POLITECHNIKA ŁÓDZKA

WYDZIAŁ FIZYKI TECHNICZNEJ, INFORMATYKI I MATEMATYKI STOSOWANEJ

PRACA INŻYNIERSKA kierunek: FIZYKA TECHNICZNA

Wykorzystanie oprogramowania open source do sterowania pomiarami charakterystyk elektryczno-optycznych laserów półprzewodnikowych.

Paweł Gliwny nr albumu: 191387

> Opiekunowie pracy: dr inż. Michał Wasiak

Spis treści

1.	Wste	p	4
2.		ınikacja z urządzeniami pomiarowymi przy wykorzystaniu oprogramowania source	•
	2.1. 2.2.	Oprogramowanie open source	•
	2.3.	Programowane urządzenia pomiarowe	4
	2.4. 2.5.	Komunikacja	4
3.	Progr	ram do sterowania pomiarami charakterystyk laserów półprzewodnikowych	
	z wyl	korzystaniem sprzętu Thorlabs	(
	3.1.	Wstęp	(
	3.2.	Krótki opisz najważniejszych klas	(
	3.3.		(
	3.4.	Wersja okienkowa programu do pomiarów	,
4.		y półprzewodnikowe	
	4.1.	Teoria	
		4.1.1. Lasery półprzewodnikowe	
		4.1.2. Laser VCSEL	
		3 6 9	L 2
		• • •	L 4
		1	L
		· ·	L(
5.	Opisz	eksperymentu	7
	5.1.	Układ pomiarowy	17
		O 1	١7
	5.2.	1 0	[{
			[{
		5.2.2. Laser krawędziowy 850 nm — omówienie wyników	
		5.2.3. Laser VCSEL 850 nm — omówienie wyników	26
	5.3.	Porównanie laserów	
0			
6.		.mowanie	
	6.1.	Rezultat pracy	
	6.2.	Co dalej?	
Bi	bliogra	afia	36

1. Wstęp

Niniejsza praca dotyczy zakresu inżynierii oprogramowania sprzętu pomiarowego w celu wykorzystania go w badaniu charakterystyk laserów półprzewodnikowych w laboratorium fotoniki Politechniki Łódzkiej.

Celami pracy jest:

- Stworzenie interfejsu pomiarowego w laboratorium fononiki do badania charakterystyk laserów półprzewodnikowych przy wykorzystaniu oprogramowania open source.
- Zbadanie chrakterystyk 4 laserów półprzewodnikowych.

W ostatnich latach obserwuje się gwałtowny rozwój wykorzystania oprogramowania open source w codziennej pracy naukowej. Coraz większą popularność zdobywa język Python. Od dawana podstawowym systemem operacyjnym używanym przez naukowców sa różne odmiany systemu Unix. Jest to spowodowane dostępnościa wielu narzędzi (C, Python, Gnuplot) których naturalnym środowiskiem jest środowisko Linux, ułatwiającym prace naukowa. Inna zaleta środowiska Unix jest możliwościa korzystanie z linii poleceń, która ułatwia wiele zadań. Szukając informacji o wykorzystaniu języka Python do komunikacji ze sprzętem pomiarowym można zauważyć pewna luke, która moja praca ma cel wypełnić. Korzystając z strony oraz dokumentacji firmy Thorlabs, której sprzęt jest używany w laboratorium fononiki, należy zauważyć brak programów do komunikacji ze sprzętem na platformie Linux. Dostępne sa jedynie wysokopoziomowe API do systemu Windows oraz możliwość użycia LabVIEW. Minusów środowiska Windows nie sposób wymienić w kilku zdaniach. Program LabVIEW jest programem płatnym. Rozwiązaniem wszystkich problemów jest użycie środowiska Linux, gdzie wszystko jest plikiem, także sprzęt połączony przez usb z komputerem, dzięki czemu możemy się z nim komunikować używając standardu komend SCPI przez wykorzystanie wywołań systemowych. Dzięki temu mamy możliwość dostępu do wszystkich możliwych funkcji sprzętu pomiarowego bez ponoszenie kosztów. Umożliwia nam to sterowanie sprzetu za pomoca komputera oraz wizualizacje i analizę danych w sposób, jaki potrzebujemy. A wszystko to dzięki połączeniu możliwości środowiska Linux oraz języka Python

Dzięki mojej pracy możliwe będzie wykonywanie w szybki sposób charakterystyk laserów półprzewnodnikowcyh. Charakterystyki te dają nam ważne informacje o laserze, dzięki nim możliwe jest określenie prądu progowego dla laserów krawędziowych, określenie ich sprawności.

Praca jest podzielona na dwie części: jedna składa się z opisu przygotowania eksperymentu, komunikacji oraz sterowaniem urządzeniami laboratoryjnymi za pomocą programu napisanego w języku Python. Druga część pracy opisuje badanie laserów półprzewodnikowych na podstawie danych uzyskanych za pomocą programu przedstawionego w pierwszej części programu. Do wykreślenia charakterystyk wyjściowych oraz wyznaczenie sprawności badanych laserów używam skryptów napisanych w języku Python.

2. Komunikacja z urządzeniami pomiarowymi przy wykorzystaniu oprogramowania open source

2.1. Oprogramowanie open source

Otwarte oprogramowanie (ang. open source) jest odłamem ruch darmowego oprogramowania (ang. free software), którego głównym celem jest możliwość swobodnego dostępu do oprogramowania dla wszystkich. Jawny musi być kod źródłowy. Przykładami takiego oprogramowania, które wykorzystuje w swojej pracy jest:

- System Linux (Ubuntu)
- Język programowania Python

2.2. Python — idealne narzędzie dla fizyka

Język Python jest jednym z najpopularniejszych języków używanych w nauce. Jest on projektem Open Source. Posiada łatwą składnię, dzięki czemu jest się łatwy w nauce, a programy pisane w nim są przejrzyste. Dzięki ogromnej ilości modułów, możliwe jest wykonywanie niemalże każdej czynności jakom się potrzebuje. Python używany jest między innymi w eksperymencie mający za cel znalezienie fal grawitacyjnych. W mojej pracy wykorzystywałem ten język zarówno do pisania skryptów mających na celu komunikacje i sterowaniem sprzętem laboratoryjnym, jak i wykorzystywałem do analizy danych uzyskanych w wyniku pomiarów. Najważniejsze biblioteki, które użyłem do swoich celów to:

- Matplotlib [1] bibliotek do sporządzania wykresów, posiada między innymi możliwość używania symboli LATEX. Możliwość wykonywania animacji co używane do robienia wykresów w czasie rzeczywistym.
- Scipy [2] bibliotek do obliczeń numerycznych. Funkcje z niej uzywałem w celu dopasowywania fukcji dla zebranych danych aby wyznaczyć wartość prądu progowego oraz sprawności.
- OS bibliotek systemowa. Używana w celu komunikacji ze sprzętem pomiarowym za pomocą wywołań systemowych.
- PyQt5 biblioteka do tworzenia graficznego interfejsu. Użyłem ją aby stworzyć interfejs graficzny za pomocą, którego możliwe jest sterowanie sprzętem oraz wykonywanie pomiarów charakterystyk laserów półprzewodnikowych
- Threading biblioteka do tworzenia wątków. Używam jej do robienia wykresów w czasie rzeczywistym. W tym celu potrzebowałem jeden wątek do komunikuje się ze sprzętem, a drugi w tym samym czasie na podstawie zebranych danych tworzył wykres w czasie rzeczywistym.

Python posiada także biblioteki (np. Shutil) do operowania plikami(jak przenoszenie, usuwanie) co jest często przydatne. Połączenie bibliotek wymienionych powyżej

umożliwiło stworzenia programu, który komunikuje i steruje sprzętem. Warto jeszcze nadmienić, że aktulalnie rozwijane są dwie wersję Python: Python 2.7 i Python 3. Większą przyszłość ma Python 3, więc skrypty do analizy danych były pisane w nim. Jednakże biblioteka matplotlib i PyQt5 na chwilę pisania mojej pracy lepiej współpracowały z Python 2.7, więc interefes pomiarowy został napisany w Python 2.7.

2.3. Programowane urządzenia pomiarowe

Przez programowane urządzenia pomiarowe rozumiemy sprzęt mogący dokonywać pomiarów wielkości elektrycznych i nieelektrycznych, który wyposzażony jest w interfejs umożliwiający sterowanie nimi przy pomocy komputera. Przykładami takich urządzeń, którymi zajmuje się w swojej pracy są:

- Zasilacza diód laserowych firmy Thorlabs model LDC4005.
- Miernik mocy firmy Thorlas firmy Thorlabs model PM100.

Z wyżej wymienionymi urządzeniami możliwa jest fizyczna komunikacja za pomocą interfejsu USB przy pomocy standardu komend SCPI, który zostanie opiszany w dalszej cześci rozdziału.

2.4. Komunikacja

W systemach Unix z którego dziedziczy system Linux, wszystko jest plikiem. Linuksowy sterownik znakowy (ang. char driver) pozwala na reprezentowanie urządzenia za pomocą specjalnych plików wirtualnych, które znajdują się w przestrzeni użytkownika w katalogu /dev/ < nazwa >. Obsługa tych plików możliwa jest za pomocą wywołań systemowych (ang. system call), które stanowią API za pomocą którego użytkowniki może sterować sprzętem. Do używania wywołań systemowych potrzebny jest identyfikator do danego urządzenia, który jest reprezentowany przez deskryptor pliku, będący liczbą całkowitą. Podstawowe wywołaniami systemowymi pozwalające na sterowanie sprzętem to:

- open służy do połaczenia z urządzeniem, zwraca deskrypotor pliku.
- write funkcja służaca do wysyłania komend do urządzenia .
- read funckja służąca do odczytywania buffora urządzenia.
- close funkcja zamykająca połączenie.

Funkcję te mają swoją implementację w języku C w bibliotece < fcntl.h > oraz < unistd.h >, oraz w języku Python w bibliotece os.

2.5. SCPI — standard komend do komunikacji z urządzeniami

SCPI (ang. Standard Commands for Programmable Instruments) jest tekstowym interfejsem ASCII do programowanych urządzeń pomiarowych mający na celu standaryzacje polecenie używanych w systemach pomiarowym. Zdefiniowany został 1990 roku, wedle specyfikacji IEEE 488.2. (Institute of Electrical and Electronics Engineers) — międzynarodowa organizacja stowarzyszeń inżynierów elektryków i

elektroników. Dzięki temu możliwa jest obsługa urządzeń pomiarowych przy wykorzystaniu komputera. Polecenia SCPI są to ciągi tekstowe ASCII, które są wysyłane do urządzenia przez wywołanie systemowe write. Polecenia są serią jednego lub więcej słów, przy czym wiele z nich używa dodatkowych parametrów. Odpowiedzi do zapytania polecenia są zazwyczaj ciągami ASCII. W przypadku danych masowych mogą być zwracane także formaty binarne.

Cechą poleceń SCPI jest ich implementacja przez każde urządzenie, czyli to samo polecenie będzie działać na każdym oscyloskopie bez względu na producenta. Można wyróżnić dwie grupy poleceń:

- Polecenia dla każdego urządzenia pomiarowego nie zależnie od jego przeznacznia. Takimi komendami są m.in.
 - *idn? odczytuje identyfikator urządzenia.
 - *rst powoduje przywrócenie ustawień początkowych urządzenia.
 - *cls powdouje wyzerowanie informacji o błędach.
 - *opc? (ang. operation complete) jest zapytanie o zakończenie wykonania poprzedzających poleceń.
 - W odpowiedzi na zapytanie po zakończeniu wykonywania poprzedzających poleceń urządzenie prześle wartość 1.
 - *wai (ang. wait) oczekiwanie na zakończenie wykonania poprzedzających poleceń.
- Polecenia charakterystyczne dla danego urządzenia pomiarowego zgodnie z jego przeznaczeniem. Przykładowe polecenie które będzie działać na każdym zasilaczu korzystającym z standardu SCPI:
 - Służacę do ustawienie wartości prądu na 0.01 A
 SOURce: CURRent: LEVel: AMPLitude 0.01

Fizyczne łącze komunikacyjne nie jest zdefiniowane przez SCPI. Stworzony standard IEEE-488 był dla GPIB, ale może być również używany z interfejsem RS-232, Ethernet, USB. W przypadku mojej pracy, do komunikacji ze sprzętem używam USB.

3. Program do sterowania pomiarami charakterystyk laserów półprzewodnikowych z wykorzystaniem sprzętu Thorlabs

3.1. Wstęp

W ramach pracy inżynierskiej zostały stworzone programy do sterowania pomiarami charakterystyk laserów. Program został napiany w dwóch wersjach: skryptowej oraz okienkowej. Podstawą działania programów są następujące klasy:

- device.py główna klasa, zawiera funkcje: do sprawdzania dostępnych urządzeń, funkcje zwracającą instancje danego urządzenia, co umażliwa sterowanie danym urządzenim.
- IODevice.py klasa do operacji wejścia-wyjścia na programowalnych urządzeniach pomiarowych. Jest to uniwersalna klasa, która może być użyta do dowolnego urządzenia zgodnego ze standardem SCPI. Do jej obsługi wymagane jest podanie ścieżki do urządzenia.
- LDC4005.py klasa zawierająca funkcje od obsługi zasilacza diód laserowych Thorlabs LDC4005. Implementacja funkcji oparta jest na poleceniach SCPI dla LDC4005 [4].
- PM100.py klasa zawierająca funkcje do obsługi detektora mocy Thorlabs PM100. Implementacja funkcji oparta jest na poleceniach SCPI dla PM100 [5].

3.2. Krótki opisz najważniejszych klas

W tym podrozdziale przedstawię stworzone kody programów do sterowania pomiarami charakterystyk laserów półprzewodnikowych. W zaprezentowanych kodach przedstawiam tylko najważniejsze funkcje, aby ułatwić czytelność (pełny kod jest dołączony do pracy).

Pierwszy listing 3.1 przedstawia klasę IODevice.py do operacji wejścia-wyjścia na urządzeniach programowalnych. Jest to podstawowa klasa, która następnie używana jest w klasach do sterowania zasilaczem diod laserowych - LDC4005.py (listing 3.2) oraz do sterowania miernikiem mocy - PM100.py (listing 3.3). Ostatni kod (listing 3.4) pokazuje przykładowy skrypt w języku Python 3, którym można wykonać pomiar charakterystyki lasera.

```
1 import os
  class IODevice:
      def __init__(self , path_to_device):
           self.device = path_to_device
6
          self.file_descriptor = os.open(path_to_device, os.ORDWR | os.ONOCTTY)
      def write (self, command):
9
          os.write(self.file_descriptor, command.encode())
10
11
      def read (self, length = 4000):
12
          return os.read(self.file_descriptor, length)
14
      def close (self):
          os.close(self.file_descriptor)
16
17
      def __del__(self):
18
          self.close()
19
```

Listing 3.1. IODevice.py

```
1 from IODevice import IODevice
  class PM100:
3
      def __init__(self , path_to_usb_path):
4
          self.device = IODevice(path_to_usb_path)
5
      def set_wavelength_in_nm(self, value):
          self.device.write("CORRection:WAVelength" + str(value))
      def get_power(self):
          self.device.write("INITiate")
          self.device.write("MEASure:POWer")
12
          self.device.write("FETCh?")
13
          value = self.device.read(100)
14
          return float (value)
```

Listing 3.2. PM100.py

```
from IODevice import IODevice
3
  class LDC4005:
4
      def __init__(self , path_to_usb_path):
5
          self.device = IODevice(path_to_usb_path)
6
      def on (self):
          self.device.write("OUTPut ON")
      def off(self):
          self.device.write("OUTPut OFF")
12
13
      def set_ld_current_in_amper(self, value):
14
          self.device.write("SOURce:CURRent:LEVel:AMPLitude %s" % value)
16
      def ld_current_reading(self):
17
          self.device.write("INITiate")
```

```
self.device.write("MEASure:CURRent")
19
           self.device.write("FETCh:CURRent?")
20
           value = self.device.read(100)
21
           return float (value)
      def ld_voltage_reading(self):
24
           self.device.write("INITiate")
           self.device.write("MEASure:VOLTage")
26
           self.device.write("FETCh: VOLTage?")
27
           value = self.device.read(100)
28
           return float (value)
29
```

Listing 3.3. LDC4005.py

Skrypt przedstawiony na listingu 4 w liniach 1-3 importuje potrzebne moduły, ważne, aby moduły LDC4005.py oraz PM100.py znajdowały się w tym samym folderze co measure.py. W linijce 6 deklamujemy tablice 20 elementów o wartościach prądu od 0 do 0.02 A. Następnie w liniach 8-10 deklarujemy tablice do przechowywania danych, które zostaną zmierzone. W liniach 13-14 tworzy instancje klasy dla zasilacza i miernika, zakładamy, że port /dev/usbtmc0 odpowiada zasilaczowi ldc4005, a port /dev/usbtmc1 odpowiada miernikowi mocy PM100. Następnie w linijce 20 ustawiany prąd na zasilaczu, w 21 czytamy prąd z zasilacza, w 22 czytamy napięcie, a w 23 czytamy moc wyjściową na mierniku mocy. Ostatni etapem jest zapisanie danych do pliku tekstowego w linijce 25-26.

```
import numpy as np
  from LDC4005 import LDC4005
  from PM100 import PM100
6 \text{ set\_current} = \text{np.linspace}(0, 0.02, 20)
  measure_current = np.zeros(len(set_current))
  measure_voltage = np.zeros(len(set_current))
  measure_power = np.zeros(len(set_current))
11
_{12} # usbtmc0 odpadawia ldc , a usbtmc1 pm100
13 \, \mathrm{ldc} = \mathrm{LDC4005}("/\mathrm{dev/usbtmc0"})
pm100 = PM100("/dev/usbtmc1")
pm100.set_wavelength_in_nm(635)
  ldc.on()
17
18
  for i in range(0, len(set_current)):
19
20
       ldc.set_ld_current_in_amper(set_current[i])
       measure_current[i] = ldc.ld_current_reading()
       measure_voltage[i] = ldc.ld_voltage_reading()
       measure_power[i] = pm100.get_power()
23
25 np.savetxt("dane.txt", np.c-[measure_current, measure_voltage, measure_power]
26 , fmt='%1.16f', header="current [A] \t voltage [V] \t power [W]")
```

Listing 3.4. measure.py



Rysunek 3.1. Struktura programu skryptowego.

3.3. Wersja skryptowa programu

Jedna z możliwością przeprowadzania pomiarów jest wykorzystanie skryptu (wraz z innymi klasami dołączony jest do pracy). Struktura programu pokazana jest na rysunku 3.1. Aby zainstalować wszystkie niezbedne biblioteki należy w konsoli wywołać polecenie make.

```
student@ubuntu:~$ make
```

Listing 3.5.

Nastepnie uruchamiamy wirtualne środowisko (linia 1), które posiada wszystkie potrzebne biblioteki, następnie przechodzimy do katologu examples, gdzie znajduje się plik measure.py, który należy użyć do przeprowadzenia pomiarów:

```
student@ubuntu: *\source venvenv/bin/activate
student@ubuntu: *\source venvenv/bin/activate
```

Listing 3.6.

W celu przeprawadzenia pomiarów wywolujemy skrypt measure.py z parametrami:

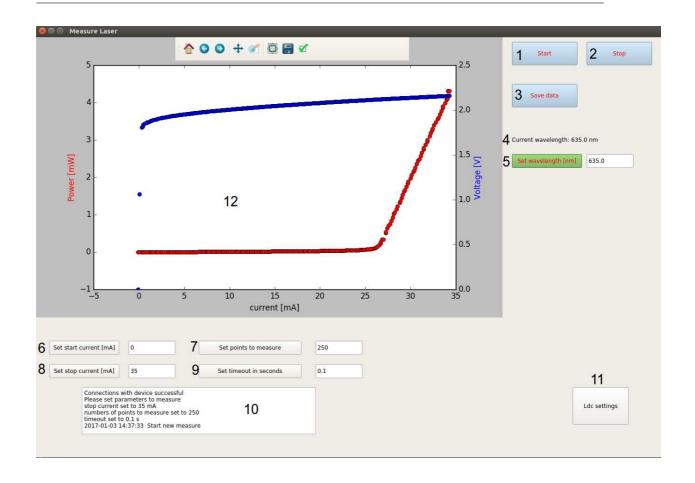
- nr: liczba punktów do pomiaru
- sc: początkowa wartość prądu w mA, od którego należy rozpocząć pomiar
- ec: wartość prądu w mA do którego przeprowadza się pomiar.
- fn: nazwa wynikowa pliku z danymi, która będzie zapisana w katalogu output

```
student@ubuntu: $\square$ python3 measure.py -nr 150 -sc 0 -ec 20 -fn dane
```

Listing 3.7.

3.4. Wersja okienkowa programu do pomiarów

Na rysunku 3.4 przedstawiony jest okienkowy program do wykonywania charakterystyk. Program napisany jest w języku Python 2.7 z wykorzystaniem bibliotek PyQt5, matplotlib



Rysunek 3.2. 1 — rozpoczecie pomiarów, 2 — zatrzymanie pomiarów, 3 — zapisanie danych pomiarowych, 4 — pokazuje długość fali detektora, 5 — zmiana długości fali detektora 6 — ustawia prąd początkowy do pomiarów, 7 — ustawia ilość punktów do pomiaru, 8 — ustawia prąd końcowy do pomiarów, 9 — ustawia długość pauzy pomiędzy pomiarami, 10 — wyświetla ważne informacje o ustawieniach, 11 — ustawienie zasilacza, 12 — pokazuje charakterystykę.

- Przycisk "Start" [1] służący do rozpoczęcia pomiarów. Po jego wciśnięciu nastąpi wykonanie charakterystyki lasera na podstawie ustawionych parametrów.
- Przycisk "Stop" [2] służący do zatrzymania pomiarów. Po jego wciśnięciu nastąpi wyłączenie zasilacza.
- Przycisk "Save data" [3] służący do zapisania zebranych danych. Po wciśnięciu należy wybrać ścieżkę. Zapis dokonywany jest w formacie txt.
- Wyświetlacz długości fali wybranej na detektorze [4]. Długość fali wyświetlana jest w nanometrach.
- Przycisk służący do zmiany długości fali na detektorze [5]. Wartość należy wprowadzić w nanometrach i zatwierdzić.
- Przycisk "Set start current" [6] służy do wybrania prądu, od jakiego ma się zacząć pomiar w mA.
- Przycisk "Set points to measure" [7] służy do wybrania ilości punktów do charakterystyki.
- Przycisk "Set stop current" [8] służy do wybrania granicy prądu, do jakiego ma się odbyć pomiar w mA.

- Przycisk "Set timeout in seconds" [9] służy do ustawienie długości pauzy między zadaniem prądu do zasilacza, a wykonaniem pomiaru.
- Okienko informacyjne [10] wyświetla informacje o pomiarze.
- Przycisk "Ldc settings" [11] ustawia najważniejsze parametry zasilacza diod takie jako wartość maksymalna prądu.
- Ekran główny [12] pokazuje w czasie rzeczywistym zależność napięcia na laserze oraz mocy wyjściowej w funkcji prądu wejściowego.

4. Lasery półprzewodnikowe

4.1. Teoria

4.1.1. Lasery półprzewodnikowe

Lasery półprzewodnikowe są ważną oraz dynamicznie rozwijączą się gałęziom optoelektroniki. Znajduje one zastosowanie w telekomunikacji, zapisie informacji. Wśród laserów połprzedwodnikowych możemy wyróżnić lasery o emisji krawędziowej oraz lasery typu VCSEL, które są przedmiotem badań w mojej pracy. Obszarem czynnym w tego typów laserach są złącza p-n w którym obszar czynny jest pompowany przez przepływający prąd elektryczny przez te złącza.

4.1.2. Laser VCSEL

Laser VCSEL (ang. Vertical Cavity Surface Emitting Laser) jest to laser z emisją powierzchniową o pionowej wnęce rezonansowej. Charakteryzuje się możliwością emitowania promieniowania z dużej powierzchni, a rozkład poprzeczny promieniowania jest dowolny. Inną ważną cechą, którą badam w swoje pracy jest mała wartość prądu progowego.

4.1.3. Laser o emisji krawędziowej

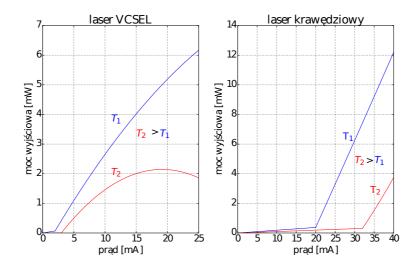
Laser krawędziowy są to laser z wnęka w płaszczyźnie warstwy aktywnej. Charakteryzują się większą wartością prądu prowego oraz większą sprawnością niż laser VCSEL. Te cechy laserów są tematem moich badań.

4.1.4. Prąd progowy

Aby scharakteryzować lasery, należy wykonać ich charakterystyki wyjściowe, które przedstawiają, jak zmienia się moc wyjściowa oraz napięcie lasera w funkcji zadanego prądu. Przykładowe charakterystyki laserera krawędziowego oraz VCSEL pokazane są na rysunku 4.1. Ważnym parametrem laserów półprzewodnikowych jest prąd progowy (z ang. threshold current) który określa wartość prądu, przy którym zaczyna zachodzić akcja laserowa, czyli rośnie gwałtownie natężenie promieniowania i maleje szerokość linii emisyjnej. W celu wyznaczenia prądu progowego należy sporządzić wykres zależności mocy wyjściowej lasera od prądu zasilającego. Następnie dla prądu gdzie zaczyna się akcja laserowa dla odcinka liniowego należy metodą najmniejszych kwadratów przy użyciu wielomianu pierwszego stopnia(4.1) znaleźć parametry krzywej a i b. Dla wyznaczonej krzywej należy znaleźć miejsce zerowe, które będzie wyznaczonym prądem progowym $I_{th}(4.2)$.

$$P = a \cdot I + b \tag{4.1}$$

$$I_{\rm th} = -\frac{b}{a} \tag{4.2}$$



Rysunek 4.1. Charakterystyki laserów półprzewodnikowych.

$$\Delta I_{\rm th} = \left| \frac{\partial I_{th}}{\partial a} \right| \cdot \Delta a + \left| \frac{\partial I_{th}}{\partial b} \right| \cdot \Delta b \tag{4.3}$$

$$\Delta I_{\rm th} = \left| -\frac{b}{a^2} \right| \cdot \Delta a + \left| -\frac{1}{a} \right| \cdot \Delta b \tag{4.4}$$

Dla laserów krawędziowych prąd progowy rośnie wraz z temperaturą, co może być scharakteryzowany za pomocą parametru T_0 wyrażonego w kelwinach tzw. temperatury charakterystycznej [6]. Więc dla laserów krawędziowych zależności prądu progowego I_{th} od temperatury T wyrażamy w postaci równania:

$$I_{\rm th} = I_0 \exp\left(\frac{T}{T_0}\right) \tag{4.5}$$

Wartości parametrów I_0 oraz T_0 możemy wyznaczyć na podstawie charakterystyk emisyjnych lasera w różnych temperaturach T.

Przez zlogarytmowanie wartości pradu oraz podstawienie otrzymujemy:

$$\ln(I_{\rm th}) = \frac{T}{T_0} + \ln(I_0) \tag{4.6}$$

Mając wartości prądu progowego w danej temperaturze można do nich dopasować funkcje liniową w postaci:

$$y = a \cdot T + b \tag{4.7}$$

Gdzie:

$$y = \ln(I_{\rm th}) \tag{4.8}$$

$$a = \frac{1}{T_0} \tag{4.9}$$

$$b = \ln(I_0) \tag{4.10}$$

Na tej podstawie możemy znaleźć poszukiwane parametry I_0 oraz T_0 :

$$I_0 = e^b (4.11)$$

$$T_0 = \frac{1}{a} (4.12)$$

Korzystając z różniczki zupełnej można obliczyć wartości błędów wyznaczonych wartości:

$$\Delta I_0 = \left| \frac{\partial I_0}{\partial b} \right| \cdot \Delta b = |\mathbf{e}^b| \cdot \Delta b \tag{4.13}$$

$$\Delta T_0 = \left| \frac{\partial T_0}{\partial a} \right| \cdot \Delta a = \left| -\frac{1}{a^2} \right| \cdot \Delta a \tag{4.14}$$

Dla laserów VCSEL nie można zastować powyszej zależności (4.1), ponieważ zależności prądu progowego od tempearury chrakteryzuje się pewnym minimalnym prądem progowym, gdzie w niższych i wyższych temperatuach wartość prądu progowego jest większa [7].

4.1.5. Sprawność

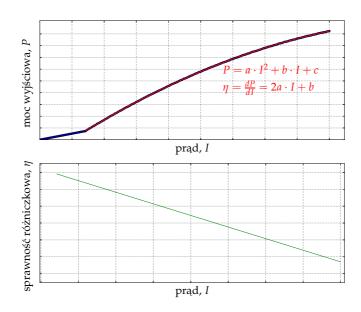
Innym ważnym parametrem, którym możemy scharakteryzować lasery półprzewodnikowe jest ich sprawność. Można wyróżnić następujące rodzaje sprawności:

— Sprawność różniczkowa (ang. slope efficiency) — jest zdefiniowana jako nachylenie krzywej uzyskanej przez wykreślenie zależności mocy wyjściowej z lasera versus energii dostarczonej do lasera w postaci natężenie prądu I lub moc dostarczonej P. Sposób wyznaczanie sprawności przedstawiony jest na rysunku 4.2 Moc dostarczoną definujemy jako:

$$P = U \cdot I \tag{4.15}$$

gdzie: U — napięcie na laserze.

— Sprawność całkowita (ang. Wall-plug-efficiency) — jest zdefiniowana jako stosunek mocy wyjściowej do całkowitej mocy wejściowej lasera.



Rysunek 4.2. Wyznaczanie sprawności różniczkowej.

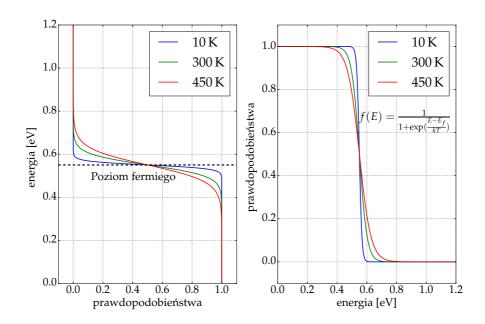
4.1.6. Funkcja Fermiego

Na wygłąd charakterystk laserów półprzewodnikowych duży wpływ ma funkcja rozkładu Fermiego-Diraca przedstawiony na rysunku 4.3, który opisuje własności półprzewodników jest ona zależna od temperatury. Funkcja Fermiego-Diraca opisuje prawdopodobieństwo obsadzenia przez elektron poziomu energetynczego E przy temperaturze T

$$f(E) = \frac{1}{e^{(E-E_F)/kT} + 1} \tag{4.16}$$

gdzie: E_f — energia fermiego.

Wraz z wzrostem temperatury rośnie prawdopodobieństwo obszadzenia wyższego stanu energetynczego przez elektron. Ma to wpływ na sprawność różniczkową lasera półprzewodnikowego. Wraz z wzrostem temperatury spraność maleje, spowodowane jest to ostrzeniem widma wzmocnienia, gdy rozkład fermiego się zweżą (narrowing) [7].



Rysunek 4.3. Rozkład fermiego dla różnych temperatur T.

4.1.7. Wpływ temperatury chłodnicy lasera na jego paramentry

Wraz ze wzrostem temperatury wartość prądu progowego $I_{\rm th}$ rośnie, natomiast sprawność różniczkowa η maleje. Jest to spowodowane przez:

- W wyższych temperaturach funkcja Fermiego-Diraca, która opisuje prawdopodobieństwo zajmowania stanów energetycznych staje się bardziej "rozmarzana". Przez co obrządzenie poziomów energetycznych jest bliższe powłoce przewodzenia dla elektronów oraz bliższe powłoce walencyjnej dla dziur. Dzięki temu możliwość wzmocnienia promieniowania lasera na długości fali emitowanej jest zredukowane.
- Dodatkowo w podwójnym aktywnym regionie heterostruktury, rozkład energii elektronów i dziur w wyższych temperaturach jest przesunięty dalej od krawędzi pasma, przez co zwiększa się prawdopodobieństwo pobytu ładunków w aktywnym regionie, co powoduje obniżenie sprawności η
- Wraz ze wzrostem temperatury rośnie współczynnik Auger, obniżając wydajność i czas życia ładunku podczas przejścia promienistego, co zwiększa wartość prądu progowego $I_{\rm th}$.

5. Opisz eksperymentu

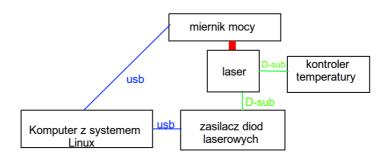
5.1. Układ pomiarowy

Układ pomiarowt składał się z:

- Komputera z systemem Linux (Ubuntu) wymagany jest, aby na komputerze zainstalowany był język Python wraz z bibliotekami: matplotlib, numpy, Py-Qt5. Do sterowania sprzętem przy pomocy programów opisanych w 3 rodziałe wymagane są uprawnienia administratora.
- Zasilacza diód laserowych firmy Thorlabs model LDC4005 [3]— zapewnia stabilne zasilanie prądowe laserab prądem do 5 A. Możliwe jest zasilanie ciągłe i impulsywne. Posiada interfejsem SCPI [4], umożliwiający sterowanie za pomocą komputera przez USB.
- Miernik mocy firmy Thorlas firmy Thorlabs model PM100 [5] stworzony do mierzenia mocy wyjściowej z lasera. Pozwala operować na długościach fali od 400 nm do 1100 nm. Posiada interfejsem SCPI [5], umożliwiający sterowanie za pomocą komputera przez USB.
- Kontroler temperatury diod laserowych firmy Thorlabs— precyzyjny kontroler temperatury pozwalający na zmiany temperatury chłodniczy lasera podczas operowania prądami do 2 A.

5.1.1. Przebieg pomiarów

Laser był umieszczony w mocowaniu diod laserowym połączonych z zasilaczem diod laserowych oraz kontrolerem temperatury. Na wyjściu lasera umieszczony był miernik mocy. Komunikacja z zasilaczem oraz miernikiem odbywała się za pomocą standardu komend SCPI przez połączenie USB przez wykorzystanie programów opisanych w rozdziale 3. Temperatura była zmieniana manualnie na kontrolerze temperatury. Charakterystyki wyjściowe (czyli wartości prądu zasilania, napięcia na



Rysunek 5.1. Schemat układu pomiarowego.

laserze oraz mocy wyjście wane były w pliku teksto	owej) mierzone owym.	były pod f	alą ciągła p	rądu. Wynik	ki zapisy-

5.2. Eksperyment

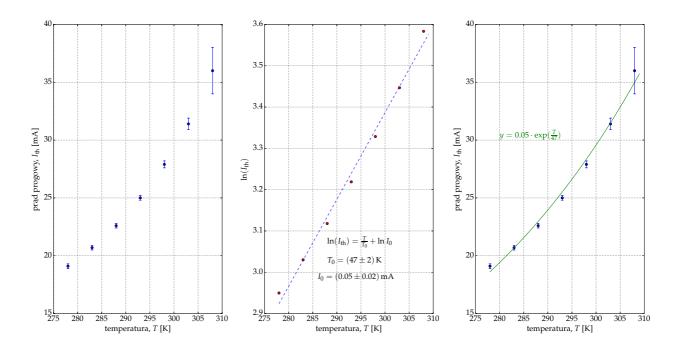
5.2.1. Laser krawędziowy 635 nm — omówienie wyników

Pomiar przeprawadzany był w temperaturach chłodnicy od 278 K do 308 K, krokiem co 5 K. Wartości wyznaczonego prądu progowego znajdują się w tabel 5.1. Rysunki od 5.2 do 5.6 dotyczą lasera krawędziowego 635 nm.

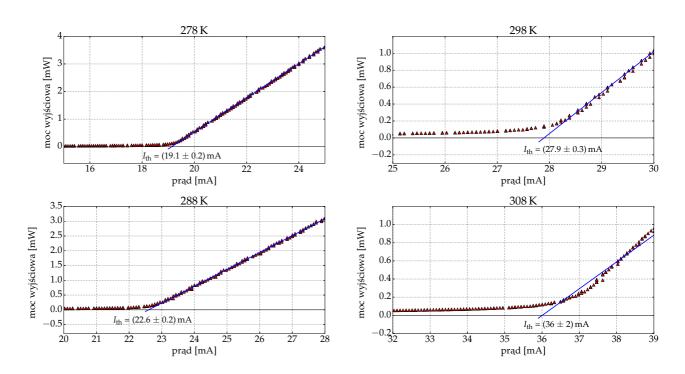
- Wykres na rysunku 5.2 przedstawia sposób wyznaczana wartość prądu progowego. Następnie na podstawie wyznaczonych wartości w danej temperaturze, sporządziłem wykres prądu progowego w zależności od temperatury przedstawiony na rysunku 5.3. Do wykreślonych wartości punktów dopasowałem funkcję 4.5 w wyniku otrzymałem temperaturą charakterystyczną T_0 , która wynosiła (47 ± 2) K oraz parametr I_0 o wartości (0.05 ± 0.02) mA
- Analizując wykres napięcia na laserze od prądu wejściowego przedstawiony na rysunku 5.2.1 można zauważyć, że wraz ze wzrostem temperatury na chłodnicy maleje opór lasera. Także, wraz z wyższą temperaturą chłodnicy maleje moc wyjściowa lasera.
- Wykres na rysunku 5.5 przedstawia sprawność różniczkowa lasera w funkcji prądu wejściowego w różnych temperaturach chłodnicy. W górnej części rysunku pokazana jest zależność mocy wyjściowej od prądu, do której dopasowałem funkcją kwadratowa dla punktów leżących powyżej wartości prądu progowego. Dopasowana funkcja zbliżona jest do funkcji liniowej, przez co sprawność różniczkowa jest prawie stała, jednakże jak wynika z wykresu im wyższa temperatura tym sprawność lasera mniejsza, chodź zmiany na przestrzeni są małe rzędu 0.010 W/A.
- Wykres na rysunku 5.6 przedstawia jak zmienia się sprawność lasera od temperatury chłodnicy. Funkcje, które przedstawiają sprawność zostały wyznaczone analogicznie jak te przedstawione na rysunku 5.5. Analizując ten wykres, dochodzę do wniosku, że wraz z wyższą temperaturą sprawność różniczkowa lasera maleje.

Tabela 5.1. Wyznaczone wartośc prądu progowego $I_{\rm th}$ w różnych temperaturach T dla lasera krawędziowego 635 nm.

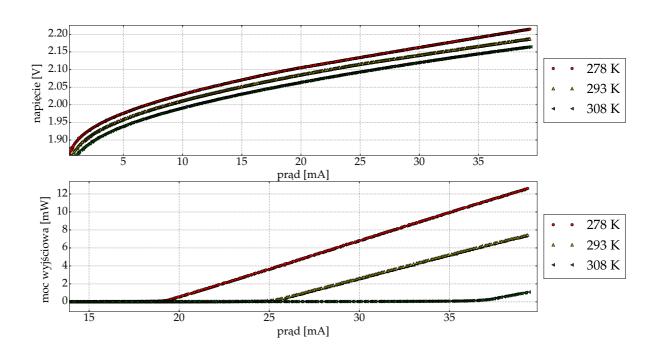
T[K]	278	283	288	293	298	303	308
$I_{\rm th} [{ m mA}]$	19.1 ±	$20.7 \pm$	22.6 ±	25.0 ±	27.9 ±	31.4 ±	36 ± 2
$I_{\rm th}~[{ m mA}]$	0.2	0.2	0.2	0.2	0.3	0.5	30 ± 2



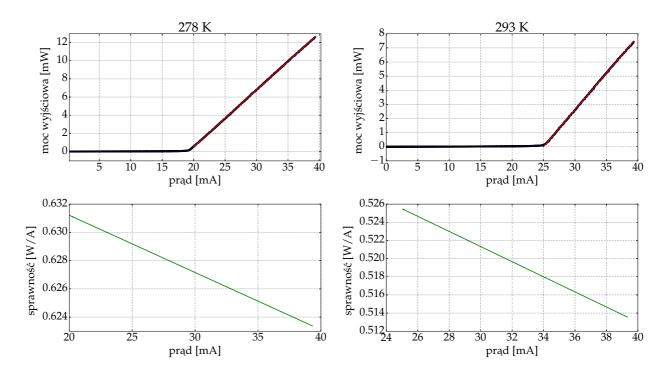
Rysunek 5.3. Wykres prądu progowego w zależności od temperatury chłodnicy z dopasowanymi wartościami I_0 i T_0 dla lasera krawędziowego 635 nm.



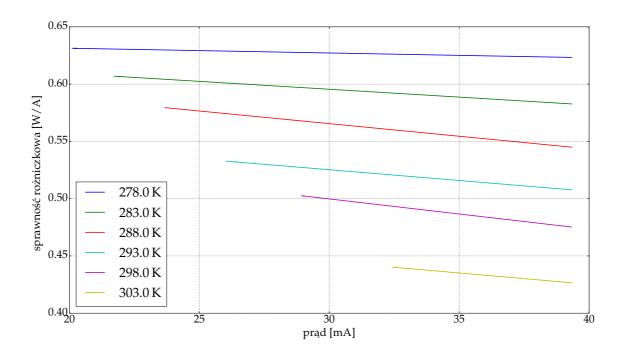
Rysunek 5.2. Wykres ilustrujący wyznacznie prądu progowego dla lasera krawędziowego $635\,\mathrm{nm}.$



Rysunek 5.4. Wykres napięcia na laserze oraz mocy w funkcji prądu dla lasera krawędziowego $635\,\mathrm{nm}$ w 3 temperaturach.



Rysunek 5.5. Wykres sprawności różniczkowej dla lasera krawędziowego $635\,\mathrm{nm}$ dla dwóch temperatur.



Rysunek 5.6. Wykres sprawności różniczkowej w funkcji prądu dla lasera krawędziowego $635\,\mathrm{nm}$.

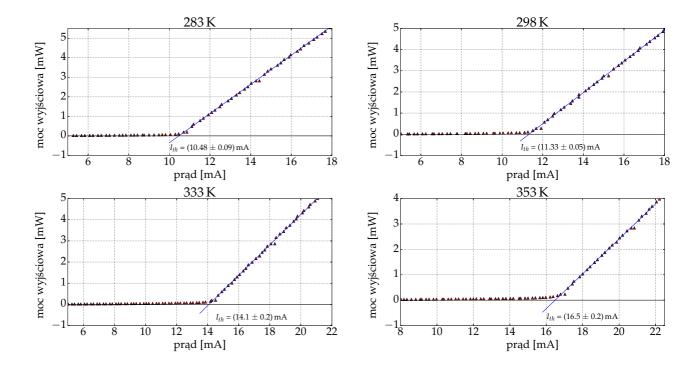
5.2.2. Laser krawędziowy 850 nm — omówienie wyników

Pomiar przeprawadzany był w temperaturach chłodnicy od $283\,\mathrm{K}$ do $353\,\mathrm{K}$, krokiem co $5\,\mathrm{K}$. Wartości wyznaczonego prądu progowego znajdują się w tabel 5.2. Rysunki od 5.7 do 5.11 dotyczą lasera krawędziowego $850\,\mathrm{nm}$.

- Wykres na rysunku 5.7 przedstawia sposób wyznaczana wartość prądu progowego. Następnie na podstawie wyznaczonych wartości w danej temperaturze, sporządziłem wykres prądu progowego w zależności od temperatury przedstawiony na rysunku 5.8. Do wykreślonych wartości punktów dopasowałem funkcję 4.5 w wyniku otrzymałem temperaturą charakterystyczną, T_0 , która wynosiła (157 ± 4) K oraz parametrem I_0 o wartości (1.7 ± 0.1) mA
- Analizując wykres napięcia na laserze od prądu wejściowego przedstawiony na rysunku 5.9 można zauważyć, że wraz ze wzrostem temperatury na chłodnicy maleje opór lasera. Także, wraz z wyższą temperaturą chłodnicy maleje moc wyjściowa lasera.
- Wykres na rysunku 5.10 przedstawia sprawność różniczkowa lasera w funkcji prądu wejściowego w różnych temperaturach chłodnicy. W górnej części rysunku pokazana jest zależność mocy wyjściowej od prądu, do której dopasowałem funkcją kwadratowa dla punktów leżących powyżej wartości prądu progowego. Dopasowana funkcja zbliżona jest do funkcji liniowej, przez co sprawność różniczkowa jest prawie stała, jednakże jak wynika z wykresu im wyższa temperatura tym sprawność lasera mniejsza, chodź zmiany na przestrzeni od są małe rzędu (0.014 0.018)W/A.
- Wykres na rysunku 5.11 przedstawia jak zmienia się sprawność lasera od temperatury chłodnicy. Funkcje, które przedstawiają sprawność zostały wyznaczone

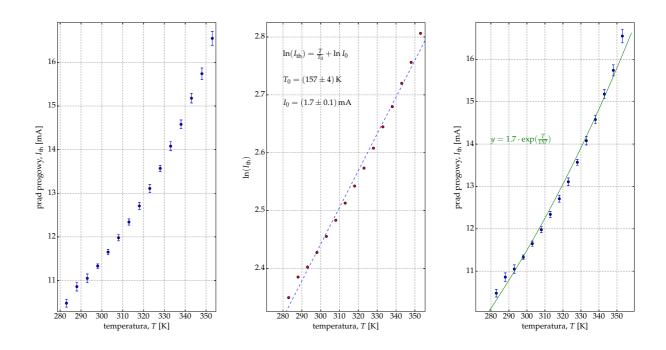
Tabela 5.2. Wyznaczone wartośc prądu progowego $I_{\rm th}$ w różnych temperaturach T dla lasera krawędziowego 850 nm.

T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$	T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$	T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$
283	10.48 ± 0.09	288	10.9 ± 0.1	293	11.1 ± 0.1
298	11.33 ± 0.05	303	11.65 ± 0.06	308	11.98 ± 0.07
313	12.34 ± 0.07	318	12.71 ± 0.08	323	13.11 ± 0.09
328	13.57 ± 0.07	333	14.1 ± 0.1	338	14.6 ± 0.1
343	15.2 ± 0.2	348	15.7 ± 0.2	353	16.6 ± 0.2

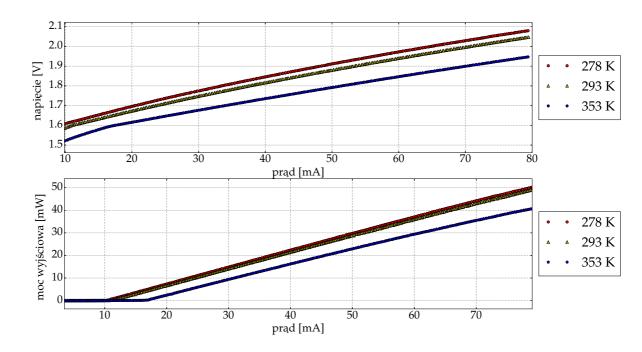


Rysunek 5.7. Wykres ilustrujący wyznaczanie prądu progow dla lasera krawędziowego $850\,\mathrm{nm}.$

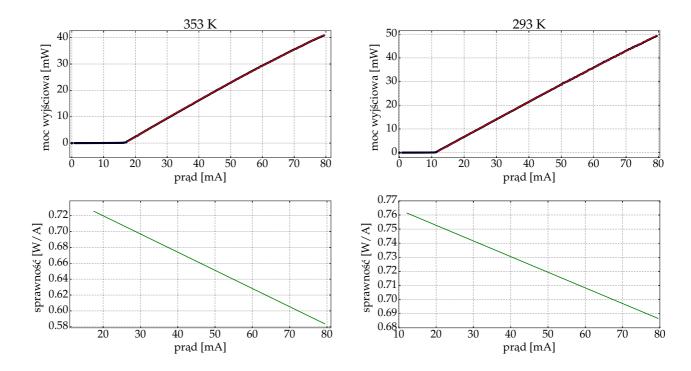
analogicznie jak te przedstawione na rysunku 5.10. Analizując ten wykres, dochodzę do wniosku, że wraz z wyższą temperaturą sprawność różniczkowa lasera maleje.



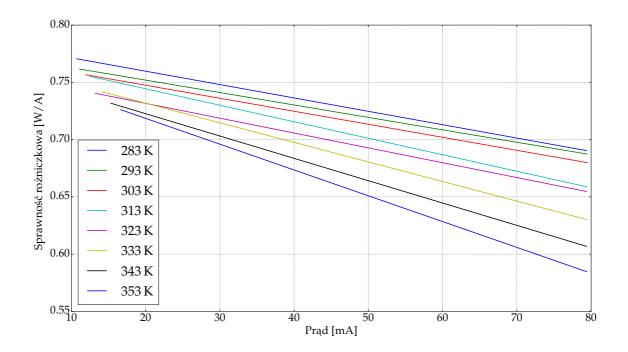
Rysunek 5.8. Wykres prądu progowego w zależności od temperatury chłodnicy z dopasowanymi wartościami I_0 i T_0 dla lasera krawędziowego 850 nm.



Rysunek 5.9. Wykres napiięcia oraz mocy wyjściowej w funkcji prądu dla lasera krawędziowego 850 nm w różnych temperaturach.



Rysunek 5.10. Wykres sprawności różniczkowej dla lasera krawędziowego 850 nm w dwóch temperaturach. U góry dopasowanie funkcji, na dole pochodna tych funkcji.



Rysunek 5.11. Wykres sprawności różniczkowej dla lasera krawędziowego $850\,\mathrm{nm}$ w różnych temperaturach.

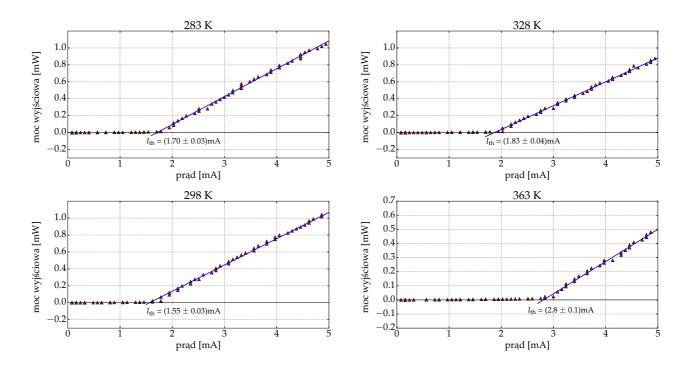
5.2.3. Laser VCSEL 850 nm — omówienie wyników

Pomiar przeprawadzany był w temperaturach chłodnicy od $283\,\mathrm{K}$ do $353\,\mathrm{K}$, krokiem co $5\,\mathrm{K}$. Wartości wyznaczonego prądu progowego znajdują się w tabel 5.2.3. Rysunki od 5.12 do 5.16 dotyczą lasera VCSEL $850\,\mathrm{nm}$.

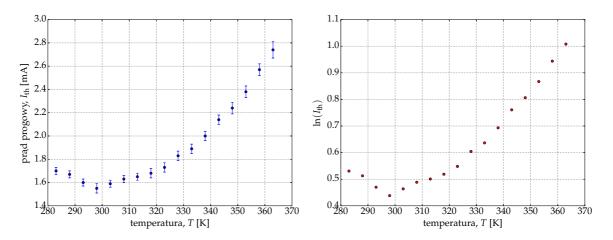
- Wykres na rysunku 5.12 przedstawia sposób wyznaczana wartość prądu progowego. Następnie na podstawie wyznaczonych wartości w danej temperaturze, sporządziłem wykres prądu progowego w zależności od temperatury przedstawiony na rysunku 5.13. Jak widzimy wykres ten charakteryzuje się pewnym prądem minimalnym osiągniętym w temperaturze 298 K.
- Analizując wykres napięcia na laserze od prądu wejściowego przedstawiony na rysunku 5.14 można zauważyć, że wraz ze wzrostem temperatury na chłodnicy maleje opór lasera. Także, wraz z wyższą temperaturą chłodnicy maleje moc wyjściowa lasera.
- Wykres na rysunku 5.15 przedstawia sprawność różniczkowa lasera w funkcji prądu wejściowego od temperatury na chłodnicy. W górnej części rysunku pokazana jest zależność mocy wyjściowej od prądu, do której dopasowałem funkcją kwadratowa dla punktów leżących powyżej wartości prądu progowego. Dopasowana funkcja zbliżona jest do funkcji kwadratowej, przez co zmiany sprawności wraz z wzrostem prądu jest dosyć duża.
- Wykres na rysunku 5.16 przedstawia jak zmienia się sprawność lasera od temperatury chłodnicy. Funkcje, które przedstawiają sprawność zostały wyznaczone analogicznie jak te przedstawione na rysunku 5.15. Analizując ten wykres, dochodzę do wniosku, że wraz z wyższą temperaturą sprawność lasera maleje.

Tabela 5.3. Wyznaczone wartośc prądu progowego $I_{\rm th}$ w różnych temperaturach T dla lasera VCSEL 850 nm.

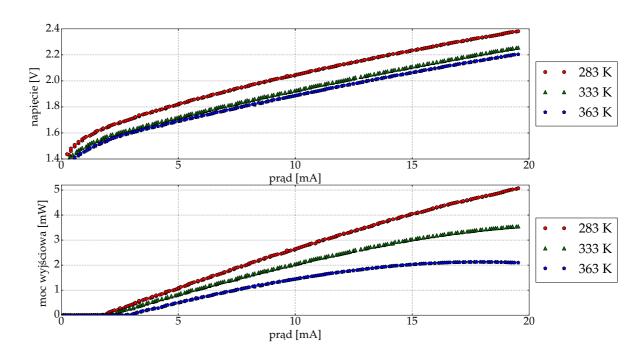
T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$	T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$	T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$
283	1.70 ± 0.03	288	1.67 ± 0.03	293	1.60 ± 0.03
298	1.55 ± 0.04	303	1.59 ± 0.03	308	1.63 ± 0.03
313	1.65 ± 0.03	318	1.68 ± 0.04	323	1.73 ± 0.04
328	1.83 ± 0.04	333	1.89 ± 0.04	338	2.01 ± 0.04
343	2.14 ± 0.04	348	2.24 ± 0.05	353	2.38 ± 0.05
358	2.57 ± 0.05	363	2.74 ± 0.07		



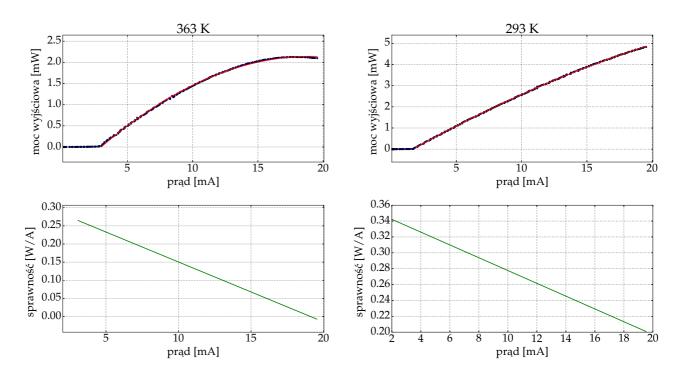
Rysunek 5.12. Wykres prądu progowego od temperatury z wyznaczonymi progami prądu dla lasera VCSEL 850 nm.



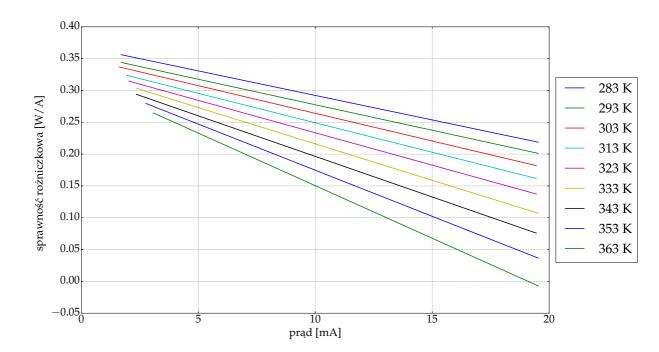
Rysunek 5.13. Wykres prądu progowego od temperatury dla lasera VCSEL $850\,\mathrm{nm}.$



Rysunek 5.14. Wykres napięcia na laserze i mocy wyjściowej w funkcji prądu od temperatury chłodnicy dla lasera VCSEL 850 nm.



Rysunek 5.15. Sprawność różniczkowa dla lasera VCSEL 850 nm w różnych temperaturach.



Rysunek 5.16. Sprawność różniczkowa lasera VCSEL 850 w funkcji prądu dla różnych temperatur.

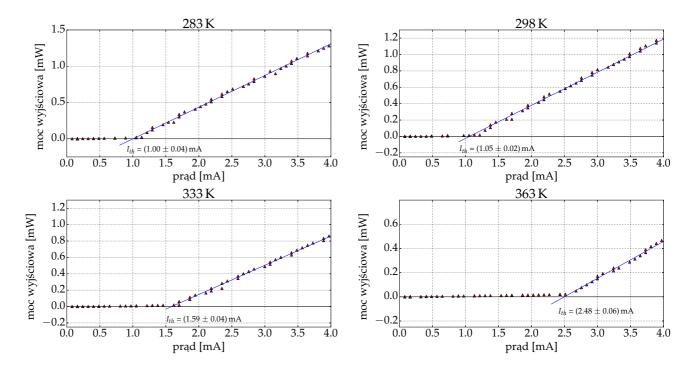
5.2.4. Laser VCSEL 980 nm — omówienie wyników

Pomiar przeprawadzany był w temperaturach chłodnicy od $283\,\mathrm{K}$ do $363\,\mathrm{K}$, krokiem co $5\,\mathrm{K}$. Wartości wyznaczonego prądu progowego znajdują się w tabel 5.2.3. Rysunki od 5.17 do 5.21 dotyczą lasera VCSEL $980\,\mathrm{nm}$.

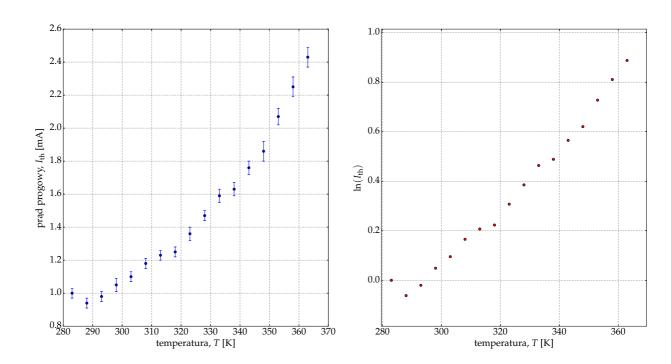
- Wykres na rysunku 5.17 przedstawia sposób wyznaczana wartość prądu progowego. Następnie na podstawie wyznaczonych wartości w danej temperaturze, sporządziłem wykres prądu progowego w zależności od temperatury przedstawiony na rysunku 5.18. Jak widzimy wykres ten charakteryzuje się pewnym prądem minimalnym osiągniętym w temperaturze 288 K.
- Analizując wykres napięcia na laserze od prądu wejściowego przedstawiony na rysunku 5.19 można zauważyć, że wraz ze wzrostem temperatury na chłodnicy maleje opór lasera. Także, wraz z wyższą temperaturą chłodnicy maleje moc wyjściowa lasera.
- Wykres na rysunku 5.20 przedstawia sprawność różniczkowa lasera w funkcji prądu wejściowego od temperatury na chłodnicy. W górnej części rysunku pokazana jest zależność mocy wyjściowej od prądu, do której dopasowałem funkcją kwadratowa dla punktów leżących powyżej wartości prądu progowego. Dopasowana funkcja zbliżona jest do funkcji kwadratowej, przez co zmiany sprawności wraz z wzrostem prądu jest dosyć duża.
- Wykres na rysunku 5.21 przedstawia jak zmienia się sprawność lasera od temperatury chłodnicy. Funkcje, które przedstawiają sprawność zostały wyznaczone analogicznie jak te przedstawione na rysunku 5.20. Analizując ten wykres, dochodzę do wniosku, że wraz z wyższą temperaturą sprawność lasera maleje.

Tabela 5.4. Wyznaczone wartośc prądu progowego $I_{\rm th}$ w różnych temperaturach T dla lasera VCSEL 980 nm.

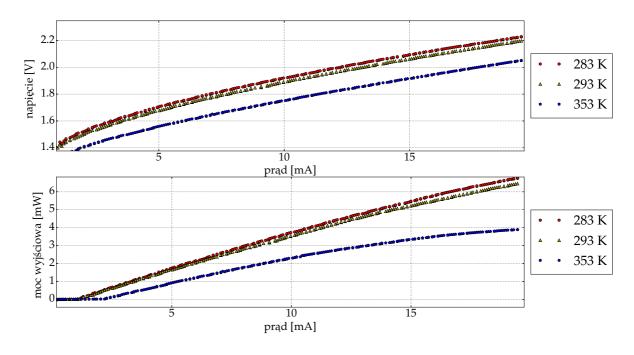
T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$	T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$	T[K]	$I_{ m th} \ [{ m mA}]$
283	1.0 ± 0.04	288	0.94 ± 0.03	293	0.98 ± 0.03
298	1.05 ± 0.04	303	1.1 ± 0.03	308	1.18 ± 0.03
313	1.23 ± 0.03	318	1.25 ± 0.03	323	1.36 ± 0.04
328	1.47 ± 0.03	333	1.59 ± 0.04	338	1.63 ± 0.04
343	1.76 ± 0.04	348	1.86 ± 0.06	353	2.07 ± 0.05
358	2.25 ± 0.06	363	2.48 ± 0.06		



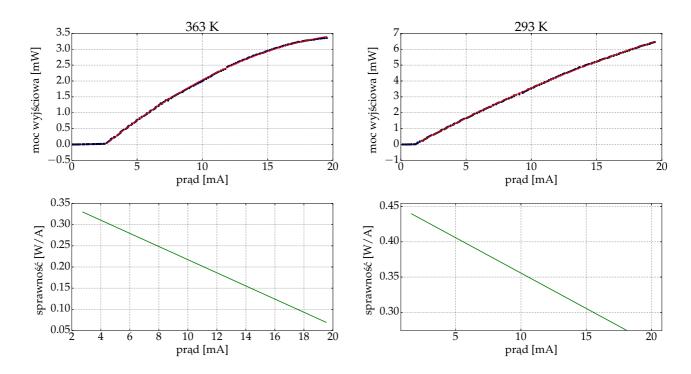
Rysunek 5.17. Wykres ilustrujący wyznaczanie prądu progow dla lasera VCSEL 980 nm.



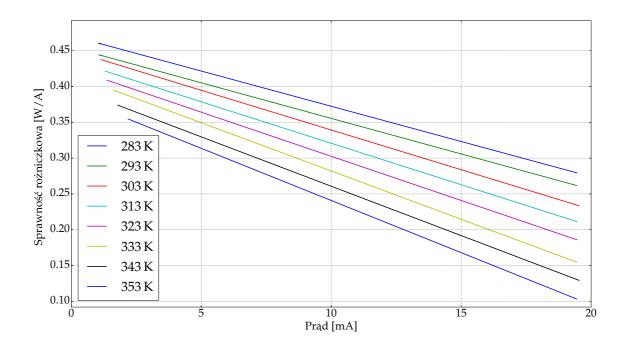
Rysunek 5.18. Wykres prądu progow od temperatury dla lasera VCSEL 980 nm w skali liniowej oraz logarytmicznej.



Rysunek 5.19. Wykres napięcia oraz mocy wyjściowej w fukcji prądu dla lasera VCSEL $980\,\mathrm{nm}.$



Rysunek 5.20. Wykres sprawności różnoczkowej dla lasera VCSEL 980 nm w dwóch różnych temperaturach.

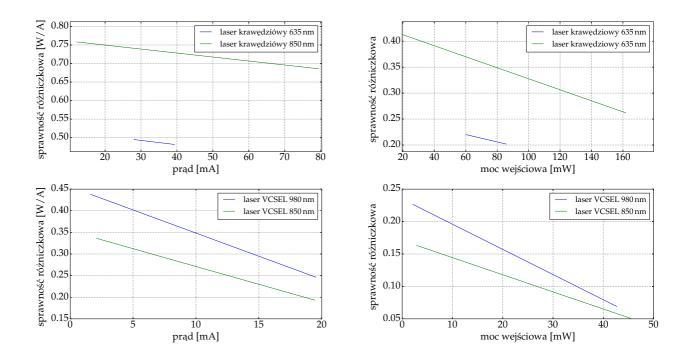


Rysunek 5.21. Wykres sprawności różniczkowej dla lasera VCSEL 980 nm w różnych temperaturach.

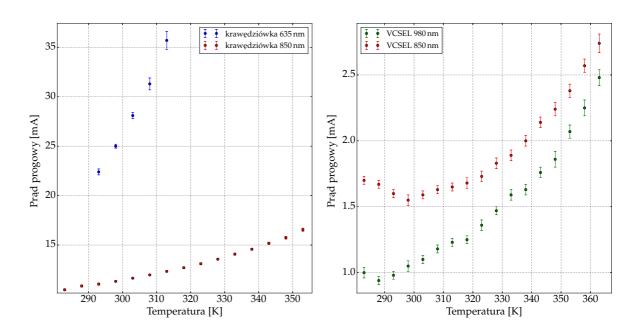
5.3. Porównanie laserów

Analizując pomiary dla 4 laserów które przeprowadziłem, można wyciągnąć nastepujące wnioski:

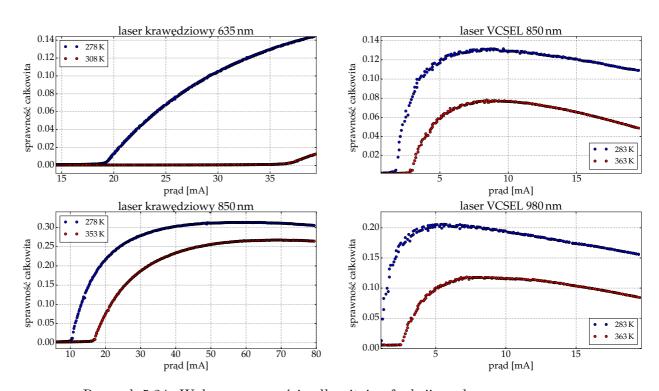
- Sprawność różniczkowa laserów krawędziowych w funkcji zarówno prądu i mocy wejściowej jest większa, co przedstawia wykres na rysunku 5.22
- Prąd progowy dla laserów krawędziowych jest większy od prądu progowego dla laserów VCSEL, co przedstawia wykres na rysunku 5.23.
- Także, sprawność całkowita w wyższych temperaturach jest większa, co możemy zobaczyć na wykresie przedstawionym na rysunku 5.24.



Rysunek 5.22. Wykres sprawności różniczkowej w funkcji prądu oraz mocy wejściowej.



Rysunek 5.23. Wykres prądu progowego od temperatury.



Rysunek 5.24. Wykres sprawności całkowitej w funkcji prądu.

6. Podsumowanie

6.1. Rezultat pracy

W ramach pracy stworzyłem program do sterowania pomiarami charakterystyk elektryczno-optycznych. Program stworzony jest w dwóch wersjach: skryptowej oraz okienkowej. Program został napisany w języku Python w sposób obiektowy, co ułatwi pracę nad nim w przyszłości. Praca moja wypełniła lukę, którą było brak programu do sterowania sprzętem firmy Thorlabs na platformie Linux. W ramach pracy zbadałem 4 lasery półprzewodnikowe: dwa krawędziowe oraz dwa VCSEL. Wyznaczyłem dla nich wartość prądu progowego oraz sprawności

6.2. Co dalej?

Możliwa jest dalszy rozwój programu do sterowania m.in. o sterowanie zasilaniem impulsowym.

Bibliografia

- [1] A. Devert: matplotlib Plotting Cookbook Packt Publising Ltd. 2014
- [2] E. Bressert: Scipy and NymPy, O'Reilly 2013
- [3] Thorlabs Manual: LDC4000 Series Operation Manual, 2016
- [4] Thorlabs Manual: Series 4000 SCPI Programmer's Reference Manual, 2015
- [5] Thorlabs Manual: Operation Manual Thorlabs Instrumentation Optical Power and Energy Meter PM100 USB, 2011
- [6] B. Ziętek: Optoelektronika Wydawnictwo Uniwersytetu Mikołaja Kopernika, Toruń, 2004
- [7] B. Tell, K. F. Brown-Goebeler, R. E. Leibenguth, F. M. Baez, Y. H. Leec: Temperature dependence of GaAs-AIGaAs vertical cavity surface emitting lasers 1991