

# Ministério da Educação UNIVERSIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ Campus Cornélio Procópio





**AULA 8** 

# FORÇAS DEVIDO A CARGA DISTRIBUÍDA

Professor: Dr. Paulo Sergio Olivio Filho

### CONTEÚDO DA AULA



- Centro Geométrico ou Centroide.
- Distribuição de Cargas bidimensionais.
- Decomposição de Cargas Distribuídas.
- Módulo da Força Resultante em Cargas Distribuídas

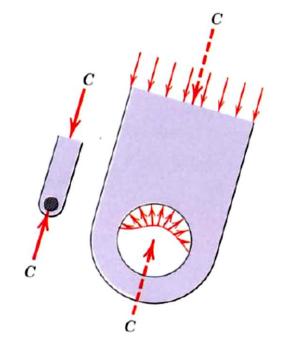


Em algumas situações uma área relativamente grande da superfície de um corpo pode estar sujeita a um *carregamento distribuído*, como aqueles produzidos pela ação do vento, escoamento de líquidos, ou ainda a simples ação do peso do material suportado por uma das suas superfícies.

A intensidade é definida como *pressão p* (força por unidade de área):

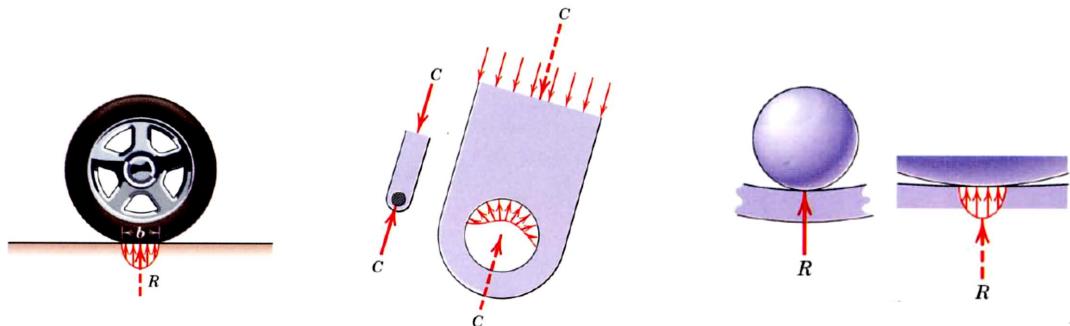
 $lb/ft^2$  ou pascal (Pa), onde 1 Pa = 1 N/m<sup>2</sup>.

$$P = \frac{F}{A} = \frac{N}{m^2} = \frac{lb}{ft^2}$$



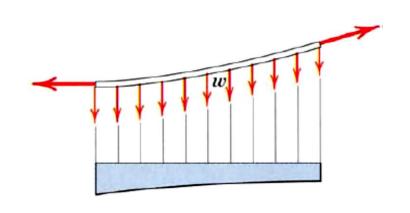


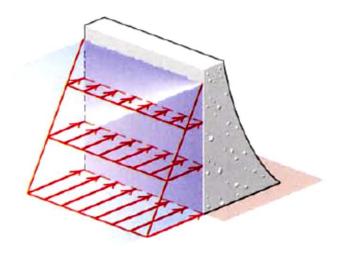
- Cada força externa aplicada a um corpo é distribuída sobre uma área de contato finita.
- As forças são aplicadas sobre uma região cujas dimensões não são desprezíveis, comparadas com outras dimensões.

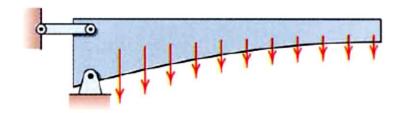




- Existem três categorias para cargas distribuídas:
- Distribuição Linear: Quando está distribuída ao longo de uma linha. [N/m]
- Distribuição Superficial: Quando está distribuída sobre uma área. [N/m²]
- Distribuição Volumétrica: Quando está distribuída sobre um volume de um corpo. [N/m³]









Carga uniforme ao longo de um eixo:

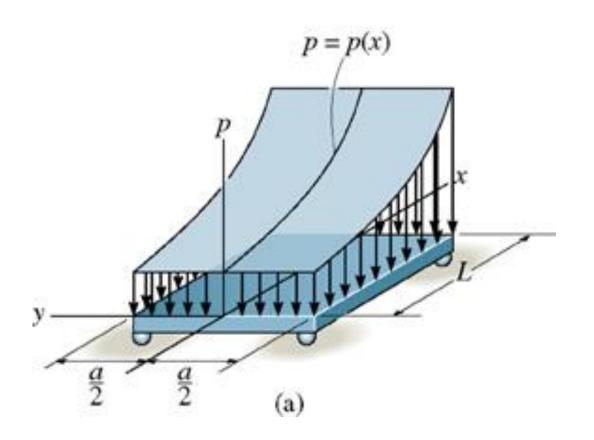
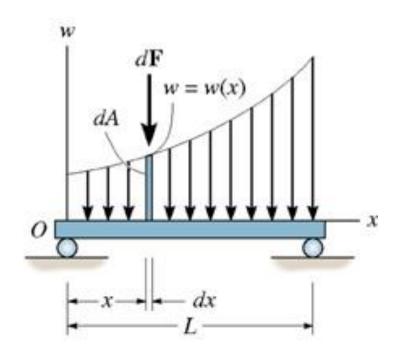


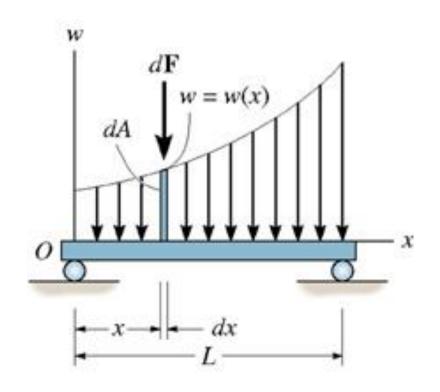
Diagrama de intensidade de carga



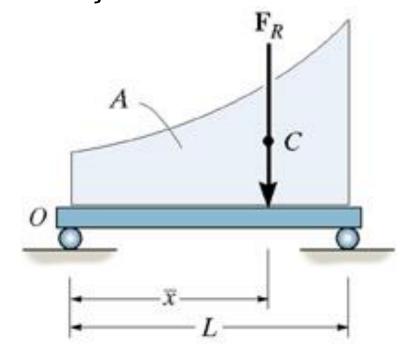
$$p = p(x)$$
  
 $w = p(x)a = w(x)$  (função de carregamento)



Diagrama de intensidade de carga



Sistema de força reduzido em uma única força:'



Esta força está localizada no centro geométrico ou centroide da área sob o diagrama. '



$$F_R = \Sigma F$$

dF ⇒ número infinito de forças paralelas atuantes ao longo da placa;

 $d\mathbf{F} \Rightarrow \text{agindo sobre um elemento de comprimento } dx;$ 

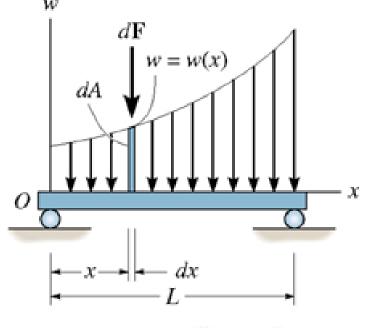
 $w(x) \Rightarrow$  uma força por unidade de comprimento;

Então:  $d\mathbf{F} = w(x)dx = d\mathbf{A}$ 

$$F_{R} = \int_{L} w(x)dx = \int_{A} dA = A$$

# MÓDULO DA FORÇA RESULTANTE





$$M_{RA} = \Sigma M_{o}$$

A localização da linha de ação de  $\mathbf{F}_R$  pode ser determinada pela equação de momento da força resultante e da força distribuída em relação ao ponto O.

$$C$$
 $C$ 
 $X$ 
 $L$ 

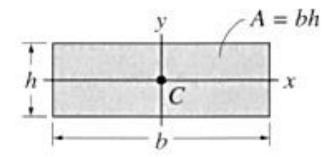
$$\overline{x}F_{R} = \int_{L} xw(x)dx \qquad \overline{x} = \frac{\int_{L} xw(x)dx}{\int_{W} w(x)dx} = \frac{\int_{A} xdA}{\int_{A} dA}$$

Esta equação representa a coordenada *x* do centro geométrico ou centróide da área sob o diagrama.

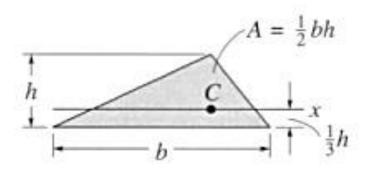
#### **EXEMPLO 1**



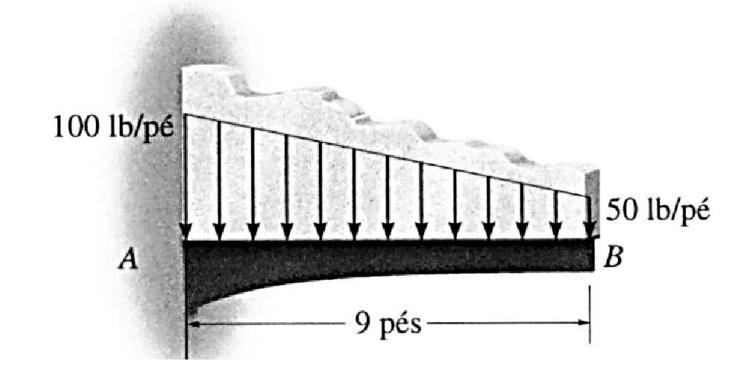
Centroides



Área do retângulo

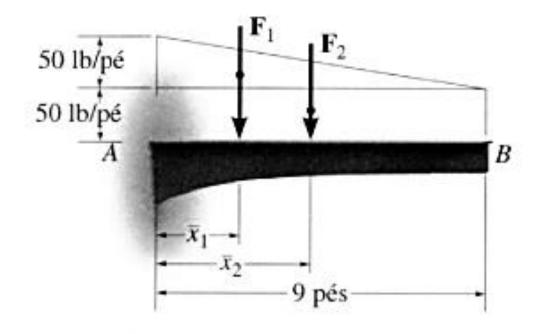


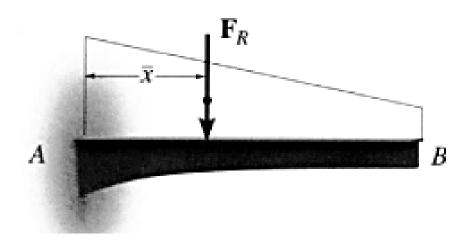
1- O material granuloso provoca o carregamento distribuído sobre a viga, como mostrado na figura abaixo. Determine a intensidade e a localização da força resultante equivalente.



#### EXEMPLO 1







Decomposição das Forças Distribuídas

$$F_1 = \frac{1}{2}(9 \text{ pés})(50 \text{ lb/pé}) = 225 \text{ lb}$$

$$F_2 = (9 \text{ pés})(50 \text{ lb/pé}) = 450 \text{ lb}$$

Localização das Forças Distribuídas

$$\overline{x}_1 = \frac{1}{3}(9 \text{ pés}) = 3 \text{ pés}$$

$$\bar{x}_2 = \frac{1}{2}(9 \text{ pés}) = 4.5 \text{ pés}$$

Calculo da Força Resultante ( $F_R = \Sigma F$ )

$$F_R = 225 + 450 = 675 \, \text{lb}$$

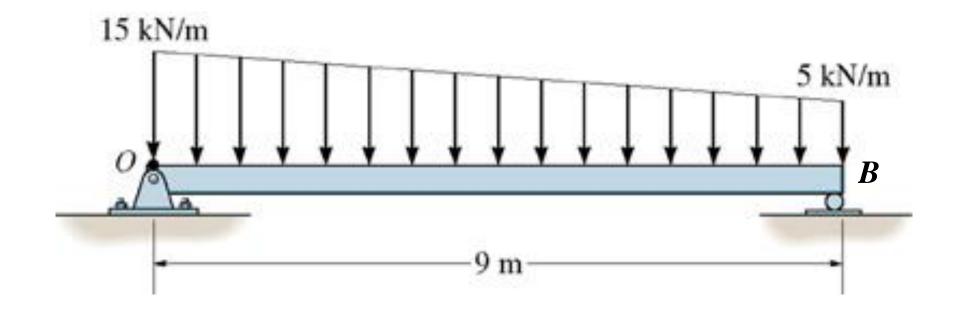
Calculo da Localização ( $M_{RA} = \Sigma M_A$ )

$$\overline{x}(675) = 3(225) + 4,5(450)$$
  
 $\overline{x} = 4 \text{ pés}$ 

#### EXEMPLO 2



Substitua o carregamento distribuído por uma força resultante equivalente e calcule sua localização em relação ao ponto *B*.



# EXERCÍCIOS E ATIVIDADES

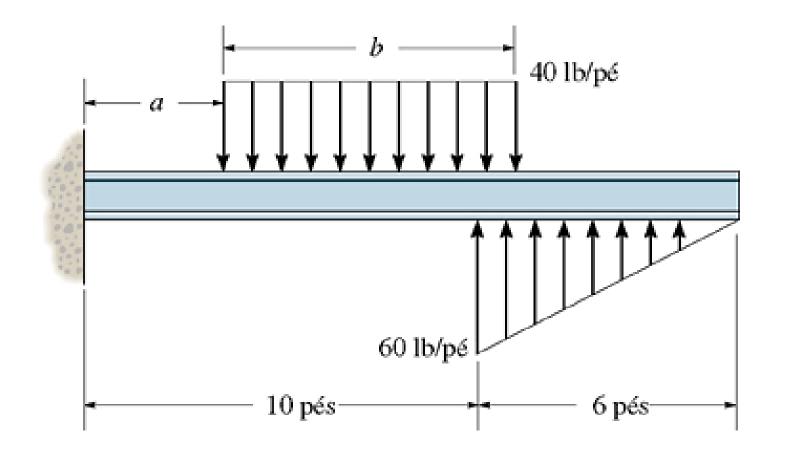


#### Orientação para realização das Atividades:

- ➤ Realizar as atividade a mão livre;
- ➤ Realizar diagramas e desenhos para compressão;
- > Realizar todas as contas de forma detalhada;
- ➤ Colocar as repostas principais a caneta;
- Entregar as atividades e resolução dos exercícios em forma digital no sala virtual da disciplina.



Determine o comprimento *b* da carga uniforme e sua posição *a* sobre a viga de modo que tanto a resultante das forças quanto a dos momentos sejam nulas.



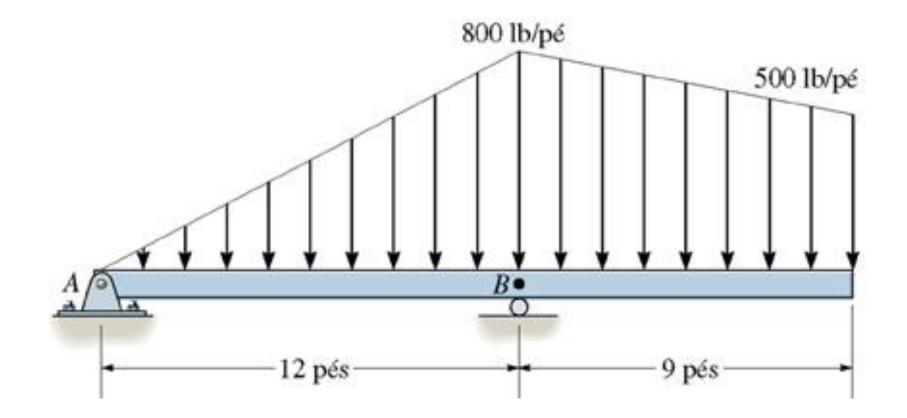
Respostas:

b = 4,5 pés

a = 9,75 pés



Substitua o carregamento por uma força resultante equivalente e calcule sua localização sobre a viga, medida a partir do ponto *B*.

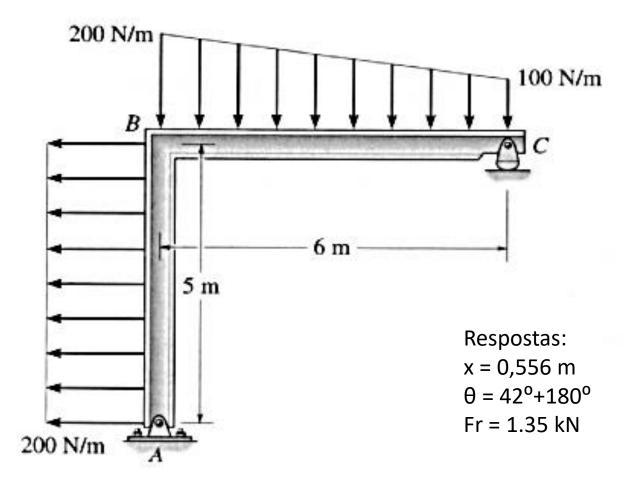


Respostas:

Fr = -10,6 kip ou -1060 lb x = 0,479 pés

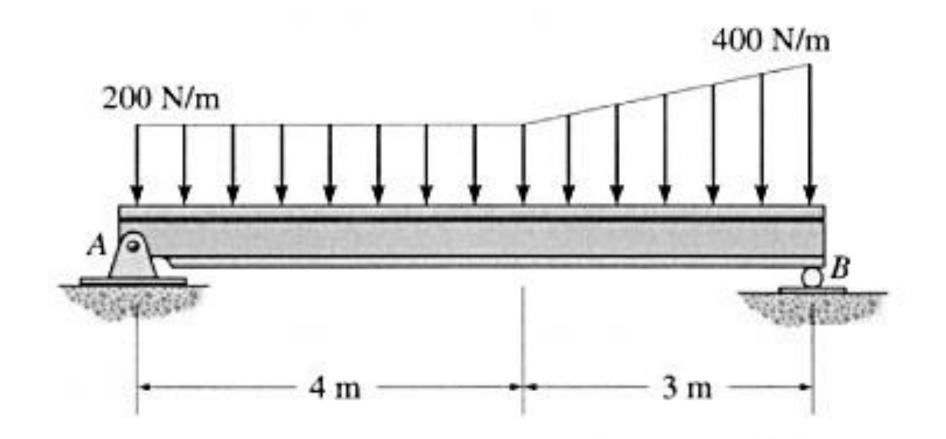


Substitua as cargas distribuídas por uma força resultante equivalente e especifique onde sua linha de ação intercepta o elemento BC, medido a partir de C.





Determine os componentes de reação nos pontos A e B para o equilíbrio da viga.



Respostas:

RAx = 0

RAy = 743 N

RBy = 957 N



Determine a intensidade da força resultante equivalente da distribuição de cargas e especifique sua localização sobre a viga, medida a partir do ponto A.

