GB-100 - Processamento Paralelo

Trabalho Prático

Prof. Pedro Carlos da Silva Lara Prazo: 31/08/2023

1 Power Method

O Power Method (Método das Potências) é um algoritmo iterativo usado para encontrar o maior autovalor (em valor absoluto) de uma matriz quadrada. É um dos métodos amplamente utilizados para resolver esse problema em álgebra linear

Para encontrar o maior autovalor λ (raio espectral) de uma matriz A, começamos com um vetor inicial \mathbf{b}_0 e realizamos iterações da seguinte forma:

```
Algorithm 1: Power Method
```

```
Data: Matriz A, \mathbf{b} = [1, 1, ..., 1]^T e o número de iterações niter

Result: Aproximação para o maior autovalor em módulo de A

for i = 1, ... niter do

\begin{array}{c} \mathbf{b} \leftarrow A\mathbf{b}; \\ norm_{\mathbf{b}} \leftarrow ||\mathbf{b}||; \\ \mathbf{b} \leftarrow \frac{\mathbf{b}}{norm_{\mathbf{b}}}; \\ \mathbf{return} \ \mathbf{b}[0]; \end{array}
```

Para este trabalho deve-se implementar 3 kernels em cuda:

- Multiplicação matriz-vetor
- Cálculo da norma (euclidiana)
- Normalização do vetor b

A função main deve seguir (aproximadamente) o seguinte modelo:

```
int main() {
    ...
    for( int i = 0; i < niter; i++ ) {
        MatMulVecAndUpdate<<<blocks, threads>>>( d_A, d_b, n );
        cudaDeviceSynchronize();
        VecNorm<<<<blocks, threads>>>( d_b, &norm_b, n );
        cudaDeviceSynchronize();
        VecNormalize<<<<blocks, threads>>>( d_b, norm_b, n );
        cudaDeviceSynchronize();
        vecNormalize<<<<blocks, threads>>>( d_b, norm_b, n );
        cudaDeviceSynchronize();
```

```
}
...
}
```

Para realizar os testes, pode-se inicializar a matriz A com valores aleatórios [0,1]. Pode-se utilizar n=2048 (a matriz A possui dimensão $n\times n$). Compare o desempenho e verifique a corretude com relação a versão sequencial que usa CPU disponibilizada em C. Deve ser entregue o código cuda , enviado por email (pedro.lara@cefet-rj.br) até o dia 31/08/2023.