## Programowanie funkcyjne — kolokwium nr 1, 27.11.2019

Instrukcja: Rozwiązania należy przesłać do godziny 9:45, w jednym mailu, na adres kolokwium.pf@gmail.com. Każde zadanie należy przesłać w oddzielnym pliku: zadanie1.hs, zadanie2.hs i zadanie3.hs. Plików nie należy zipować. Rozwiązania muszą się poprawnie kompilować. W rozwiązaniach nie można korzystać z modułów innych niż standardowe; niedozwolone jest użycie polecenia import. Rozwiązania nie spełniające powyższych wymogów nie będą oceniane. Punktacja: 10 punktów za każde zadanie. Uwaga: korzystanie z internetu poza wyznaczonym czasem skutkuje automatycznym otrzymaniem 0 punktów.

**Zadanie 1.** Dla liczby naturalnej w każdym kroku tworzymy liczbę będącą sumą jej cyfr (w zapisie dziesiętnym) i postępujemy tak, aż dojdziemy do liczby jednocyfrowej. Napisać funkcję sevens :: Int  $\rightarrow$  [Int], zwracającą n pierwszych liczb, dla których powyższy proces skończy się na liczbie 7. Na przykład sevens 4 = [7, 16, 25, 34]. Można też zauważyć, że do sevens 1000 należy np. liczba 8881, bo  $8881 \rightarrow 25 \rightarrow 7$ .

**Zadanie 2.** Palindrom nazywamy *zbalansowanym*, jeżeli składa się on wyłącznie z liter a i b, i liczba liter a jest równa liczbie liter b. Napisać funkcję bp :: Int  $\rightarrow$  [String], która dla danego n zwróci listę zbalansowanych palindromów o długości n.

**Zadanie 3.** *Miłorząb* to struktura danych o funkcjonalności przypominającej listę, która umożliwia: dokładanie elementów na początek i na koniec w czasie stałym, odczytanie elementów po kolei w czasie liniowym względem liczby elementów oraz usunięcie wszystkich elementów dołożonych na początek ("urwanie lewego listka") i na koniec ("urwanie prawego listka") w czasie stałym (nie liczymy czasu potrzebnego na zwolnienie pamięci). Stworzyć typ Mb *a*, przechowujący elementy typu *a* w miłorzębie, i zdefiniować funkcje:

```
dnp :: Mb a -> a -> Mb a
dnk :: Mb a -> a -> Mb a
mb2list :: Mb a -> [a]
ull :: Mb a -> Mb a
upl :: Mb a -> Mb a
```

Funkcje mają, odpowiednio, wstawiać element na początek i na koniec miłorzębu, zamieniać miłorząb na listę (z elementami w odpowiedniej kolejności, tzn. od początku miłorzębu do końca) oraz urywać lewy i prawy listek. Złożoność funkcji powinna być taka, jak opisano wcześniej.