Übungsblatt 09

30.11.2021

1. An der Scanner-Kasse eines Supermarktes wurden für 50 aufeinanderfolgende Kunden folgende Bedienungszeit [in Sekunden] registriert:

15	18	18	19	19	20	22	22	22	22
23	24	27	28	29	31	32	33	36	37
37	38	38	39	39	39	40	40	40	41
41	42	42	43	44	48	49	49	50	51
51	51	52	53	54	57	58	62	64	68

- a) Bestimmen Sie
 - i. den Modalwert,

- ii. den Median,
- iii. das obere und untere Quartil,
- iv. das arithmetische Mittel sowie
- v. die empirische Standardabweichung

der Bedienungszeit.

b) Erstellen Sie ein Histogramm unter Verwendung der Klassengrenzen

wobei die Klassen links abgeschlossen und rechts offen seien.

- c) Bestimmen und skizzieren Sie die empirische Verteilungsfunktion aus den klassierten Daten.
- 2. Gegeben sind die folgenden Angaben zu den Fehlerzahlen in einer Statistik-Klausur:

Fehler	Anzahl			
0	18			
1	22			
2	15			
3	11			
4	8			
5	4			
6	2			
	!			

- a) Stellen Sie
 - i. die Wahrscheinlichkeitsfunktion und graphisch dar.
- ii. Verteilungsfunktion
- b) Berechnen Sie folgende Kenngrößen der Verteilung:
 - i. das arithmetische Mittel,
- ii. den Modalwert und

iii. den Median

Zusatzaufgaben

3. Zeigen Sie, dass $S^2=\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^n(X_i-\overline{X}_n)^2$ mit $\overline{X}_n=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^nX_i$ ein erwartungstreuer Schätzer für die Varianz σ^2 der Grundgesamtheit aus einem Stichprobenergebnis ist.

 $\textit{Tipp:} \ \mathsf{Addieren} \ \mathsf{Sie} \ \mathsf{in} \ \mathsf{der} \ \mathsf{Klammer} \ \mathsf{eine} \ \text{``geschickte} \ \mathsf{Null''} : X_i - \overline{X}_n = (X_i - \mu) - (\overline{X}_n - \mu)$