

Procura e Planeamento

Campus da Alameda

IST @ 2018/2019

**Relatório – Projeto**

*Grupo 06*

*- Ana Margarida Pataca da Costa – 83425,*

*- Mariana Francisca Carrilho Loureiro – 83520.*

Índice

[1. Introdução 3](#_Toc531982887)

[*2.* Modelação do *Constraint Satisfaction Problem* 4](#_Toc531982888)

[2.1. Estrutura do CSP 4](#_Toc531982889)

[2.2. Geração de Sucessores 4](#_Toc531982890)

[2.3. Verificação das restrições 4](#_Toc531982891)

[2.4. Heurísticas 5](#_Toc531982892)

[3. Estratégias de procura implementadas 7](#_Toc531982893)

[3.1. Sondagem Iterativa 7](#_Toc531982894)

[3.2. *Iterative Limited Depth Search* (ILDS) 8](#_Toc531982895)

[3.3. Procura alternativa – *Depth-Bounded Discrepancy Search* (DDS) 10](#_Toc531982896)

[4. Comparação de resultados 13](#_Toc531982897)

[4.1. Melhor Abordagem 14](#_Toc531982898)

[4.2. Melhorias a implementar 14](#_Toc531982899)

[5. Conclusão 15](#_Toc531982900)

[6. Bibliografia 16](#_Toc531982901)

# Introdução

O problema a que este projeto pretende dar resposta consiste em obter uma afetação completa das tarefas de condução de veículos de transporte, a realizar pelos trabalhadores durante um dia de trabalho, a turnos de serviço, respeitando todas as restrições do problema.

Para esse propósito, foi modelado um problema de satisfação de restrições, sobre o qual foram posteriormente executadas várias estratégias de procura. Este relatório analisa os resultados desses algoritmos. Os valores calculados pela execução do código do projeto, e apresentados abaixo, foram registados por um *core Intel i7* a 4.00GHz.

# Modelação do *Constraint Satisfaction Problem*

## Estrutura do CSP

Foi criada uma estrutura da linguagem *Lisp* para representar o conceito de *estado* na procura, com uma abordagem construtiva em mente. É composto pelos atributos *variáveis por atribuir* e *turnos com as tarefas já atribuídas*, que se representam em lista.

Adicionalmente, a estrutura mantém (para cada estado) os valores de *custo* (como definido no enunciado – somatório das durações temporais dos turnos definidos nesse estado, com um mínimo de 6 horas para cada turno), *número de turnos definidos*, *número de viagens sem serviço na atribuição dos turnos*, *número total de tarefas no problema* e uma variável para indicar se nesse estado foi acrescentado um *novo turno* em relação ao estado-pai, e a duração das tarefas que ainda não foram atribuídas.

A função de *custo* devolve o valor de custo descrito acima, e foram também definidas as funções *objetivo* e *igualdade* *de* *estados*, para além da função de *geração de sucessores* descrita em baixo. Desta forma, é possível testar todas as técnicas de procura fornecidas no ficheiro *procura.lisp*.

## Geração de Sucessores

O CSP foi modelado de forma a permitir ser explorado como um problema de otimização. Nesta perspetiva, a geração de sucessores é feita *incluindo* a verificação de restrições, para a maioria das procuras. Para a procura com as estratégias de *ILDS* e *DDS*, são gerados todos os estados-filhos potenciais, mesmo que violem restrições.

As tarefas são ordenadas temporalmente no início da execução do projeto, pelo que a solução modelada nunca assumiu um sucessor que atribuísse uma tarefa numa posição anterior a outra tarefa previamente atribuída – a nova tarefa é sempre colocada no final do novo turno.

Cada estado gera filhos atribuindo a nova tarefa a cada um dos turnos já existentes (um novo filho por turno), mais um estado-filho adicional em que a tarefa é a primeira num novo turno gerado.

## Verificação das restrições

Para todas as procuras exceto *ILDS* e *DDS*, a verificação de restrições é feita durante a fase de geração de sucessores, de forma a imediatamente descartar a geração de estados inválidos. Todos estes estados-filhos são devolvidos apenas após a validação das restrições, e todos eles respeitam todas as restrições. Para o *ILDS* e o *DDS*, a validação é feita no final de cada iteração da estratégia.

O teste das restrições é efetuado para cada turno do estado proposto, e é durante esta fase que se calculam e definem, para cada estado, o *número de viagens sem serviço na atribuição dos turnos* e o *custo*. O turno é iterado uma só vez para todo este processo. As consistências espacial e temporal são também validadas durante a iteração. Desta forma, a complexidade desta fase é linear.

**Restrições**:

1. Todos os turnos devem começar no local L1;
2. A duração máxima de um turno de serviço é de 8:00;
3. A duração de um turno de serviço é calculada do início do serviço até ao fim do serviço. Se a duração for menos de 6 horas, então conta como se tivesse 6 horas;
4. Os turnos de serviço devem ter no máximo uma pausa para refeição;
5. Uma pausa de refeição deve ter a duração de 40 minutos;
6. O trabalhador não pode tomar refeição enquanto está a ser transportado;
7. O tempo de condução antes de ser necessário uma pausa de refeição não pode exceder as 4:00;
8. O tempo de condução inclui potenciais espaços entre tarefas que não sejam tomadas de refeição, isto é conta-se todo o tempo desde o inicio da primeira tarefa do bloco de tarefas até ao fim da última tarefa do bloco de tarefas. Nesta contabilização, no caso de a primeira tarefa do bloco ser a primeira tarefa do turno e o seu local de início não ser L1, deve-se incluir o tempo de deslocar o trabalhador de L1 até esse local (é necessário usar o mesmo raciocínio para a última tarefa de um turno e o seu local de fim).

## Heurísticas

A heurística 1 é admissível. A variável *numVar* corresponde ao número de turnos por atribuir no estado. O peso desta heurística no cálculo do *f* foi variado propositadamente de forma a que a procura não fosse ineficientemente focada na largura da árvore: assim, o peso é máximo na raiz da árvore, e mínimo nas folhas. A heurística é também calculada com a mesma ordem de magnitude do custo.

A heurística 2 também é admissível. A variável tempo que calcula o tempo que falta para chegar ao nó objetivo. Inicialmente, corresponde ao tempo de duração de todas as tarefas dadas para o problema inicial. À medida que as tarefas vão sendo atribuídas aos turnos, este valor vai diminuindo.

As heurísticas encontradas e definidas acima foram testadas para 5 problemas fornecidos para teste na página da cadeira, com a estratégia *A\**. Os resultados foram registados nas seguintes tabelas:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| *Problema\Heurística* | **Heurística 1 (H1)** | **Heurística 2 (H2)** |
| **1** | 9776 | 9776 |
| **2** | 21686 | 21686 |
| **3** | 33536 | 33536 |
| **4** | 65235 | 65235 |
| **5** | 91221 | 91221 |

Tabela 1 – Custo da solução

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| *Problema\Heurística* | **Heurística 1 (H1)** | **Heurística 2 (H2)** |
| **1** | 0.15625 | 0.15625 |
| **2** | 1.453125 | 1.5 |
| **3** | 6.625 | 6.71875 |
| **4** | 44.828125 | 46.53125 |
| **5** | 90.8125 | 92.359375 |

Tabela 2 – Tempo (s) de execução

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| *Problema\Heurística* | **Heurística 1 (H1)** | **Heurística 2 (H2)** |
| **1** | 83 | 83 |
| **2** | 170 | 170 |
| **3** | 291 | 291 |
| **4** | 569 | 569 |
| **5** | 710 | 710 |

Tabela 3 – Nós expandidos na execução

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| *Problema\Heurística* | **Heurística 1 (H1)** | **Heurística 2 (H2)** |
| **1** | 202 | 202 |
| **2** | 433 | 433 |
| **3** | 861 | 861 |
| **4** | 1774 | 1774 |
| **5** | 2822 | 2822 |

Tabela 4 – Nós gerados na execução

As duas heurísticas devolvem valores muito semelhantes, com um desempenho ligeiramente melhor atribuído à heurística *H1*.

# Estratégias de procura implementadas

Os algoritmos foram implementados de forma a enviar várias sondas ao longo de um tempo útil para explorar o máximo de caminhos possíveis, tendo como objetivo encontrar o caminho com menor custo.

## Sondagem Iterativa

|  |  |
| --- | --- |
| **1.**  **2.**  **3.**  **4.**  **5.**  **6.**  **7.**  **8.**  **9.** | **ISP**(node):  solucao\_optima = NULL  **while** t\_util**:**  solucao = ISPProb(node)  **if** solucao\_optima == NULL:  **solucao\_optima = solucao**  **else if custo(solucao\_optima) > custo(solucao):**  solucao\_optima = solucao  **return** solucao |
| **Figura 1. Algoritmo para a Sondagem Iterativa** | |

|  |  |
| --- | --- |
| **1.**  **2.**  **3.**  **4.**  **5.**  **6.**  **7.** | **ISPProb**(node):  **if** **isGoal**(node) **return** node  **if** **fail**(node) **return** nil  **while t\_util:**  S = **generate-successors**(node)  index = **generate-random-number**(0, S\_size - 1)  **ISPProb**(S[index]) |
| **Figura 2. Função auxiliar para o algoritmo de Sondagem Iterativa** | |

Foi implementado a versãode procura em árvore. Se o problema for pequeno suficiente, é possível explorar todo o espaço de estados, encontrando a solução óptima.

Na figura 1, o parâmetro *node* é o nó inicial do problema. A função ISP chama a função ISPNode para explorar caminhos a partir do nó raíz até ao nó objectivo. Num tempo definido, procura o máximo de caminhos que conseguir, comparando os seus custos e guardando aquele com custo menor. Ao encontrar um nó objetivo, retrocede para o nó raiz.

Na figura 2, o parâmetro *node* é o estado que está a ser de momento explorado. Na linha 1, se o estado atual é objetivo este é retornado. Na linha 2 se não se consegue gerar sucessores, retorna-se NIL. A função ***generate-successors*** expande o nó, gerando os seus sucessores. A função ***generate-random-number*** devolve um índice aleatório para aceder a S, lista de sucessores. Desta forma, escolhe-se aleatoriamente um sucessor para ser o novo estado a explorar.

Foram experimentados vários valores para o número de sondas usadas no algoritmo, de forma a definir o *n* mais eficiente para encontrar a solução ótima. Em baixo, os gráficos demonstram o comportamento obtido para diferentes valores, para um único teste:

O número de sondas não informa significativamente o desempenho do algoritmo, um resultado da aleatoriedade do algoritmo. Há, no entanto, uma tendência ligeira negativa notável no gráfico. O valor que melhor equilibra eficiência no tempo de execução da estratégia com a obtenção da solução ótima estará entre *n*=7 e *n*=11, pelo que o valor selecionado foi *n*=10.

## *Iterative Limited Depth Search* (ILDS)

|  |  |
| --- | --- |
| **1.**  **2.**  **3.**  **4.**  **5.**  **6.**  **7.**  **8.**  **9.** | **ILDS**(node, n):  solucao\_optima = NULL  **for k = 0 to n:**  solucao = **ILDSProb(node, k, rDepth)**  **if** solucao\_optima == NULL:  **solucao\_optima = solucao**  **else if custo(solucao\_optima) > custo(solucao):**  solucao\_optima = solucao  **return** solucao\_optima |
| **Figura 3. Algoritmo para a Improved-Limited Discrepancy Search** | |
| |  | | --- | | 1 | | 2 | | 3 | | 4 | | 5 | | 6 | | 7 | | 8 | | 9 | | **ILDSProb**(node, k, rDepth):  **if** **isGoal**(node) **return** node  **if** **fail**(node) **return** nil  **S = generate-successors(node)**  best\_suc = choose-best-successor(S)  **worst\_suc = disjunction(best\_suc)**  **if rDepth > k:**  **ILDSProb(best\_suc, k, rDepth – 1)**  **if rDepth <= k:**  ILDSProb (first(worst\_suc) ,k-1,rDepth-1) | | |
| **Figura 4. Algoritmo para a Improved-Limited Discrepancy Search** | | | |

A iteração para k discrepâncias gera todos os caminhos com k ou menos ramos (linha 2, figura 3). Para cada iteração, compara-se qual o caminho encontrado com menor custo.

O parâmetro n do algoritmo ILDS, é o número de discrepâncias que se pode fazer. A função LDS chama a função ILDSProbe, aumentando o número de discrepâncias k até uma solução ser encontrada ou o máximo de discrepâncias ser feita. O máximo de discrepâncias corresponde à profundidade máxima do problema.

O parâmetro *rDepth* corresponde à profundidade ainda por explorar abaixo do nó atual, onde as discrepâncias que ainda podem ser tomadas.

Se a profundidade ainda por explorar for maior que k, segue-se a heurística. Atualiza-se a profundidade ainda por explorar para menos 1 unidade. Adia-se, portanto, a decisão de tomar a discrepância. Se k for maior que 0, não se segue a heurística. Diminui-se o k e a profundidade ainda por explorar em 1 unidade. Estas verificações impedem que o mesmo nó seja re-expandido entre iterações.

Para transformar o problema numa árvore binária, escolhe-se o primeiro sucessor da lista de sucessores que não foram escolhidos pela heurística.

Foram experimentados vários valores para o número de iterações máximas usadas no algoritmo, de forma a definir o *n* mais eficiente para encontrar a solução ótima. Em baixo, os gráficos demonstram o comportamento obtido para diferentes valores, para um único teste e heurística *H1*:

O número de sondas não informa o desempenho do algoritmo, pelo que o valor selecionado foi *n*=1, já que uma única iteração devolve a melhor solução que a estratégia acaba por encontrar. Como este é um problema de otimização, o primeiro nó com que o ILDS se depara é válido; como ele se guia por uma heurística, é também teoricamente ótimo. Por essa razão, a exploração de discrepâncias não é frutífera.

## Procura alternativa – *Depth-Bounded Discrepancy Search* (DDS)

|  |  |
| --- | --- |
| **1.**  **2.**  **3.**  **4.**  **5.**  **6.** | **DDS**(node, n):  solucao\_optima = NULL  **for k = 0 to n:**  solucao = D**DSProb(node, k,0)**  **if** solucao\_optima == NULL:  **solucao\_optima = solucao**  **else if custo(solucao\_optima) > custo(solucao):**  solucao\_optima = solucao  **return** solucao\_optima |
| **Figura 4. Algoritmo DDS** | |
|  | |  |  | | --- | --- | | 1.  2.  3.  4.  5.  6.  7.  8.  9.  10.  11.  12.  13.  14.  15. | **DDSProb**(node, k, prof):  **if** **isGoal**(node) **return** node  **if** **fail**(node) **return** nil  **S = generate-successors(node)**  best\_suc = choose-best-successor(S)  **worst\_S = disjunction(best\_suc)**  **if k = 0:**  **DDSProb(best\_suc, k)**  **if k = 1:**  DDSProb (worst\_suc,k-1)  **if k > 1:**  **result = DDSProb(best\_suc, k-1, prof+1)**  **if isGoal(result) return result**  **else**  **DDSProb(worst\_S, k-1, prof + 1)** | | **Figura 5. Função auxiliar para o algoritmo DDS** | | |

O algoritmo DDS, começa por fazer discrepâncias perto da raiz. Os números de discrepâncias vão aumentando à medida que me afasto da raiz. A heurística tem maior probabilidade de falhar no topo. Em semelhança ao ILDS, compara-se os custos das soluções encontradas entre iterações de forma a encontrar a solução com menor custo. A profundidade actual vai sendo calculada ao longo do algoritmo.

Iterativamente vai aumentando o limite da profundidade. Na iteração 0, vai a favor da heurística. Na iteração i explora os ramos onde as discrepâncias ocorrem na profundidade i ou menos. Tem-se o cuidado de não revisitar nós folha visitados em iteração anteriores. Isto é feito fazendo: na profundidade i da iteração i, vai-se contra a heurística já que ramos que vão a favor da heurística iria nos levar a nós folha visitados anteriormente em iterações anteriores. Em profundidades menores, podemos tomar tanto os ramos a favor como contra heurística. Em profundidades maiores, devemos sempre seguir a heurística. Isto é garantindo pelas verificações feitas da linha 7 à 15 da figura 5.

Foram experimentados vários valores para a profundidade máxima usada no algoritmo, de forma a definir o *n* mais eficiente para encontrar a solução ótima. Em baixo, os gráficos demonstram o comportamento obtido para diferentes valores, para um único teste e heurística *H1*:

É facilmente identificável o melhor valor, *n*=18. Este valor está fortemente dependente desta procura específica, devido ao funcionamento particular da estratégia. Para problemas maiores, o valor ótimo será maior também – no entanto, a execução do algoritmo deixa de ocorrer em tempo útil. Foi determinado que um problema representativo *pequeno* seria portanto um bom exemplo para calcular o *n*, e ficou estabelecido *n*=18.

# Comparação de resultados

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *Problema\*  *Procura* | **Profundidade** | **A\* (H1)** | **A\* (H2)** | **Sondagem Iterativa** | **ILDS** | **DDS** |
| **1** | 10110 | 9776 | 9776 | 10712 | 10036 | 9688 |
| **2** | 21359 | 21686 | 21686 | 23167 | 21359 | 21359 |
| **3** | 33305 | 33536 | 33536 | 34470 | 33228 | 33305 |
| **4** | 64277 | 65235 | 65235 | 65935 | 64247 | 64277 |
| **5** | 93675 | 91221 | 91221 | 93993 | 93669 | 93675 |

Tabela 5 – Custo da solução

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *Problema\*  *Procura* | **Profundidade** | **A\* (H1)** | **A\* (H2)** | **Sondagem Iterativa** | **ILDS** | **DDS** |
| **1** | 0.125 | 0.156 | 0.156 | 1.6875 | 0.266 | 1.234 |
| **2** | 1.234375 | 1.453 | 1.500 | 15.1875 | 2.594 | 5.109 |
| **3** | 4.234375 | 6.625 | 6.719 | 50.9375 | 8.750 | 43.70 |
| **4** | 28.90625 | 44.83 | 46.53 | 354.5625 | 58.16 | 172.6 |
| **5** | 85.6875 | 90.81 | 92.36 | 988.5156 | 170.0 | 643.8 |

Tabela 6 – Tempo (s) de execução

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *Problema\*  *Procura* | **Profundidade** | **A\* (H1)** | **A\* (H2)** | **Sondagem Iterativa** | **ILDS** | **DDS** |
| **1** | 82 | 83 | 83 | 820 | 164 | 812 |
| **2** | 162 | 170 | 170 | 1620 | 324 | 804 |
| **3** | 244 | 291 | 291 | 2440 | 488 | 2491 |
| **4** | 472 | 569 | 569 | 4720 | 944 | 2932 |
| **5** | 693 | 710 | 710 | 6930 | 1386 | 4933 |

Tabela 7 – Nós expandidos na execução

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *Problema\*  *Procura* | **Profundidade** | **A\* (H1)** | **A\* (H2)** | **Sondagem Iterativa** | **ILDS** | **DDS** |
| **1** | 196 | 202 | 202 | 3053 | 392 | 1883 |
| **2** | 436 | 433 | 433 | 6690 | 872 | 1965 |
| **3** | 852 | 861 | 861 | 11282 | 1704 | 8592 |
| **4** | 1911 | 1774 | 1774 | 25099 | 3822 | 11599 |
| **5** | 3679 | 2822 | 2822 | 54913 | 7358 | 25843 |

Tabela 8 – Nós gerados na execução

Para o IDA\* não é encontrada uma solução. Isto deve-se ao facto de a estratégia não encontrar um valor *f* maior que o *threshold* inicial: o algoritmo não é adequado a este problema. Já para as estratégias de Profundidade Iterativa e Largura Primeiro, não correm em tempo útil. Em relação à largura, este problema requer uma procura mais afunilada em direção à solução, devido ao tamanho da árvore. A profundidade iterativa tem um problema semelhante, já que a solução deste problema está obrigatoriamente a uma profundidade igual ao número de tarefas (variáveis) inicialmente propostas, e o número de iterações exigidas pelo algoritmo para lá chegar é insustentável.

## Melhor Abordagem

Para problemas pequenos, a melhor abordagem será o DDS. Para problemas médios a grandes, o ILDS comporta-se melhor, e para os maiores problemas, o A\* é a estratégia mais eficaz e eficiente.

(!!!)

## Melhorias a implementar

A função custo podia ser dinâmica. Há medida que o tempo passasse, ia sendo cada vez mais peso até ter o seu peso total. Desta forma, durante a primeira parte da procura o algoritmo mantinha-se com *h(n)>g(n)*, executando mais rapidamente. Durante a outra parte da procura, em que o custo começa a ter o seu peso total, adaptar-se-ia a heurística de forma a que *h(n)<g(n)*, executando a procura mais devagar, mas garantindo um caminho ótimo.

(!!!!!)

# Conclusão

(!!!!)

# Bibliografia

1. Angelo Oddi et al., Iterative-Sampling Search for Job Shop Scheduling with Setup Times, 2009;
2. Richard E. Korf, Improved Limited Discrepancy Search, 1995;
3. Toby Walsh, Depth-Bounded Discrepancy Search, 1996;
4. Patrick Prosser, Chris Unsworth, Limited Discrepancy Search Revisited, 2011.