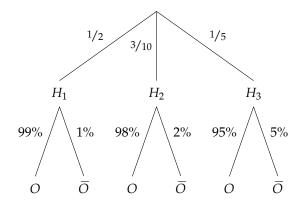
- 1. Zur Leiterplattenbestückung werden insgesamt $10\,000$ elektrische Widerstände eines bestimmten Wertes benötigt. 5000 Widerstände stammen vom Hersteller H_1 , 3000 Stück vom Hersteller H_2 und 2000 Stück vom Hersteller H_3 . Ferner sei bekannt, dass bei H_1 im Mittel 1%, bei H_2 im Mittel 2% und bei H_3 im Mittel 5% der Widerstände außerhalb der Spezifikation liegen.
 - (a) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass ein beliebig herausgegriffener Widerstand außerhalb der Spezifikation ist.

Lösung:

Sei $O := \{ \text{Ein Produkt liegt innerhalb der Spezifikation} \}$. Es gilt:



Und damit gilt:

$$P(\overline{O}) = P(H_1 \cap \overline{O}) + P(H_2 \cap \overline{O}) + P(H_3 \cap \overline{O}) = \frac{1}{2} \cdot 0.01 + \frac{3}{10} \cdot 0.02 + \frac{1}{5} \cdot 0.05 = 0.021$$

(b) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass ein herausgegriffener Widerstand, der außerhalb der Spezifikation liegt, vom Hersteller H_3 stammt.

Lösung:

Es gilt:

$$P(H_3 \mid \overline{O}) = \frac{P(H_3 \cap \overline{O})}{P(\overline{O})} = \frac{\frac{1}{5} \cdot 0.05}{0.021} \approx 0.4762$$