Examen Parcial 1

| Apellidos y Nombre |         |  |  |  |  |
|--------------------|---------|--|--|--|--|
| D.N.I              | FIRMA _ |  |  |  |  |
|                    |         |  |  |  |  |

- 1) Probar por inducción que la suma de los cuadrados de los n primeros números impares es n(2n-1)(2n+1)/3, para cualquier entero positivo n.
- ${\bf 2}$ ) Sean A, B y C conjuntos. Decidir si es cierta o no la siguiente identidad en general, demostrándola o dando un contraejemplo:

$$A \setminus (B \cup C) = (A \setminus B) \cap (A \setminus C).$$

3) Sean  $f: X \to Y$ ,  $g: Y \to Z$  funciones arbitrarias. Si  $g \circ f$  es inyectiva, ¿es necesariamente g es inyectiva? En caso afirmativo, dar una demostración, y en caso negativo, un contraejemplo.