Если добавить к целевой функции стандартной SVM-задачи переменную $b^2/2$ и минимизировать полученную функцию по w, ξ и b, то двойственная задача минимизации лагранжиана **не будет иметь ограничения типа равенств**, и ее можно свести к задаче решения системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Данный подход к построению SV-машин реализует алгоритм SOR (Successive over relaxation), решая СЛАУ методом последовательной релаксации. Возникающий при этом параметр, значения которого могут принадлежать промежутку (0;2), отвечает за скорость сходимости итерационной процедуры. Целесообразно первоначально принять его равным единице (что будет соответствовать итерациям Гаусса-Зейделя).

План работы. SOR-алгоритм.

1. Добавим к целевой функции исходной задачи оптимизации переменную $b^2/2$. Сведём эту задачу к эквивалентной ей двойственной задаче. (См., например, статью yong 2004, п.1).

Сделаем это подробно сами, заодно убедимся, что ограничение типа равенств теперь отсутствует, и исправим возможные опечатки авторов.

- 2. Вместо минимизации квадратичной целевой функции двойственной задачи, будем решать соответствующую СЛАУ (поскольку эти задачи эквивалентны). Определяем матрицу и вектор свободных членов этой системы.
- 3. Решаем СЛАУ методом последовательной релаксации, после каждой итерации подправляя очередное приближение согласно ограничениям типа неравенств двойственной задачи. Останавливаем итерационный процесс, когда норма разности двух последовательных приближений окажется меньше 10^{-3} .

Результат: приближенное значение вектора α размерности l, где l — объём тренировочной последовательности.

Параметр сдвига b находим из условий оптимальности.

Результаты работы после п.2 присылаем (показываем) преподавателю. Компьютер подключаем к делу с пункта 3.