

**Autor: Paweł Salwa**

Chciałem poprawić ten program, dlatego przesyłam go jeszcze raz. Tym razem zaimplementowałem funkcję z przesunięciami bitowymi która ma złożoność obliczeniową logarytmiczną  $O(\log(n))$ . Wiem, że ona znowu wykorzystuje pętlę, która jest niewydajna w pythonie, ale na podstawie wyników programu zauważyłem, że dla dużych wykładników jest ona szybsza (zgadza się to z logarytmiczną złożonością).

Ponieważ to w żaden sposób nie udowadnia, że mnożąc szybciej osiągniemy wynik, porównałem potęgowanie `**` i mnożenie `*` zapisując je wprost. Co się okazało- dla prawie wszystkich danych wejściowych czas trwania obliczeń był niemalże identyczny (może zatem operator `**` w pythonie wykorzystuje po prostu zwykłe mnożenie?).

Przesyłam także program w c++ który liczy to samo i wreszcie wyniki są zgodne z tym o co proszono w zadaniu. Okazuje się, że i metoda z wykorzystaniem przesunięcia binarnego, i metoda iteracyjna są szybsze od wbudowanej funkcji dla wykładników mniejszych od ok. 60. Dla większych `pow()` wbudowana jest szybsza.

#### **Output programu pythonowego:**

```
a= 2
b= 10
n= 100000
time pow_lib = 0.0111503248772
time pow_moja = 0.0101532555273
```

```
a= 2
b= 100
n= 100000
time pow_lib = 0.110493306507
time pow_moja = 0.0101593994332
```

```
a= 2
b= 1000
n= 100000
time pow_lib = 0.143562480822
time pow_moja = 0.0101617399923
```

```
a= 2
b= 10000
n= 100000
time pow_lib = 1.38894540315
time pow_moja = 0.0102217162785
wszystko sie zgadza
```

```
0.00139583858254 <-czas 3**2
0.00136277847923 <-czas 3*3
```

```
0.00141017437272 <-czas 3**4
0.00156201681239 <-czas 3*3*3*3
```

```
0.00135838997085 <-czas 3**8
0.00134668727696 <-czas 3*3*3*3*3*3*3*3
```

```
0.00134815010824 <-czas 3**16
0.0013563419925 <-czas 3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3
```

### Kod w pythonie :

```
# -*- coding: utf-8 -*-
"""
```

Created on Tue Dec 27 17:00:42 2016

```
@author: salwus    VERSION v2
"""
```

```
import timeit
```

```
a = 2
b = 10
n = 10**5 #ilosc wykonan
```

```
def pow_lib():
    global a,b
    return a**b
```

```
def pow_moja():
    global a,b
```

```
    wynik = 1
    while(b):
        if (b & 1):
            wynik *= a
        b>>=1
        a *=a
    return wynik
```

```
a = 2
b = 10
n = 10**5 #ilosc wykonan
```

```
print "a=",a
print "b=",b
print "n=",n
```

```
#=====ponizsze funkcje zwracaja czas trwania moich funkcji=====
```

```
print "time pow_lib = ", timeit.timeit( pow_lib, number=n )
print "time pow_moja = ", timeit.timeit( pow_moja, number=n )
```

```
a = 2
b = 100
n = 10**5 #ilosc wykonan
```

```
print "\na=",a
```

```
print "b=",b
print "n=",n
```

```
print "time pow_lib = ", timeit.timeit( pow_lib, number=n )
print "time pow_moja = ", timeit.timeit( pow_moja, number=n )
```

```
a = 2
b = 1000
n = 10**5 #ilosc wykonan
```

```
print "\na=",a
print "b=",b
print "n=",n
```

```
print "time pow_lib = ", timeit.timeit( pow_lib, number=n )
print "time pow_moja = ", timeit.timeit( pow_moja, number=n )
```

```
a = 2
b = 10000
n = 10**5 #ilosc wykonan
```

```
print "\na=",a
print "b=",b
print "n=",n
```

```
print "time pow_lib = ", timeit.timeit( pow_lib, number=n )
print "time pow_moja = ", timeit.timeit( pow_moja, number=n )
if(pow_lib() == pow_moja()):
    print 'wszystko sie zgadza\n\n'
```

```
print timeit.timeit('3**2', number=n) , '<-czas 3**2'
print timeit.timeit('3*3', number=n) , '<-czas 3*3\n'
```

```
print timeit.timeit('3**4', number=n) , '<-czas 3**4'
print timeit.timeit('3*3*3', number=n) , '<-czas 3*3*3\n'
```

```
print timeit.timeit('3**8', number=n) , '<-czas 3**8'
print timeit.timeit('3*3*3*3*3*3*3', number=n) , '<-czas 3*3*3*3*3*3*3\n'
```

```
print timeit.timeit('3**16', number=n) , '<-czas 3**16'
print timeit.timeit('3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3', number=n) , '<-czas
3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3*3\n'
```

```
=====
=====
```

#### Output programu w c++:

```
a=2, b=0, n=100000000
wbudowana czas: 0.135
moja binarna czas: 0.051
moja iteracyjna czas: 0.027

a=2, b=20, n=100000000
wbudowana czas: 0.223
moja binarna czas: 0.172
moja iteracyjna czas: 0.189

a=2, b=40, n=100000000
wbudowana czas: 0.225
moja binarna czas: 0.199
moja iteracyjna czas: 0.218

a=2, b=60, n=100000000
wbudowana czas: 0.225
moja binarna czas: 0.2
moja iteracyjna czas: 0.224

a=2, b=80, n=100000000
wbudowana czas: 0.228
moja binarna czas: 0.232
moja iteracyjna czas: 0.247
```

#### Kod w c++:

```
#include <iostream>
#include <cmath>
#include <ctime>
```

```
using namespace std;
```

```
double pow_bin(double a, int b){
    double wynik = 1;
    while (b)
    {
        if (b & 1)
            wynik *= a;
        b >>= 1;
        a *= a;
    }

    return wynik;
}
```

```
double pow_i( double liczba, unsigned long long int potega){
    double wynik=liczba;
    while(potega>1) {
        wynik *= wynik;
        potega /= 2;
    }
    return wynik;
}
```

```
int main()
```

```

{
    double elapsed_secs ;
    double elapsed_secs2;
    //===== a=2, b= 20*j=====
    int a=2;
    int b;
    for (int j=0 ; j<5 ; j++){
        b=20*j;
        //=====
        clock_t begin = clock();
        for(int i=0;i<10000000; i++){
            pow(a,b);
        }
        clock_t end = clock();
        //=====
        clock_t begin2 = clock();
        for(int i=0;i<10000000; i++){
            pow_i(a,b);
        }
        clock_t end2 = clock();
        //=====
        clock_t begin3 = clock();
        for(int i=0;i<10000000; i++){
            pow_bin(a,b);
        }
        clock_t end3 = clock();
        //=====

        double elapsed_secs = double(end - begin)/ CLOCKS_PER_SEC;
        double elapsed_secs2 = double(end2 - begin2)/ CLOCKS_PER_SEC;
        double elapsed_secs3 = double(end3 - begin3)/ CLOCKS_PER_SEC;
        cout<< "a=2, b="<<b<< ", n=10000000"<<endl;
        cout<< "wbudowana czas: " << elapsed_secs << endl;
        cout<< "moja binarna czas: " << elapsed_secs2 << endl;
        cout<< "moja iteracyjna czas: " << elapsed_secs3 << endl <<endl;

    }
}

```