



## Фрагментация цветной струны и ближние быстротные корреляции во взаимодействиях адронов высоких энергий

Автор: Кравцов Павел Сергеевич  
Научный руководитель: д.ф.-м.н., профессор Вечерин  
Владимир Викторович  
Рецензент: к. ф.-м. н., доцент Мацевич Елена Евгеньевна

Санкт-Петербургский государственный университет  
Кафедра физики высоких энергий и элементарных частиц

Кравцов Павел (СПбГУ)

5 июня 2018г. 1 / 13

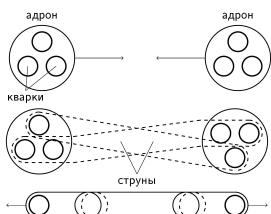
Здравствуйте.

Меня зовут Кравцов Павел.

Я зашишаю работы на тему "ФРАГМЕНТАЦИЯ ЦВЕТНОЙ СТРУНЫ И БЛИЖНИЕ БЫСТРОТНЫЕ КОРРЕЛЯЦИИ ВО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯХ АДРОНОВ ВЫСОКИХ ЭНЕРГИЙ".

В работе мы рассматриваем адронные столкновения в феноменологии адронных струн. Здесь механизм столкновения представляется следующим образом:

### Феноменология адронных струн

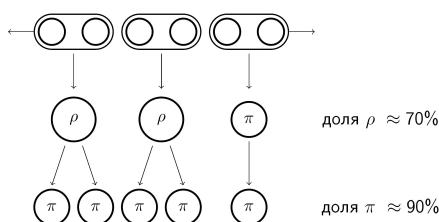


Кравцов Павел (СПбГУ)

5 июня 2018г. 2 / 13

- Друг навстречу другу летят адроны с околосветовой скоростью.
- Они состоят из кварков.
- Цветовые поля кварков переплеливаются на кварки другого адрона и образуются т. н. струны.
- Струны представляют собой трубки цветового поля с разлетающимися на концах кварками
- В струнах запасена энергия, достаточная для образования множества частиц, поэтому они каскадно рвутся на более мелкие струны.

### Фрагментация струны



- Фрагменты струны, которые слишком малы для дальнейшего деления, в данной феноменологии представляются новыми частицами с соответствующим кварковым составом.
- До детекторов доходит множество частиц, более 90% из них - пионы.
- Тем не менее считается что большинство  $\pi$ -мезонов образовались не непосредственно из струн, а от распадов  $\rho$ -мезонов, которые появились от фрагментации струны.

Кравцов Павел (СПбГУ)

5 июня 2018г. 3 / 13

## Импульс мезона

При исследовании взаимодействий адронов при сверхвысоких энергиях используются специальные координаты  $(p_\perp, \varphi, y)$ :

$$\begin{aligned} p_x &\rightarrow p_\perp = \sqrt{p_x^2 + p_y^2} \\ p_y &\rightarrow \varphi : \cos\varphi = p_x/p_\perp, \sin\varphi = p_y/p_\perp \\ p_z &\rightarrow [y = \frac{1}{2}\ln\frac{E+p_z}{E-p_z}] \\ \eta &= \ln(\operatorname{tg}\frac{\varphi}{2}) \end{aligned}$$

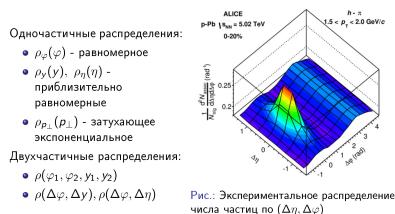
Для исследования столкновений при сверхвысоких энергиях используются специальные координаты. Мы считаем ось z сонаправленной с осью столкновения. Если у нас есть частица с декартовыми компонентами  $p_x, p_y, p_z$ , то вместо  $p_x, p_y$  мы вводим полярные координаты - поперечный импульс и азимутальный угол.

Вместо z-компоненты используются либо быстрота, которая выражается через энергию частицы и z-компоненту импульса, либо псевдобыстрота, которая зависит от угла между импульсом и осью z. Псевдобыстрота больше подходит для экспериментальных данных, т. к., для ее определения, нужно знать лишь направление движения. На самом деле эти величины приблизительно равны друг другу.

Итак, по азимутальному углу, быстроте и поперечному импульсу рассматривают распределения частиц. Мы обозначаем через  $\rho$  - плотность распределения, и если необходимо ставим индекс. Про распределения известно следующее:

- Из симметрии вокруг оси z распределение по азимутальному углу  $\varphi$  равномерно.
- Из эксперимента также известно, что распределения по быстроте и псевдобыстроте приблизительно равномерное в широком диапазоне.
- Про импульс известно, что он экспоненциально убывает. Это все что можно сказать про одночастичные распределения.

## Одночастичные распределения и корреляции

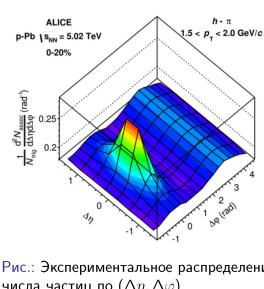


Более содержательными являются двухчастичные распределения или корреляции. Мы смотрим на распределения компонент импульса у пары частиц. То есть на функции вроде этой. Так как распределения по углу  $\varphi$  и быстроте равномерны, то нетривиальная зависимость может получиться лишь по разности компонент. Поэтому обычно рассматривают двумерное распределение Зависящее от разности углов и разности быстрот. Ну или псевдобыстрот. На рис типичное распределение по азимутальному углу и псевдобыстроте, полученное из эксперимента.

## Цели

Глобальная цель: Построить простую модель на основе струнной феноменологии для объяснения поведения  $(\Delta\varphi, \Delta y)$  - корреляций. Найти аналитический вид зависимости  $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$ .

Цель данной работы: Построить модель объясняющую передний пик в распределении  $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$  и найти формулу для него.



Теперь о целях работы: Есть общая цель: построить простую модель на основе струнной феноменологии для объяснения поведения  $(\Delta\varphi, \Delta y)$  - корреляций. Найти аналитический вид зависимости  $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$ .

И есть конкретная цель для магистерской работы - это построить модель объясняющую передний пик в распределении  $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$  и найти формулу для него. На самом можно ожидать, что пик будет обусловлен распадом резонансов, т. к. при распаде образуются пары частиц летящих приблизительно в одном направлении.

## Формализация задачи

$\vec{R}, M$  - импульс и масса  $\rho$ -мезона,  
 $\vec{p}_1, \vec{p}_2$  - импульсы  $\pi$ -мезонов,  
 $m$  - масса  $\pi$ -мезонов

$$\vec{R} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2$$

$$\vec{p}_1, \vec{p}_2 \rightarrow \vec{k}, -\vec{k}$$

$$\operatorname{tg} \Delta\varphi = \frac{\pm R\sqrt{k_x^2 - k_z^2}}{R^2/4 - k^2 - k_x^2 R^2/M^2 + k_z^2}$$

$$\Delta y = \frac{1}{2} \ln \frac{(R^2 + M^2)/4 - k_x^2 R^2/M^2 + k_z^2 + k_z \sqrt{R^2 + M^2}}{(R^2 + M^2)/4 - k_x^2 R^2/M^2 + k_z^2 - k_z \sqrt{R^2 + M^2}}$$

Формализуем задачу. У нас есть  $\rho$ -мезон с импульсом  $R$ , и он распадается на 2  $\pi$ -мезона с импульсами  $p_1, p_2$ . В системе отсчета  $\rho$ -мезона, эти импульсы противоположны друг другу. Обозначим их  $k$  и  $-k$ . Модуль вектора  $k$  выражается через массы мезонов. Направление  $k$  мы считаем произвольным. Мы сделаем преобразования Лоренца и свяжем компоненты импульсов в разных системах отсчета. И мы можем выразить переменные  $(\Delta\varphi, \Delta y)$  по которым хочется найти распределение, через переменные  $(k_x, k_y, k_z)$ , про которые мы знаем, что они распределены равномерно по всем направлениям. Впоследствии эту пару уравнений нужно будет обратить. Это было бы непосильной задачей, но здесь есть одинаковая комбинация, что дает шанс получить все формулы в явном виде.

## Распределение $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$

$$\rho(\Delta\varphi, \Delta y) = \frac{D(\Delta\varphi, \Delta y)}{D(k_x, k_z)} \rho(k_x, k_z) \propto \frac{D(k_x, k_z)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} \frac{1}{\sqrt{k_x^2 + k_z^2}}$$

$$k_x, k_z \rightarrow x, k_z \rightarrow x, Y \rightarrow \Phi, Y \rightarrow \Delta\varphi, \Delta y$$

$$x = k_x^2 R^2/M^2 + k^2 - k_z^2 - R^2/4$$

$$Y = \frac{k^2 + M^2/4 - x + k_z \sqrt{R^2 + M^2}}{k^2 + M^2/4 - x - k_z \sqrt{R^2 + M^2}}$$

$$\Phi = \frac{1}{x} \sqrt{(R^2 + M^2)k^2 - u^2(k^2 + M^2/4 - x)^2 - M^2 x - M^2 R^2/4}$$

$$\Delta\varphi = \arctg \Phi, \Delta y = \frac{1}{2} \ln Y$$

Можно исключить из рассмотрения одну из компонент вектора  $k$ , например  $y$ -компоненту, т. к.  $y$  фиксированый модуль и можно выразить  $k_y$ , через  $k_x, k_z$ . Распределения связаны следующим через якобиан преобразования координат. Равномерное распределение по направлениям в декартовых координатах выглядит так. Для вычисления определителя мы делаем поочередную замену координат.

## Распределение $\rho(\Delta\varphi, \Delta y)$

$$\rho(\Delta\varphi, \Delta y) = \frac{D(\Delta\varphi, \Delta y)}{D(k_x, k_z)} \rho(k_x, k_z) \propto \frac{D(k_x, k_z)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} \frac{1}{\sqrt{k_x^2 + k_z^2}}$$

$$k_x, k_z \rightarrow x, k_z \rightarrow x, Y \rightarrow \Phi, Y \rightarrow \Delta\varphi, \Delta y$$

$$\frac{D(k_x, k_z)}{D(\Delta\varphi, \Delta y)} = \frac{D(x, k_z) D(x, k_z) D(x, Y) D(\Phi, Y) D(\Delta\varphi, \Delta y)}{D(x, k_z) D(x, Y) D(\Phi, Y) D(\Delta\varphi, \Delta y)}$$

$$= \frac{\partial k_x(x, k_z)}{\partial x} \cdot \frac{\partial k_z(x, Y)}{\partial Y} \cdot \frac{\partial x(\Phi, Y)}{\partial \Phi} \cdot \frac{\partial \Phi(\Delta\varphi, \Delta y)}{\partial \Delta\varphi} \cdot \frac{\partial Y(\Delta\varphi, \Delta y)}{\partial \Delta y}$$

## Результат вычислений

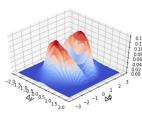


Рис.: Распределение числа частиц  $\rho(\Delta y, \Delta\varphi)$  для  $R = 1 \text{ GeV}$

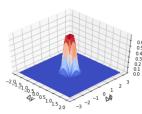
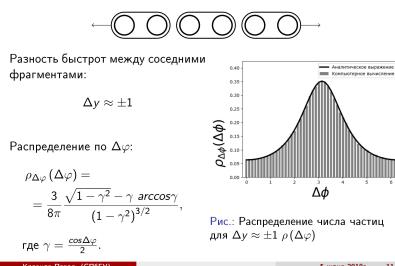


Рис.: Распределение числа частиц  $\rho(\Delta y, \Delta\varphi)$  для  $R = 5 \text{ GeV}$

На графиках представлен результат вычислений в графической форме. Результат зависит от модуля импульса  $\rho$ -мезона  $R$ . Если он большой то виден явный пик, если маленький, то пик разделяется на две.

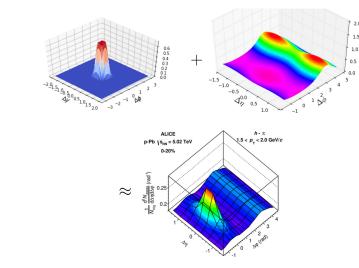
### Задний ридж



Крашев Павел (СФМГУ)

Можно еще рассматривать корреляции от соседних фрагментов струны. Это было сделано в моей бакалаврской работе. В месте разрыва струны кварки преобразуют противоположный импульс. Из-за этого импульсы фрагментов тоже ориентируются в приблизительно противоположных направлениях. Поэтому здесь имеется пик в точке  $\varphi = \pi$ . Известно, что соседние участки струны различаются приблизительно на единицу быстроты. В этой задаче так же можно получить явные формулы.

### Схема по объединению распределений



От таких корреляций получаются 2 более низких и пологих пика в центре  $\varphi = \pi, \Delta y = \pm 1$ . Они образуют структуру которая называется задний ридж. Если скомбинировать две простые модели, из этой работы и из бакалаврской, то они уже объясняют в общих чертах экспериментальные данные. Кроме того эту конструкцию можно улучшать добавляя различные эффекты, вроде слияния струн или учет поперечного импульса.

### Результаты

- Была построена модель объясняющая образование переднего пика посредством влияния распада  $\rho$ -резонансов. Модель может использоваться как составная часть более сложных моделей.
- Для  $\rho(\Delta y, \Delta\varphi)$  удалось найти аналитическую формулу. Она может быть использована для аппроксимации экспериментальных данных, нахождения параметров столкновения и их погрешностей.

### Результаты работы:

Была построена модель объясняющая образование переднего пика посредством влияния распада  $\rho$ -резонансов. Модель может использоваться как составная часть более сложных моделей.

Для  $\rho(\Delta y, \Delta\varphi)$  удалось найти аналитическую формулу. Она может быть использована для аппроксимации экспериментальных данных, нахождения параметров столкновения и их погрешностей.

На этом все, спасибо за внимание.

Крашев Павел (СФМГУ)

5 июня 2018г. 13 / 13