## Egzamin z Analizy Matematycznej w przedłużonej sesji poprawkowej (20/02/2023)

**Zadanie 1** Oblicz całki (a)  $\int \frac{x^3 dx}{\sqrt{x^4+1}}$ , (b)  $\int x^4 \ln x dx$ .

**Zadanie 2** Zapisz wielomian Taylora stopnia II–go dla funkcji  $y = \sqrt[3]{x}$  w okolicy  $x_0 = 1$ . Oblicz za jego pomocą przybliżoną wartość  $\sqrt[3]{1,1}$ .

**Zadanie 3** Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji:  $y = 3x^4 + 8x^3 - 12x^2 - 48x$ .

**Zadanie 4** Wyznacz przybliżoną wartość całki  $\int\limits_0^3 x^3 dx$  dzieląc przedział całkowania na trzy równe części, za punkty pośrednie przyjąć środki kolejnych przedziałów. Obliczenia prowadzić na ułamkach zwykłych, wynik podać w takiej samej postaci.

**Zadanie 5** Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami  $y = 4 - x^2$ , y = 3. Wykonaj rysunek!

**Zadanie 6** Oblicz  $z''_{xy}$ , jeśli  $z = \ln(2x + 3xy - y^2)$ .