## Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/IŚ/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

**Zadanie 1 (0-10 pkt.)** Oblicz pochodne:  $\left(\frac{1}{x^2} + \sqrt{x}\right)'$ ,  $\left(\frac{\arcsin x}{\ln x}\right)'$ ,  $\left(x^4 \sin(x^2)\right)'$ .

**Zadanie 2 (0-10 pkt.)** Zapisz wzór Taylora dla funkcji  $y = \sqrt{x}$  w okolicy  $x_0 = 1$  z dokładnością do wyrazów drugiego rzędu. Oblicz za pomocą tego wzoru przybliżoną wartość  $\sqrt{1,1}$ .

**Zadanie 3 (0-10 pkt.)** Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji:  $y = 6x^4 + 8x^3 - 6x^4 + 6x^4 +$  $3x^2 - 6x$ .

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę:  $\int \frac{3x+1}{x^2-4x+3} dx$ .

**Zadanie 5 (0-10 pkt.)** Oblicz całki oznaczone:  $\int_{1}^{4} \left(3x^{2} + \frac{2}{x^{2}}\right) dx$ ,  $\int_{1}^{1} x^{2}(x^{3} + 1)^{3} dx$ .

**Zadanie 6 (0-10 pkt.)** Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami  $y = 4 - x^2$ , y = 3. Wykonaj rysunek!

## Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/IŚ/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

Zadanie 1 (0-10 pkt.) Oblicz pochodne:  $\left(\frac{1}{x^2} + \sqrt{x}\right)'$ ,  $\left(\frac{\arcsin x}{\ln x}\right)'$ ,  $\left(x^4 \sin(x^2)\right)'$ . Zadanie 2 (0-10 pkt.) Zapisz wzór Taylora dla funkcji  $y = \sqrt{x}$  w okolicy  $x_0 = 1$  z dokładnością do

wyrazów drugiego rzędu. Oblicz za pomocą tego wzoru przybliżoną wartość  $\sqrt{1,1}$ .

**Zadanie 3 (0-10 pkt.)** Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji:  $y = 6x^4 + 8x^3 - 6x^4 + 6x^4 +$  $3x^2 - 6x$ .

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę:  $\int \frac{3x+1}{x^2-4x+3} dx$ .

**Zadanie 5 (0-10 pkt.)** Oblicz całki oznaczone:  $\int_{1}^{4} \left(3x^{2} + \frac{2}{x^{2}}\right) dx$ ,  $\int_{1}^{1} x^{2}(x^{3} + 1)^{3} dx$ .

**Zadanie 6 (0-10 pkt.)** Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami  $y = 4 - x^2$ , y = 3. Wykonaj rysunek!

## Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/IŚ/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

Zadanie 1 (0-10 pkt.) Oblicz pochodne:  $\left(\frac{1}{x^2} + \sqrt{x}\right)'$ ,  $\left(\frac{\arcsin x}{\ln x}\right)'$ ,  $\left(x^4 \sin(x^2)\right)'$ . Zadanie 2 (0-10 pkt.) Zapisz wzór Taylora dla funkcji  $y = \sqrt{x}$  w okolicy  $x_0 = 1$  z dokładnością do

wyrazów drugiego rzędu. Oblicz za pomocą tego wzoru przybliżoną wartość  $\sqrt{1,1}$ .

**Zadanie 3 (0-10 pkt.)** Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji:  $y = 6x^4 + 8x^3 3x^2 - 6x$ .

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę:  $\int \frac{3x+1}{x^2-4x+3} dx$ .

**Zadanie 5 (0-10 pkt.)** Oblicz całki oznaczone:  $\int_{1}^{4} \left(3x^{2} + \frac{2}{x^{2}}\right) dx$ ,  $\int_{1}^{1} x^{2}(x^{3} + 1)^{3} dx$ .

**Zadanie 6 (0-10 pkt.)** Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami  $y = 4 - x^2$ , y = 3. Wykonaj rysunek!

## Egzamin z matematyki 1 (WIŚGiE/IŚ/N, przedłużona sesja poprawkowa), 19/02/2023

Zadanie 1 (0-10 pkt.) Oblicz pochodne:  $\left(\frac{1}{x^2} + \sqrt{x}\right)'$ ,  $\left(\frac{\arcsin x}{\ln x}\right)'$ ,  $\left(x^4 \sin(x^2)\right)'$ . Zadanie 2 (0-10 pkt.) Zapisz wzór Taylora dla funkcji  $y = \sqrt{x}$  w okolicy  $x_0 = 1$  z dokładnością do

wyrazów drugiego rzędu. Oblicz za pomocą tego wzoru przybliżoną wartość  $\sqrt{1,1}$ .

**Zadanie 3 (0-10 pkt.)** Wyznacz przedziały monotoniczności i ekstrema lokalne funkcji:  $y = 6x^4 + 8x^3 - 6x^4 + 6x^4 +$  $3x^2 - 6x$ .

Zadanie 4 (0-10 pkt.) Oblicz całkę:  $\int \frac{3x+1}{x^2-4x+3} dx$ .

**Zadanie 5 (0-10 pkt.)** Oblicz całki oznaczone:  $\int_{1}^{4} \left(3x^{2} + \frac{2}{x^{2}}\right) dx$ ,  $\int_{-1}^{1} x^{2}(x^{3} + 1)^{3} dx$ .

**Zadanie 6 (0-10 pkt.)** Wyznacz pole obszaru ograniczonego liniami  $y = 4 - x^2$ , y = 3. Wykonaj rysunek!