

1. Даны векторы: $a=\{-1;2;-1\}$, $b=\{3;3;-1\}$ и $c=\{-3;-2;3\}$.
Определить ориентацию тройки векторов abc .

Ответ:

Тройка векторов abc левая..

2. Даны векторы: $a=\{1;2;2\}$, $b=\{2;1;2\}$, $c=\{3;-2;2\}$
и $d=\{5;14;10\}$.
Записать вектор d в виде линейной комбинации векторов a , b и c .

Ответ:

Вектор $d = (3)a + (4)b + (-2)c$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{2;-1;1\}$, $g_2=\{3;-2;2\}$ и $g_3=\{1;-2;1\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{2;-1;0\}$, $f_2=\{-1;1;-1\}$ и $f_3=\{-4;3;-1\}$.**

4. Даны: точка $M_1(-3;3;2)$ и плоскость $S: x - y + z + 16 = 0$.
Записать уравнение плоскости S' , проходящей через точку M_1 параллельно плоскости S .

Ответ:

Уравнение плоскости $S: x - y + z + 4 = 0$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/64 - y^2/36 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - гипербола.

Вершины: $A_1(-8;0)$, $A_2(8;0)$.

Действительная ось = 16.

Мнимая ось = 12.

Фокусы $F_1(-10;0)$ и $F_2(10;0)$.

Эксцентриситет $e = 1,25$.

Директрисы: $D_1: x = -6,4$ и $D_2: x = 6,4$.

Асимптоты $L_1: y = -6/8x$ и $L_2: y = 6/8x$.

1. Даны точки: $A(-2;-1)$, $B(-4;1)$ и $C(-6;-1)$.
Найти площадь треугольника.

Ответ:

Площадь треугольника равна $8/2$.

2. Даны векторы: $a=\{-3;-2\}$, $b=\{1;-1\}$ и $c=\{-6;-9\}$
Записать вектор c в виде линейной комбинации векторов a , b .

Ответ:

Вектор $c = (3)a + (3)b$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{0;-1;-1\}$, $g_2=\{1;1;1\}$ и $g_3=\{1;2;3\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{1;1;0\}$, $f_2=\{-2;1;-1\}$ и $f_3=\{1;-1;1\}$.**

4. Даны: точка $M_1(-11;-3;7)$ и прямая L , заданная параметрическим уравнением:
 $x = 1 + t$, $y = 5 + 3t$, $z = 3 + 2t$.
Найти проекцию точки M_1 на линию L .

Ответ:

Проекцией точки M_1 на линию L является точка $(-1;-1;-1)$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/144 - y^2/256 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - гипербола.

Вершины: $A_1(-12;0)$, $A_2(12;0)$.

Действительная ось = 24.

Мнимая ось = 32.

Фокусы $F_1(-20;0)$ и $F_2(20;0)$.

Эксцентриситет $e = 1,67$.

Директрисы: $D_1: x = -7,2$ и $D_2: x = 7,2$.

Асимптоты $L_1: y = -16/12x$ и $L_2: y = 16/12x$.

1. Даны точки: $A(-1;3)$, $B(-4;5)$ и $C(-2;8)$.
Найти площадь треугольника.

Ответ:

Площадь треугольника равна $13/2$.

2. Даны векторы: $a=\{-3;-1;1\}$, $b=\{2;-2;-2\}$, $c=\{3;-2;-1\}$
и $d=\{-14;-3;-2\}$.
Записать вектор d в виде линейной комбинации векторов a , b и c .

Ответ:

Вектор $d = (3)a + (5)b + (-5)c$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{0;-1;-1\}$, $g_2=\{1;-2;0\}$ и $g_3=\{1;-2;1\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{-2;3;-2\}$, $f_2=\{-1;1;-1\}$ и $f_3=\{0;-1;1\}$.**

4. Даны: точка $M_1(2;1;-1)$ и плоскость $S: 2x - 3y - 3z - 48 = 0$.
Найти расстояние от точки M_1 до плоскости S .

Ответ:

Расстояние от точки M_1 до плоскости S равно: $44/\sqrt{22} = 9,38$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/289 + y^2/64 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - эллипс.

Вершины: $A_1(-17;0)$, $A_2(17;0)$, $B_1(0;-8)$, $B_2(0;8)$.

Большая ось = 34.

Малая ось = 16.

Фокусы: $F_1(-15;0)$ и $F_2(15;0)$.

Эксцентриситет $e = 0,88$.

Директрисы $D_1: x = -19,27$ и $D_2: x = 19,27$.

1. Даны точки: $A(-3;-1)$, $B(-4;2)$ и $C(-1;3)$.
Найти площадь треугольника.

Ответ:

Площадь треугольника равна $10/2$.

2. Даны векторы: $a = \{-1;-3;-3\}$, $b = \{-3;-1;2\}$, $c = \{-2;1;1\}$
и $d = \{-4;10;13\}$.
Записать вектор d в виде линейной комбинации векторов a , b и c .

Ответ:

Вектор $d = (-3)a + (1)b + (2)c$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\} = \{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\} = \{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1 = \{1;0;0\}$, $g_2 = \{2;2;3\}$ и $g_3 = \{1;3;5\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1 = \{1;0;0\}$, $f_2 = \{-7;5;-3\}$ и $f_3 = \{4;-3;2\}$.**

4. Даны: точка $M_1(6;5;8)$ и плоскость $S: x + 2y + 2z - 5 = 0$.
Записать уравнение прямой линии L' , проходящей через точку M_1 ортогонально плоскости S .

Ответ:

Уравнение прямой линии $L': x = 6 - t, y = 5 - 2t, z = 8 - 2t$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/36 - y^2/64 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - гипербола.

Вершины: $A_1(-6;0)$, $A_2(6;0)$.

Действительная ось = 12.

Мнимая ось = 16.

Фокусы $F_1(-10;0)$ и $F_2(10;0)$.

Эксцентриситет $e = 1,67$.

Директрисы: $D_1: x = -3,6$ и $D_2: x = 3,6$.

Асимптоты $L_1: y = -8/6x$ и $L_2: y = 8/6x$.

1. Даны векторы: $a=\{1;2;2\}$, $b=\{-3;-2;-1\}$ и $c=\{3;-1;1\}$.
Определить ориентацию тройки векторов abc .

Ответ:

Тройка векторов abc правая..

2. Даны векторы: $a=\{2;-2\}$, $b=\{-2;-1\}$ и $c=\{-18;6\}$
Записать вектор c в виде линейной комбинации векторов a , b .

Ответ:

Вектор $c = (-5)a + (4)b$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{1;1;0\}$, $g_2=\{2;2;1\}$ и $g_3=\{1;0;1\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{2;-1;1\}$, $f_2=\{-1;1;-1\}$ и $f_3=\{-2;1;0\}$.**

4. Даны: точка $M_1(8;5;-6)$ и плоскость $S: 2x + 2y - z - 5 = 0$.
Записать уравнение прямой линии L' , проходящей через точку M_1 ортогонально плоскости S .

Ответ:

Уравнение прямой линии $L': x = 8 + 2t, y = 5 + 2t, z = -6 - t$.

5. Уравнение линии имеет вид: $y^2 = 16x$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - парабола.

Вершина: $(0;0)$.

Параметр параболы $p = 8$.

Фокус $F(4;0)$.

Директриса $D: x = -8/2$.

1. Даны векторы: $a = \{-2; -2; -2\}$, $b = \{1; 2; 3\}$ и $c = \{1; -3; 2\}$.
Найти объём параллелепипеда, построенного на приведённых к общему началу векторах a , b и c .

Ответ:

Объём параллелепипеда равен 18..

2. Даны векторы: $a = \{1; 1\}$, $b = \{2; 3\}$ и $c = \{3; 6\}$
Записать вектор c в виде линейной комбинации векторов a , b .

Ответ:

Вектор $c = (-3)a + (3)b$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\} = \{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\} = \{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1 = \{0; -1; -1\}$, $g_2 = \{1; 0; 2\}$ и $g_3 = \{1; 2; 5\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1 = \{-4; 3; -2\}$, $f_2 = \{-3; 1; -1\}$ и $f_3 = \{2; -1; 1\}$.**

4. Даны: точка $M_1(4; 5)$ и прямая $L: x + 2y - 4 = 0$.
Найти проекцию точки M_1 на линию L .

Ответ:

Проекцией точки M_1 на линию L является точка $(2; 1)$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/225 + y^2/81 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - эллипс.

Вершины: $A_1(-15; 0)$, $A_2(15; 0)$, $B_1(0; -9)$, $B_2(0; 9)$.

Большая ось = 30.

Малая ось = 18.

Фокусы: $F_1(-12; 0)$ и $F_2(12; 0)$.

Эксцентриситет $e = 0,8$.

Директрисы $D_1: x = -18,75$ и $D_2: x = 18,75$.

1. Даны точки: $A(-2;2)$, $B(1;5)$ и $C(4;2)$.
Найти площадь треугольника.

Ответ:

Площадь треугольника равна $18/2$.

2. Даны векторы: $a=\{3;2\}$, $b=\{3;-1\}$ и $c=\{24;1\}$
Записать вектор c в виде линейной комбинации векторов a , b .

Ответ:

Вектор $c = (3)a + (5)b$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{1;-1;0\}$, $g_2=\{2;-2;1\}$ и $g_3=\{1;-2;1\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{0;1;-1\}$, $f_2=\{-1;1;-1\}$ и $f_3=\{-2;1;0\}$.**

4. Даны: точка $M_1(-9;5;1)$ и прямая линия, заданная своим параметрическим уравнением $x = -5 - t$, $y = -3 - 2t$, $z = 1 - t$.
Записать уравнение прямой линии L' , проходящей через точку M_1 и линию L ортогонально ей.

Ответ:

Уравнение прямой линии $L': x = -9 - 3t$, $y = 5 + 2t$, $z = 1 - t$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/64 - y^2/36 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - гипербола.

Вершины: $A_1(-8;0)$, $A_2(8;0)$.

Действительная ось = 16.

Мнимая ось = 12.

Фокусы $F_1(-10;0)$ и $F_2(10;0)$.

Эксцентриситет $e = 1,25$.

Директрисы: $D_1: x = -6,4$ и $D_2: x = 6,4$.

Асимптоты $L_1: y = -6/8x$ и $L_2: y = 6/8x$.

1. Даны векторы: $a = \{-2; 1; 1\}$, $b = \{-2; 3; -3\}$ и $c = \{-1; -2; -3\}$.
Найти объём параллелепипеда, построенного на приведённых к общему началу векторах a , b и c .

Ответ:

Объём параллелепипеда равен 34..

2. Даны векторы: $a = \{1; 2; 2\}$, $b = \{-2; -2; -2\}$, $c = \{1; 2; 1\}$
и $d = \{-11; -16; -14\}$.
Записать вектор d в виде линейной комбинации векторов a , b и c .

Ответ:

Вектор $d = (-3)a + (3)b + (-2)c$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\} = \{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\} = \{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1 , g_2 , g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1 = \{0; -1; -1\}$, $g_2 = \{1; 1; 1\}$ и $g_3 = \{1; 2; 3\}$.
Записать координаты векторов f_1 , f_2 , f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1 , f_2 , f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1 = \{1; 1; 0\}$, $f_2 = \{-2; 1; -1\}$ и $f_3 = \{1; -1; 1\}$.**

4. Даны: прямая линия L_1 : $x = 3$, $y = 3 - 5t$, $z = -2 - 5t$
и прямая линия L_2 : $x = 9$, $y = 12 + t$, $z = -11 + t$.
Записать уравнение плоскости S , проходящей через линию L_1 параллельно линии L_2 .

Ответ:

Уравнение плоскости S : $2x + 3y - 3z - 21 = 0$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/289 + y^2/225 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - эллипс.

Вершины: $A_1(-17; 0)$, $A_2(17; 0)$, $B_1(0; -15)$, $B_2(0; 15)$.

Большая ось = 34.

Малая ось = 30.

Фокусы: $F_1(-8; 0)$ и $F_2(8; 0)$.

Эксцентриситет $e = 0,47$.

Директрисы D_1 : $x = -36,12$ и D_2 : $x = 36,12$.

1. Даны точки: $A(2;2)$, $B(0;5)$ и $C(-3;3)$.
Найти площадь треугольника.

Ответ:

Площадь треугольника равна $13/2$.

2. Даны векторы: $a=\{3;-2;-2\}$, $b=\{-1;2;-2\}$, $c=\{1;2;-2\}$
и $d=\{-8;8;12\}$.
Записать вектор d в виде линейной комбинации векторов a , b и c .

Ответ:

Вектор $d = (-5)a + (-4)b + (3)c$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1 , g_2 , g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{2;3;1\}$, $g_2=\{3;4;2\}$ и $g_3=\{1;0;1\}$.
Записать координаты векторов f_1 , f_2 , f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1 , f_2 , f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{4;-3;2\}$, $f_2=\{-1;1;-1\}$ и $f_3=\{-4;3;-1\}$.**

4. Даны: точка $M_1(0;0)$ и прямая линия $L: x + y + 2 = 0$.
Найти проекцию точки M_1 на линию L .

Ответ:

Проекцией точки M_1 на линию L является точка $(-1;-1)$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/100 + y^2/36 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - эллипс.

Вершины: $A_1(-10;0)$, $A_2(10;0)$, $B_1(0;-6)$, $B_2(0;6)$.

Большая ось = 20.

Малая ось = 12.

Фокусы: $F_1(-8;0)$ и $F_2(8;0)$.

Эксцентриситет $e = 0,8$.

Директрисы $D_1: x = -12,5$ и $D_2: x = 12,5$.

1. Даны векторы: $a=\{2;2;1\}$, $b=\{-2;3;2\}$ и $c=\{-3;1;3\}$.
Найти объём параллелепипеда, построенного на приведённых к общему началу векторах a , b и c .

Ответ:

Объём параллелепипеда равен 21..

2. Даны векторы: $a=\{2;-3;3\}$, $b=\{-3;2;-2\}$, $c=\{3;1;2\}$
и $d=\{5;-11;5\}$.
Записать вектор d в виде линейной комбинации векторов a , b и c .

Ответ:

Вектор $d = (1)a + (-3)b + (-2)c$.

3. В пространстве заданы два базиса: $\{f\}=\{f_1, f_2, f_3\}$ и $\{g\}=\{g_1, g_2, g_3\}$.
Векторы g_1, g_2, g_3 в базисе $\{f\}$ имеют координаты соответственно:
 $g_1=\{2;-1;1\}$, $g_2=\{3;-2;2\}$ и $g_3=\{1;-2;1\}$.
Записать координаты векторов f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$.

Ответ:

**Векторы f_1, f_2, f_3 в базисе $\{g\}$ имеют координаты соответственно:
 $f_1=\{2;-1;0\}$, $f_2=\{-1;1;-1\}$ и $f_3=\{-4;3;-1\}$.**

4. Даны: прямая линия $L_1: x = 2 - t, y = -1, z = 1 + t$
и прямая линия $L_2: x = 6 - t, y = -3 + 4t, z = 5 + 3t$.
Записать уравнение плоскости S , проходящей через линию L_1 параллельно линии L_2 .

Ответ:

Уравнение плоскости $S: 2x - y + 2z - 7 = 0$.

5. Уравнение линии имеет вид: $x^2/9 - y^2/16 = 1$.
Определить тип и характеристики линии (координаты вершин и фокусов, величины осей, эксцентриситет, уравнения директрис и асимптот).

Ответ:

Тип линии - гипербола.

Вершины: $A_1(-3;0)$, $A_2(3;0)$.

Действительная ось = 6.

Мнимая ось = 8.

Фокусы $F_1(-5;0)$ и $F_2(5;0)$.

Эксцентриситет $e = 1,67$.

Директрисы: $D_1: x = -1,8$ и $D_2: x = 1,8$.

Асимптоты $L_1: y = -4/3x$ и $L_2: y = 4/3x$.