

* Big O - grande operação.

Introdução:

Big O mede quanto "tempo" um algoritmo leva para ser executado.

Medimos a velocidade de um algoritmo com base no número aproximado de Etapas que ele leva para ser executado. Esse cálculo é feito em relação ao tamanho da entrada, que denotamos por n . Portanto, se recebermos um vetor de comprimento n estamos dizendo que queremos saber aproximadamente quantas operações o algoritmo exigiria para esse comprimento.

• Melhor solução ?

Algoritmo 1 -

Resolve o problema em $O(n)$



no pior caso n vezes

Algoritmo 2 -

Resolve o problema em $O(n^2)$



no pior caso $n \times n$ vezes

O que Big O significa ?

Big O avalia a rapidez com que nosso algoritmo lida com um grande número de itens.

1. Julgamos a velocidade com base no número de Etapas e não no tempo calculado (ou seja, segundos ou minutos).
2. Nós nos importamos com as etapas que umentam com base no tamanho da entrada.

Exemplo prático: considere um n de entrada = 1.000.000

```
1º) int vinte = 20;  
    int i;  
    for (i = 0; i < vinte; i++) {  
        printf("Hello World\n");  
    }
```

```
2º) int n, i;  
    scanf("%d", &n);  
    for (i = 0; i < n; i++) {  
        printf("%d", i);  
    }
```

```
3º) int n, i, j;  
    scanf("%d", &n);  
    for (i = 0; i < n; i++) {  
        for (j = 0; j < n; j++) {  
            printf("%d", i * j);  
        }  
    }
```

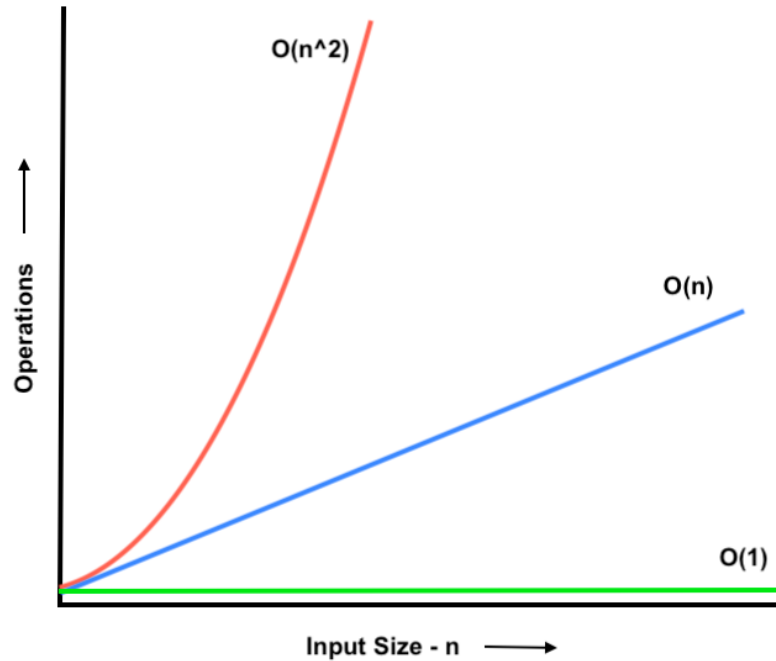
○ 1º não depende da entrada. Não importa o tamanho dos dados ele sempre realizará o mesmo número de operações. Portanto é um algoritmo de complexidade $O(1)$ -constante. Ele sempre executa o mesmo número de operações, porque o loop sempre vai de 0-20.

○ Já o 2º usa um loop for, ele intera a entrada para os 1.000.000 inteiros, isso é o que chamamos de $O(n)$.

○ Com o 3º que possui for aninhados, ele irá interagir 1.000.000 vezes para todos os 1.000.000 de elementos para um total de 1.000.000.000.000. Isso o torna um algoritmo $O(n^2)$. Isso é 1 milhão contra 1 trilhão de operações para o 2º vs 3º.

Graficamente:

Big O Complexity



O pior Caso:

Quando calculamos a complexidade do tempo Big O de um algoritmo, devemos nos basear na possibilidade do pior caso.

Exemplo Simples:

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main (void) {
4     int vetor [] = {4, 6, 7, 5, 2, 0, 3, 1};
5     int i;
6
7     // Melhor caso: encontrar o 4 na posição [0] - itera 1 item
8
9     for (i = 0; i < 8; i++) {
10         if (vetor[i] == 4) {
11             printf("%d\n", i);
12             break;
13         }
14     }
15
16     // No caso médio: encontrar o 5 na posição [3] - itera 4 itens
17
18     for (i = 0; i < 8; i++) {
19         if (vetor[i] == 5) {
20             printf("%d\n", i);
21             break;
22         }
23     }
24
25     // No pior caso: encontrar o 1 na última posição [7] - itera todos os 'n' itens
26
27     for (i = 0; i < 8; i++) {
28         if (vetor[i] == 1) {
29             printf("%d\n", i);
30             break;
31         }
32     }
33
34     return 0;
35 }
```

melhor caso
No melhor das hipóteses, iteramos apenas 1 item, então realmente encontramos o item no tempo $O(1)$ - nesse caso, o tamanho do vetor não irá importar, porém esse é um caso extremo e muito raro, além de não fornecer muito significado.

No caso médio, iremos iterar metade do vetor, que é $O(0,5n)$

No pior caso, teríamos que iterar tudo o vetor para encontrar o último item, que é $O(n)$.

Assim dizemos que nossa complexidade Big O é o pior cenário, o que nos permite contabilizar com segurança qualquer resultado.

Referências:

BIG O NATATION TIME AND SPACE COMPLEXITY. Skilled.dev, 2020. Disponível em: <<https://skilled.dev/course/big-o-time-and-space-complexity>>. Acesso em: 25 dez. de 202