# Exploration de la Recherche avec Tabous

## Métaheuristiques

Pierre BOURGEY, Paul BOUTET, Florian GIURGIU

9 mai 2025

Télécom Saint-Etienne

#### Plan

Introduction

Principe Fondamental

Extensions

Avantages - Inconvénients

 ${\sf Applications}$ 

Introduction

## Contexte Historique

- 1. Développement des métaheuristiques dans les années 1980
- 2. Introduction de la recherche taboue par Fred Glover en 1986
- 3. Applications dans divers domaines : optimisation, planification, etc.

# Analogie Biologique

#### Inspiration

Inspirée du comportement de recherche humain.

#### Mécanisme

Un "tabou" similaire aux processus cognitifs.

### Stratégie

Évitement des mouvements déjà explorées.

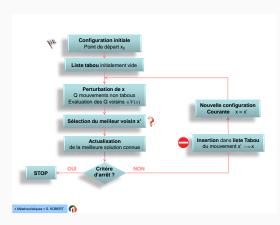
Cette approche s'inspire de la manière dont les humains explorent et évitent les erreurs.

**Principe Fondamental** 

#### **Définitions**

- 1. Voisinage : Ensemble de solutions accessibles par un mouvement.
- Mouvement : Opération qui modifie une solution pour en obtenir une nouvelle. On peut utiliser un vecteur de déplacement, une permutation etc...
- 3. **Tabou** : Mouvements interdits pour éviter les cycles locaux.
- 4. Temps en mémoire courte / taille mémoire : Durée pendant laquelle un mouvement est considéré tabou (souvent fixé proche de 10 itérations ou généré aléatoirement pour chaque élément ajouté en mémoire afin d'éviter les cycles).

# Principe Fondamental



#### Exploration

Exploration systématique de l'espace de recherche.

#### Mémoire

Mécanisme de "mémoire courte" pour éviter les répétitions.

#### Évasion

Capacité de sortir des minima locaux.

# Extensions

# Critère d'aspiration

**Définition**: Le critère d'aspiration permet de contourner les mouvements tabous si une solution est suffisamment prometteuse. Cela évite de rester bloqué dans des minima locaux.

#### Exemple:

- 1. Considérons des permutations où les mouvements sont des inversions de deux éléments.
- 2. Départ : [1,2,3,4,5] (coût : 3).
- 3. Permutation : [2,1,3,4,5] (coût : 3), interdit  $1 \leftrightarrow 2$ .
- 4. Permutation : [2,1,4,3,5] (coût : 3), interdit  $3 \leftrightarrow 4$ .
- 5. Permutation : [2,1,4,5,3] (coût : 3), interdit  $3 \leftrightarrow 5$ .
- Une meilleure solution [1,2,4,5,3] (coût : 2) existe, mais le mouvement 1 ↔ 2 est interdit.
- 7. On effectue ce mouvement interdit car il améliore le coût global.

# Mémoire à long terme

**Définition**: La mémoire à long terme permet de garder une trace des mouvements qui ont été bénéfiques ou nuisibles dans le passé. Cela aide à éviter les mouvements qui ont conduit à mauvaises solutions.

#### Exemple:

- 1. Considérons un problème d'ordonnancement où certaines tâches sont plus difficiles que d'autres.
- 2. Un mouvement qui a conduit à une solution de mauvaise qualité dans le passé sera évité dans le futur.

#### Avantages:

- 1. Amélioration de la qualité des solutions trouvées.
- 2. Réduction du temps de calcul en évitant les mouvements nuisibles.

#### Pénalisation des mouvements récurrents

**Définition**: La pénalisation des mouvements récurrents consiste à attribuer un coût plus élevé aux mouvements qui ont été effectués plusieurs fois dans le passé. Cela aide à éviter les cycles et à encourager l'exploration de nouvelles solutions.

#### Exemple

- 1. Considérons un problème de voyageur de commerce où certaines villes sont visitées plusieurs fois.
- 2. Un mouvement qui revient à une ville déjà visitée sera pénalisé.

#### Avantages:

- 1. Encouragement de l'exploration de nouvelles solutions.
- 2. Évitement des cycles et des solutions sous-optimales.

# Extension des voisinages

**Définition**: L'extension des voisinages consiste à élargir l'ensemble des solutions candidates en considérant des mouvements plus complexes. Cela permet d'explorer de nouvelles régions de l'espace de recherche.

#### Exemple

- 1. Considérons un problème d'optimisation où les mouvements sont des permutations de plusieurs éléments.
- 2. Un mouvement qui échange plusieurs éléments sera considéré comme un voisinage.

#### Avantages:

- 1. Exploration de nouvelles solutions potentiellement meilleures.
- 2. Évitement des minima locaux en diversifiant les mouvements.

# Hybridation avec d'autres méthodes

**Définition :** L'hybridation consiste à combiner la recherche taboue avec d'autres méthodes d'optimisation pour améliorer les performances. Cela permet de tirer parti des forces de chaque méthode.

Pour plus d'informations, voir la référence [1].

Avantages - Inconvénients

### **Avantages**

- 1. Rapidité d'exécution.
- 2. Résultats de qualité acceptable.
- 3. Paramétrage simple (peu de paramètres : taille mémoire, itérations max).

# Rapidité

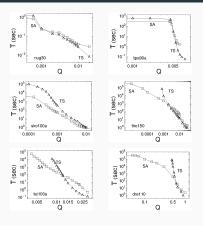


Figure 1:  $\bar{T}$  versus Q for various problem instances for SA (squares) and TS (triangles). For plots which achieve the lowest known cost for an instance (Q=0), we extend the line connecting the plot points to the left edge of the panel.

#### Mesures de performance :

 $Q = \frac{C - C_{best}}{C_{best}}$ 

 $C_{best} = meilleur coût connu$  C = coût de la solutioncourante

T = temps moyen pour atteindre une qualité Q.

#### Inconvénients

- 1. Complexité de définition des mouvements et voisinages.
- 2. Sensibilité aux paramètres (ex : taille de la mémoire, durée de la recherche).

# Applications

# **Applications**

#### **Domaines d'application**

- 1. Problème du voyageur de commerce
- 2. Problème d'affectation quadratique
- 3. Problème de planification
- 4. Problème de routage de véhicules

# Problème d'Affectation Quadratique (QAP)

#### Problématique centrale

Affecter n objets à n emplacements en minimisant :

$$\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n f_{ij} \cdot d_{p(i)p(j)}$$

où:

- 1.  $f_{ii}$ : Flux entre l'objet i et j (non symétrique)
- 2.  $d_{rs}$ : Distance entre l'emplacement r et s (symétrique)
- 3. p(i): Permutation donnant l'emplacement de l'objet i

#### Défi algorithmique

- 1. NP-difficile : Pas de solution exacte pour n > 20
- 2. Espace de solutions : n! permutations possibles

# Problème d'Affectation Quadratique (QAP)

#### **Applications réelles**

- Planification d'usine
- Placement de composants électroniques
- Optimisation de clavier

- Répartition de fichiers
- Affectation de portes aéroportuaires
- Agencement hospitalier
- Répartition de bâtiments

# Exemple concret : Répartition de bâtiments

#### Configuration du problème

- 1. 5 bâtiments à placer sur 5 sites géographiques
- 2. Objectif : Minimiser les déplacements entre bâtiments
- 3. Deux matrices clés :

# Matrice des distances D (symétrique)

$$D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 0 & 2 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Distances en kilomètres

# Matrice des flots F (non symétrique)

$$F = \begin{bmatrix} 0 & 8 & 1 & 2 & 3 \\ 5 & 0 & 2 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 6 \\ 3 & 2 & 2 & 7 & 0 \end{bmatrix}$$

Nombre de déplacements/jour

#### Itération 0 - Initialisation

#### Configuration initiale

- 1. Permutation initiale : P = (2, 4, 1, 5, 3)
- 2. Coût initial: 72
- 3. Matrice de mémoire T vide

#### Matrice d'interdiction initiale T

Mouvement	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(3,4)	(3,5)	(4,5)
Δ	2	-12	-12	2	0	-10	-12	4	8	6

- 1. 3 mouvements optimaux :  $\Delta = -12$
- 2. Choix aléatoire : (1,3)

#### Mise à jour de T

#### Nouvelle solution

$$P = (1, 4, 2, 5, 3)$$

Coût: 60

t = 9 tiré aléatoirement

Mouvement	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(3,4)	(3,5)	(4,5)
Δ	14	X	10	0	10	8	12	12	6	-

- 1. Mouvement (1,3) interdit  $(t_{13}=10)$
- 2. Meilleur mouvement : (1,4)  $(\Delta = -8)$

#### Mise à jour de T

#### Nouvelle solution

$$P = (5, 4, 2, 1, 3)$$

Coût: 52

t = 6 tiré aléatoirement

Mouvement	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(3,4)	(3,5)	(4,5)
Δ	10	24	10	0	22	20	8	8	14	-

- 1. Aucun  $\Delta < 0$  (minimum local)
- 2. Choix du moins mauvais : (2,3) ( $\Delta=+8$ )

#### Mise à jour de T

#### Nouvelle solution

$$P = (5, 2, 4, 1, 3)$$

Coût: 52

t = 8 tiré aléatoirement

$$T = \begin{pmatrix} 8 & 0 & 10 & 0 & 0 \\ 10 & 0 & 11 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 11 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 8 & 0 \end{pmatrix}$$

Mouvemer	t (1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(3,4)	(3,5)	(4,5)
Δ	24	10	10	8	8	22	20	14	-	-

1. Mouvement (2,4) choisi ( $\Delta=+8$ )

### Mise à jour de T

#### Nouvelle solution

$$P = (5, 1, 4, 2, 3)$$

Coût: 60

t = 5 tiré aléatoirement

$$T = \begin{pmatrix} 8 & 0 & 10 & 9 & 0 \\ 10 & 9 & 11 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 11 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 8 & 0 \end{pmatrix}$$

Mouvement	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(3,4)	(3,5)	(4,5)
Δ	12	-10	Χ	10	Χ	Χ	4	14	20	10

- 1. 1 mouvement optimal : (1,3)  $(\Delta = -10)$
- 2. Mouvements (1,4), (2,3), (2,4) interdits

# Mise à jour de T

Nouvelle solution 
$$P = (4, 1, 5, 2, 3)$$

Coût: 50

t = 6 tiré aléatoirement

1. Interdiction : (4,3) et (5,1) jusqu'à itération 11

#### Références

- Jebari H. Rahali El Azzouzi S. Samadi H. (2016). Hybridation des métaheuristiques pour la résolution de problème d'ordonnancement multi-objectif dans un atelier flow-shop.
- Gerald Paul (2010). Comparative Performance of Tabu Search and Simulated Annealing Heuristics for the Quadratic Assignment Problem.
- Glover F. (1989). Tabu Search—Part I (Part II in 1990).