Lógica Matemática

Dr. Paulo Vinicius Pereira Pinheiro¹

¹Centro Universitário Paraíso do Ceará UNIFAP

Acesse estes slides em: https://github.com/paulovpp/slides

Última atualização: 3 de março de 2022



Sumário

- 1. Introdução
 - Objetivos
 - Definições iniciais
- 2. Lógica proposicional início
 - Conceitos iniciais
 - Princípios fundamentais da lógica matemática
 - Tipos de proposições
 - Conectivos proposicionais
- 3. Lógica proposicional cálculo proposicional
 - Tabela verdade
 - Ordem de precedência e comprimento de fórmulas
 - Valor lógico
 - Exercícios

Sumário

- 4. Operações lógicas com proposições
 - Negação
 - Conjunção
 - Disjunção
 - Disjunção exclusiva

- 5. Operações lógicas condicionais
 - Condicional

Objetivos do curso

List all course objectives

Estudo da lógica proposicional

- Representar e especificar os conceitos de sintaxe e semântica associados a qualquer lógica utilizada ou linguagem.
- Estudar os métodos que produzem ou verifiquem as fórmulas ou argumentos utilizados.
- Definir sistemas de dedução formal onde são consideradas as noções de prova e consequência lógica.
- Correlacionar diagramas de Venn com a prática.
- Conhecer a álgebra de Boole.

Introductory definitions to the course

Proposição

- \star É qualquer conjunto de palavras ou símbolos que expressam um pensamento completo.
- * As proposições transmitem fatos ou exprimem juízos que formamos a respeito de determinado acontecimento.

Exemplos

- A lua é um satélite da Terra.
- O valor arredondado de π vale 3, 14.
- Recife é a capital da Paraíba
- $\cos(90^{\circ}) = 0.$

Alfabeto

★ É o conjunto de símbolos usado em qualquer linguagem. A seguir a tabela de símbolos usados na disciplina é apresentado:

Introductory definitions to the course

Proposição

- \star É qualquer conjunto de palavras ou símbolos que expressam um pensamento completo.
- * As proposições transmitem fatos ou exprimem juízos que formamos a respeito de determinado acontecimento.

Exemplos

- A lua é um satélite da Terra.
- O valor arredondado de π vale 3, 14.
- Recife é a capital da Paraíba
- $\cos(90^{\circ}) = 0.$

Alfabeto

⋆ É o conjunto de símbolos usado em qualquer linguagem. A seguir a tabela de símbolos usados na disciplina é apresentado:

Introductory definitions to the course

Proposição

- \star É qualquer conjunto de palavras ou símbolos que expressam um pensamento completo.
- * As proposições transmitem fatos ou exprimem juízos que formamos a respeito de determinado acontecimento.

Exemplos

- A lua é um satélite da Terra.
- O valor arredondado de π vale 3, 14.
- Recife é a capital da Paraíba
- $\cos(90^\circ) = 0.$

Alfabeto

★ É o conjunto de símbolos usado em qualquer linguagem. A seguir a tabela de símbolos usados na disciplina é apresentado:

Introductory definitions to the course

Proposição

- \star É qualquer conjunto de palavras ou símbolos que expressam um pensamento completo.
- * As proposições transmitem fatos ou exprimem juízos que formamos a respeito de determinado acontecimento.

Exemplos

- A lua é um satélite da Terra.
- O valor arredondado de π vale 3, 14.
- Recife é a capital da Paraíba
- $\cos(90^\circ) = 0.$

Alfabeto

⋆ É o conjunto de símbolos usado em qualquer linguagem. A seguir a tabela de símbolos usados na disciplina é apresentado:

Introductory definitions to the course

Proposição

- * É qualquer conjunto de palavras ou símbolos que expressam um pensamento completo.
- * As proposições transmitem fatos ou exprimem juízos que formamos a respeito de determinado acontecimento.

Exemplos

- A lua é um satélite da Terra.
- O valor arredondado de π vale 3, 14.
- Recife é a capital da Paraíba
- $\cos(90^{\circ}) = 0.$

Alfabeto

* É o conjunto de símbolos usado em qualquer linguagem. A seguir a tabela de símbolos usados na disciplina é apresentado:

Introductory definitions to the course

Proposição

- * É qualquer conjunto de palavras ou símbolos que expressam um pensamento completo.
- * As proposições transmitem fatos ou exprimem juízos que formamos a respeito de determinado acontecimento.

Exemplos

- A lua é um satélite da Terra.
- O valor arredondado de π vale 3, 14.
- Recife é a capital da Paraíba
- $\cos(90^{\circ}) = 0.$

Alfabeto

* É o conjunto de símbolos usado em qualquer linguagem. A seguir a tabela de símbolos usados na disciplina é apresentado:

Conceitos iniciais

Introductory definitions to start the course

Alfabeto da lógica proposicional

- Símbolo de pontuação: (,)
- Símbolos booleanos: true, false
- ullet Símbolos proposicionais simples: $p,\ q,\ r,\ s,\ p_1,\ q_2$
- Símbolos proposicionais compostos: $P, Q, R, S, P_1, Q_1, S_2$
- Conectivos proposicionais: \land , \lor , \neg , \rightarrow , \leftrightarrow

Fórmulas

São conjuntos de proposições unidos por um conectivo obtendo um valor booleano como resultante. São construídas a partir dos símbolos do alfabeto proposicional.

Tal como ocorre nas linguagens faladas ou escritas, não é qualquer concatenação de símbolos que é uma fórmula.

Conceitos iniciais

Introductory definitions to start the course

Alfabeto da lógica proposicional

- Símbolo de pontuação: (,)
- Símbolos booleanos: true, false
- ullet Símbolos proposicionais simples: $p,\ q,\ r,\ s,\ p_1,\ q_2$
- ullet Símbolos proposicionais compostos: $P,\ Q,\ R,\ S,\ P_1,\ Q_1,\ S_2$
- Conectivos proposicionais: \land , \lor , \neg , \rightarrow , \leftrightarrow

Fórmulas

São conjuntos de proposições unidos por um conectivo obtendo um valor booleano como resultante. São construídas a partir dos símbolos do alfabeto proposicional.

Tal como ocorre nas linguagens faladas ou escritas, não é qualquer concatenação de símbolos que é uma fórmula.

Algumas definições

Examples of logic formulas

- ullet Todo símbolo de verdade (V) é uma fórmula.
- Todo símbolo proposicional é uma fórmula.
- ullet Se H é uma fórmula então $(\neg H)$, a negação de H, é uma fórmula.
- Se H e G são fórmulas então $(H \wedge G)$, $(H \vee G)$, $(H \to G)$ e $(H \leftrightarrow G)$ são fórmulas.

Não são fórmulas:

- PR
- $(H true \leftrightarrow)$
- $(true \rightarrow \leftrightarrow (H \ true \rightarrow))$
- \bullet $PH \rightarrow \land$
- $true \rightarrow \lor$

Algumas definições

Examples of logic formulas

- ullet Todo símbolo de verdade (V) é uma fórmula.
- Todo símbolo proposicional é uma fórmula.
- ullet Se H é uma fórmula então $(\neg H)$, a negação de H, é uma fórmula.
- Se H e G são fórmulas então $(H \wedge G)$, $(H \vee G)$, $(H \to G)$ e $(H \leftrightarrow G)$ são fórmulas.

Não são fórmulas:

- PR.
- $(H \ true \ \leftrightarrow)$
- $\bullet \ (true \ \rightarrow \leftrightarrow (H \ true \rightarrow))$
- $PH \rightarrow \land$
- $true \rightarrow \lor$

Princípios da lógica clássica

Princípio da identidade

Uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.

P é igual a P

Princípio da não contradição

Uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.

não (P e não P)

Princípio do terceiro excluído

Toda proposição ou é verdadeira ou é falsa, não existindo um terceiro valor que ela possa assumir.

P ou não P (\otimes – ou exclusivo)

Princípios da lógica clássica

Princípio da identidade

Uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.

P é igual a P

Princípio da não contradição

Uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.

não
$$(P \ {\rm e} \ {\rm não} \ P)$$

Princípio do terceiro excluído

Toda proposição ou é verdadeira ou é falsa, não existindo um terceiro valor que ela possa assumir.

P ou não P (\otimes – ou exclusivo)

Princípios da lógica clássica

Princípio da identidade

Uma proposição não pode ser verdadeira e falsa ao mesmo tempo.

P é igual a P

Princípio da não contradição

Uma proposição não pode ser *verdadeira* e *falsa* ao mesmo tempo.

$${\rm n\~{a}o}\ (P\ {\rm e}\ {\rm n\~{a}o}\ P)$$

Princípio do terceiro excluído

Toda proposição ou é verdadeira ou é falsa, não existindo um terceiro valor que ela possa assumir.

$$P$$
 ou não P (\otimes – ou exclusivo)

Proposição simples e compostas

Simple or compound preposition

* Proposições simples

É aquela que contêm somente uma afirmação.

Exemplo:

Nós somos ricos.

Não como todo dia.

* Proposições compostas

Uma proposição é dita composta quando for constituída por uma sequência finita de pelo menos duas proposições.

Exemplo:

Vamos ao cinema ou ao teatro.

O céu é azul e cheio de nuvens.

Conectivos do cálculo proposicional

Conectors for all arithmetic with propositions.

Na linguagem comum, palavras explícitas são utilizadas ou não para interligar frases dotadas de algum sentido. Tais palavras são substituídas, na **Lógica Matemática**, por símbolos denominados *conectivos lógicos*.

Em nosso estudo, nos restringiremos inicialmente ao chamado **cálculo proposicional**. Por essa razão, os conectivos utilizados são conhecidos por *sentenciais* ou *proposicionais*.

Existem cinco conectivos que substituirão simbolicamente as expressões:

- e (∧) do inglês AND
- ou (∨) do inglês OR
- se ..., então ... (\rightarrow) do inglês IF ... then ...
- ullet se, e somente se ... (\leftrightarrow) do inglês IF and ONLY IF ...
- não (¬) do inglês NOT

Conectivos do cálculo proposicional

Examples

Exemplo 1

Somos pobres mortais e fanáticos torcedores da vida.

É uma proposição composta:

1a proposição: somos pobres mortais,

2a proposição: somos fanáticos torcedores da vida,

Conectivo: e (AND)

Exemplo 2

Se não nos alimentarmos, morremos.

É uma proposição composta:

1a proposição: nos alimentarmos,

2a proposição: (nós) morreremos,

Conectivo: Se ..., então ...

Tabela verdade

True table of operators

Definição

Segundo o princípio do **terceiro excluído**, toda proposição simples p ou composta $H(p,q,\ldots)$ só pode assumir **valor lógico** igual a

V (verdade - TRUE) ou F (falsidade - FALSE)

A tabela-verdade sintetiza o resultado de funções lógicas para n proposições.

Figura 1: Tabela verdade para um estado(proposição) único.

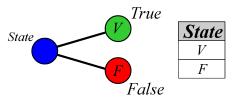


Tabela verdade

Examples

Figura 2: Tabela verdade para uma proposição composta H(p,q).

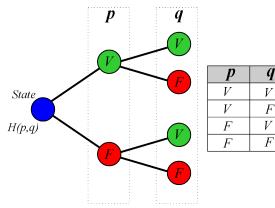
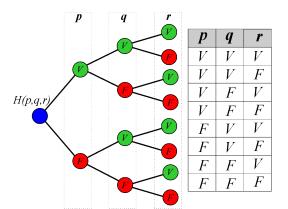


Tabela verdade

Examples

Figura 3: Tabela verdade para uma proposição composta H(p,q,r).



Definições complementares

Final considerations of the section - Procedence order

Ordem de precedência

- Maior precedência: ¬ ou ~
- ullet Precedência intermediária: o e \leftrightarrow
- Menor precedência: ∧ e ∨

Comprimento de uma fórmula

- ullet Se H é um símbolo proposicional ou de verdade então comp[H]=1
- ullet Se H e G são fórmulas da lógica proposicional, então

$$comp[\neg H] = comp[H] + 1$$

$$comp[H \land G] \quad \text{ou} \quad comp[H \lor G] = comp[H] + comp[G] + 1$$

$$comp[H \to G] \quad \text{ou} \quad comp[H \leftrightarrow G] = comp[H] + comp[G] + 1$$

Definições complementares

Final considerations of the section - Procedence order

Ordem de precedência

- ullet Maior precedência: \neg ou \sim
- Precedência intermediária: → e ↔
- Menor precedência: ∧ e ∨

Comprimento de uma fórmula

- Se H é um símbolo proposicional ou de verdade então comp[H]=1
- ullet Se H e G são fórmulas da **lógica proposicional**, então

$$comp[\neg H] = comp[H] + 1$$

$$comp[H \wedge G] \quad \text{ou} \quad comp[H \vee G] = comp[H] + comp[G] + 1$$

$$comp[H \rightarrow G] \quad \text{ou} \quad comp[H \leftrightarrow G] = comp[H] + comp[G] + 1$$

Definições finais

Final considerations of the section 2/2

Valor lógico

O valor lógico de uma proposição simples ou composta expressa seu valor resultante se *verdadeiro* ou *falso*.

- ullet Para uma proposição simples p, V(p) expressa seu valor lógico.
- Para uma proposição composta H, V(H) expressa seu valor lógico.

Exemplo 1

p: O sol é verde.

q: O sol é quente.

r: O mar não é vermelho.

$$V(p) = V$$
, $V(q) = F$, $V(\neg r) = F$
 $V(p \land q) = F$, $V(q \lor r) = V$

Exemplo 2

 $p_1: x \ge 10$

 $p_2: x < 50$ $p_3: x > 25$

$$V(p_1) = V$$
, $V(p_2) = F$, $V(\neg p_3) = F$
 $V(p_1 \land p_2) = V$, $V(p_3 \land p_2) = F$

Practice the chapters concepts

- 1. Identifique os itens abaixo que não são fórmulas da lógica proposicional.
- **a.** *pq*

- **e.** $p \wedge q$
- $p \rightarrow q$
- **m.** $P \rightarrow Q$
- q. $P \rightarrow true$ r. $P \wedge true$

- **b.** *PQ*
- **f.** $P \vee Q$ g. $PQ \wedge$
- i. $PQ \rightarrow$ n. $P \leftrightarrow Q$
- $\mathbf{k.} \to PQ \neg$ o. $P \leftrightarrow q$
- s. $true\ P \leftrightarrow q$

- c. $PQ \neg$ **d.** $\neg PQ$
- h. $\vee PQ$

- **I.** $P \to Q \to \mathbf{p.} \leftrightarrow P \leftrightarrow Q$ **t.** false $PQ \land$

Practice the chapters concepts

- 1. Identifique os itens abaixo que não são fórmulas da lógica proposicional.
- **a.** *pq*

- **e.** $p \wedge q$
- $p \rightarrow q$
- **m.** $P \rightarrow Q$
- q. $P \rightarrow true$ r. $P \wedge true$

- **b.** *PQ*
- f. $P \vee Q$

h. $\vee PQ$

- i. $PQ \rightarrow$ n. $P \leftrightarrow Q$
- s. $true\ P\leftrightarrow q$

- c. $PQ \neg$ $d. \neg PQ$
- g. $PQ \wedge$
- $\mathbf{k.} \rightarrow PQ \neg$ o. $P \leftrightarrow q$

 - **I.** $P \to Q \to$ **p.** $\leftrightarrow P \leftrightarrow Q$ **t.** false $PQ \land$

Respostas

a, b, c, d, g, h, j, k, l, p, q, s, t

Practice the chapters concepts

1. Identifique os itens abaixo que não são fórmulas da lógica proposicional.

a. pq

e.
$$p \wedge q$$

i.
$$p \rightarrow q$$
 m. $P \rightarrow Q$

 $P \rightarrow true$

b. *PQ*

f. $P \vee Q$

i. $PQ \rightarrow$ n. $P \leftrightarrow Q$

r. $P \wedge true$

c. $PQ \neg$

g. $PQ \wedge$

 $\mathbf{k.} \rightarrow PQ \neg$ o. $P \leftrightarrow q$

s. $true\ P \leftrightarrow q$

 $d. \neg PQ$

h. $\vee PQ$

I. $P \rightarrow Q \rightarrow$ **p.** $\leftrightarrow P \leftrightarrow Q$ **t.** false $PQ \land$

Respostas

- a, b, c, d, g, h, j, k, l, p, q, s, t
- 2. Determine o comprimento das fórmulas a seguir.
- **a.** $((\neg \neg P \land Q) \leftrightarrow (P \rightarrow Q)) \land true$
- **b.** $(\neg P \to (Q \lor R)) \leftrightarrow ((P \land Q) \leftrightarrow (\neg \neg R \lor \neg P))$
- c. $((P \lor Q) \to (P \to (\neg Q)))$

Practice the chapters concepts

1. Identifique os itens abaixo que não são fórmulas da lógica proposicional.

a. pq

e.
$$p \wedge q$$

 $p \rightarrow q$

$$\mathbf{m.} \ P \to Q$$

 $P \rightarrow true$ r. $P \wedge true$

b. *PQ*

f.
$$P \lor Q$$

J.
$$PQ \rightarrow$$

j.
$$PQ \rightarrow$$
 n. $P \leftrightarrow Q$

c. $PQ \neg$

g.
$$PQ \wedge$$

k.
$$\rightarrow PQ \neg$$
 o. $P \leftrightarrow q$

$$\bullet. \ P \leftrightarrow q$$

s.
$$true P \leftrightarrow q$$

 $d. \neg PQ$

$$h. \ \lor PQ$$

$$P \to Q \to$$

$$\bullet. \leftrightarrow P \leftrightarrow Q$$

I.
$$P \to Q \to \mathbf{p.} \leftrightarrow P \leftrightarrow Q$$
 t. $false PQ \land$

Respostas

- a, b, c, d, g, h, j, k, l, p, q, s, t
- 2. Determine o comprimento das fórmulas a seguir.

a.
$$((\neg \neg P \land Q) \leftrightarrow (P \rightarrow Q)) \land true$$

b.
$$(\neg P \to (Q \lor R)) \leftrightarrow ((P \land Q) \leftrightarrow (\neg \neg R \lor \neg P))$$

c.
$$((P \lor Q) \to (P \to (\neg Q)))$$

Practice the chapters concepts

3. Pesquise na internet as proposições para os problemas abaixo.

E, se possível, elabore a fórmula para avaliar um valor qualquer.

- **P1.** Verificar se um número $n \in \mathbb{Z}$ está no intervalo $\{n_1, n_2\}$ onde $n_1 > n_2$.
- P2. Descobrir o maior entre 2 números.
- P3. Descobrir o maior entre 3 números.
- P4. Ordenar 2 números.
- P5. Ordenar 3 números.
- P6. Avaliar se um número é primo.
- P7. Buscar letra em palavra (string).
- P8. Transformar um tempo dado em HH:mm:ss em apenas ss.

Trazer na próxima aula para tira-dúvidas.

Operações lógicas

Logical operation with propositions

Operadores da lógica proposicional

Quando pensamos, inerentemente ao processo estamos efetuando inúmeras operações com proposições em nossa mente. Sempre na intenção de formar um raciocínio que nos faça sentido e que possa ser solução para um determinado problema.

As operações lógicas acontecem exatamente com os conectivos proposicionais. Na literatura é comum as duas nomenclaturas se confundirem.

Neste curso, usaremos a notação de **OPERADORES**. A seguir, as operações lógicas e seus descritivos serão apresentados.

Operação de negação (\neg) ou (\sim)

Logical NOT operator

Definição

Este conectivo não liga duas proposições, mas simplesmente nega a afirmação da proposição que o precede. Em virtude disso, é um conectivo unário, enquanto os anteriores são conectivos binários, pois ligam duas proposições.

Exemplos

Se
$$V(p) = V$$
, $\neg p = F$
$$V(\neg p) = \neg V(p)$$

$$p: \ 2+3=5 \quad (V) \ {\rm e} \ \neg p: \ 2+3 \neq 5 \quad (F)$$

$$q: \ 23 < 10 \quad (F) \ {\rm e} \ \neg q: \ 23 \not< 10 \quad (V)$$

$$q: \ {\rm Carlos} \ {\rm \acute{e}} \ {\rm mec \^{a}nico}.$$

 $\neg q$: Carlos NÃO é mecânico.

Tabela 1: Tabela verdade (\neg) .

р	\sim p
V	F
F	V

Conjunção (∧ - 'e' lógico)

Logical AND operation

Definição

É o resultado da combinação de duas proposições ligadas pela palavra \mathbf{e} , que será substituída pelo símbolo (\wedge). Seu **valor lógico** somente será VERDADEIRO quando TODAS as proposições tiverem seus **valores lógicos** iguais a VERDADE.

Propriedades

Sejam p e q proposições simples:

$$p \wedge q$$
 lê-se "p e q".

Seja H uma proposição composta H(p,q):

$$H(p,q) = H(p \wedge q) = p \wedge q$$

$$V(H) = V(p \land q) = V(p) \land V(q)$$

Tabela 2: Tabela verdade (\land) .

р	q	$p \wedge q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
\overline{F}	F	F

Conjunção (∧ - 'e' lógico)

Examples

Exemplo 1

Sejam p e q proposições simples quaisquer, por exemplo:

•
$$p: n > 10$$
 (V)

•
$$q: f(n) = 55 (V)$$

$$p \wedge q = (n > 10) \ e \ (f(n = 55)) = V$$

$$V(p \land q) = V(p) \land V(q) = V \land V = V$$

Exemplo 2

Seja H(p,q) uma proposição composta qualquer, por exemplo:

- p: A maça é vermelha (V)
- \bullet q : A rua é estreita (F)

$$H(p,q) = p \land q = V \land F = F$$

Disjunção (∨ - 'ou' lógico)

Logical OR operator

Definição

É o resultado da combinação de duas proposições ligadas pela palavra **ou**, que será substituída pelo símbolo ∨. Seu **valor lógico** somente será FALSO quando *TODAS* as proposições tiverem seus **valores lógicos** iguais a FALSO.

Propriedades

Sejam p e q proposições simples:

 $p \vee q$ lê-se "p ou q".

Seja H uma proposição composta H(p,q):

$$H(p,q) = H(p \vee q) = p \vee q$$

$$V(H) = V(p \lor q) = V(p) \lor V(q)$$

Tabela 3: Tabela verdade (\vee) .

р	q	$p \lor q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

Disjunção (∨ - 'ou' lógico)

Examples

Exemplo 1

Sejam p e q proposições simples quaisquer, por exemplo:

- p: n > 10 (V)
- $q: n \le 25$ (V)

$$p \lor q = (n > 10) \ ou \ (n \le 55) = V$$

Exemplo 2

Seja H(p,q) uma proposição composta qualquer, por exemplo:

- p: Maria foi ao cinema. (V)
- q: Maria foi ao teatro. (F)

H(p,q): Maria foi ao cinema ou ao teatro.

$$H(p,q) = p \lor q = V \lor F = F$$

Logical XOR operator

Definição

Na linguagem falada, o termo "ou" tem dois significados. Por exemplo:

 $H: \mathsf{Antonio}\ \mathsf{\acute{e}}\ \mathsf{cearense}\ \mathsf{e}\ \mathsf{pernambucano}.$

G: José é eletricista e encanador.

Na proposição H existe a indicação de duas proposições:

p: Antonio é cearense.

q : Antonio é pernambucano.

Nota-se pelo contexto que **APENAS** uma das proposições pode ser verdadeira, tornando assim o resultado **mutualmente excludente**.

Para a proposição compostas H(p,q) têm-se que

$$\bullet \ H(p,q) = p \veebar q$$

Logical XOR operator

Definição

Na linguagem falada, o termo "ou" tem dois significados. Por exemplo:

 $H: \mathsf{Antonio}\ \mathsf{\acute{e}}\ \mathsf{cearense}\ \mathsf{e}\ \mathsf{pernambucano}.$

G: José é eletricista e encanador.

Na proposição H existe a indicação de duas proposições:

p: Antonio é cearense.

q: Antonio é pernambucano.

Nota-se pelo contexto que **APENAS** uma das proposições pode ser verdadeira, tornando assim o resultado **mutualmente excludente**.

Para a proposição compostas H(p,q) têm-se que

$$\bullet \ H(p,q) = p \veebar q$$

Logical XOR operator

Definição

Na linguagem falada, o termo "ou" tem dois significados. Por exemplo:

H: Antonio é cearense e pernambucano.

G: José é eletricista e encanador.

Na proposição H existe a indicação de duas proposições:

p: Antonio é cearense.

q : Antonio é pernambucano.

Nota-se pelo contexto que **APENAS** uma das proposições pode ser verdadeira, tornando assim o resultado **mutualmente excludente**.

Para a proposição compostas H(p,q) têm-se que:

$$\bullet \ H(p,q) = p \veebar q$$

Logical XOR operator

Comparativo

Já para a proposição $G(r,s) \longrightarrow G(r,s) = r \vee s$:

r: José é eletricista.

s : José é encanador.

Percebe-se então que no caso da proposição G, as duas proposições simples r e s não são **mutualmente excludentes**. Ou seja, ambas podem ter seus **valores lógicos** iguais a VERDADEIRO.

Tabela 4: Tabela verdade (⊻).

р	q	$\mathbf{p} \stackrel{\vee}{=} \mathbf{q}$
V	V	F
V	F	V
F	V	V
F	F	F

Operador condicional (\rightarrow)

Conditional operator

Definição

Duas proposições formam uma condicional quando for possível colocá-las na seguinte forma:

- a proposição 1 é chamada de antecedente, e a proposição 2 de consequente;
- o símbolo utilizado para ligar as duas proposições de uma condicional é o (→);
- ullet sua representação é da forma p o q e lê-se p então q.
- a equação acima também pode ser compreendida da forma:
 - $\ \square \ p$ é condição suficiente para q

Operador condicional (\rightarrow)

Conditional operator

Continuação ...

 as proposições condicionais podem ter sentidos diferentes em sua composição, veja os exemplos a seguir.

p : Alberto é poliglota.

q : Alberto(ele) fala várias línguas.

• Simbolicamente temos $p \to q$ e lê-se: "Se Alberto é poliglota, ele fala várias línguas.

Tabela 5: Tabela verdade (⊻).

р	q	$\mathbf{p} ightarrow \mathbf{q}$
V	V	V
V	F	F
\overline{F}	V	V
F	F	V