Stochastik

Hausaufgabenblatt 8

Patrick Gustav Blaneck

Letzte Änderung: 23. November 2021

. In einem Beutel befinden sich 6 Münzen: eine 5-Cent-Münze, drei 2-Cent-Münzen und zwei 1-Ce Münzen. Zufällig werden nacheinander - ohne Zurücklegen - 2 Münzen gezogen. X_1 gebe den W der ersten, X_2 den Wert der zweiten gezogenen Münzen an. Bestimmen Sie folgenden Werte:	
(a) die zweidimensionale Wahrscheinlichkeitsfunktion $P(X_1 = i, X_2 = j)$ für $i, j \in \{1; 2; 5\}$.	
Lösung:	
	ם
(b) den Erwartungswert $E(X_i)$ und die Varianz $Var(X_i)$ ($i = 1, 2$).	
Lösung:	
(c) die Kovarianz $Cov(X_1, X_2)$ sowie den Korrelationskoeffizient $\rho(X_1, X_2)$.	
Lösung:	

Hausaufgabenblatt 8

2.	Zwei Würfel werden	unabhängig	voneinander	geworfen.	X_i §	gebe di	ie Augenzahl	des	<i>i</i> -ten	Würfels
	(i=1.2) an. Für									

$$X = X_1 + X_2$$
 und $X = X_1 \cdot X_2$

sollen folgende Kenngrößenberechnet werden:

(a) Erwartungswert

Lösung:			

(b) Varianz

Lösung:	

(c) Kovarianz Cov(X, Y)

Lösung:	

(d) Korrelationskoeffizient $\rho(X, Y)$

Lösung:		

Hausaufgabenblatt 8 Stochastik

3. Bei einem Produktionsvorgang werden Zylinder in den ausgefrästen Kreis eines Metallsockels eingepasst. Die beiden Teile werden rein zufällig aus den bisher produzierten Zylindern bzw. ausgefrästen Metallplatten ausgewählt. Der Durchmesser des Zylinders ist (in mm) nach N(24,9;(0,03)2)-verteilt,

der Durchmesser des in den Metallsockel eingefrästen Kreises ist nach $N(25; (0.04)2)$ -vertez Zylinder kann noch eingepasst werden, falls die lichte Weite der Durchmessers (= Durchmesser des Zylinders) nicht mehr als 0.2mm beträgt.	
(a) Berechnen Sie	
i. den Erwartungswert	
Lösung:	
ii. die Varianz	
Lösung:	
iii. die Verteilung	
Lösung:	
der Zufallsvariablen "lichte Weite des Durchmessers".	
(b) In wie viel Prozent aller Fälle lässt sich der Zylinder nicht in die Metallplatte einpassen?	
T."	

Lösung:	

4. Der Zufallsvektor (X, Y) habe die gemeinsame Dichte

$$f_{X,Y}(x,y) = \begin{cases} ky \cdot e^{-\lambda x} & \text{falls } x \le 0\\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

(a) Für welche k-Werte ist f eine Verteilungsdichte?

Lösung:

(b) Berechnen Sie die Randverteilungen von *X* und *Y*.

Lösung:

(c) Untersuchen Sie X und Y auf Unabhängigkeit.

Lösung: