Псевдодвумерное динамическое программирование

С++. Динамическое программирование. Псевдодвумерное д...



Псевдодвумерное динамическое программирование это — такой тип задач, в которых уже недостаточно одномерного массива для хранения результатов, а нужен двумерный массив, но при этом одна из его размерностей мала, например, равна двум. В таком случае бывает удобно не заводить двумерный массив, а завести два одномерных массива. Также в таких задачах, как правило, заполнение значений происходит в одном цикле.

Задача. Даны два целых числа n>0 и $2\leq k\leq 10$. Требуется найти количество последовательностей длины n, которые состоят из цифр от 0 до k-1 и в которых нет двух подряд идущих нулей.

Пусть dp[i][0] — это количество последовательностей длины i, которые заканчиваются на цифру 0, а dp[i][1] — это количество последовательностей длины i, которые заканчиваются не на цифру 0. Таким образом, мы имеем массив dp[i][j], у которого вторая размерность равна двум.

Начинаем заполнение с последовательностей длины один:

$$dp[1][0] = 1$$

$$dp[1][1] = k - 1$$

Далее для всех значений $i \geq 2$ можно записать формулы пересчёта:

$$dp[i][0] = dp[i-1][1]$$

$$dp[i][1] = (k-1) \cdot (dp[i-1][0] + dp[i-1][1])$$