

2.23.  $\frac{100a}{100-p}$  zł,  $0 < p < 100$ .

2.24. Końcowa cena stanowi 96% ceny początkowej.

2.25. 440 zł.

2.26. 2100 zł.

2.27. 64.

2.28. a) Średnie kolejnych cen są 3,26; 3,37; 3,34; 3,32; 3,44; 3,46; 3,69; 3,66; 3,06; 3,63; 4,03.

b)  $\bar{x} = 3,47$ .

c) 15,37%.

2.41. b) 23750 zł

c) 27750 zł

d) 16,84%

2.42. b) 9,4%.

2.43.  $\frac{246}{143}$ .

2.44. 1.

2.45. a)  $64a^{16}b^{26}c^{14}d^4$ ;

b)  $4x^2y^{13}z^{12}$ ;

c)  $2a^8b^m c$ ;

d)  $-2x^2y^{-2}z^4$ .

2.46. a)  $4x^2 + 10x$ ;

b)  $-0,4v + 0,8w - 14,2y$ ;

c)  $6,8x - 1,4y$ ;

d)  $144y^2 - 85xy - 21x^2$ ;

e)  $48x^4 - 0,96x^3y - 1,944x^2y^2 - 2,688xy^3 - 2,88y^4$ ;

f)  $6x^2 - 61xy - 35y^2 + 42x + 48y$ .

2.47. a)  $7x^2 - 16x - 7$ ;

b)  $50m^2 + 41m^2$ ;

c)  $13d^2 + 180cd - 79c^2$ ;

d)  $16x^3y - 16xy^3$ .

2.48. a) 13;

b) -30.

2.49. a)  $a^6 - 10a^4 + 27a^2 - 11$ ;

c)  $3x^4 - 3x^2$ .

b)  $-8a^3 - 32a^2 + 78a - 18$ ;

2.50.

Zbiór	Kres dolny	Kres górny
A	nie istnieje	nie istnieje
B	0	1
C	1	nie istnieje
D	0	1
E	0	1
F	nie istnieje	nie istnieje

2.51.

Zbiór	Kres dolny	Kres górny
A	3	nie istnieje
B	3	nie istnieje
C	4	nie istnieje
D	-3	3
E	0	2

2.52.

Zbiór	Kres dolny	Kres górny
A	0	1
B	1	1
C	-3	0
D	-1	2
E	2	nie istnieje
F	nie istnieje	nie istnieje
G	-2	2
	nie istnieje	0

2.53.

a) Kres dolny nie istnieje, kres górny -1;

b) kres dolny 0, kres górny nie istnieje;

c) kres dolny 2, kres górny 10.

2.56.

Zadanie ma nieskończenie wiele rozwiązań, np.

a)  $k = 3,001$ ; b)  $k = \frac{11}{30}$ ; c)  $k = 1,49$ ; d)  $k = 3,1401$ .

2.57.

Ponieważ  $m < n$ , więc „odległość” między tymi liczbami jest  $n - m$ . Między liczbami  $m$  i  $n$  zawarta jest każda liczba postaci  $m + a \cdot (n - m)$ , gdzie  $a \in (0, 1)$ .

a)  $2\frac{1}{2} + a(2,75 - 2,5) = 2,5 + a \cdot 0,25$ , gdzie  $a \in (0, 1)$ .

Gdy  $a_1 = 0,25$  i  $a_2 = 0,5$  i  $a_3 = 0,75$ , to  $k_1 = 2,5625$  i  $k_2 = 2,625$  i  $k_3 = 2,6875$ .

2.59.

a) Dla  $x \geq 0$ ; b) dla każdej pary liczb rzeczywistych;

c) dla  $x = y$  lub  $x = -y$ ; d) dla  $x = 0$  lub  $x = -1$ ;

e) dla  $x = -1$  lub  $x = 7$ ; f) dla  $x = 1$  lub  $x = -2$ .

2.60.

a) 3; b)  $-3x + 1$ ; c) 1.

2.65.

b) Wykażemy najpierw, że  $|x| \leq c \Leftrightarrow -c \leq x \leq c$  (\*).

Ponieważ  $|x| = x$  lub  $|x| = -x$ ,

wtedy  $x = |x|$  lub  $x = -|x|$  oraz  $-|x| \leq |x|$ .

Zatem  $-|x| \leq x \leq |x|$ .

Jeśli  $|x| \leq c$ , to  $-|x| \geq -c$  co pociąga za sobą nierówność

$-c \leq -|x| \leq x \leq |x| \leq c$  czyli  $-c \leq x \leq c$ .

Jeśli  $-c \leq x \leq c$  to również  $-c \leq -x \leq c$ , czyli  $-c \leq |x| \leq c$ .

Aby wykazać b) zauważmy, że

$-|x| \leq x \leq |x|$

$-|y| \leq y \leq |y|$ .

Dodając te nierówności stronami otrzymujemy nierówność

$-(|x| + |y|) \leq x + y \leq |x| + |y|$

które na mocy (\*) dają nierówność

$|x + y| \leq |x| + |y|$

c) Wynika z b) bo

$|x - y| = |x + (-y)| \leq |x| + |-y| = |x| + |y|$

a) i d) są wnioskami z równości  $\sqrt{x^2} = |x|$  (zad. 2.61)

2.67. a)  $13\sqrt{5}$ ; b)  $6,5\sqrt{2}$ ; c)  $2x\sqrt{x}$ ; d)  $4\sqrt{10-7\sqrt{6}}$ .