

Discente: Paulo Henrique Deniz de Lima Alencar

matrícula: 494837

PARTE 1 -

1º Resolução:

a) $f(m \cdot x) = m \cdot f(x)$ para $m \in \mathbb{R}$ e $x \in \mathbb{R} \rightarrow f(m \cdot 0) = m \cdot f(0)$ para $m \in \mathbb{R}$ e $x \in \mathbb{R} \rightarrow \underbrace{f(0)}_{\text{I}} = \underbrace{m \cdot f(0)}_{\text{II}}$. Objetivo agora é deixar $\text{I} = \text{II}$ por meio da atribuição de um valor que torne $f(0) = m \cdot f(0)$ (verdadeira). No entanto se $m = 1$, $f(0)$ pode assumir qualquer valor, pois o 1 é o elemento neutro na multiplicação deixando $f(0) = 1 \cdot f(0) \rightarrow f(0) = f(0)$ (verdadeira). Por outro lado se m for outro valor diferente de 1, a história muda e $f(0)$ precisa ser 0 para que $f(0) = m \cdot f(0)$ seja verdadeira independente do valor de m . Então quando $f(0) = 0$, temos: $f(0) = m \cdot f(0) \rightarrow 0 = m \cdot 0$ (verdade). OBS: se $f(0) = 0$, $m \neq 0$, para não ocorrer: $\frac{f(0)}{m} = f(0) \rightarrow \frac{0}{0} = m \cdot 0$

b) Resolução: $U(x) = \frac{x+2}{x-3} \rightarrow x-3 \neq 0 \rightarrow \boxed{x \neq 3}$

Denominador não pode ser ZERO

$\therefore D(U) = \mathbb{R} - \{3\}$

c) Resolução: sendo $x \geq 4$

$$y = \sqrt{x-1} + \sqrt{x-4}$$

O menor valor que x pode assumir é $x=4$. Então se $x=4$, temos: $y = \sqrt{4-1} + \sqrt{4-4} \rightarrow y = 2 + 0 \rightarrow y = 2$. A partir disso podemos concluir que o menor valor que y pode assumir é $y=2$, logo:

$\text{Im}(f) = \{y \in \mathbb{R} / y \geq 2\}$

d) resolução: Duas funções são iguais, quando apresentam domínios iguais, contradomínios iguais e por fim $f(x) = g(x)$ para todo x do domínio.

Sendo assim, as funções f e g de $A = \{x \in \mathbb{R} / -1 \leq x < 0 \text{ ou } x > 1\}$ em \mathbb{R} definida por:

$$f(x) = \sqrt{\frac{x+1}{x^2-x}} \quad \text{e} \quad g(x) = \sqrt{\frac{x+1}{x^2-x}}$$

* São iguais para todo $x \in \mathbb{R} / -1 \leq x < 0 \text{ ou } x > 1$ atendendo os requisitos citados anteriormente.

2. Resolução:

$$\begin{aligned} a) \quad \begin{cases} \frac{1}{x-y} + \frac{1}{x+y} = \frac{3}{4} \\ \frac{1}{x-y} - \frac{1}{x+y} = -\frac{1}{4} \end{cases} & \rightarrow \text{Sugestão } \begin{matrix} \frac{1}{x-y} = a \\ \frac{1}{x+y} = b \end{matrix} \\ \text{Logo } \begin{cases} a+b = \frac{3}{4} \\ a-b = -\frac{1}{4} \end{cases} & \rightarrow \begin{matrix} a = \frac{2}{4} \\ 2a = \frac{2}{4} \end{matrix} \rightarrow \begin{matrix} a = \frac{2}{4} \cdot \frac{1}{2} \\ a = \frac{2}{8} = \frac{1}{4} \end{matrix} \end{aligned}$$

Se $a = \frac{1}{4}$ e $a+b = \frac{3}{4}$

$$a = \frac{1}{4}$$

então $\frac{1}{4} + b = \frac{3}{4} \rightarrow b = \frac{3}{4} - \frac{1}{4}$

$$b = \frac{2}{4} \rightarrow b = \frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned} \begin{cases} x-y = 4 \\ x+y = 2 \end{cases} & \begin{matrix} 3-y=4 \\ -y=4-3 \\ -y=1 \cdot (-1) \\ y=-1 \end{matrix} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{x-y} = \frac{1}{4} \rightarrow 4 = x-y \quad \boxed{x-y=4}$$

$$2x=6 \rightarrow \boxed{x=3}$$

$$\frac{1}{x+y} = \frac{1}{2} \rightarrow 2 = x+y \quad \boxed{x+y=2}$$

$$S = \{(3, -1)\}$$

b) Resolução:

$$f(x) = ax + b \rightarrow f(-1) = 3 \rightarrow 3 = a \cdot (-1) + b \rightarrow \boxed{-a + b = 3}$$

$$f(x) = ax + b \rightarrow f(1) = 1 \rightarrow 1 = a \cdot 1 + b \rightarrow \boxed{a + b = 1}$$

$$\begin{cases} -a + b = 3 \\ a + b = 1 \end{cases} \rightarrow \begin{matrix} 2b = 4 \\ b = 2 \end{matrix} \quad \begin{matrix} a + 2 = 1 \\ a = 1 - 2 \\ a = -1 \end{matrix} \quad \begin{matrix} \therefore f(x) = -x + 2 \\ \text{Min } f(3) = -3 + 2 \rightarrow \\ f(3) = -1 \end{matrix}$$

* Portanto: $f(3) = -1$ //

c) Resolução:

Pontos do gráfico: $(8, 520)$, $(0, 400)$

$$\begin{aligned} \text{Se } f(x) = ax + b &\rightarrow C(x) = ax + b & 400 &= a \cdot 0 + b \\ & & b &= 400 \\ 520 &= a \cdot 8 + b \\ 520 &= 8a + b \\ 8a + b &= 520 \\ 8a + 400 &= 520 \rightarrow 8a = 120 \rightarrow a = \frac{120}{8} \rightarrow a = 15 // \end{aligned}$$

Então com $700 = 15x + 400 \rightarrow 300 = 15x \rightarrow x = \frac{300}{15} = 20$ Litros

* corresponde 20 Litros //

3. Resolução:

$$a) \underbrace{(3x+2)}_{f(x)} \underbrace{(-3x+4)}_{g(x)} \underbrace{(x-6)}_{h(x)} < 0$$

$$f(x) = 3x + 2 \rightarrow 3x + 2 = 0 \rightarrow 3x = -2 \rightarrow x = -\frac{2}{3}$$

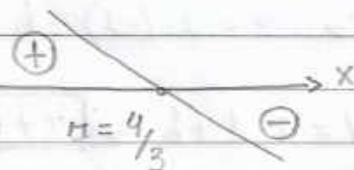
RAIZ



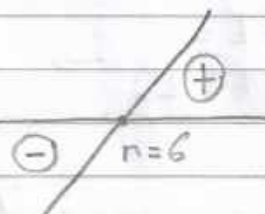
$$g(x) = -3x + 4 \rightarrow -3x + 4 = 0 \rightarrow -3x = -4 \cdot (-1) \rightarrow 3x = 4 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{4}{3}$$

RAIZ



$$h(x) = x - 6 \rightarrow x - 6 = 0 \rightarrow \boxed{x = 6} \text{ RAIZ}$$



$f(x)$	-	0	$-\frac{2}{3}$	+	+	+	+	$\rightarrow x$
$g(x)$	+	+	+	0	$\frac{4}{3}$	-	-	$\rightarrow x$
$h(x)$	-	-	-	-	-	0	6	$\rightarrow x$
$f(x) \cdot g(x) \cdot h(x)$	+	+	+	+	+	+	+	$\rightarrow x$
			$-\frac{2}{3}$		$\frac{4}{3}$		6	

QUADRO DE SINAIS

$$\therefore S = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid -\frac{2}{3} < x < \frac{4}{3} \text{ OU } x > 6 \right\}$$

$$b) \frac{1}{x-4} < \frac{2}{x+3} \rightarrow \frac{1}{x-4} - \frac{2}{x+3} < 0$$

mmc:

$x-4, x+3$	$x-4$
1, 1	$x-3$

$$\frac{(x+3) - 2(x-4)}{(x-4) \cdot (x+3)} \rightarrow \frac{x+3-2x+8}{x^2+3x-4x-12} \rightarrow$$

$$(x-4) \cdot (x+3)$$

$$\Rightarrow \frac{-x+11}{x^2-x-12} < 0$$

$$f(x) = -x + 11 \rightarrow -x + 11 = 0 \rightarrow -x = -11 \cdot (-1) \rightarrow x = 11 \text{ RAIZ}$$





$$g(x) = x^2 - x - 12 = 0 \rightarrow x^2 - x + 12 = 0 \quad \Delta = (-1)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-12) \rightarrow$$

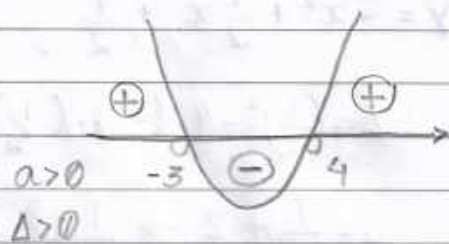
$$\rightarrow \Delta = 1 + 48$$

$$\Delta = 49$$

$$\sqrt{\Delta} = 7$$

$$x = \frac{1 \pm 7}{2} \begin{cases} x_1 = 4 \\ x_2 = -3 \end{cases}$$

RAÍZES



QUADRO DE SINAIS:

$(x_1 \neq x_2)$

$x_1, x_2 \in \mathbb{R}$

$f(x)$	+	+	+	+	-
$g(x)$	+	-	+	+	+
$f(x)$	+	-	+	-	
$g(x)$	-3	4	11		

$$\therefore S = \{x \in \mathbb{R} / -3 < x < 4 \text{ ou } x > 11\}$$

4. Resolução:

$$a) (m+2)x^2 + (3-2m)x + (m-1) = 0$$

$$a = m+2 \quad * \text{ como é uma equação do } 2^\circ \text{ grau } a \neq 0$$

$$b = 3-2m \quad \therefore m+2 \neq 0 \rightarrow m \neq -2$$

$$c = m-1$$

* como é necessário que a função tenha raízes reais $\Delta \geq 0$.

$$\Delta \geq 0 \rightarrow b^2 - 4 \cdot a \cdot c \geq 0 \rightarrow (3-2m)^2 - 4 \cdot (m+2) \cdot (m-1) \geq 0 \rightarrow$$

$$9 - 12m + 4m^2 - 4(m^2 - m + 2m - 2) \geq 0$$

$$9 - 12m + 4m^2 - 4m^2 + 4m - 8m + 8 \geq 0$$

$$9 - 12m - 4m + 8 \geq 0$$

$$9 - 16m + 8 \geq 0 \quad \rightarrow 16m \leq 17$$

$$-16m + 17 \geq 0 \quad m \leq \frac{17}{16}$$

$$-16m \geq -17 \quad * (-1) \quad m \geq \frac{17}{16}$$

$$\text{Logo: } m \neq -2 \text{ e } m \leq \frac{17}{16}$$



D I A G N O S T I C

$$b) \quad y = -x^2 + \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$$

$$x = \frac{-\frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{9}{4}}}{-2}$$

$$x_1 = -\frac{1}{2}$$

$$x_2 = 1$$

$$a = -1 \quad \Delta = \left(\frac{1}{2}\right)^2 - 4 \cdot (-1) \cdot \left(\frac{1}{2}\right)$$

$$b = \frac{1}{2}$$

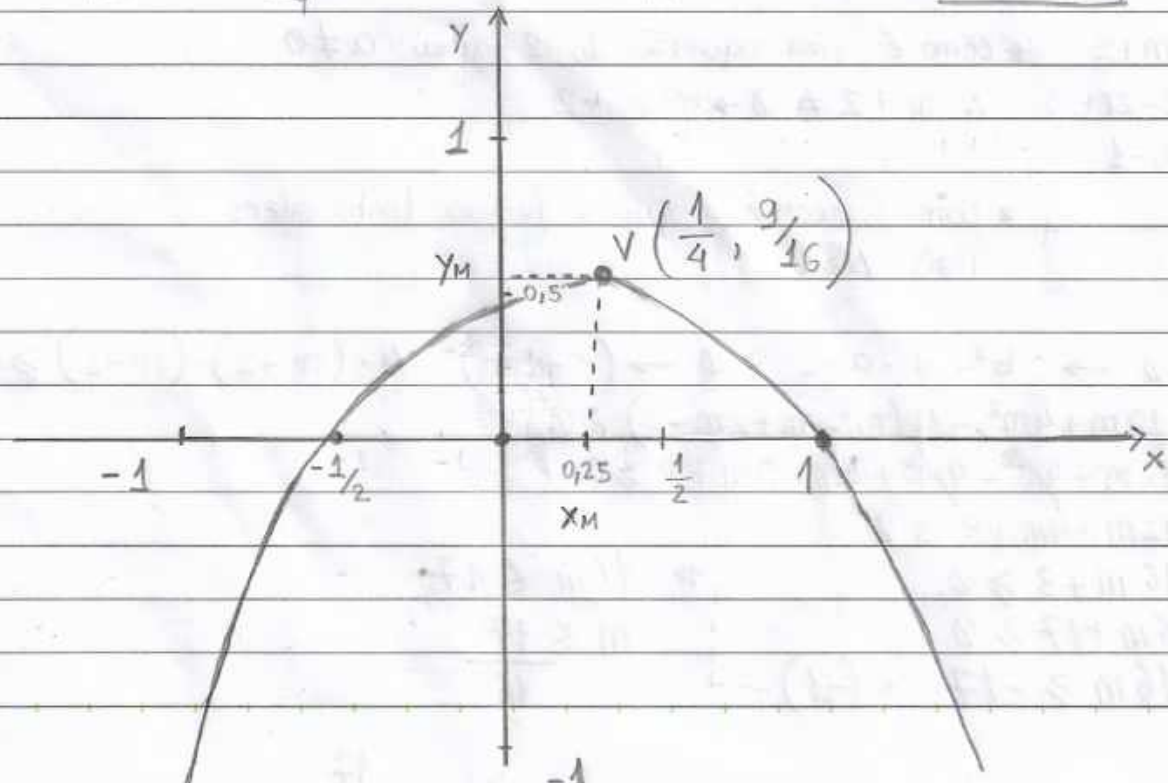
$$c = \frac{1}{2} \quad \Delta = \frac{1}{4} + 2 \rightarrow \frac{1+8}{4} \rightarrow \frac{9}{4} \quad \left| \quad x_1 = -\frac{1}{2} \quad \vee \quad x_2 = 1 \right|$$

$$\Delta = \frac{9}{4}$$

$$V\left(\frac{-b}{2a}, \frac{-\Delta}{4a}\right) \Rightarrow V\left(\frac{1}{4}, \frac{9}{16}\right)$$

$$x_M = \frac{-b}{2a} \rightarrow x_M = \frac{-\frac{1}{2}}{-2} \rightarrow -\frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{4} \rightarrow \boxed{x_M = \frac{1}{4}}$$

$$y_M = \frac{-\Delta}{4a} \rightarrow \frac{-\frac{9}{4}}{-4} \rightarrow -\frac{9}{4} \cdot \left(-\frac{1}{4}\right) \rightarrow \frac{9}{16} \rightarrow \boxed{y_M = \frac{9}{16}}$$



5. Resolução:

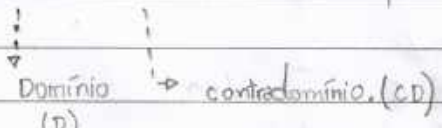
a) $g(x) = 2x + 3$ $(f \circ g)(x) = \frac{2x + 5}{x + 1}$ (I)

$f(g(x)) = \frac{2x + 5}{x + 1}$, $g(x) = 2x + 3 \rightarrow 2x = g(x) - 3$
 $\boxed{x = \frac{g(x) - 3}{2}}$ (II)

* Utilizar II em I :

$f(g(x)) = 2 \cdot \left[\frac{g(x) - 3}{2} \right] + 5$ $\rightarrow \frac{g(x) + 2}{\frac{g(x) - 3 + 2}{2}} \rightarrow \frac{g(x) + 2}{\frac{g(x) - 1}{2}} \rightarrow$

$\rightarrow (g(x) + 2) \cdot \frac{2}{g(x) - 1} \rightarrow \frac{2g(x) + 4}{g(x) - 1} \rightarrow \frac{2x + 4}{x - 1} \rightarrow \boxed{f(x) = \frac{2x + 4}{x - 1}}$ //

b) $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ dada por $f(x) = 2x + 1$

 Domínio (D) \rightarrow contradomínio (CD)

* É bijetora, pois é injetora e sobrejetora.

* É sobrejetora, pois isolando $x \rightarrow y = 2x + 1 \rightarrow 2x = y - 1 \rightarrow x = \frac{y - 1}{2}$
 percebemos que todo elemento do contra domínio possui um correspondente em \mathbb{R} (domínio). Por consequência, a imagem da função é igual

ao contradomínio, isto é, $\text{Im}(f) = \text{CD} = \mathbb{R}$

$\text{Im}(f) = \mathbb{R}$

A função também é injetora, pois qualquer que seja x_1 e x_2 de \mathbb{R} , temos

$$x_1 \neq x_2 \Rightarrow 2x_1 \neq 2x_2 \Rightarrow 2x_1 + 1 \neq 2x_2 + 1$$

• Exemplo numérico: $f(x) = 2x + 1$

• $f(2) = 2 \cdot 2 + 1 = 5$

• $f(-2) = 2 \cdot (-2) + 1 = -3$

- Portanto, essa função também é injetora.

Como a função é sobrejetora e injetora, então também é BIJETORA.

6. Redução:

PARTE 2 -

a) Redução:

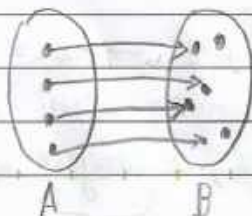
■ Função - definição: Quando temos 2 conjuntos e algum tipo de associação entre eles, que faça corresponder a TODO elemento do primeiro conjunto a um único elemento do segundo, temos aí uma função.

* Resumidamente $\Rightarrow f$ é função de A em B $\Leftrightarrow (\forall x \in A, \exists! y \in B \mid (x, y) \in f)$

■ Características básicas de uma função:

* Domínio: são os elementos do conjunto de partida.

Ex:



Domínio
conjunto de partida

contradomínio
conjunto de chegada

→ Im

* Imagem: chamamos de imagem o conjunto im dos elementos $y \in B$ para os quais existe $x \in A$, ou seja, são os elementos do conjunto de chegada que receberam a seta dos elementos do conjunto de partida.

* contradomínio: são todos os elementos do conjunto de chegada, independente se receberam seta ou não.

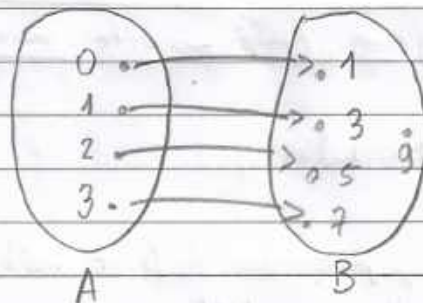
- Função injetora - para uma função ser injetora é necessário que quaisquer que sejam x_1 e x_2 de A , se temos $x_1 \neq x_2$, então $f(x_1) \neq f(x_2)$.

$$f: A \rightarrow B$$

* Simbolicamente: f é injetora $\Leftrightarrow (\forall x_1, x_1 \in A, \forall x_2, x_2 \in A) (x_1 \neq x_2 \Rightarrow f(x_1) \neq f(x_2))$

* Com diagrama:

$$f(x) = 2x + 1$$



OBS: observe que dois elementos distintos de A tem como imagem dois elementos distintos de B .

- Função sobrejetora - Para a função ser sobrejetora é necessário que para todo y pertencente a B exista um correspondente x pertencente a A .

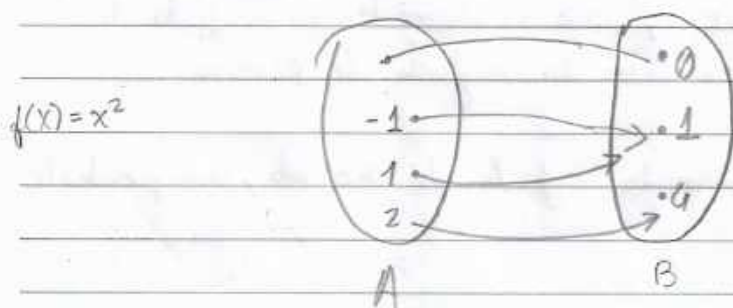
$$f: A \rightarrow B$$

* Simbolicamente: f é sobrejetora $\Leftrightarrow \forall y, y \in B, \exists x, x \in A$

Se $f: A \rightarrow B$ é sobrejetora, se, somente se $\text{Im}(f) = B$



Com diagrama:



Obs: observe que todo elemento de B , tem um correspondente x em A , dessa forma $\text{Im}(f) = B$.

Função Bijetora - uma função é bijetora se, e somente se f é sobrejetora e injetora.

Referências \rightarrow propriedades de uma função \rightarrow site: mundeducacao.uol.com.br

b) Resoluções: Função Modular

Definição: sendo $x \in \mathbb{R}$, podemos definir módulo ou valor absoluto de x , que se indica por $|x|$ por meio da seguinte relação:

$$\left[\begin{array}{l} |x| = x \quad \text{se } x \geq 0 \\ \text{ou} \\ |x| = -x \quad \text{se } x < 0 \end{array} \right]$$

Por meio dessa definição podemos concluir que:

• O módulo de um número \mathbb{R} não negativo é igual ao próprio número

Ex: $|3| = 3$, $|100| = 100$

• Outra coisa que podemos concluir é que o módulo de um número real negativo é igual ao oposto desse número

Ex: $|-3| = 3$, $|\sqrt{2}| = \sqrt{2}$



Propriedades:

$$1^\circ - |x| \geq 0 \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$4^\circ - |x|^2 = x^2, \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$2^\circ - |x| = 0 \iff x = 0$$

$$5^\circ - x \leq |x|, \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

$$3^\circ - |x| \cdot |y| = |xy|, \quad \forall x, y \in \mathbb{R}$$

$$6^\circ - |x+y| \leq |x| + |y|, \quad \forall x, y \in \mathbb{R}$$

$$7^\circ - |x-y| \geq |x| - |y|, \quad \forall x, y \in \mathbb{R}$$

$$8^\circ - |x| \leq a \text{ e } a > 0 \iff -a \leq x \leq a$$

$$9^\circ - |x| \geq a \text{ e } a > 0 \iff x \leq -a \text{ ou } x \geq a$$

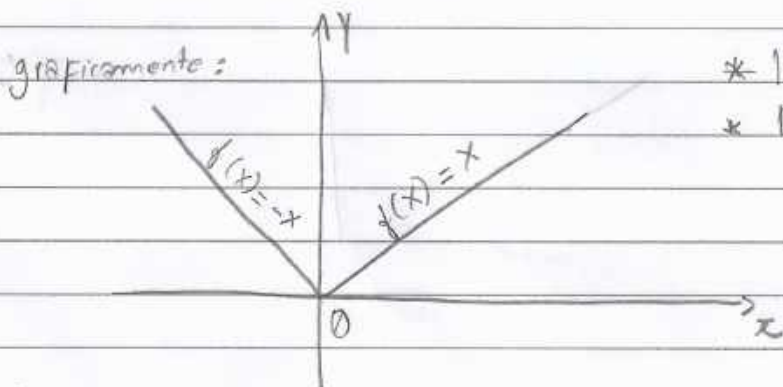
Função Modular:

Definição: uma aplicação de \mathbb{R} em \mathbb{R} recebe o nome de função módulo quando a cada $x \in \mathbb{R}$ associa o elemento $|x| \in \mathbb{R}$.

Formata: $f(x) = |x|$

Agora por meio do conceito de módulo de um número \mathbb{R} , a função modular

$$f(x) = \begin{cases} x & \text{se } x \geq 0 \\ -x & \text{se } x < 0 \end{cases}$$



$$* \text{Im} = \mathbb{R}_+$$

$$* \text{D} = \mathbb{R}$$

Referências \rightarrow Função Modular: Site \rightarrow Função Modular.

7. Resolução:

a) Sinal da função quadrática:

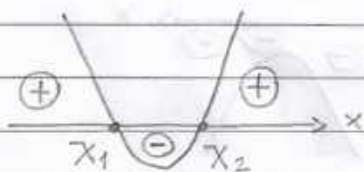
* Pelo que entendi, estudar o sinal de uma função do 2º grau consiste em buscar solucionar a seguinte problemática: determinar os valores de $x \in \mathbb{R}$ onde $f(x) > 0$, $f(x) < 0$ e por fim onde $f(x) = 0$. A primeira coisa que precisa ser feita é começar pelo cálculo do discriminante Δ onde $\Delta = b^2 - 4ac$. Ao calcular o valor do discriminante três casos peculiares podem aparecer: discriminante menor que 0 ($\Delta < 0$), nesse caso temos duas raízes que não pertencem ao conjunto dos números reais (\mathbb{R}). O outro caso é quando encontramos um determinante igual a 0 ($\Delta = 0$), onde teremos duas raízes reais, porém as duas não são iguais. O último caso é se for encontrado um valor para o discriminante maior que 0 ($\Delta > 0$), também teremos duas raízes, no entanto essas raízes vão possuir valores diferentes.

* Vou apresentar cada caso separadamente por meio do gráfico da função:

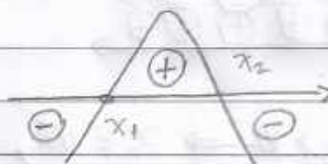
$$\Delta > 0$$

aqui vamos ter duas raízes \mathbb{R} , mas elas vão ser diferentes

com $a > 0$: concavidade p/cima



com $a < 0$: concavidade para baixo.



$$f(x) = 0 \Rightarrow x = x_1 \text{ ou } x = x_2$$

$$f(x) > 0 \Rightarrow x < x_1 \text{ ou } x > x_2$$

$$f(x) < 0 \Rightarrow x_1 < x < x_2$$

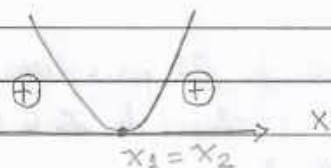
$$f(x) = 0 \Rightarrow x = x_1 \text{ ou } x = x_2$$

$$f(x) > 0 \Rightarrow x_1 < x < x_2$$

$$f(x) < 0 \Rightarrow x < x_1 \text{ ou } x > x_2$$

$\Delta = 0$ duas raízes \mathbb{R} , porém raízes iguais

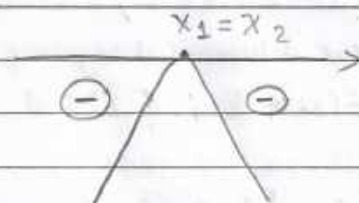
$a > 0$:



$$\begin{cases} f(x) = 0 \Rightarrow x = x_1 = x_2 \\ f(x) > 0 \Rightarrow x \neq x_1 \end{cases}$$

* Não há valores de x que fazem a função ter valores negativos.

$a < 0$:

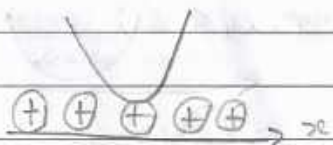


$$\begin{cases} f(x) = 0 \Rightarrow x = x_1 = x_2 \\ f(x) < 0 \Rightarrow x \neq x_1 \end{cases}$$

* Não há valores de x que faz a função seja positiva

$\Delta < 0$ Duas raízes complexas, portanto $\notin \mathbb{R}$.

$a > 0$:

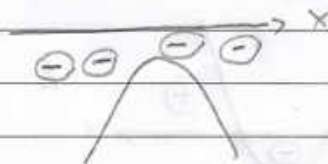


$$[f(x) > 0 \Rightarrow x \in \mathbb{R}]$$

* Não há valores para x_1 e $x_2 \in \mathbb{R}$.

* Não há valores onde a função é negativa, isto é $f(x) < 0$, pois ela está acima do eixo x .

$a < 0$:



$$f(x) < 0 \Rightarrow x \in \mathbb{R},$$

ou seja x pode ser qualquer valor.

* Não há situações para $f(x) = 0$ ou $f(x) > 0$.

Exemplo:

$$f(x) = x^2 - 3x - 4$$

1º passo: encontrar o valor do determinante: utilizando $\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c$

$$\Delta = (-3)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-4)$$

$$\Delta = 9 + 16$$

$$\Delta = 25$$

$$\sqrt{\Delta} = 5$$

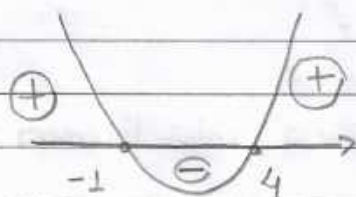
$\Delta = 25$, portanto $\Delta > 0$, possuindo duas raízes reais e distintas [$x_1 \neq x_2$]

AS RAÍZES: $x = \frac{3 \pm 5}{2}$

$$x_1 = 4 //$$

$$x_2 = -1 //$$

Como $a > 0$, concavidade voltada para cima:



ANALISANDO OS SINAIS:

* $f(x) = 0$, quando: $x = -1$ ou $x = 4$.

* $f(x) > 0$, quando: $x < -1$ ou $x > 4$.

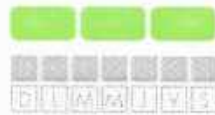
* $f(x) < 0$, quando: $-1 < x < 4$.

Referências: vídeo no YouTube \rightarrow Função do 2º grau: Estudo do Sinal, canal: Equaciona.

bi) conclusão: Inequação do 2º grau:

Um pré-requisito para resolver problemas que envolvam inequação do 2º grau, é dominar o tópico abordado no item a) dessa questão 7.

Conhecer e representar corretamente os sinais de uma função polinomial do segundo grau, facilita muito na resolução de Inequações do 2º grau.



simples, Inequações produto e quociente.

Então quando você se depara com uma inequação desse tipo:

$$2x^2 - 2x + 5 > 0$$

OBSERVAMOS:

* Perceba que não há uma igualdade;

* Temos uma desigualdade, representada pelo sinal $>$ (Portanto uma inequação);

* Temos uma inequação do 2º grau, pois o x está elevado a 2.

- Então para resolvermos uma inequação desse tipo precisamos encontrar valores de x que fazem com que a expressão $2x^2 - 2x + 5$ seja maior que 0 zero.

Para encontrar esse valores siga os seguintes passos:

$$2x^2 - 2x + 5 > 0$$

1º PASSO: considere $2x^2 - 2x + 5$ sendo uma função, então teremos:

$$f(x) = 2x^2 - 2x + 5$$

2º PASSO: obtenha as informações básicas dessa função:

$$f(x) = 2x^2 - 2x + 5 \rightarrow 2x^2 - 2x + 5 = 0$$

$$a = 2 \quad \Delta = (-2)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 5$$

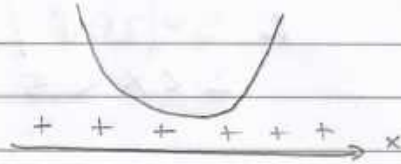
$$b = -2 \quad \Delta = -36$$

$$c = 5 \quad \therefore \rightarrow \text{RAÍZES} \notin \mathbb{R}$$

3º PASSO: fazer uma representação gráfica da sua função de forma simples:



Com $a > 0$, temos concavidade para cima. Além disso o $\Delta < 0$, logo essa parábola não possui raízes reais, não tocando o eixo x . Gráficamente fica algo assim:



Como queremos os valores de x que faz $2x^2 - 2x + 5 > 0$ ser verdadeira, podemos perceber que para qualquer valor de x que pegarmos temos a função $f(x) = 2x^2 - 2x + 5$ maior que 0. Portanto podemos concluir o que é $S = \mathbb{R}$.

*PARA INEQUAÇÕES PRODUTO E QUOCIENTE.

Para esse tipo de problema você faz algo semelhante ao que fizemos para resolver a inequação anterior. Vou utilizar um exemplo para explicar:

$$\frac{-x+2}{x^2-4x-5} > 0 \quad \left. \vphantom{\frac{-x+2}{x^2-4x-5}} \right\} \text{inequação quociente}$$

* Considere o numerador sendo uma função independente: $f(x) = -x + 2$

* Faça o mesmo com o denominador: $g(x) = x^2 - 4x - 5$

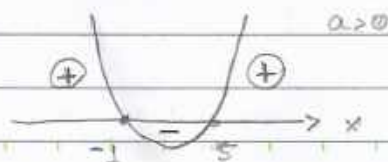
• Estude o sinal de $f(x) = -x + 2$:



$$-x + 2 = 0 \rightarrow x = 2$$

• Estude o sinal de $g(x) = x^2 - 4x - 5$

$$\Delta = 36 \quad x_1 = 5 \quad x_2 = -1$$



FAZER O QUADRO DE SINAL:

$$\begin{array}{l} f(x) \quad + \quad | \quad + \quad 0^2 \quad - \quad | \quad - \quad \rightarrow x \\ g(x) \quad + \quad 0^{-1} \quad - \quad | \quad - \quad 0^5 \quad + \quad \rightarrow x \\ f(x) \quad + \quad | \quad - \quad | \quad + \quad | \quad - \quad \rightarrow x \\ g(x) \quad -1 \quad 2 \quad 5 \end{array}$$

$$\therefore S = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -1 \text{ ou } 2 < x < 5\} //$$

OBSERVAÇÕES: ① Quando for encontrar os valores de x que fazem com que as inequações analisadas fiquem verdadeiras, é necessário tomar cuidado com alguns valores de x que podem deixar o denominador de uma inequação quociente zero. Esse valores não fazem parte da solução.

② Para resolver uma inequação produto você faz algo semelhante ao que fizemos na resolução da inequação quociente.

Referências: inequações do 2º Grau - Brasil Escola; Vídeo no youtube Inequações do segundo grau - Professor Ferecho (canal).