ZESTAW ZADAŃ VII

Zadanie 1 Oblicz całki oznaczone:

(a)
$$\int_{1}^{4} \left(x + \frac{1}{\sqrt{x}}\right) dx$$
, (b) $\int_{1}^{2} \frac{dx}{\sqrt{5x-1}}$, (c) $\int_{1}^{3} x \operatorname{arctg} x dx$, (d) $\int_{1}^{2} \frac{x dx}{x^{2}-9}$.

Zadanie 2 Wyznacz pola zawarte pomiędzy liniami:

(a)
$$y = x^2$$
, $y = x + 2$, (b) $y = 4x - x^2$, $y = x^2 - 4x + 6$, (c) $y = \frac{1}{x^2}$, $y = 0$, $x \ge 1$.

Zadanie 3

- (a) oblicz objętość bryły powstałej przez obrót krzywej $y=e^x$, wokół osi Ox, gdy $0 \le x \le \ln 2$, (b) oblicz objętość bryły powstałej przez obrót elipsy $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, wokół osi Ox, a > 0, b > 0.

Zadanie 4

- (a) wyznacz długość łuku krzywej $y = \frac{1}{2} (e^x + e^{-x})$, gdy $0 \le x \le \ln 4$, (b) wyznacz położenie środka ciężkości jednorodnego obszaru ograniczonego krzywymi $y = x^2$, y = x + 2.