1. Bei der Produktion von Federn treten folgende Fehler auf (ppm $\, \hat{=} \, 10^{-6}$)

 $F = \{ \text{Federkonstante zu klein} \}$ Anteil 0.8% $D = \{ \text{Durchmesser falsch} \}$ Anteil 0.5% Federkonstante zu klein und Durchmesser falsch Anteil 40ppm

(a) Wie groß ist der Anteil fehlerhafter Federn an der Gesamtproduktion, wenn die Fehler unabhängig voneinander auftreten, sich aber gegenseitig nicht ausschließen?

Lösung:

Es gilt:

$$P(F \cup D) = P(F) + P(D) - P(F \cap D) = 0.8\% + 0.5\% - 0.004\% = 1.296\%$$

(b) Wie groß ist der Anteil fehlerhafter Federn, die nur einen falschen Durchmesser haben?

Lösung:

Es gilt:

$$P(D \cap \overline{F}) = P(D) - P(F \cap D) = 0.5\% - 0.004\% = 0.496\%$$