

- **Acyklický graf** - je Graf, který jako podgraf neobsahuje kružnici.
- **Barvení grafu** - zabývá se přiřazováním barev různým objektům v grafu - vrcholům, hranám, stěnám atd.
- **Bipartitní graf** □ **dvojbarevný graf**
- **Cesta** - Cesta grafu  $G = (V, E)$  je posloupnost  $P = (v_0, e_1, v_1, e_2, \dots, e_n, v_n)$ , pro kterou platí  $e_i = \{v_{i-1}, v_i\}$  a navíc  $v_i \neq v_j$  pro  $i \neq j$ . Je to tedy posloupnost vrcholů, pro kterou platí, že v grafu existuje hrana z daného vrcholu do jeho následníka. Žádné dva vrcholy se přitom neopakují.
- **Cyklický graf** - je graf, který jako podgraf obsahuje cyklus.
- **Cyklus** – uzavřená orientovaná cesta
- **Eulerova formule** – Po každý souvislý rovinný graf, který má  $n$  vrcholů,  $m$  hran a  $s$  stěn platí:  $n + s = m + 2$
- **Eulerovský graf** - je to takový graf, ve kterém existuje Eulerovský tah.
- **Eulerovský tah** - označuje takový tah, který obsahuje každou hranu právě jednou.
- **Existenční úloha** - zjišťuje se, zda v daném grafu existuje hemiltonovská cesta.
- **Faktor** - faktor grafu  $G$  je podgraf grafu  $G$ , který má stejnou množinu vrcholů jako  $G$
- **Graf** - Graf je základním objektem teorie grafů. Je to uspořádaná dvojice  $(V, E)$ , kde  $V$  je nějaká neprázdná množina a  $E$  množina některých prvků z  $V$ .
- **Hemiltonovská cesta** - otevřená cesta se nazývá Hemiltonovská, obsahuje-li všechny vrcholy (přesně jedenkrát).
- **Hemiltonovský cyklus** - cyklus, který obsahuje všechny vrcholy.
- **Hemiltonovská kružnice** - kružnice, která obsahuje všechny vrcholy.
- **Hrana** - Je to uspořádaná nebo neuspořádaná dvojice (obecně  $k$ -tice) vrcholů grafu. Graficky se znázorňuje jako přímka nebo oblouk mezi vrcholy, které spojuje.
- **Jádro** orientovaného grafu je množina vrcholů taková, že žádné dva vrcholy z jádra nejsou spojeny hranou a každý vrchol grafu patří do jádra nebo z něho vede orientovaná hrana do jádra
- **Klika** – množina vrcholů  $K$  neorientovaného grafu  $G$  taková, že každé dva vrcholy z  $K$  jsou spojeny hranou a je maximální s touto vlastností.
- **Komponenta souvislosti** - Máme dán graf  $G$ . Komponenta souvislosti je maximální množina vrcholů  $A$  taková, že indekovaný podgraf určený  $A$  je souvislý. Maximální množinu zde rozumíme takovou množinu  $A$ , pro kterou platí, že přidáme-li k množině  $A$  libovolný vrchol, podgraf indukovaný touto větší množinou už souvislý nebude. Graf je souvislý má-li jedinou komponentu souvislosti.
- **Kondenzace** - Kondenzace je taková operace, která ze silné komponenty vytvoří jeden uzel.
- **Kořen** – vrchol  $r$  je kořenem právě tehdy, když každý vrchol grafu je orientovaně dostupný z  $r$ .
- **Kořenový strom** – orientovaný graf, který má kořen a je stromem. Binární kořenový strom – každý vrchol má max. jednoho předchůdce a dva potomky (např. halda).
- **Kostra grafu** - Kostra souvislého grafu  $G$  je takový podgraf souvislého grafu  $G$  na množině všech jeho vrcholů (viz. faktor), který je stromem.
- **Kruskakův algoritmus** - Algoritmus využívající se k nalezení minimální kostry grafu, jehož hrany mají nezáporné ohodnocení. U souvislého grafu hledá podmnožinu hran, která tvoří strom obsahující všechny uzly, s tím, že celková váha hran grafu je minimální. V případě grafu o více komponentách, hledá algoritmus les minimálních koster, tedy minimální kostru každé komponenty. Kruskalův algoritmus je příkladem hladového algoritmu.
- **Kružnice** – uzavřená neorientovaná cesta
- **Minimální kostra grafu** - Je dán souvislý graf  $G$  spolu s ohodnocením hran  $c$ , tj. pro každou hranu  $e \in E(G)$  je dáno číslo  $c(e)$  (číslo  $c(e)$  nazýváme cenou hrany  $e$ ). Minimální kostra grafu  $G = (V, E)$  je taková kostra grafu  $K = (V, L)$ , že  $\sum_{e \in L} c(e)$  je nejmenší (mezi všemi kostrami grafu  $G$ ).
- **Násobné hrany** - více hran spojujících stejné vrcholy.
- **Neorientovaná hrana** - neuspořádaná dvojice; bez vyznačení směru průchodu, hranou lze procházet oběma směry.
- **Nezávislá množina** – množina vrcholů  $A$  grafu  $G$  taková, že žádná hrana grafu  $G$  nemá oba krajní vrcholy v  $A$ .

- **Nezávislost grafu** – počet vrcholů v nejpočetnější nezávislé množině grafu  $G$ , značíme  $\alpha(G)$ .
- **NP-úplná úloha** - problémy jsou takové nedeterministicky polynomiální problémy, na které jsou polynomiálně redukovány všechny ostatní problémy z NP. (snad vám to pomohlo tak jako mně :D )
- **Obarvení grafu** – přiřazení barev vrcholům grafu  $G$  tak, že žádné dva vrcholy spojené hranou nemají stejnou barvu. ( $G$  je neorientovaný graf bez smyček.)
- **Ohodnocení hrany** - vyjadřuje kvalitu nebo kvantitu vztahu mezi dvěma vrcholy.
- **Optimalizační úloha** - v optimalizačních úlohách jsou hrany grafu ohodnoceny délkami a požaduje se nalezení hamiltonovské cesty, kružnice nebo cyklu s co nejmenším součtem délek jednotlivých hran tvořících cestu, kružnici nebo cyklus.
- **Orientovaná hrana** - uspořádaná dvojice vrcholů; má vyznačen směr průchodu, hranou lze procházet pouze ve vyznačeném směru.
- **Orientovaný graf** - Je to takový graf, jehož hrany jsou uspořádané dvojice.
- **Podgraf** - Termín podgraf se v teorii grafů používá jako jistá obdoba pojmu podmnožina.
- **Problém čtyř barev** - jde o problém, který zní: "Stačí čtyři barvy na obarvení libovolné politické mapy tak, aby žádné dva sousedící státy nebyly obarveny stejnou barvou?"
- **Prostý graf** - nemá paralelní hrany
- **Regulární graf** - je takový graf, jehož všechny vrcholy mají stejný stupeň. Regulární graf s vrcholy, které mají stupeň  $k$  se nazývá  $k$ -regulární.
- **Rovinný graf** - je graf, pro který existuje takové rovinné nakreslení (= že se žádné dvě hrany nekříží)
- **Sekvenční barvení** – dává horní odhad pro barevnost grafu. Obarví graf  $\Delta+1$  barvami ( $\Delta$  – nejvyšší stupeň vrcholu grafu  $G$ ). Postup: libovolně seřadíme vrcholy do posloupnosti a probíráme vrcholy v tomto pořadí, vrcholu  $v_i$  přiřadíme vždy nejmenší barvu, co nemá žádný ze sousedů.
- **Silně regulární graf** - je takový graf, v němž má každá dvojice sousedních vrcholů stejný počet  $k$  společných sousedů a každá dvojice nesousedních vrcholů stejný počet  $n$  společných sousedů.
- **Silně souvislá komponenta** - maximální množina vrcholů  $K$  grafu  $G$  taková, že pro všechny dvojice vrcholů  $u, v \in K$  existuje cesta z  $u$  do  $v$  a zároveň z  $v$  do  $u$ .
- **Silně souvislý graf** - je takový graf, pokud pro každé dva vrcholy  $x, y$  existuje cesta z  $x$  do  $y$  i z  $y$  do  $x$ .
- **Skóre grafu** - je to libovolně uspořádaná posloupnost stupňů jeho vrcholů. Dvě skóre považujeme za stejná, pokud jedno dostaneme permutací čísel druhého.
- **Slabě souvislý graf** - je takový graf, jehož symetrizace je souvislý graf.
- **Sled** - Je to posloupnost vrcholů a hran, kde se mohou opakovat jak vrcholy, tak hrany.
- **Smyčka** - hrana vedoucího z vrcholu do něj samotného.
- **Souvislý graf** - je takový (neorientovaný) graf, v němž platí, že pro každé dva vrcholy  $x, y$  existuje alespoň jedna cesta z  $x$  do  $y$ .
- **Strom** - jedná se o neorientovaný, souvislý graf, neobsahující kružnici.
- **Stupeň vrcholu** - je počet hran, které do daného vrcholu zasahují. Značí se  $d(u)$ .
- **Stěna grafu** – je část roviny, která je ohraničena křivkami odpovídajícími hranám grafu  $G$ , je-li dáno jeho rovinné nakreslení. Jedna ze stěn je vždy neomezená, zbylé omezené.
- **Tah** - Je to posloupnost vrcholů a hran, kde se mohou opakovat vrcholy, ale ne hrany.
- **Topologické očíslování vrcholů** je taková posloupnost vrcholů, že pro každou hranu  $e$  s počátečním vrcholem  $v_i$  a koncovým  $v_j$  platí  $i < j$ .
- **Úplný graf** - je to neorientovaný graf, v němž jsou každé dva vrcholy spojené hranou.