ZESTAW ZADAŃ IX

Zadanie 1 Oblicz całki oznaczone:

(a)
$$\int_{1}^{2} \left(x^{2} + \frac{1}{x^{2}}\right) dx$$
, (b) $\int_{1}^{2} \frac{dx}{\sqrt{5x-1}}$, (c) $\int_{1}^{2} x \arctan x dx$, (c) $\int_{1}^{2} \frac{x dx}{x^{2}-9}$.

Zadanie 2 Wyznacz pola zawarte pomiędzy liniami:

(a)
$$y = x^2$$
, $y = x + 2$, (b) $y = 4x - x^2$, $y = x^2 - 4x + 6$, (c) $y = \ln x$, $x + y = 1$, $y = 1$, (d) $y = \frac{1}{x^2}$, $y = 0$, $x \ge 1$.

Zadanie 3

- (a) oblicz objętość bryły powstałej przez obrót krzywej $y=e^x$, wokół osi Ox, gdy $0\leqslant x\leqslant \ln 2$,
- (b) oblicz objętość bryły powstałej przez obrót elipsy $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, wokół osi Ox, a > 0, b > 0, (c) oblicz objętość bryły powstałej przez obrót obszaru ograniczonego liniami $y = x^2$, y = 2 x, x = 0wokół osi Ox.

Zadanie 4

- (a) oblicz długość łuku krzywej $y=\ln(\cos x),$ gdy $0\leqslant x\leqslant \frac{\pi}{3},$
- (b) wyznacz położenie środka ciężkości jednorodnego obszaru ograniczonego krzywymi $y=x^2,\,y=x+2.$