# Московский авиационный институт (Национальный исследовательский университет)

#### Факультет «Информационные технологии и прикладная математика»

# Курсовая работа

#### по курсу

# «Системы программирования»

#### по теме

# «Разработка и реализация автомата с магазинной памятью» IV семестр

Студент:	Шевчук П.В.
Группа:	М8О-204Б
Преподаватель:	Семенов А.С.
Оценка:	
Дата:	
Подпись:	

Москва 2018

#### Задание

Построение МП-автомата, допускающего язык  $L=\{a^nb^n\mid n\geq 0\}.$  Входная цепочка: aaabbb

```
\begin{split} & \text{MII} = (\{q_0, q_1, q_2, q_f\}, \{a,b\}, \{ z_0, a \}, \delta, q_0, z_0, \{ \ q_f \} \ ) \\ & 1 \ \underline{\delta}(q_0, a, z_0) = \{(q_1, az_0)\} \\ & 2 \ \underline{\delta}(q_1, a, a) = \{(q_1, aa)\} \\ & 3 \ \underline{\delta}(q_1, b, a) = \{(q_2, \epsilon)\} \\ & 4 \ \underline{\delta}(q_2, b, a) = \{(q_2, \epsilon)\} \\ & 5 \ \underline{\delta}(q_2, \epsilon, z_0) = \{(q_f, \epsilon)\} \end{split}
```

#### Последовательность тактов:

```
\begin{array}{ll} (q_0,aaabbb,z_0) \; \longmapsto_1 \; (q_1,aabbb,az_0) \; \longmapsto_2 \; (q_1,abbb,aaz_0) \; \longmapsto_2 \\ (q_1,bbb,aaaz_0) \; \longmapsto_3 \; (q_2,\quad bb,aaz_0) \; \longmapsto_3 \; (q_1,b,az_0) \; \longmapsto_3 \\ (q_2,\epsilon,z_0) \; \; \longmapsto_4 \; (q_f,\epsilon,\epsilon) \end{array}
```

#### Теория

МП автомат - это семерка объектов

$$M\Pi = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, z_0, F)$$

Q – конечное множество состояний устройства управления;

∑ - конечный алфавит входных символов;

Г - конечный алфавит магазинных символов;

 $\delta$  - функция переходов, отображает множества  $Q \times (\sum \cup \{\epsilon\}) \times \Gamma$  в множество конечных подмножеств множества  $Q \times \Gamma^*$ ;

q₀ - начальное состояние, q₀ ∈ Q;

z₀ - начальный символ магазина, z₀ ∈ Г;

F - множество заключительных состояний, F⊆Q.

Конфигурацией МП-автомата называется тройка  $(q, \omega, z) \in Q \times \sum^* \times \Gamma^*$ , где

- q текущее состояние управляющего устройства;
- $\omega$  необработанная часть входной цепочки (первый символ цепочки  $\omega$  находится под входной головкой; если  $\omega = \varepsilon$ , то считается, что вся входная цепочка прочитана).
- z- содержимое магазина (самый левый символ цепочки z считается верхним символом магазина; если  $z=\epsilon$ , то магазин считается пустым).

Такт МП-автомата будем описывать бинарным отношением ⊢, определенным на множестве конфигураций. Будем писать:

$$(q, a\omega, z) \vdash (q', \omega, z\gamma)$$
, если  $\delta(q, a, z) = (q', \gamma)$ , где  $q, q' \in Q, a \in \Sigma \cup \{\epsilon\}, \omega \in \Sigma^*, z \in \Gamma$  и  $\gamma \in \Gamma^*$ 

Если  $\mathbf{a} \neq \mathbf{\epsilon}$ , то и входная цепочка прочитана не вся, то запись  $(\mathbf{q}, \mathbf{a}\omega, \mathbf{z}\gamma) \models (\mathbf{q}', \omega, \mathbf{a}\gamma)$  означает, что МП-автомат в состоянии  $\mathbf{q}$ , обозревая символ  $\mathbf{g}$  входной цепочки и имея символ  $\mathbf{z}$  в верхушке магазина, может перейти в новое состояние  $\mathbf{q}'$ , сдвинуть входную головку на один символ вправо и заменить верхний символ магазина  $\mathbf{z}$  цепочкой магазиных символов  $\gamma$ . Если  $\mathbf{z} = \mathbf{a}$ , то верхний символ удаляется из магазина.

**Если а** =  $\epsilon$ , то текущий входной символ в этом такте называется  $\epsilon$ таком, не принимается во внимание и входная головка остается неподвижной.

є-такты могут выполняться также в случае, когда вся входная цепочка прочитана, но если магазин пуст, то такт МП-автомата невозможен по определению.

#### Код программы

Приведены основные фрагменты кода.

```
Program.cs
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Collections;
using System.Linq;
using System.Data;
using System.Text;
namespace myCompiler
{
    class Program
    {
             switch (Console.ReadLine())
                 {
                         case "7": //MП - автоматы
myMp Mp = new myMp(new ArrayList() { "q0", "q1", "q2", "qf"
}, new ArrayList() { "a", "b" }, new ArrayList() { "z0", "a" }, "q0", new ArrayList()
{ "qf" });
                         Mp.addDeltaRule("q0", "a", "z0", new ArrayList() { "q1" },
new ArrayList() { "a", "z0" });
                         Mp.addDeltaRule("q1", "a", "a", new ArrayList() { "q1" }, new
ArrayList() { "a", "a" });
                         Mp.addDeltaRule("q1", "b", "a", new ArrayList() { "q2" }, new
ArrayList() { "e" });
                         Mp.addDeltaRule("q2", "b", "a", new ArrayList() { "q2" }, new
ArrayList() { "e" });
                         Mp.addDeltaRule("q2", "e", "z0", new ArrayList() { "qf" },
new ArrayList() { "e" });
                         Console.Write("Debug Mp ");
                         Mp.debugDelta();
                         Console.WriteLine("\nEnter the line :");
Console.WriteLine(Mp.Execute (Console.ReadLine()).ToString());
                         break;
                 }
    }
}
MyMP.cs
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Collections;
using System.Ling;
using System.Text;
namespace myCompiler
```

```
{
    class DeltaQSigmaGamma
    {
        // структура Delta отображения
        private string LeftQ = null; // исходное состояние
        private string LeftT = null; // символ входной цепочки private string LeftZ = null; // верхний символ магазин
        private ArrayList RightQ = null; // множество следующих состояний
        private ArrayList RightZ = null; // множество символов магазина
        public string leftQ { get { return LeftQ; } set { LeftQ = value; } }
        public string leftT { get { return LeftT; } set { LeftT = value; } }
        public string leftZ { get { return LeftZ; } set { LeftZ = value; } }
        public ArrayList rightQ { get { return RightQ; } set { RightQ = value; } }
        public ArrayList rightZ { get { return RightZ; } set { RightZ = value; } }
                   q1 , a , z ) = LeftQ LeftT LeftZ
        // Delta ( q1
                                           ) = \{ \{q\} \}
                                                           {z1z2...} }
                                               RightQ
                                                              RightZ
        public DeltaQSigmaGamma(string LeftQ, string LeftT, string LeftZ, ArrayList
RightQ, ArrayList RightZ)
            this.LeftQ = LeftQ;
            this.LeftT = LeftT;
            this.LeftZ = LeftZ;
            this.RightQ = RightQ;
            this.RightZ = RightZ;
        }
    } // end class Delta
    class myMp : Automate
                             //M\Pi = \{\}
        // Q - множество состояний МП - автомата
        // Sigma - алфавит входных символов
        // DeltaList - правила перехода
        // Q0 - начальное состояние
        // F - множество конечных состояний
        public ArrayList Gamma = null; //алфавит магазинных символов
        public string z0 = null;
                                           //начальный символ магазина
        public Stack Z = null;
        private int c = 1;
        public myMp(ArrayList Q, ArrayList Sigma, ArrayList Gamma, string Q0,
ArrayList F)
            : base(Q, Sigma, F, Q0)
        {
            this.Gamma = Gamma;
            this.Z = new Stack();
            Q0 = Q[0].ToString(); // начальное состояние
            Z.Push(Q0); // начальный символ в магазине
                             // пустое множество заключительных состояний
            this.F = F;
        }
        //
        public myMp(myGrammar KCgrammar)
            : base(new ArrayList() { "q" }, KCgrammar.T, new ArrayList() { }, "q")
        {
            this.Gamma = new ArrayList();
            this.Z = new Stack();
```

```
foreach (string v1 in KCgrammar.V)
                                                 // магазинные символы
                Gamma.Add(v1);
            foreach (string t1 in KCgrammar.T)
                Gamma.Add(t1);
            Q0 = Q[0].ToString(); // начальное состояние
            Z.Push(KCgrammar.S0); // начальный символ в магазине
            F = new ArrayList(); // пустое множество заключительных состояний
            DeltaQSigmaGamma delta = null;
            foreach (string v1 in KCgrammar.V)
                         // сопоставление правил с отображениями
                ArrayList q1 = new ArrayList();
                ArrayList z1 = new ArrayList();
                foreach (Prule rule in KCgrammar.Prules)
                {
                    if (rule.leftNoTerm == v1)
                    {
                        Stack zb = new Stack();
                        ArrayList rr = new ArrayList(rule.rightChain);
                        rr.Reverse();
                        foreach (string s in rr)
                            zb.Push(s);
                        z1.Add(zb);
                        q1.Add(Q0);
                    }
                }
                delta = new DeltaQSigmaGamma(Q0, "e", v1, q1, z1);
                DeltaList.Add(delta);
            }
            foreach (string t1 in KCgrammar.T)
                Stack e = new Stack();
                e.Push("e");
                delta = new DeltaQSigmaGamma(Q0, t1, t1, new ArrayList() { Q0 }, new
ArrayList() { e });
                DeltaList.Add(delta);
            }
        }
        public void addDeltaRule(string LeftQ, string LeftT, string LeftZ, ArrayList
RightQ, ArrayList RightZ)
        {
            DeltaList.Add(new DeltaQSigmaGamma(LeftO, LeftT, LeftZ, RightO, RightZ));
        }
        public bool Execute_(string str)
            string currState = this.Q0;
            DeltaQSigmaGamma delta = null;
            int i = 0;
            str = str + "e";
            for (; ; ) // empty step
                delta = findDelta(currState, str[i].ToString());
                if (delta == null) return false;
                if (delta.leftT != "e")
                    for (; i < str.Length;)</pre>
                        this.Q = delta.rightQ;
                        currState = arrToStr(delta.rightQ);
```

```
if (delta.leftZ == Z.Peek().ToString() &&
delta.rightZ[0].ToString() == "e")
                            this.Z.Pop();
                        }
                        else this.Z.Push(delta.leftT);
                        i++;
                        break;
                    }
                }
                else if (delta.leftT == "e")
                    this.Q = delta.rightQ;
                    this.Z.Pop();
                    if (this.Z.Count == 0) return true;
                    else return false;
                }
            } // end for
        } // end Execute_
        //
        // поиск правила по состоянию.
        private DeltaQSigmaGamma findDelta(string Q, string a)
            foreach (DeltaQSigmaGamma delta in this.DeltaList)
            {
                if (delta.left0 == 0 && delta.leftT == a) return delta;
            }
            return null; // not find
        }
        //*** вспомогательные процедуры ***
        //объединение множеств A or B
        public ArrayList Unify(ArrayList A, ArrayList B)
            ArrayList unify = A;
            foreach (string s in B)
                if (!A.Contains(s))
                    unify.Add(s);
            return unify;
        }
        //преобразование элементов массива в строку
        public string arrToStr(ArrayList array)
        {
            if (array.Equals(null)) return null;
            else
            {
                string newLine = "";
                foreach (string s in array)
                    newLine += s;
                return newLine;
            }
        }
        public string StackToString(Stack Z)
            if (Z.Count == 0) return null;
            else
            {
```

```
string newLine = "";
                Stack temp = new Stack();
                for (int i = 0; i < Z.Count; i++)</pre>
                {
                    temp.Push(Z.Pop());
                    newLine += Z.Peek();
                }
                for (int i = 0; i < temp.Count; i++)</pre>
                    Z.Push(temp.Pop());
                return newLine;
            }
        }
        // ** Debug
        public string DebugStack(Stack s)
        { // печать текущего состояния магазина
            string p = "|";
            Stack s1 = new Stack();
            while (s.Count != 0)
            {
                s1.Push(s.Pop());
                p = p + s1.Peek().ToString();
            while (s1.Count != 0) s.Push(s1.Pop());
            return p;
        }
        public void debugDelta()
            Console.WriteLine("Deltarules :");
            if (this.DeltaList == null) Console.WriteLine("null");
            else
                foreach (DeltaQSigmaGamma d in this.DeltaList)
                { // тут
                    Console.Write("( " + d.leftQ + " , " + d.leftT + " , " + d.leftZ
+ ")");
                    Console.Write(" -> \n");
                    Console.WriteLine("[ { " + arrToStr(d.rightQ) + " } , { " +
arrToStr(d.rightZ) + " } ]");
        }
    }
}
```

### Пример работы

Входная строка: aaabbb – принадлежит языку L.

#### Входная строка: ab – принадлежит языку L.

```
C:\Program Files\dotnet\dotnet.exe
DKA ( lab 2 ) ..... Enter 1
Covert NDKA to DKA
       example ..... Enter 2.1
lab 3 ..... Enter 2
Grammar ( lab 4 - 6 ) ..... Enter 3
MP - auto ( lab 7,8 ) ..... Enter 4
LL - analizator ( lab 9 - 11 ) ..... Enter 5
LR - analizator
        lab 12 - 16 ...... Enter 6 example ..... Enter 6.1
                ..... Enter 7
Debug Mp Deltarules :
( q0 , a , z0 ) ->
  { q1 } , { az0 } ]
 q1 , a , a ) -> { q1 } , { aa } ] q1 , b , a ) ->
  { q2 } , { e } ]
  q2 , b , a ) ->
  { q2 } , { e } ]
q2 , e , z0 ) ->
{ qf } , { e } ]
Enter the line :
ab
True
```

#### Входная строка: a – не принадлежит языку L.

```
C:\Program Files\dotnet\dotnet.exe
DKA ( lab 2 ) ..... Enter 1
Covert NDKA to DKA
        example ..... Enter 2.1
lab 3 ..... Enter 2
Grammar ( lab 4 - 6 ) ..... Enter 3
MP - auto ( lab 7,8 ) .... Enter 4
LL - analizator ( lab 9 - 11 ) .... Enter 5
LR - analizator
        lab 12 - 16 ..... Enter 6
        example ..... Enter 6.1
        kurs ..... Enter 7
Debug Mp Deltarules :
  q0 , a , z0 ) ->
  { q1 } , { az0 } ]
q1 , a , a ) ->
{ q1 } , { aa } ]
  q1 , b , a ) ->
  { q2 } , { e } ]
  q2 , b , a ) ->
  { q2 } , { e } ]
  q2 , e , z0 ) ->
{ qf } , { e } ]
Enter the line :
 alse
```

#### Входная строка: aaaab – не принадлежит языку L.

```
C:\Program Files\dotnet\dotnet.exe
DKA ( lab 2 ) ..... Enter 1
Covert NDKA to DKA
      example ..... Enter 2.1
      lab 3 ..... Enter 2
LR - analizator
      lab 12 - 16 ..... Enter 6
       example ..... Enter 6.1
       kurs ..... Enter 7
Debug Mp Deltarules :
 q0 , a , z0 ) -> { q1 } , { az0 }
 q1 , a , a ) -> { q1 } , { aa } ] q1 , b , a ) -> { q2 } , { e } ]
 q2 , b , a ) ->
{ q2 } , { e } ]
q2 , e , z0 ) ->
{ qf } , { e } ]
Enter the line :
aaaab
False
```

#### Bходная строка: abdffg – принадлежит языку L.

```
C:\Program Files\dotnet\dotnet.exe
 .....
DKA ( lab 2 ) ...................... Enter 1
Covert NDKA to DKA
       example ..... Enter 2.1
       lab 3 ..... Enter 2
Grammar ( lab 4 - 6 )   ...... Enter 3
MP - auto ( lab 7,8 )   .... Enter 4
LL - analizator ( lab 9 - 11 ) ..... Enter 5
LR - analizator
       lab 12 - 16 ..... Enter 6
       example ..... Enter 6.1
       kurs ..... Enter 7
Debug Mp Deltarules :
 q0 , a , z0 ) ->
 { q1 } , { az0 } ] q1 , a , a ) ->
 { q1 } , { aa } ]
q1 , b , a ) ->
{ q2 } , { e } ]
q2 , b , a ) ->
  { q2 } , { e } ]
 q2 , e , z0 ) ->
{ qf } , { e } ]
Enter the line :
abdffg
False
```

#### Заключение

Во время выполнения курсовой работы были отточены навыки работы с мпавтоматами. Это несомненно было полезно, так как поможет в дальнейшем обучении. Так же были приобретены знания в программировании на с# и повторены основные принципы ООП.

В процессе реализации построения мп-автомата был написан код, осуществляющий проверку принадлежности строки заданному языку.