
Московский Физико-Технический Институт
(государственный университет)

Лабораторная работа по курсу общей физики № 4.1.1

Изучение центрированных оптических систем

Автор:

Филиппенко Павел Б01-001



Долгопрудный, 2021

Теоретическая справка

Определение фокусных расстояний положительных и отрицательных линз и положений главных плоскостей сложной оптической системы

Оптическую систему называют **центрированной**, если центры всех поверхностей лежат на одной прямой, которую называют **главной оптической осью системы**.

Световые пучки называются **гомоцентрическими**, если, выйдя из одной точки и пройдя оптическую систему, пучки или их продолжения снова сходятся в одной точке.

Идеальной оптической системой называют систему, в которой сохраняется **гомоцентричность** пучков и изображение геометрически подобно предмету

Общий вид сложной оптической системы изображен на рис. 1.

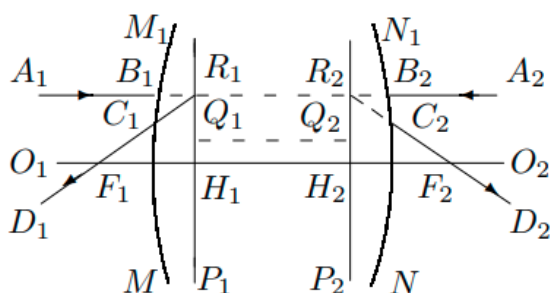


Рис. 1: сложная оптическая система

Пусть MM_1 и NN_1 – крайние поверхности, ограничивающие оптическую систему, а O_1O_2 – главная оптическая ось. Точку F_2 называют **задним фокусом системы** (фокусом в пространстве изображений). Плоскость, перпендикулярная O_1O_2 и проходящая через точку F_2 , называется **задней фокальной плоскостью**. Точку F_1 называют **передним фокусом системы** (фокусом в пространстве предметов).

Продолжим теперь C_1D_1 и C_2D_2 до пересечения с продолжениями A_1B_1 и A_2B_2 и отметим точки пересечения R_1 и R_2 . Плоскости P_1 и P_2 называются **главными плоскостями**, а точки

H_1 и H_2 – **главными точками системы**. Расстояния от главных точек до фокусов называются **фокусными расстояниями**: $f_1 = H_1F_1$, $f_2 = H_2F_2$. В том случае, когда с обеих сторон системы находится одна и та же среда (например, воздух), $f_1 = f_2 = f$.

Соотношения между величинами при построении изображения в толстой линзе удовлетворяют уравнению:

$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} = \frac{1}{f} \quad (1)$$

Способы определения фокусного расстояния тонкой положительной линзы

1. Исходя из формулы тонкой линзы (1), полагая $\delta = 0$.
2. Пусть расстояние между предметом и экраном превышает $4f$. При этом всегда найдутся два таких положения линзы, при которых на экране получают отчётливые изображения предмета (в одном случае уменьшенное, в другом – увеличенное).

Из соображений симметрии $a_1 = a'_2$ и $a'_1 = a_2$. Тогда путем математических преобразований можно получить:

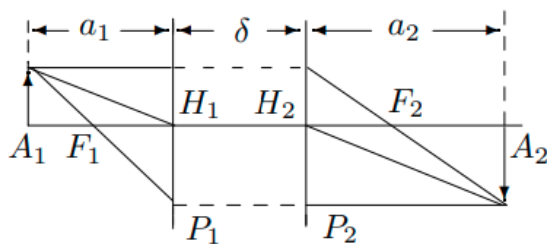


Рис. 2: Построение изображения в сложной оптической системе

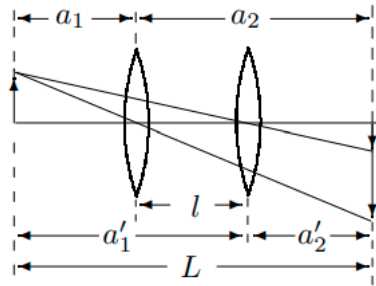


Рис. 3: Нахождение фокусов тонкой собирающей линзы

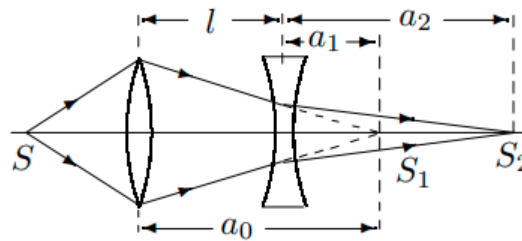


Рис. 4: Изображение в рассеивающей линзе

$$a_1 = \frac{L - l}{2}; \quad a_2 = \frac{L + l}{2} \Rightarrow$$

откуда с помощью (1) получаем:

$$f = \frac{L^2 - l^2}{4L} \quad (2)$$

3. Фокусное расстояние тонкой положительной линзы можно определить с помощью зрительной трубы, настроенной на бесконечность, то есть на параллельный пучок лучей.

Способы определения фокусного расстояния тонкой отрицательной линзы

1. С помощью вспомогательной собирающей линзы получаем действительное изображение и используем формулу тонкой линзы.
2. С помощью зрительной трубы, установленной на бесконечность.

Определение фокусного расстояния и положения главных плоскостей сложной оптической системы

Фокусное расстояние толстой положительной линзы определяют по методу Аббе рис. 5.

Линейные увеличения для разных положений объекта:

$$\Gamma_1 = \frac{y_1}{y} = \frac{f}{x_1}; \quad \Gamma_2 = \frac{y_2}{y} = \frac{f}{x_2}$$

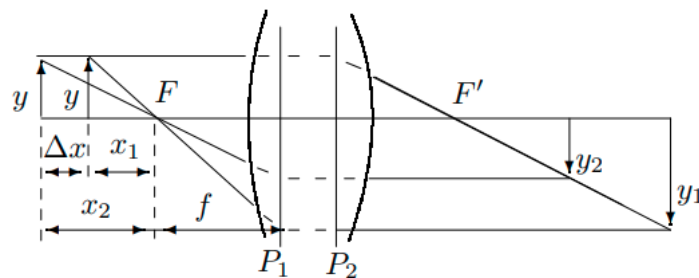


Рис. 5: метод Аббе

тогда нетрудно получить соотношение:

$$f = \frac{\Delta x}{1/\Gamma_1 - 1/\Gamma_2} \quad (3)$$

Для нахождения главных плоскостей системы недостаточно знать фокусное расстояние, нужно определить ещё положения главных фокусов. Это можно сделать при помощи зрительной трубы, настроенной на бесконечность.

Теоретически фокусное расстояние f_0 сложной системы, состоящей из двух тонких положительных линз, можно рассчитать, если известны фокусные расстояния каждой линзы и расстояние между их центрами l_{12} :

$$\frac{1}{f_0} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} - \frac{|l_{12}|}{f_1 f_2} \quad (4)$$

Недостатки (абберации) реальных оптических систем

В идеальных оптических системах лучи, вышедшие из одной точки объекта, пересекаются в одной и той же точке изображения независимо от угла испускания и от длины волны света. В реальных системах – из-за несовершенства линз – такая зависимость наблюдается. Основными погрешностями линз являются сферическая и хроматическая абберации.

Сферическая абберация

Сферическая абберация возникает при преломлении широких (не параксиальных) пучков свет а на сферических поверхностях линз.

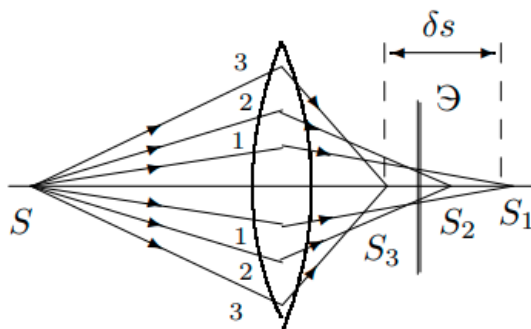


Рис. 6: Сферическая абберация

Сферическую абберацию характеризуют с помощью так называемой **продольной абберации** δs равной расстоянию между точками пересечения крайних и центральных лучей с главной оптической осью.

Для лучей, проходящих на расстоянии h от центра линзы, расстояние s выражается соотношением:

$$s(h) = \frac{R}{n-1} \left(1 - \frac{n^2 h^2}{2R^2} \right) \quad (5)$$

Характеристической кривой сферической абберации называют зависимость

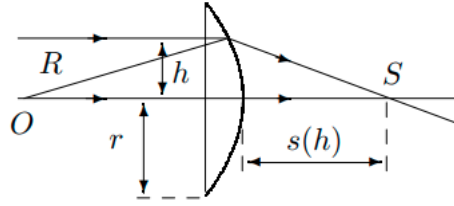


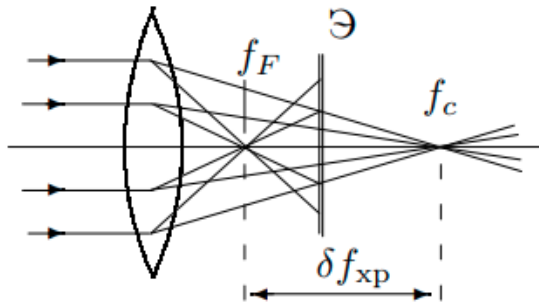
Рис. 7: Сферическая абберация плосковыпуклой линзы

$$\delta s(h) = s(h) - s(0) = -\frac{n^2 h^2}{2(n-1)R} = -\frac{1}{2} \left(\frac{n}{n-1} \right)^2 \left(\frac{h}{f} \right)^2 f \quad (6)$$

При $h = r$ (r – радиус линзы) формула (6) определяет продольную сферическую абберацию линзы.

Хроматическая абберация

Хроматическая абберация (зависимость фокусного расстояния линзы от длин волн) возникает вследствие дисперсии показателя преломления стёкол.



Хроматическую абберацию принято характеризовать разностью фокусных расстояний для двух характерных спектральных линий водорода, расположенных в крайних частях видимой области спектра: $\lambda_F = 486.1$ нм (голубая линия F водорода), $\lambda_C = 656.3$ (красная линия C водорода):

$$\delta f_{xp} = f_F - f_C \quad (7)$$

Для характеристики дисперсионных свойств стёкол часто пользуются так называемым **коэффициентом дисперсии**, или **числом Аббе**:

Рис. 8: Хроматическая абберация

бе:

$$\nu = \frac{n_D - 1}{n_F - n_C} \quad (8)$$

где n_F и n_C – показатели преломления для линий F и C водорода, а n_D показатель преломления для жёлтой линии D натрия $\lambda_D = 589.3$ нм (среднее значение длины волны жёлтого дублета натрия). Можно выразить продольную хроматическую абберацию линзы через число Аббе:

$$\delta f_{xp} = -\frac{n_F - n_C}{n_D - 1} f_D = -\frac{1}{\nu} f_D \quad (9)$$