1

1 (a) wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x+1} - \frac{2}{2x-1}}$,

(b) Wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x - 1}$, zapisz równania asymptot, naszkicuj wykres funkcji.

2 Oblicz pochodne: $\left(4x^5 - \frac{3}{x^4}\right)'$, $\left(\frac{\arctan x}{3^x}\right)'$, $\left(\sin(x^2) \cdot \arcsin(2x)\right)'$.

 ${\bf 3}$ Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji $y=\frac{x^2+7}{x+3}.$

4 Oblicz (a) $\int \left(\frac{3}{x^2} - 4\sqrt[3]{x^2}\right) dx$, (b) $\int x^2 \cos(x^3) dx$, (c) $\int x \cos(7x + 5) dx$.

5 Wyznacz pole obszaru zawartego pomiędzy liniami $y = 4x - x^2$ oraz y = 2x - 3.

6 Wyznacz ekstrema lokalne funkcji $z = x^3 - xy - x + y^2 + y$.

Ι

1 (a) wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x+1} - \frac{2}{2x-1}}$, (b) Wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x-1}$, zapisz

równania asymptot, naszkicuj wykres funkcji.

2 Oblicz pochodne: $\left(4x^5 - \frac{3}{x^4}\right)'$, $\left(\frac{\arctan x}{3^x}\right)'$, $\left(\sin(x^2) \cdot \arcsin(2x)\right)'$.

 ${\bf 3}$ Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji $y=\frac{x^2+7}{x+3}.$

4 Oblicz (a) $\int \left(\frac{3}{x^2} - 4\sqrt[3]{x^2}\right) dx$, (b) $\int x^2 \cos(x^3) dx$, (c) $\int x \cos(7x + 5) dx$.

5 Wyznacz pole obszaru zawartego pomiędzy liniami $y = 4x - x^2$ oraz y = 2x - 3.

6 Wyznacz ekstrema lokalne funkcji $z=x^3-xy-x+y^2+y.$

I

1 (a) wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x+1} - \frac{2}{2x-1}}$, (b) Wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x-1}$, zapisz równania asymptot, naszkicuj wykres funkcji.

2 Oblicz pochodne: $\left(4x^5 - \frac{3}{x^4}\right)'$, $\left(\frac{\arctan \operatorname{sg} x}{3^x}\right)'$, $\left(\sin(x^2) \cdot \arcsin(2x)\right)'$.

 ${\bf 3}$ Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji $y=\frac{x^2+7}{x+3}.$

4 Oblicz (a) $\int \left(\frac{3}{x^2} - 4\sqrt[3]{x^2}\right) dx$, (b) $\int x^2 \cos(x^3) dx$, (c) $\int x \cos(7x + 5) dx$.

5 Wyznacz pole obszaru zawartego pomiędzy liniami $y = 4x - x^2$ oraz y = 2x - 3.

6 Wyznacz ekstrema lokalne funkcji $z = x^3 - xy - x + y^2 + y$.

TT

1 (a) wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+4}}$,

(b) Wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \frac{3-x^2}{x+3}$, zapisz równania asymptot, naszkicuj wykres funkcji.

2 Oblicz pochodne: $\left(\frac{1}{x^7} - 2\sqrt[3]{x^2}\right)'$, $\left(\frac{\sin x}{\arcsin x}\right)'$, $\left((2x+1)^4\cos(x^3)\right)'$.

3 Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji $y = -3x^4 - 4x^3 + 6x^2 + 12x$.

4 Oblicz $\int \left(\frac{5}{x^3} + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}}\right) dx$, $\int \frac{x^4 dx}{(x^5 + 1)^{10}}$, $\int x^3 \ln x dx$.

5 Wyznacz pole obszaru zawartego pomiędzy liniami $y = x^2 - 2x + 1$ oraz y = 3x - 5.

6 Wyznacz ekstrema lokalne funkcji $z = x^2y - x^2 - 2y^2 + 6xy$.

П

1 (a) wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+4}}$

(b) Wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \frac{3-x^2}{x+3}$, zapisz równania asymptot, naszkicuj wykres funkcji.

2 Oblicz pochodne: $\left(\frac{1}{x^7} - 2\sqrt[3]{x^2}\right)'$, $\left(\frac{\sin x}{\arcsin x}\right)'$, $\left((2x+1)^4\cos(x^3)\right)'$.

3 Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji $y=-3x^4-4x^3+6x^2+12x$.

4 Oblicz $\int \left(\frac{5}{x^3} + \frac{1}{\sqrt[4]{x^2}}\right) dx$, $\int \frac{x^4 dx}{(x^5 + 1)^{10}}$, $\int x^3 \ln x dx$.

5 Wyznacz pole obszaru zawartego pomiędzy liniami $y = x^2 - 2x + 1$ oraz y = 3x - 5.

6 Wyznacz ekstrema lokalne funkcji $z = x^2y - x^2 - 2y^2 + 6xy$.

TT

1 (a) wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \sqrt{\frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+4}}$,

(b) Wyznacz dziedzinę funkcji $f(x) = \frac{3-x^2}{x+3}$, zapisz równania asymptot, naszkicuj wykres funkcji.

2 Oblicz pochodne: $\left(\frac{1}{x^7} - 2\sqrt[3]{x^2}\right)'$, $\left(\frac{\sin x}{\arcsin x}\right)'$, $\left((2x+1)^4\cos(x^3)\right)'$.

 ${\bf 3}$ Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji $y=-3x^4-4x^3+6x^2+12x.$

4 Oblicz $\int \left(\frac{5}{x^3} + \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}}\right) dx$, $\int \frac{x^4 dx}{(x^5 + 1)^{10}}$, $\int x^3 \ln x dx$.

5 Wyznacz pole obszaru zawartego pomiędzy liniami $y = x^2 - 2x + 1$ oraz y = 3x - 5.

6 Wyznacz ekstrema lokalne funkcji $z=x^2y-x^2-2y^2+6xy$.