

传递函数 $G(s)$

$$G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)} \quad (1)$$

或

$$Y(s) = G(s)U(s) \quad (2)$$

单位阶跃信号的拉普拉斯变换为 $\frac{1}{s}$

则单位阶跃响应为

$$Y(s) = G(s)/s \quad (3)$$

这样如果已知 $G(s)$ 的形式可以对 $G(s)/s$ 做拉普拉斯逆变换，得到 $y(t)$ 的形式，在和观测值 $\hat{y}(t)$ 拟合即可得到参数辨识结果。

设 $G(s) = \frac{Ke^{-s\tau}}{1+Ts}$ 则 $Y(s)$ 的拉普拉斯逆变换为

$$y(t; K, \tau, T) = K\theta(t - \tau) \left(1 - e^{-\frac{t-\tau}{T}} \right) \quad (4)$$

若 $G(s) = \frac{\omega_n^2 e^{-sT}}{2\zeta s\omega_n + \omega_n^2 + s^2}$ 则 $Y(s)$ 的拉普拉斯逆变换为

$$y(t; T, \omega_n, \zeta) = -\frac{\theta(t-T)e^{-(t-T)\left(\sqrt{(\zeta^2-1)\omega_n^2} + \zeta\omega_n\right)} \left(\zeta\sqrt{(\zeta^2-1)\omega_n^2} \left(e^{2(t-T)\sqrt{(\zeta^2-1)\omega_n^2}} - 1 \right) + (\zeta^2-1)\omega_n \left(e^{2(t-T)\sqrt{(\zeta^2-1)\omega_n^2}} - 2e^{(t-T)\left(\sqrt{(\zeta^2-1)\omega_n^2} + \zeta\omega_n\right)} + 1 \right) \right)}{2(\zeta^2-1)\omega_n}$$

其中

$$\theta(x) = \begin{cases} 1 & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases} \quad (5)$$

假设测得一组观测值 $\hat{y}(t_i)$ 调节参数使均方误差最小即：

$$\text{minimize } J(\star) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n [y(t_i; \star) - \hat{y}(t_i)]^2 \quad (6)$$

用遗传算法寻找参数 \star 使 J 最小化，即完成辨识。