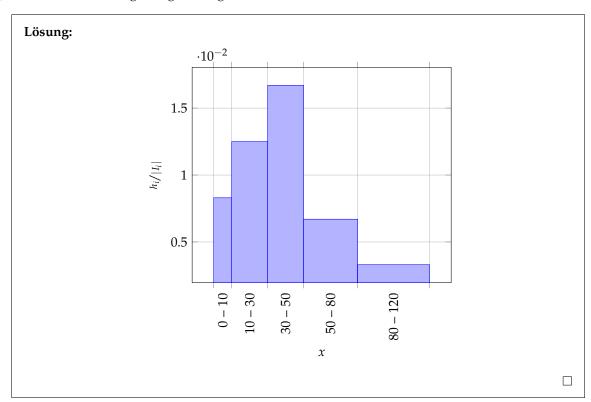
1. Die nachfolgende Tabelle gibt eine Übersicht über die Anzahl der verkauften Bücher zu unterschiedlichen Preisen in einer Buchhandlung im Laufe eines Tages:

| Buchpreis (in €) | Anzahl der verkauften Bücher |  |  |  |  |
|------------------|------------------------------|--|--|--|--|
| [0; 10)          | 5                            |  |  |  |  |
| [10; 30)         | 15                           |  |  |  |  |
| [30; 50)         | 20                           |  |  |  |  |
| [50; 80)         | 12                           |  |  |  |  |
| [80; 120)        | 8                            |  |  |  |  |

(a) Berechnen Sie die jeweiligen absoluten und relativen Klassenhäufigkeiten

| Lösung:  |           |       |       |       |                        |  |
|----------|-----------|-------|-------|-------|------------------------|--|
| Es gilt: |           |       |       |       |                        |  |
|          | $I_i$     | $n_i$ | $h_i$ | $H_i$ | $h_i/ I_i $            |  |
|          | [0;10)    | 1     | 1/12  | 1/12  | $1/120 \approx 0.0083$ |  |
|          | [10;30)   | 4     | 1/4   | 1/3   | 1/80 = 0.0125          |  |
|          | [30; 50)  | 7     | 1/3   | 2/3   | $1/60 \approx 0.0167$  |  |
|          | [50; 80)  | 5     | 1/5   | 13/15 | $1/150 \approx 0.0067$ |  |
|          | [80; 120) | 5     | 2/15  | 1     | $1/300 \approx 0.0033$ |  |
|          |           | •     |       |       |                        |  |

(b) Zeichnen Sie das zugehörige Histogramm.



- (c) Bestimmen Sie
  - i. das arithmetische Mittel,

Lösung:

Es gilt:

$$\bar{x} \approx \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^{k} n_i \cdot \alpha_i = \sum_{i=1}^{k} h_i \cdot \alpha_i = \frac{5}{12} + 5 + \frac{40}{3} + 15 + \frac{40}{3} = \frac{565}{12} \approx 47.083$$

ii. den Median sowie

Lösung:

Offensichtlich ist die Einfallsklasse gegeben mit

$$I_3 = [30; 50) = [a_3; b_3)$$

Es gilt damit:

$$\tilde{x} = a_3 + \frac{1/2 - H_2}{h_3} \cdot (b_3 - a_3) = 30 + \frac{1/2 - 1/3}{1/3} \cdot (50 - 30) = 40$$

iii. das obere und untere Quartil.

Lösung:

Offensichtlich ist die Einfallsklasse für das untere Quantil gegeben mit

$$I_2 = [10; 30) = [a_2; b_2)$$

und die für das obere Quartil mit

$$I_4 = [50; 80) = [a_4; b_4)$$

Es gilt damit:

$$x_{1/4} = a_2 + \frac{1/4 - H_1}{h_2} \cdot (b_2 - a_2) = 10 + \frac{1/4 - 1/12}{1/4} \cdot (30 - 10) = 20$$

und

$$x_{3/4} = a_4 + \frac{3/4 - H_3}{h_4} \cdot (b_4 - a_4) = 50 + \frac{3/4 - 2/3}{1/5} \cdot (80 - 50) = \frac{130}{2} = 62.5$$