



# Фрагментация цветной струны и ближние быстротные корреляции во взаимодействиях адронов высоких энергий

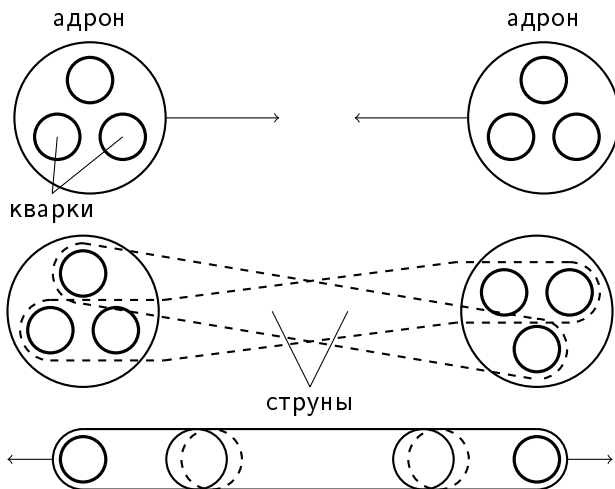
**Автор:** Кравцов Павел Сергеевич

**Научный руководитель:** д.ф.-м.н., профессор Вечернин  
Владимир Викторович

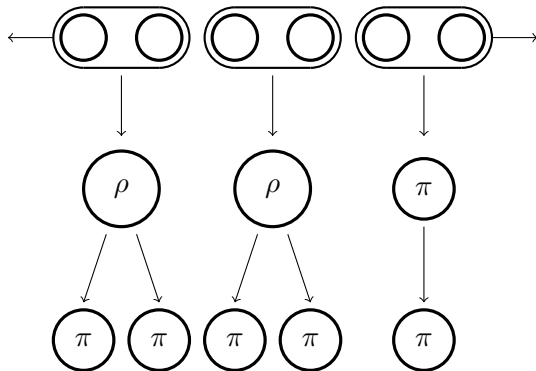
**Рецензент:** к. ф.-м. н., доцент Мацкевич Елена Евгеньевна

Санкт-Петербургский государственный университет  
Кафедра физики высоких энергий и элементарных частиц

# Феноменология адронных струн



# Фрагментация струны



доля  $\rho \approx 70\%$

доля  $\pi \approx 90\%$

При исследовании взаимодействий адронов при сверхвысоких энергиях используются специальные координаты  $(p_{\perp}, \varphi, y)$ :

$$\begin{aligned} p_x &\rightarrow p_{\perp} = \sqrt{p_x^2 + p_y^2} \\ p_y &\rightarrow \varphi : \cos\varphi = p_x/p_{\perp}, \sin\varphi = p_y/p_{\perp} \\ p_z &\rightarrow \begin{cases} y = \frac{1}{2} \ln \frac{E+p_z}{E-p_z} \\ \eta = \ln \left( \operatorname{tg} \frac{\theta}{2} \right) \end{cases} \end{aligned}$$

# Одночастичные распределения и корреляции

Одночастичные распределения:

- $\rho_\varphi(\varphi)$  - равномерное
- $\rho_y(y)$ ,  $\rho_\eta(\eta)$  - приблизительно равномерные
- $\rho_{p_\perp}(p_\perp)$  - затухающее экспоненциальное

Двухчастичные распределения:

- $\rho(\varphi_1, \varphi_2, y_1, y_2)$
- $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$ ,  $\rho(\Delta\varphi, \Delta\eta)$

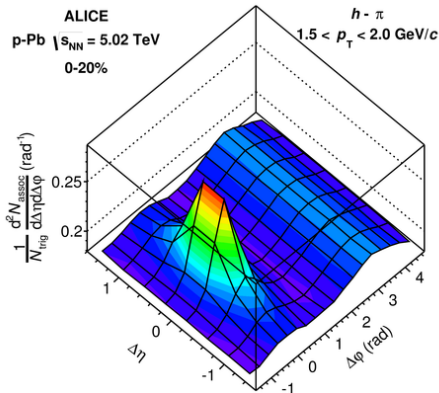


Рис.: Экспериментальное распределение числа частиц по  $(\Delta\eta, \Delta\varphi)$

# Цели

**Глобальная цель:** Построить простую модель на основе струнной феноменологии для объяснения поведения  $(\Delta\varphi, \Delta\eta)$  - корреляций. Найти аналитический вид зависимости  $\rho(\Delta\varphi, \Delta\eta)$ .

**Цель данной работы:** Построить модель объясняющую передний пик в распределении  $\rho(\Delta\varphi, \Delta\eta)$  и найти формулу для него.

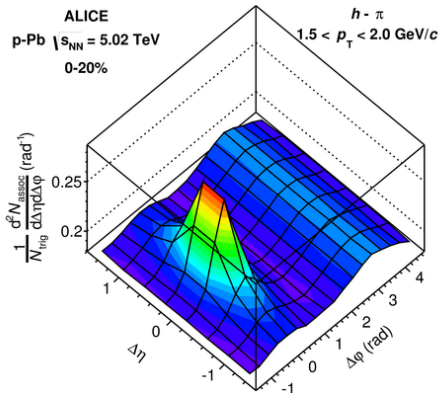


Рис.: Экспериментальное распределение числа частиц по  $(\Delta\eta, \Delta\varphi)$

## Формализация задачи

$\vec{R}, M$  - импульс и масса  $\rho$ -мезона,

$\vec{p}_1, \vec{p}_2$  - импульсы  $\pi$ -мезонов,

$m$  - масса  $\pi$ -мезонов

$$\vec{R} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2$$

$$\vec{p}_1, \vec{p}_2 \rightarrow \vec{k}, -\vec{k}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \operatorname{tg} \varphi_1 = \frac{p_{1y}}{p_{1x}} = \frac{k_y}{R/2 + k_x \sqrt{1 + R^2/M^2}} \\ \operatorname{tg} \varphi_2 = \frac{p_{2y}}{p_{2x}} = -\frac{k_y}{R/2 - k_x \sqrt{1 + R^2/M^2}} \\ y_1 = \frac{1}{2} \ln \frac{E_1 + p_{1z}}{E_1 - p_{1z}} = \frac{1}{2} \ln \frac{E_1 + k_z}{E_1 - k_z} \\ y_2 = \frac{1}{2} \ln \frac{E_2 + p_{2z}}{E_2 - p_{2z}} = \frac{1}{2} \ln \frac{E_2 - k_z}{E_2 + k_z} \end{array} \right.$$

$$\operatorname{tg} \Delta\varphi = \frac{\pm R \sqrt{k^2 - k_x^2 - k_z^2}}{R^2/4 - k^2 - k_x^2 R^2/M^2 + k_z^2}$$

$$\Delta y = \frac{1}{2} \ln \frac{(R^2 + M^2)/4 - k_x^2 R^2/M^2 + k_z^2 + k_z \sqrt{R^2 + M^2}}{(R^2 + M^2)/4 - k_x^2 R^2/M^2 + k_z^2 - k_z \sqrt{R^2 + M^2}}$$

## Распределение $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$

$$\rho(\Delta\varphi, \Delta y) = \frac{D(\Delta\varphi, \Delta y)}{D(k_x, k_z)} \rho(k_x, k_z) \propto \frac{D(k_x, k_z)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} \frac{1}{\sqrt{k_x^2 + k_z^2}}$$

$$k_x, k_z \rightarrow x, k_z \rightarrow x, Y \rightarrow \Phi, Y \rightarrow \Delta\varphi, \Delta y$$

$$x = k_x^2 R^2 / M^2 + k^2 - k_z^2 - R^2 / 4$$

$$Y = \frac{k^2 + M^2 / 4 - x + k_z \sqrt{R^2 + M^2}}{k^2 + M^2 / 4 - x - k_z \sqrt{R^2 + M^2}}$$

$$\Phi = \frac{1}{x} \sqrt{(R^2 + M^2)k^2 - u^2(k^2 + M^2/4 - x)^2 - M^2 x - M^2 R^2 / 4}$$

$$\Delta\varphi = \arctg \Phi, \Delta y = \frac{1}{2} \ln Y$$



## Распределение $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$

$$\rho(\Delta\varphi, \Delta y) = \frac{D(\Delta\varphi, \Delta y)}{D(k_x, k_z)} \rho(k_x, k_z) \propto \frac{D(k_x, k_z)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} \frac{1}{\sqrt{k_x^2 + k_z^2}}$$

$$k_x, k_z \rightarrow x, k_z \rightarrow x, Y \rightarrow \Phi, Y \rightarrow \Delta\varphi, \Delta y$$

$$\begin{aligned} \frac{D(k_x, k_z)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} &= \frac{D(k_x, k_z)}{D(x, k_z)} \frac{D(x, k_z)}{D(x, Y)} \frac{D(x, Y)}{D(\Phi, Y)} \frac{D(\Phi, Y)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} \\ &= \frac{\partial k_x(x, k_z)}{\partial x} \cdot \frac{\partial k_z(x, Y)}{\partial Y} \cdot \frac{\partial x(\Phi, Y)}{\partial \Phi} \cdot \frac{\partial \Phi(\Delta\varphi, \Delta y)}{\partial \Delta\varphi} \cdot \frac{\partial Y(\Delta\varphi, \Delta y)}{\partial \Delta y} \end{aligned}$$

# Результат вычислений

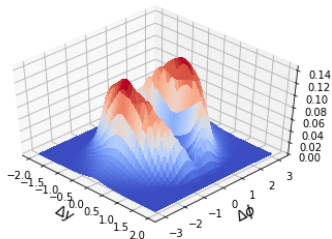


Рис.: Распределение числа частиц  $\rho(\Delta y, \Delta\varphi)$  для  $R = 1 \text{ GeV}$

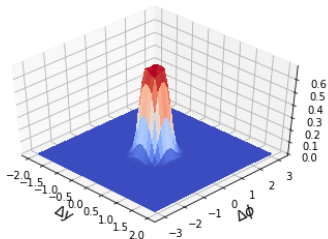


Рис.: Распределение числа частиц  $\rho(\Delta y, \Delta\varphi)$  для  $R = 5 \text{ GeV}$

## Задний ридж



Разность быстрот между соседними фрагментами:

$$\Delta y \approx \pm 1$$

Распределение по  $\Delta\varphi$ :

$$\begin{aligned} \rho_{\Delta\varphi}(\Delta\varphi) &= \\ &= \frac{3}{8\pi} \frac{\sqrt{1-\gamma^2} - \gamma \arccos\gamma}{(1-\gamma^2)^{3/2}}, \end{aligned}$$

$$\text{где } \gamma = \frac{\cos\Delta\varphi}{2}.$$

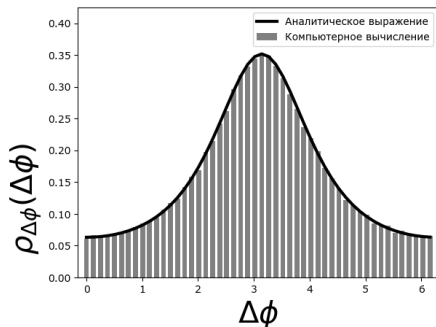
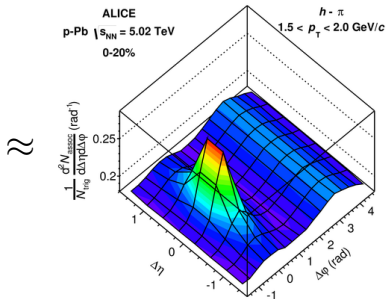
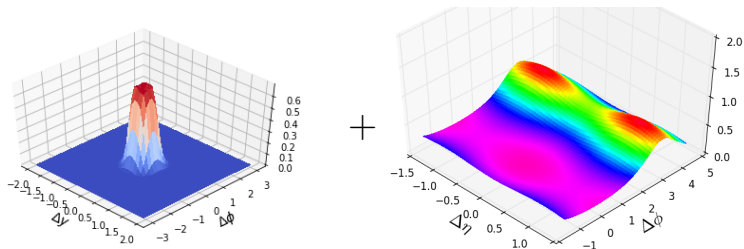


Рис.: Распределение числа частиц  $\rho_{\Delta\varphi}(\Delta\varphi)$  для сечения  $\Delta y = \pm 1$

# Схема объединения распределений



- Была построена модель объясняющая образование переднего пика посредством влияния распада  $\rho$ -резонансов. Модель может использоваться как составная часть более сложных моделей.
- Для  $\rho(\Delta u, \Delta \varphi)$  удалось найти аналитическую формулу. Она может быть использованна для аппроксимации экспериментальных данных, нахождения параметров столкновения и их погрешностей.