

1º caso: verificar se 0 ou 1 são soluções particulares da inequação

fazendo $x=0 \Rightarrow 0^{2 \cdot 0^2 - 9 \cdot 0 + 4} < 1 \Rightarrow 0^4 < 1$ VERDADE, logo $x=0$ é solução.

fazendo $x=1 \Rightarrow 1^{2 \cdot 1^2 - 9 \cdot 1 + 4} < 1 \Rightarrow 1^{2-9+4} < 1 \Rightarrow 1^{-3} < 1 \Rightarrow 1^{-3} < 1$ Falsa, logo $x=1$ não é solução.

$$S_1 = \{0\}$$

2º caso, a base, isto é 'a' é > 1 .

Então se $x > 1$ (I)

$$x^{2x^2 - 9x + 4} < 1 \Rightarrow \frac{2x^2 - 9x + 4}{x} < x^0 \Rightarrow 2x^2 - 9x + 4 < 0$$

$a > 1$


$$\Delta = (-9)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 4$$

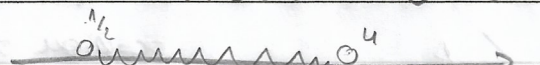
$$\Delta = 81 - 32$$

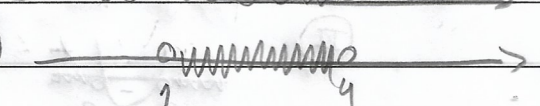
$$\Delta = 49 \quad \sqrt{49} = 7$$

$$x = \frac{9 \pm 7}{4} \quad x_1 = 4 \quad x_2 = \frac{1}{2}$$

$\frac{1}{2} < x < 4$ (II)

(I) 

(II) 

(I) ∩ (II) 


$S_2 = \{x \in \mathbb{R} / 1 < x < 4\}$

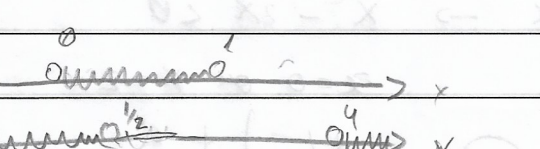
3º caso, base, isto é $0 < a < 1$.


Se $0 < x < 1$ (III)

$$x^{2x^2 - 9x + 4} < 1 \rightarrow x^{2x^2 - 9x + 4} < x^0 \rightarrow 2x^2 - 9x + 4 > 0$$

$0 < a < 1$

(III) 

(IV) 

(III) ∩ (IV) 

$x < \frac{1}{2}$ ou $x > 4$ (IV)