Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/OZE/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

Zadanie 1 (0-10 pkt.) Oblicz pochodne: $\left(\frac{1}{x^2} + 2\sqrt{x}\right)'$, $\left(\frac{\arctan x}{\ln x}\right)'$, $\left(x^3 \operatorname{tg}(x^2)\right)'$. Zadanie 2 (0-10 pkt.) Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji: $y = 3x^4 - 4x^3 24x^2 + 48x$.

Zadanie 3 (0-10 pkt.) (a) Zapisz liczbę $z = \frac{1}{2+3i} - \frac{i}{3-2i}$ w postaci a+bi, gdzie a,b – liczby rzeczywiste. (b) Rozwiąż równanie $z^2+4z+29=0$ w dziedzinie zespolonej.

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę: $\int \frac{4x+7}{x^2+x-6} dx$.

Zadanie 5 (0-10 pkt.) Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami $y = x^2$, y = x + 2. Wykonaj rysunek! Zadanie 6 (0-10 pkt.) Rozwiaż układ równań wybrana metoda (tzn. metoda Gaussa eliminacji lub w oparciu o wzory Cramera):

$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 2 \\ 2x + y - z = 5 \\ -3x + 2y + 3z = -2 \end{cases}$$

Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/OZE/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

Zadanie 1 (0-10 pkt.) Oblicz pochodne: $\left(\frac{1}{x^2} + 2\sqrt{x}\right)'$, $\left(\frac{\arctan x}{\ln x}\right)'$, $\left(x^3 \operatorname{tg}(x^2)\right)'$. Zadanie 2 (0-10 pkt.) Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji: $y = 3x^4 - 4x^3 -$

 $24x^2 + 48x$.

Zadanie 3 (0-10 pkt.) (a) Zapisz liczbę $z = \frac{1}{2+3i} - \frac{i}{3-2i}$ w postaci a+bi, gdzie a,b – liczby rzeczywiste. (b) Rozwiąż równanie $z^2+4z+29=0$ w dziedzinie zespolonej.

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę: $\int \frac{4x+7}{x^2+x-6} dx$.

Zadanie 5 (0-10 pkt.) Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami $y = x^2$, y = x + 2. Wykonaj rysunek! Zadanie 6 (0-10 pkt.) Rozwiąż układ równań wybraną metodą (tzn. metodą Gaussa eliminacji lub w oparciu o wzory Cramera):

$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 2 \\ 2x + y - z = 5 \\ -3x + 2y + 3z = -2 \end{cases}$$

Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/OZE/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

Zadanie 1 (0-10 pkt.) Oblicz pochodne: $\left(\frac{1}{x^2} + 2\sqrt{x}\right)'$, $\left(\frac{\arctan x}{\ln x}\right)'$, $\left(x^3 \operatorname{tg}(x^2)\right)'$. Zadanie 2 (0-10 pkt.) Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji: $y = 3x^4 - 4x^3 -$

 $24x^2 + 48x$.

Zadanie 3 (0-10 pkt.) (a) Zapisz liczbę $z = \frac{1}{2+3i} - \frac{i}{3-2i}$ w postaci a + bi, gdzie a, b – liczby rzeczywiste. (b) Rozwiąż równanie $z^2+4z+29=0$ w dziedzinie zespolonej.

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę: $\int \frac{4x+7}{x^2+x-6} dx$.

Zadanie 5 (0-10 pkt.) Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami $y = x^2$, y = x + 2. Wykonaj rysunek! Zadanie 6 (0-10 pkt.) Rozwiąż układ równań wybraną metodą (tzn. metodą Gaussa eliminacji lub w oparciu o wzory Cramera):

$$\begin{cases} x + 2y + 3z = 2 \\ 2x + y - z = 5 \\ -3x + 2y + 3z = -2 \end{cases}$$