

*Program przeszukiwania przestrzeni stanów  
według algorytmu  $A^*$*

# **WPROWADZENIE DO BUDOWY PROGRAMU**

## **STRUKTURY DANYCH**

*Struktury danych przetwarzane przez program to*  
--kolejka węzłów drzewa poszukiwań  
--zbiór zamknięty węzłów drzewa poszukiwań  
*implementowane jako listy.*

*Kolejka zawiera węzły osiągnięte w trakcie dotychczasowego przebiegu algorytmu, a jeszcze nie rozpatrzone. Zbiór zamknięty zawiera węzły już przetworzone - tzn. węzły, dla których wygenerowano już węzły potomne.*

*Elementami kolejki i zbioru zamkniętego są egzemplarze struktury opisującej węzeł:*

```
node( <struktura reprezent. stan > , <struktura reprezent. akcję > ,  
      < struktura reprezent. stan poprzedzający > ,  
      <dotychczasowy koszt> , <ocena wg funkcji f> )
```

## **GLÓWNA PROCEDURA PROGRAMU**

*Główną procedurą programu jest rekurencyjna procedura search\_A\_star, która implementuje jeden krok algorytmu*

**PROCEDURA search\_A\_star (Queue, ClosedSet, PathCost)**

```
{  
    < pobierz węzeł z kolejki Queue>  
  
    <zbadaj stan przypisany do pobranego węzła>  
  
    JEŚLI    < stan spełnia warunek stanu docelowego >  
  
        < zbuduj ścieżkę—do wyniku PathCost wpisz  
          otrzymaną ścieżkę oraz koszt przypisany do węzła>  
  
    W PRZECIWNYM PRZYPADKU  
    {  
        < konstruuuj listę węzłów potomnych dla pobranego węzła >  
  
        <węzły potomne wstaw do kolejki Queue,  
          przetworzony węzeł włącz do zbioru zamkniętego ClosedSet>  
  
        < wywołaj rekurencyjnie search_A_star dla nowej kolejki węzłów  
          i nowego zbioru zamkniętego>  
  
        < jako wynik PathCost zwróć wynik  
          zwrócony przez wywołanie rekurencyjne>  
    }  
}
```

## ***ZAŁOŻENIA DOTYCZĄCE DEFINICJI PRZESTRZENI STANÓW DLA DZIEDZINY PROBLEMU***

*Niniejsza implementacja algorytmu zakłada, że definicja przestrzeni stanów dla dziedziny problemu, do której ma być zastosowany algorytm, jest dołączona do programu w postaci następującego zestawu procedur:*

- procedura succ – procedura niedeterministyczna, która implementuje funkcję następnik:  
dla podanego stanu procedura zwraca (niedeterministycznie) atrybuty  
JEDNEGO z możliwych stanów potomnych. W wyniku wymuszania nawrotów  
do tej procedury program uzyskuje wszystkie stany potomne dla stanu podanego  
w wywołaniu procedury succ. Atrybuty stanu potomnego zwracane przez succ, to:  
--opis stanu  
--opis akcji powodującej przejście od stanu zadanego do stanu potomnego  
--koszt kroku*
- procedura goal – procedura implementująca sprawdzenie, czy podany stan  
spełnia kryterium/kryteria celu*
- procedura hscore – procedura implementująca składową h oceny heurystycznej*

\*\*\*\*\*

## ***KOD PROGRAMU Z OPISEM***

\*\*\*\*\*

### ***Procedura start\_A\_star***

***Procedura inicjalizująca:*** wywołuje główną procedurę programu, **search\_A\_star**, z zainicjalizowaną kolejką węzłów i pustym zbiorem zamkniętym

***Postać wywołania :***

**start\_A\_star( < opis stanu początkowego>, PathCost )**

**start\_A\_star ( InitState, PathCost ) :-**

**score(InitState, 0, 0, InitCost, InitScore) ,**

**< określ koszt początkowy *InitCost* oraz ocenę stanu początkowego wg przyjętej heurystyki *InitScore* >**

**search\_A\_star( [node(InitState, nil, nil, InitCost , InitScore ) ], [ ], PathCost) .**

**<wywołaj główną procedurę programu z kolejką zawierającą opis węzła początkowego oraz pustym zbiorem zamkniętym.**

**Dla stanu początkowego jako stan poprzedzający przyjmuje się symbol *nil*, podobnie jako akcję tworzącą stan początkowy przyjmuje się symbol *nil* >**

***Wynik PathCost zwrócony przez procedurę search\_A\_star zostanie zwrócony jako wynik procedury start\_A\_star***

## ***Procedura search\_A\_star***

***Główna pętla programu: procedura rekurencyjna, która na każdym poziomie rekurencji wykonuje jeden krok algorytmu***

***Postać wywołania :***

**search\_A\_star( < kolejka węzłów >, < zbiór zamknięty>, PathCost )**

***Wynik—ścieżka z kosztem--zostanie związany ze zmienną PathCost***

*Na każdym poziomie rekurencji procedura*

*---pobiera pierwszy węzeł z kolejki-w tym celu wywołuje procedurę **fetch***

*---sprawdza, czy stan związany z pobranym węzłem spełnia warunki celu*

*---jeśli tak, to wywołuje procedurę **build\_path** w celu skonstruowania ścieżki od stanu początkowego do znalezionej stanu docelowego i kończy wykonanie*

*---w przeciwnym przypadku wywołuje procedurę **continue**, która*

*---wywołuje procedurę **expand** w celu wygenerowania węzłów potomnych węzła pobranego z kolejki*

*---wstawia otrzymane węzły potomne na właściwe pozycje do kolejki - w tym celu wywołuje procedurę **insert\_new\_nodes***

*---wywołuje siebie rekurencyjnie podając w wywołaniu nową kolejkę i zaktualizowany zbiór zamknięty.*

**search\_A\_star(Queue, ClosedSet, PathCost) :-**

**fetch(Node, Queue, ClosedSet, RestQueue),**

*< z kolejki pobierz pierwszy węzeł,*

*dla którego nie występuje w zbiorze zamkniętym węzeł związany z tym samym stanem*

*wynik: **Node** - pobrany węzeł, **RestQueue** - reszta kolejki >*

**continue(Node, RestQueue, ClosedSet, PathCost).**

*<zbadaj stan przypisany do pobranego węzła: zakończ lub kontynuuj*

*zależnie od tego, czy stan spełnia warunek stanu docelowego>*

## ***Procedura continue***

***Postać wywołania :***

**continue( < opis węzła>, < kolejka węzłów >, < zbiór zamknięty>, PathCost )**

*Wynik zostanie związany ze zmienną PathCost*

**continue(node(State, Action, Parent, Cost, \_), \_ , ClosedSet,  
path\_cost(Path, Cost) ) :-**

**goal( State), ! ,**

**build\_path(node(Parent, \_ , \_ , \_ , \_ ) , ClosedSet, [Action/State], Path) .**

*<jeśli stan przypisany do pobranego węzła spełnia warunek stanu docelowego to zbuduj ścieżkę—do wyniku wpisz, jako elementy struktury path\_cost, otrzymaną ścieżkę oraz koszt przypisany do węzła>*

*<Procedura goal , sprawdzająca czy stan spełnia kryterium stanu celu, jest składnikiem dołączanej do programu definicji przestrzeni stanów —patrz założenia do program podane wyżej>*

***<w przeciwnym przypadku>***

**continue(Node, RestQueue, ClosedSet, Path) :-**

**expand( Node, NewNodes),**  
*< konstruuje listę węzłów potomnych dla węzła Node>*

**insert\_new\_nodes(NewNodes, RestQueue, NewQueue),**  
*<węzły z listy wygenerowanej przez procedurę expand wstaw do kolejki >*

**search\_A\_star (NewQueue, [Node | ClosedSet ], Path).**  
*< rekurencyjne wywołanie search\_A\_star: kontynuuj przeszukiwanie dla nowej kolejki węzłów. Opis rozpatrzonego węzła zostaje dołączony do zbioru zamkniętego >*

## ***Procedura fetch***

***Procedura pobiera z kolejki pierwszy węzeł, który nie jest węzłem ze stanem powtórzonym***

***Postać wywołania :***

**fetch(Node, < kolejka węzłów >, < zbiór zamknięty>, RestQueue )**

**Wynik**—pobrany węzeł i reszta kolejki-- --zostanie związany odpowiednio ze zmiennymi **Node, RestQueue**

*Procedura pobiera pierwszy element z kolejki węzłów i sprawdza, czy w zbiorze zamkniętym nie występuje węzeł , do którego jest przypisany ten sam stan.*

*--jeśli nie, to procedura wiąże zmienną **Node** z opisem tego węzła, a zmienną **RestQueue** z resztą kolejki, pozostałą po pobraniu węzła*

*--w przeciwnym razie następuje rekurencyjne wywołanie procedury dla reszty kolejki, pozostałej po usunięciu zbadanego węzła.*

**fetch(node(State, Action,Parent, Cost, Score),  
[node(State, Action,Parent, Cost, Score) |RestQueue],  
ClosedSet, RestQueue) :-**

**\+member(node(State, \_ , \_ , \_ , \_ ) , ClosedSet), ! .**

**fetch(Node, [ \_ |RestQueue], ClosedSet, NewRest) :-**

**fetch(Node, RestQueue, ClosedSet , NewRest).**

## ***Procedura expand***

***Procedura konstruuje listę węzłów potomnych dla węzła podanego w pierwszym argumencie wywołania***

***Postać wywołania:***

**expand( <opis węzła>, NewNodes)**

***Wynik zostanie związanany ze zmienną NewNodes***

**expand(node(State, \_ , \_ , Cost, \_ ), NewNodes), :-**

**findall(node(ChildState, Action, State, NewCost, ChildScore) ,  
(succ (State, Action, StepCost, ChildState),  
score(ChildState, Cost, StepCost, NewCost, ChildScore) ) ,**

**NewNodes),**

**!.**

*Węzły potomne są uzyskiwane przez kolejne nawroty do procedury **succ** , wymuszane przez procedurę **findall**— po każdym wykonaniu **succ** jest wykonywana procedura **score**, w celu określenia dla uzyskanego węzła potomnego oceny wg przyjętej heurystyki typu  $A^*$ : dotychczasowego kosztu,  $g(<stan>)$  , oraz sumarycznej oceny  $f(<stan>)$  . Jeśli pierwsze odwołanie do procedury **succ** zakończy się niepowodzeniem (brak węzłów potomnych dla rozpatrywanego węzła), to wynik **NewNodes** zwracany przez procedurę jest listą pustą. Procedura **succ** jest składnikiem dołączanej do programu definicji przestrzeni stanów —patrz założenia do program podane wyżej*



## ***Procedura score***

***Procedura określa składniki oceny stanu  $f(<stan>)$***

***Postać wywołania :***

***score(<opis stanu>, <koszt przypisany do stanu rodzica>,  
<koszt przejścia między stanami>, Cost, Score)***

***Wynik :*** *sumaryczna ocena  $f(<stan>)$  zostaje związana ze zmienną **Score**,  
a składnik  $g(<stan>)$  zostaje związany ze zmienną **Cost***

**score(State, ParentCost, StepCost, Cost, FScore) :-**

**Cost is ParentCost + StepCost ,**

**hScore(State, HScore),**

**FScore is Cost + HScore .**

*Składnik  $g(<stan>)$  zostaje wyznaczony jako całkowity dotychczasowy koszt.*

*Składnik  $h(<stan>)$  zostaje wyznaczony przez procedurę **hScore**, implementującą przyjętą heurystykę. Procedura **hScore** jest składnikiem dołączanej do programu definicji przestrzeni stanów –patrz założenia do program podane wyżej*

### ***Procedura insert\_new\_nodes***

*Procedura wstawia (kolejno) węzły z listy podanej w pierwszym argumencie do kolejki priorytetowej, w której węzły są uszeregowane wg rosnących wartości oceny f(<stan>).*

*Postać wywołania :*

**insert\_new\_nodes (<lista węzłów do wstawienia>, <kolejka priorytetowa>, NewQueue)**

*Wynik zostaje związany ze zmienną NewQueue.*

**insert\_new\_nodes( [ ], Queue, Queue) .**

**insert\_new\_nodes( [Node|RestNodes], Queue, NewQueue) :-**

**insert\_p\_queue(Node, Queue, Queue1),**

**insert\_new\_nodes( RestNodes, Queue1, NewQueue) .**

*Jak widać, procedura **insert\_new\_nodes** jest procedurą rekurencyjną: na każdym poziomie rekurencji pobiera pierwszy węzeł z listy i wywołuje procedurę **insert\_p\_queue** w celu wstawienia węzła do kolejki priorytetowej.*

## ***Procedura insert\_p\_queue***

*Procedura wstawia węzeł podany w pierwszym argumencie do kolejki priorytetowej, w której węzły są uszeregowane wg rosnących wartości oceny  $f(<stan>)$ .*

*Postać wywołania :*

**insert\_p\_queue (<opis węzła>, <kolejka priorytetowa>, Queue1)**

*Wynik zostaje związany ze zmienną Queue1.*

**insert\_p\_queue(Node, [], [Node] )    :-   ! .**

**insert\_p\_queue(node(State, Action, Parent, Cost, FScore),  
                  [node(State1, Action1, Parent1, Cost1, FScore1)|RestQueue],  
                  [node(State1, Action1, Parent1, Cost1, FScore1)|Rest1] ) :-**

**FScore >= FScore1, ! ,**

*< ocena węzła jest zapisana w elemencie Fscore struktury opisującej węzeł >*

**insert\_p\_queue(node(State, Action, Parent, Cost, FScore), RestQueue, Rest1) .**

**insert\_p\_queue(node(State, Action, Parent, Cost, FScore), Queue,  
                  [node(State, Action, Parent, Cost, FScore)|Queue]    .**

### *Procedura* build\_path

*Procedura buduje ścieżkę prowadzącą od stanu początkowego do stanu przypisanego do węzła zadanego w pierwszym argumencie wywołania*

***Postać wywołania :***

```
build_path(<węzeł>, <zbiór zamknięty>,
          <dotychczas zbudowany odcinek ścieżki>, Path)
```

Wynik zostanie związany ze zmienną **Path**

```
build path(node(nil, , , ), , Path, Path) :- !.
```

```
build_path(node(EndState,_,_,_,_), Nodes, PartialPath, Path) :-
```

~~del(Nodes, node(EndState, Action, Parent, , ), Nodes1),~~

```
build_path( node(Parent,_,_,_), Nodes1,
            [Action/EndState|PartialPath|,Path) .
```

*Jak widać, procedura **build\_path** jest procedurą rekurencyjną. Ścieżka jest budowana od końca: opis stanu zadanego wraz z opisem akcji generującej ten stan zostaje dodany do ścieżki, w zbiorze zamkniętym zostaje odszukany węzeł poprzedzający węzeł zadany (węzeł rodzic), a następnie w rekurencyjnym wywołaniu **build\_path** jest konstruowana dalsza (wcześniejsza) część ścieżki. Warunkiem zakończenia rekurencji jest wykrycie symbolu **nil**, który występuje w opisie węzła początkowego jako stan poprzedzający.*

## *Procedura pomocnicza* del

***Postać wywołania :***

**del(<lista>, <element>, ResultList)**

*Procedura usuwa element podany w drugim argumencie z listy podanej w pierwszym argumencie. Wynik zostaje związany ze zmienną podaną w trzecim argumencie wywołania.*

$$\mathbf{del}([X|R], X, R).$$
$$\text{del}([Y|R],X,[Y|R1]) :-$$
$$X \setminus = Y,$$
$$\text{del}(\mathbf{R}, \mathbf{X}, \mathbf{R1}).$$

\*\*\*\*\*

## ***KOD BEZ OBJAŚNIENÍ***

\*\*\*\*\*

**start\_A\_star( InitState, PathCost ) :-**

**score(InitState, 0, 0, InitCost, InitScore) ,**

**search\_A\_star( [node(InitState, nil, nil, InitCost , InitScore ) ], [ ], PathCost) .**

**search\_A\_star(Queue, ClosedSet, PathCost) :-**

**fetch(Node, Queue, ClosedSet , RestQueue),**

**continue(Node, RestQueue, ClosedSet, PathCost).**

**continue(node(State, Action, Parent, Cost, \_ ) , \_ , ClosedSet,  
path\_cost(Path, Cost) ) :-**

**goal( State), ! ,**

**build\_path(node(Parent, \_ , \_ , \_ , \_ ) , ClosedSet, [Action/State], Path) .**

**continue(Node, RestQueue, ClosedSet, Path) :-**

**expand( Node, NewNodes),**

**insert\_new\_nodes(NewNodes, RestQueue, NewQueue),**

**search\_A\_star(NewQueue, [Node | ClosedSet ], Path).**

```

fetch(node(State, Action, Parent, Cost, Score),
      [node(State, Action, Parent, Cost, Score) | RestQueue],
      ClosedSet, RestQueue) :-

```

```

    \+member(node(State, _, _, _, _), ClosedSet), ! .

```

```

fetch(Node, [ _ | RestQueue], ClosedSet, NewRest) :-

```

```

    fetch(Node, RestQueue, ClosedSet, NewRest).

```

```

expand(node(State, _, _, Cost, _), NewNodes) :-

```

```

    findall(node(ChildState, Action, State, NewCost, ChildScore) ,
            (succ(State, Action, StepCost, ChildState),
             score(ChildState, Cost, StepCost, NewCost, ChildScore) ) ,

```

```

            NewNodes),

```

```

    ! .

```

```

score(State, ParentCost, StepCost, Cost, FScore) :-

```

```

    Cost is ParentCost + StepCost ,

```

```

    hScore(State, HScore),

```

```

    FScore is Cost + HScore .

```

**insert\_new\_nodes( [ ], Queue, Queue) .**

**insert\_new\_nodes( [Node|RestNodes], Queue, NewQueue) :-**

**insert\_p\_queue(Node, Queue, Queue1),**

**insert\_new\_nodes( RestNodes, Queue1, NewQueue) .**

**insert\_p\_queue(Node, [ ], [Node] )    :-    ! .**

**insert\_p\_queue(node(State, Action, Parent, Cost, FScore),**

**[node(State1, Action1, Parent1, Cost1, FScore1)|RestQueue],**

**[node(State1, Action1, Parent1, Cost1, FScore1)|Rest1] ) :-**

**FScore >= FScore1, ! ,**

**insert\_p\_queue(node(State, Action, Parent, Cost, FScore), RestQueue, Rest1) .**

**insert\_p\_queue(node(State, Action, Parent, Cost, FScore), Queue,**

**[node(State, Action, Parent, Cost, FScore)|Queue]) .**

**build\_path(node(nil, \_ , \_ , \_ , \_ ), \_ , Path, Path) :-    ! .**

**build\_path(node(EndState, \_ , \_ , \_ , \_ ), Nodes, PartialPath, Path) :-**

**del(Nodes, node(EndState, Action, Parent , \_ , \_ ) , Nodes1) ,**

**build\_path( node(Parent, \_ , \_ , \_ , \_ ) , Nodes1,**

**[Action/EndState|PartialPath],Path) .**

**del([X|R],X,R).**

**del([Y|R],X,[Y|R1]) :-**

**X\=Y,**

**del(R,X,R1).**