

## ZESTAW ZADAŃ VII

**Zadanie 1** Oblicz całki nieoznaczone:

- (a)  $\int (4x^2 - 3x + 5)dx$ , (b)  $\int \left(\frac{1}{x^2} - \frac{2}{x^3} + \frac{3}{x^4} - \frac{5}{x^5}\right) dx$ , (c)  $\int \left(3\sqrt[3]{x} - \frac{2}{\sqrt[3]{x}}\right) dx$ ,  
(d)  $\int (2\sin x + 3\cos x) dx$ , (e)  $\int \left(\frac{2}{\cos^2 x} - \frac{5}{\sin^2 x}\right) dx$ , (f)  $\int \left(\frac{3}{\sqrt{1-x^2}} - \frac{4}{x^2+1}\right) dx$ ,  
(g)  $\int \left(3e^x - \frac{5}{x}\right) dx$ , (h)  $\int \cos(3x)dx$ , (i)  $\int e^{2x} \cos(3x)dx$ .

**Zadanie 2** Oblicz całki nieoznaczone stosując podane podstawienia:

- (a)  $\int e^{2x} dx$ ,  $u = 2x$ , (b)  $\int \frac{e^x dx}{(3e^x - 2)^5}$ ,  $u = 3e^x - 2$ , (c)  $\int x^3(x^4 + 1)^{99} dx$ ,  $u = x^4 + 1$ ,  
(d)  $\int \frac{\cos x dx}{\sin^3 x}$ ,  $u = \sin x$ , (e)  $\int x^2 \sqrt{x+1} dx$ ,  $u = x+1$ , (f)  $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2+a}}$ ,  $u = x + \sqrt{x^2+a}$ ,  $a \in \mathbb{R}$ .

**Zadanie 3** Oblicz całki nieoznaczone przez podstawienie:

- (a)  $\int e^{-3x} dx$ , (b)  $\int \sqrt{3x+4} dx$ , (c)  $\int x(3x^2+1)^5 dx$ , (d)  $\int x^2 \sin(1-x^3) dx$ , (e)  $\int \frac{dx}{x \ln^2 x}$ ,  
(f)  $\int \frac{\cos x dx}{1+\sin^2 x}$ , (g)  $\int \sin^3 x dx$ , (h)  $\int \frac{e^{\frac{1}{x}} dx}{x^2}$ , (i)  $\int \frac{e^x dx}{\sqrt{1-e^{2x}}}$ ,  
(j)  $\int \cos^2 x dx$ , (k)  $\int \frac{\arcsin^3 x dx}{\sqrt{1-x^2}}$ , (l)  $\int (x+2)\sqrt{x-1} dx$ , (m)  $\int \frac{x^2 dx}{x^6+1}$ ,  
(n)  $\int \frac{dx}{\sqrt{x(x+1)}}$ , (o)  $\int \sqrt{4-x^2} dx$ .