## Robustní strojové učení a adversariální vzorky

#### Pavel Jakš

Matematická informatika, FJFI ČVUT v Praze

1. září 2022

## Obsah

- Prostředí
  - Neuronové sítě
- 2 Adversariální vzorky
  - Metody generování adversariálních vzorků
- 3 Robustní učení
  - Úspěšnost metod generování adversariálních vzorků
- 4 Otázky

### Neuronová síť

- Odpovídá jí zobrazení  $F_{\theta}: \mathbb{R}^{n_1 \times ... \times n_k} \to \mathbb{R}^{m_1 \times ... \times m_l}$ 
  - lacktriangledown jsou parametry neuronové sítě
  - Jedná se o zobrazení složené z tzv. vrstev [1]
- Hledání vhodných parametrů θ pro neuronovou síť
  - Převedení na optimalizaci vhodné ztrátové funkce

### Častá volba sestává z dílčích ztrát

$$J(\theta) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} L\left(F_{\theta}(x^{(i)}), y^{(i)}\right)$$

- Tento přístup vyžaduje existenci trénovací datové sady
  - Uspořádaná dvojice  $\mathbb{T} = \left(\left\{x^{(i)} \middle| i \in \{1,...,N\}\right\}, \left\{y^{(i)} \middle| i \in \{1,...,N\}\right\}\right)$
- Cílem je  $F_{\theta}(x^{(i)}) = y^{(i)} \quad \forall i \in \{1, ..., N\}$

### Adversariální vzorek

Szegedy a spol. objevili zvláštní chování klasifikačních sítí [2]

#### Existence adversariálních vzorků

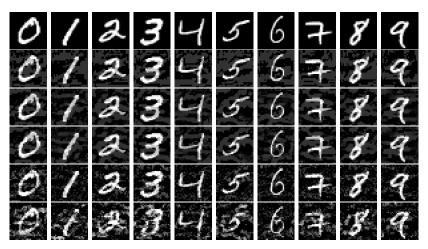
$$\exists x, y : \exists \Delta x, \|\Delta x\| \le \kappa :$$
  
$$C(F_{\theta}(x)) = C(y) \land C(F_{\theta}(x + \Delta x)) \ne C(y)$$

Označme  $\tilde{x} = x + \Delta x$ 

# Metody generování adversariálních vzorků

- FGSM
  - $\tilde{\mathbf{x}} = \mathbf{x} + \kappa \cdot \operatorname{sign} \left( \nabla_{\mathbf{x}} L(F_{\theta}(\mathbf{x}), \mathbf{y}) \right)$
- I-FGSM
  - $\tilde{x}_0 = x$
  - $\tilde{x}_{n+1} = \mathsf{Clip}_{x}^{\kappa} \{ \tilde{x}_{n} + \gamma \cdot \mathsf{sign}(\nabla_{x} L(F_{\theta}(x), y)) \}$
- PGD
- Cílená optimalizační metoda
  - $\tilde{x} = \operatorname{argmin}_{\hat{x}} (\|\hat{x} x\| + \lambda \cdot L(F_{\theta}(\hat{x}), \tilde{y}))$
- CW
  - $\tilde{x} = \operatorname{argmin}_{\hat{x}} (\|\hat{x} x\| \lambda \cdot L(F_{\theta}(\hat{x}), y))$

# Příklady vzorků vygenerovaných metodami generování adversariálních vzorků



Obrázek: Vzorky generované různými metodami hledání adversariálních vzorků

### Robustní učení

■ Snaha o *robustnost* klasifikátorů proti adversariálním útokům

### Obecná formulace problému

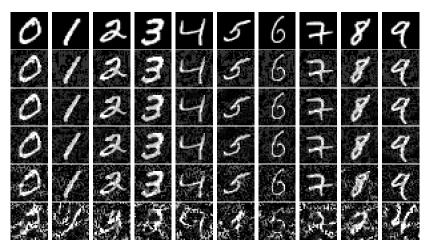
$$\theta = \operatorname{argmin}_{\theta} \tfrac{1}{N} \textstyle \sum_{i=1}^{N} \max_{\hat{\mathbf{x}} \in B(\mathbf{x}^{(i)}, \kappa)} L\left(F_{\theta}(\hat{\mathbf{x}}), \mathbf{y}^{(i)}\right)$$

# Úspěšnost metod generování adversariálních vzorků

Metoda	Úspěšnost	Robustní úspěšnost
FGSM	40.4 %	5.7 %
I-FGSM	78.4 %	7.0 %
PGD	78.8 %	6.9 %
Cílená optimalizační metoda	100 %	100 %
CW	99.7 %	100 %

Tabulka: Úspěšnost metod generování adversariálních vzorků

# Příklady vzorků vygenerovaných metodami generování adversariálních vzorků proti robustně naučené síti



Obrázek: Vzorky generované metodami hledání adversariálních vzorků proti robustně naučené síti

## Závěr

- Metody strojového učení skrývají úskalí
- Lze snadno zneužít adversariálních vzorků
- Proti takovým útokům se však lze bránit

### Literatura



C. Szegedy, W. Zaremba, I. Sutskever, J. Bruna, D. Erhan, I. Goodfellow, R. Fergus, *Intriguing properties of neural networks*. arXiv, 2014.

## Hledání $\lambda$ pomocí bisekce

- Připomenutí:  $\tilde{x} = \operatorname{argmin}_{\hat{x}} (\|\hat{x} x\| \lambda \cdot L(F_{\theta}(\hat{x}), y))$
- Cíl: Nalézt  $\lambda$ , pro které je řešení problému nesprávně klasifikováno a zároveň  $\|\tilde{x} x\|$  je co nejmenší
- Definuji pomocnou funkci  $g:(0,+\infty) \to \{-1,1\}$ 
  - lacksquare  $g(\lambda)=1$ , pokud  $ilde{x}$  pro ono  $\lambda$  je nesprávně klasifikováno
  - $ullet g(\lambda) = -1$ , pokud ilde x pro ono  $\lambda$  je správně klasifikováno

## Hledání $\lambda$ pomocí bisekce

- 1 Nalézt  $\nu$ , pro které  $g(\nu) = 1$
- 2 Nalézt  $\mu$ , pro které  $g(\mu) = -1$
- 3 Ozn.  $\lambda = \mu + \frac{\nu \mu}{2}$ 
  - Pro  $g(\lambda) = 1$  provést  $\nu \leftarrow \lambda$
  - Pro  $g(\lambda) = -1$  provést  $\mu \leftarrow \lambda$
- 4 Opakovat až  $\nu \mu < \varepsilon$
- Vrátit  $\nu$

## Bisekce a konvergence

- Věta o konvergenci bisekce požaduje spojitost funkce, jejíž kořeny se hledají
- To ovšem g není

## Cílené FGSM

■ Předpis cílené FGSM:  $\tilde{x} = x - \kappa \cdot \text{sign} (\nabla_x L(F_\theta(x), \tilde{y}))$ 

## Počet iterací tréningu neuronové sítě

- Volba probíhala s přihlédnutím k následujícím faktorům:
  - Dostatečný počet vzorků, které síť během trénování potká
    - $\bullet$  5000 · 30 = 150000 > 60000
  - Úspěšnost sítě na testovací datové sadě
  - CPU čas (trénoval jsem na CPU)

## Porovnávání úspěšnosti útoku

- Čistě porovnání procentuální úspěšnosti útoku nezohledňuje blízkost adversariálního vzorku k benignímu
- Čili jako srovnání metod by byla lepší dvojice čísel, a to procentuální úspěšnost útoku a statistika norem perturbací (např. průměr)

## Volba použité normy

Blíže bude vzorek s euklidovskou normou perturbace menší než 0.5 oproti vzorku s maximovou normou perturbace menší než 0.5