 \\ x^2+1, & x > 2 \end{cases}$$
 em $x = 2$ j) $f(x) = \begin{cases} x^2+1, & x \le 2 \\ x-1, & x > 2 \end{cases}$ em $x = 2$