

# Programación II

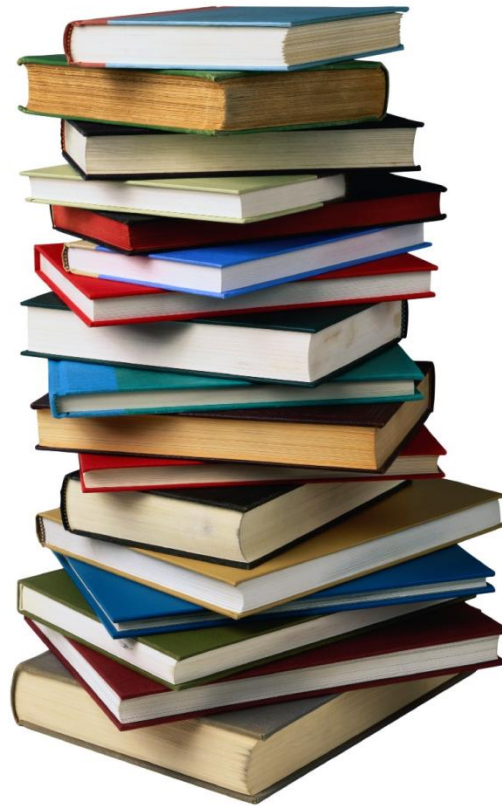
## Tema 2. Pilas (parte 1)

Escuela Politécnica Superior  
Universidad Autónoma de Madrid

- El TAD Pila
- Estructura de datos y primitivas de Pila
- Implementación en C de Pila
  - Implementación con top de tipo entero
- Ejemplos de aplicación de Pila
  - Balanceo de paréntesis
  - Evaluación de expresiones posfijo
  - Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo
- Anexos

- **El TAD Pila**
- Estructura de datos y primitivas de Pila
- Implementación en C de Pila
  - Implementación con top de tipo entero
- Ejemplos de aplicación de Pila
  - Balanceo de paréntesis
  - Evaluación de expresiones posfijo
  - Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo
- Anexos

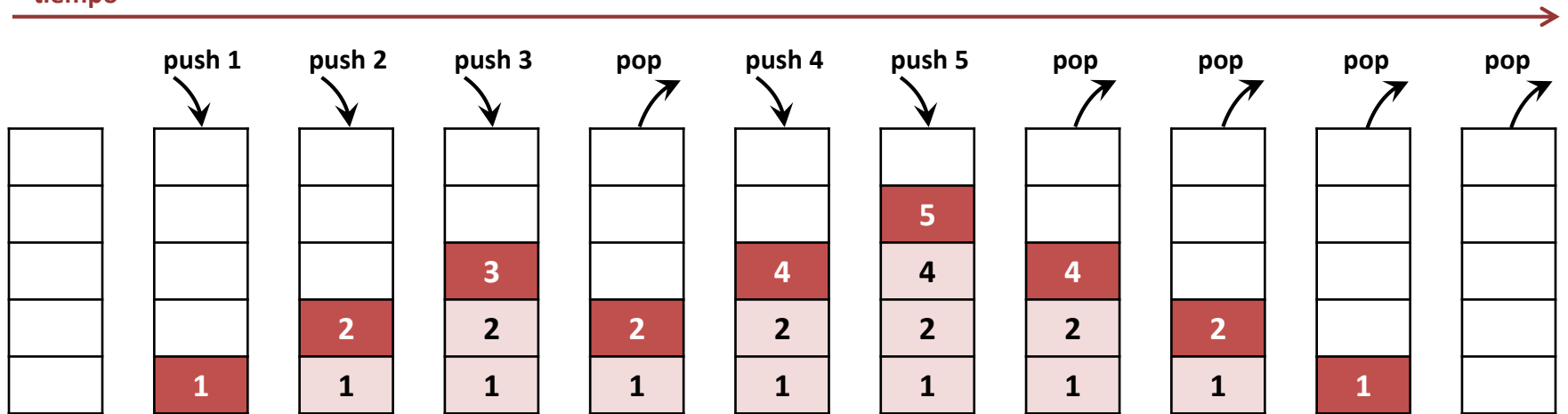
- Pila (*stack* en inglés)
  - Colección de elementos LIFO - *Last In, First Out*: “el último que entra, el primero que sale”



## • Definición de Pila

- Contenedor de elementos que son insertados y extraídos siguiendo el principio de que el último que fue insertado será el primero en ser extraído (*LIFO – Last In, First Out*)
  - Los elementos se insertan de uno en uno: **push** (*apilar*)
  - Los elementos se extraen de uno en uno: **pop** (*desapilar*)
  - El último elemento insertado (que será el primero en ser extraído) es el único que se puede “observar” de la pila: **top** (*tope, cima*)

tiempo



- **Funciones incluidas en la interfaz (primitivas)**

Stack **stack\_init**() : crea, inicializa y devuelve una pila

void **stack\_free**(Stack s) : libera (la memoria ocupada por) la pila

Boolean **stack\_isEmpty**(Stack s) : devuelve *true* si la pila está vacía y *false* si no

Boolean **stack\_isFull**(Stack s) : devuelve *true* si la pila está llena y *false* si no

Status **stack\_push**(Stack s, Element e) : inserta un dato en una pila

Element **stack\_pop**(Stack s) : extrae el dato que ocupa el top de la pila

Element **stack\_top**(Stack s) : devuelve el dato que ocupa el top de la pila sin extraerlo de ella

- **Aplicaciones reales de las pilas**

- En general, todas aquellas aplicaciones que conlleven:
  - **estrategias “vuelta atrás”** (*back tracking*): la acción deshacer/*undo*
  - **algoritmos recursivos**
- Ejemplos:
  - **Editores de texto**: pila con los últimos cambios realizados sobre un documento
  - **Navegadores web**: pila de direcciones con los sitios web más recientemente visitados
  - **Pila de programa**: zona de memoria de un programa donde se guardan temporalmente los argumentos de entrada de funciones
  - **Comprobación del balanceo de (), {}, []** en compiladores
  - **Parsing de código XML/HTML**, comprobando la existencia de etiquetas de comienzo `<tag>` y finalización `</tag>` de elementos en un documento XML
  - **Calculadoras con notación polaca inversa** (posfijo): se convierten expresiones “infijo” a “posfijo” soportando complejidad superior a la de calculadoras algebraicas (p.e., realizan cálculos parciales sin tener que pulsar “=“)

- El TAD Pila
- **Estructura de datos y primitivas de Pila**
- Implementación en C de Pila
  - Implementación con top de tipo entero
- Ejemplos de aplicación de Pila
  - Balanceo de paréntesis
  - Evaluación de expresiones posfijo
  - Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo
- Anexos

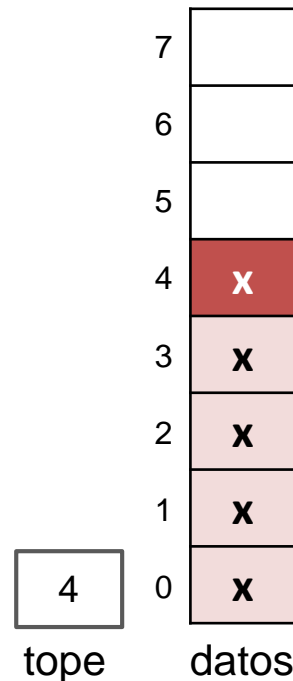


# Estructura de datos (una posible)

8

- La pila estará formada por:

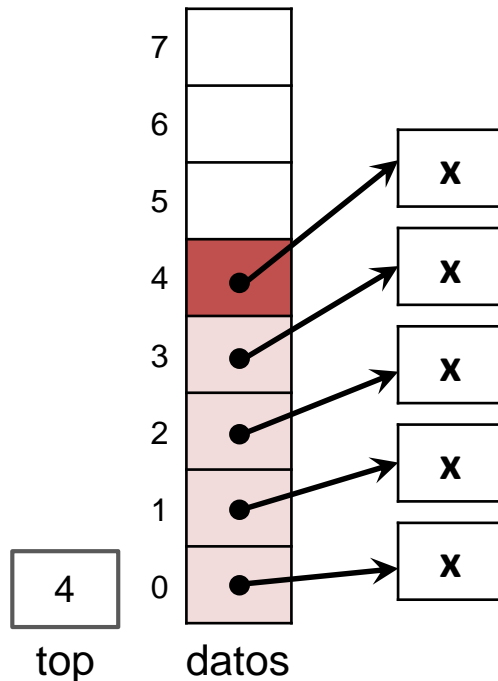
- **datos:** conjunto de elementos, en general del mismo tipo, almacenados de forma secuencial y accesibles desde un único punto: el *tope*
- **tope:** indicador de la posición del último elemento insertado; da lugar a una ordenación LIFO (*last in, first out*)



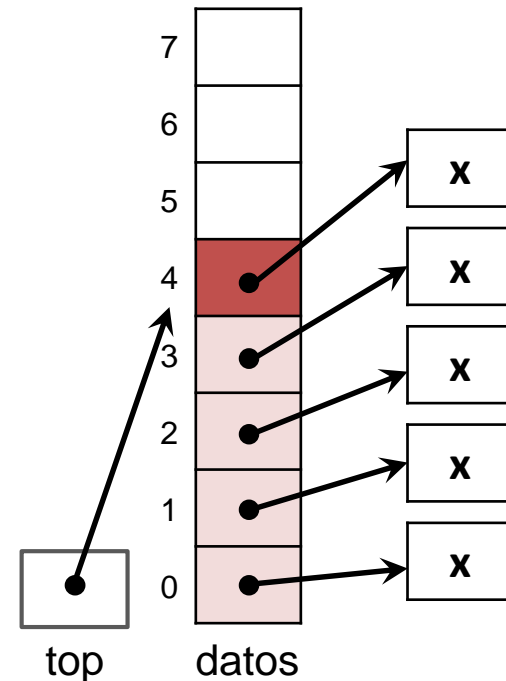
(en este dibujo asumimos que la pila tiene tamaño máximo de 8, pero no tiene por qué ser siempre ese valor)

## • EdD en C

- **datos**: en este tema será un array de punteros: `Element * datos[];`
- **top**: en este tema se declarará de 2 maneras (versiones) distintas
  - V1: Como un entero: `int top;`
  - V2: Como un puntero a un elemento del array: `Element **top;`



**Versión 1**



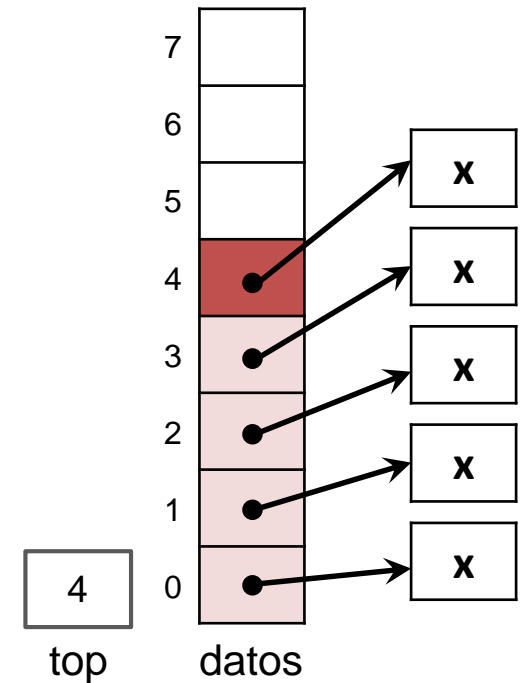
**Versión 2 (en anexo)**

- El TAD Pila
- Estructura de datos y primitivas de Pila
- **Implementación en C de Pila**
  - **Implementación con top de tipo entero**
- Ejemplos de aplicación de Pila
  - Balanceo de paréntesis
  - Evaluación de expresiones posfijo
  - Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo
- Anexos

- Implementación con top de tipo entero
  - Asumimos la existencia del TAD Element
  - EdD de Pila mediante un array

```
// En stack_h
typedef struct _Stack Stack;

// En stack_c
#define STACK_MAX 8
struct _Stack {
    Element * datos[STACK_MAX];
    int      top;
};
```



- Implementación con top de tipo entero

- Asumimos la existencia del **TAD Element** que, entre otras, incluye en su interfaz las funciones *free* y *copy*:

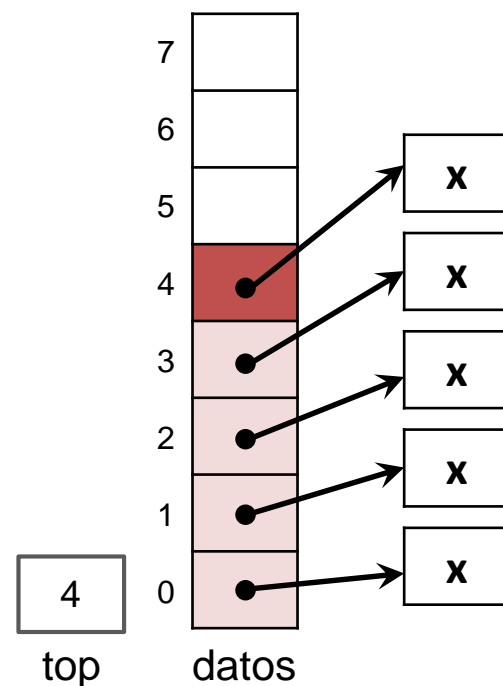
```
void element_free(Element *pe);  
Element *element_copy(const Element *pe);
```

- Interfaz (prototipos en stack.h)

```
Stack *stack_init();  
void stack_free(Stack *ps);  
Boolean stack_isEmpty(const Stack *ps);  
Boolean stack_isFull(const Stack *ps);  
Status stack_push(Stack *ps, const Element *pe);  
Element *stack_pop(Stack *ps);  
Element *stack_top(Stack *ps);
```

- Estructura de datos (en stack.c)

```
struct _Stack {  
    Element * datos[STACK_MAX];  
    int      top;  
};
```



- Implementación con top de tipo entero

- Asumimos la existencia del **TAD Element** que, entre otras, incluye en su interfaz las funciones *free* y *copy*:

```
void element_free(Element *pe);  
Element *element_copy(const Element *pe);
```

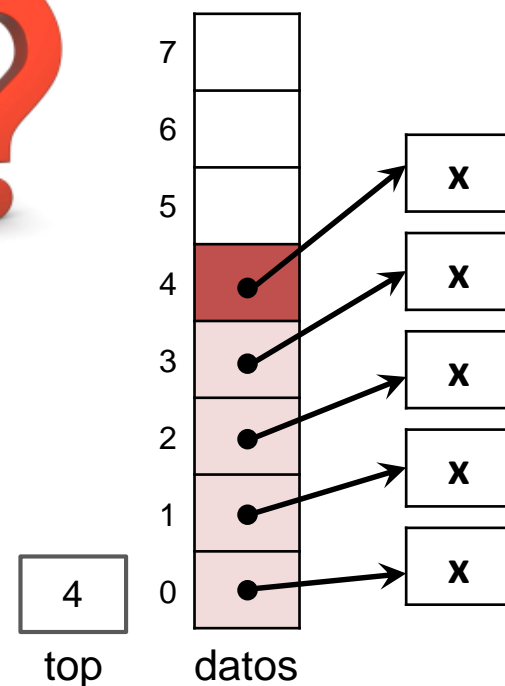
- Interfaz (prototipos en stack.h)

```
Stack *stack_init();  
void stack_free(Stack *ps);  
Boolean stack_isEmpty(const Stack *ps);  
Boolean stack_isFull(const Stack *ps);  
Status stack_push(Stack *ps, const Element *pe);  
Element *stack_pop(Stack *ps);  
Element *stack_top(Stack *ps);
```



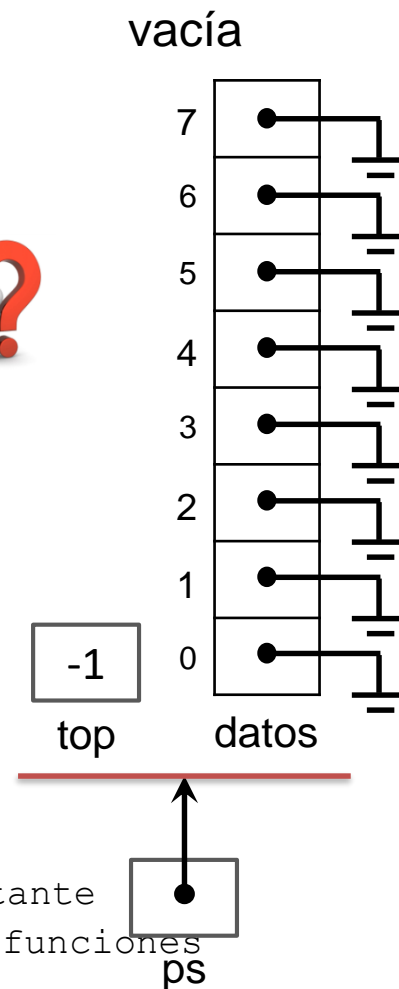
- Estructura de datos (en stack.c)

```
struct _Stack {  
    Element * datos[STACK_MAX];  
    int      top;  
};
```



- Implementación con top de tipo entero

```
Stack *stack_init() {  
    Stack *ps = NULL;  
    int i;  
  
    ps = (Stack *) malloc(sizeof(Stack));  
    if (ps == NULL) {  
        return NULL;  
    }  
  
    for (i=0; i<STACK_MAX; i++)  
        ps->datos[i] = NULL;  
  
    ps->top = -1;    // (1)  
    return ps;  
}
```

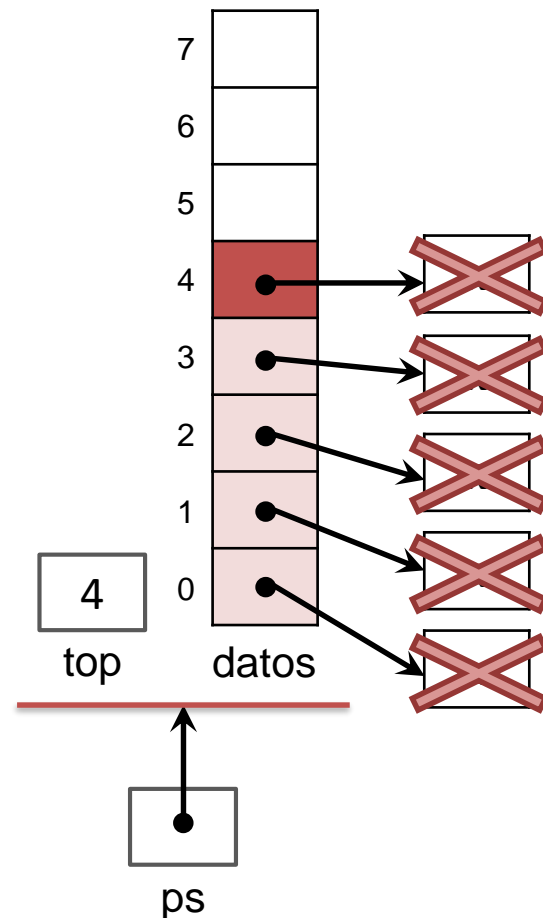


(1) Hay otras posibilidades (e.g., `ps->top = 0`). Lo importante es ser coherente con la implementación del resto de las funciones

- Implementación con top de tipo entero

Existe: `void element_free (Element *pe);`

```
void stack_free (Stack *ps) {  
    int i;  
  
    if (ps != NULL) {  
        for (i=0; i<=ps->top; i++) {  
            element_free(ps->datos[i]);  
            ps->datos[i] = NULL;  
        }  
    }  
}
```





- Implementación con top de tipo entero

Existe: `void element_free (Element *pe);`

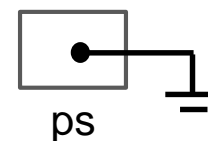
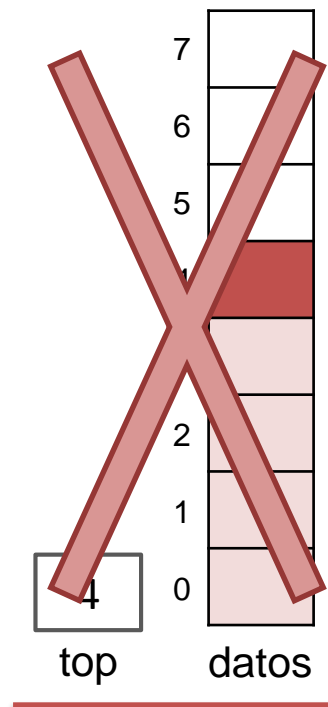
```
void stack_free (Stack *ps) {  
    int i;  
  
    if (ps != NULL) {  
        for (i=0; i<=ps->top; i++) {  
            element_free(ps->datos[i]);  
            ps->datos[i] = NULL;  
        }  
    }  
}
```

**free(ps);**

```
// ps = NULL; se hace fuera,  
// tras llamar a pila_liberar
```

}

}



- Implementación con top de tipo entero

- Asumimos la existencia del **TAD Element** que, entre otras, tiene asociadas las primitivas *liberar* y *copiar*:

```
void elemento_free(Element *pe);  
Element *element_copy(const Element *pe);
```

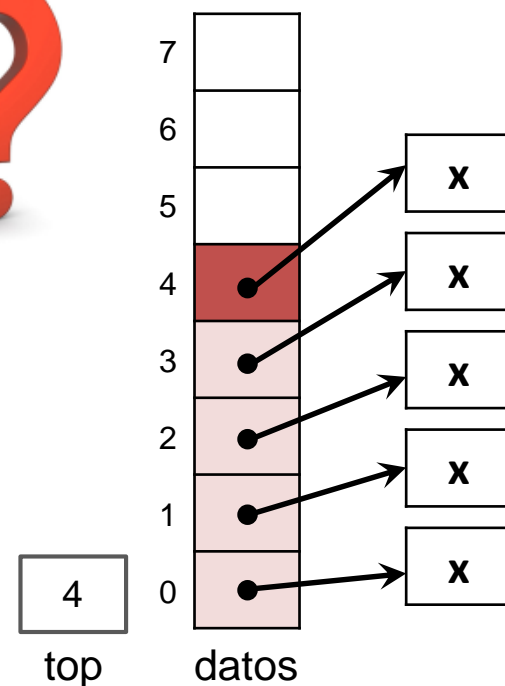
- Interfaz (prototipos en stack\_h)

```
Stack *stack_init();  
void stack_free(Stack *ps);  
Boolean stack_isEmpty(const Stack *ps);  
Boolean stack_isFull(const Stack *ps);  
Status stack_push(Stack *ps, const Element *pe);  
Element *stack_pop(Stack *ps);  
Element *stack_top(Stack *ps);
```



- Estructura de datos (en pila.c)

```
struct _Stack {  
    Element *datos[PILA_MAX];  
    int      top;  
};
```



- Implementación con top de tipo entero

```
Boolean stack_isEmpty(const Stack *ps) {  
    if (ps == NULL)  
        return TRUE;  
  
    if (ps->top == -1)  
        return TRUE;  
  
    return FALSE;  
}
```

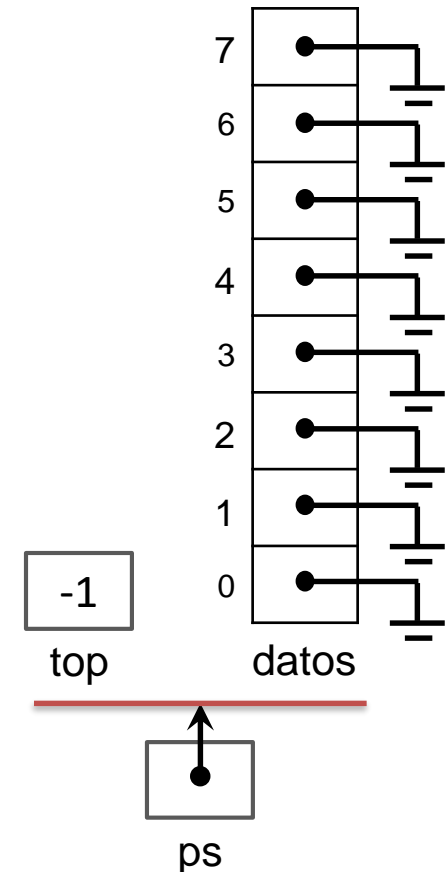
Nota:



Llamaremos a `stack_isEmpty` cuando queremos hacer pop, para comprobar si hay elementos en la pila. Si la pila está vacía, no se puede extraer nada.

Por eso, si el puntero `ps` que recibe `stack_isEmpty` es `NULL`, la función devuelve `TRUE` indicando que la pila “está” vacía, con el fin de que luego no se haga pop.

vacía



- Implementación con top de tipo entero

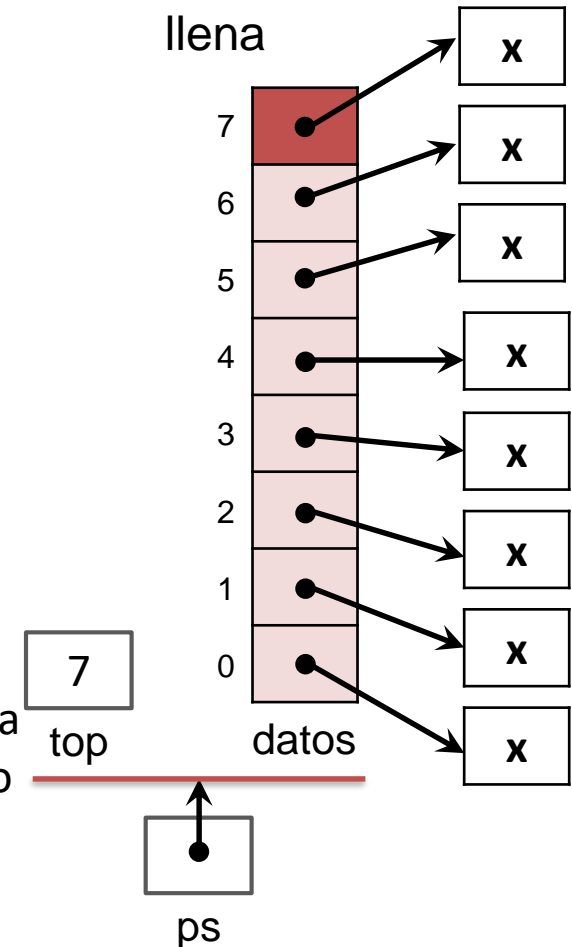
```
Boolean stack_isFull(const Stack *ps) {  
    if (ps == NULL)  
        return TRUE;  
  
    if (ps->top == STACK_MAX-1) {  
        return TRUE;  
    }  
    return FALSE;  
}
```

Nota:



Llamaremos a `stack_isEmpty` cuando queramos hacer push, para comprobar si la pila tiene o no capacidad. Si la pila está llena, no se puede hacer el push.

Por eso, si el `ps` que recibe `stack_isEmpty` es `NULL`, esta función devuelve `TRUE` indicando que la pila “está” llena, con el fin de que luego no se haga push.



- Implementación con top de tipo entero

- Asumimos la existencia del **TAD Element** que, entre otras, incluye en su interfaz las funciones *free* y *copy*:

```
void element_free(Element *pe);  
Element *element_free(const Element *pe);
```

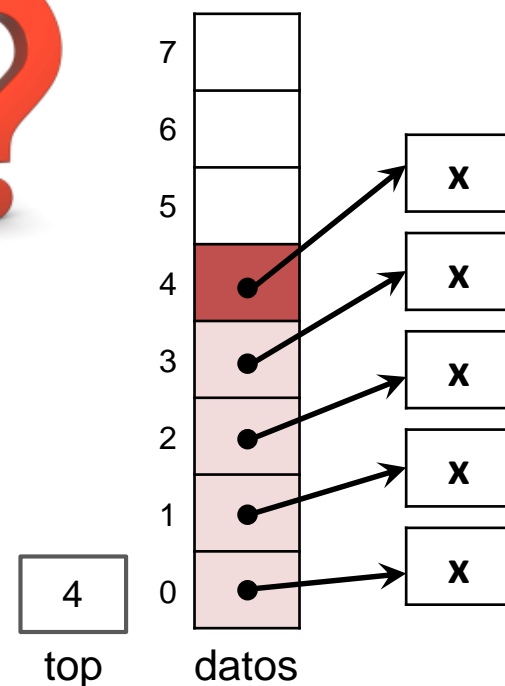
- Interfaz (prototipos en `stack_h`)

```
Stack *stack_init();  
void stack_free(Stack *ps);  
Boolean stack_isEmpty(const Stack *ps);  
Boolean stack_isFull(const Stack *ps);  
Status stack_push(Stack *ps, const Element *pe);  
Element *stack_pop(Stack *ps);  
Element *stack_top(Stack *ps);
```



- Estructura de datos (en `stack c`)

```
struct _Stack {  
    Element  *datos[STACK_MAX];  
    int      top;  
};
```



# Implementación en C de Pila

21

## • Implementación con top de tipo entero

```
status stack_push(Stack *ps, const Element *pe) {  
    Element *aux = NULL;
```

```
    if (ps == NULL || pe == NULL || stack_isFull(ps) == TRUE)  
        return ERR;
```

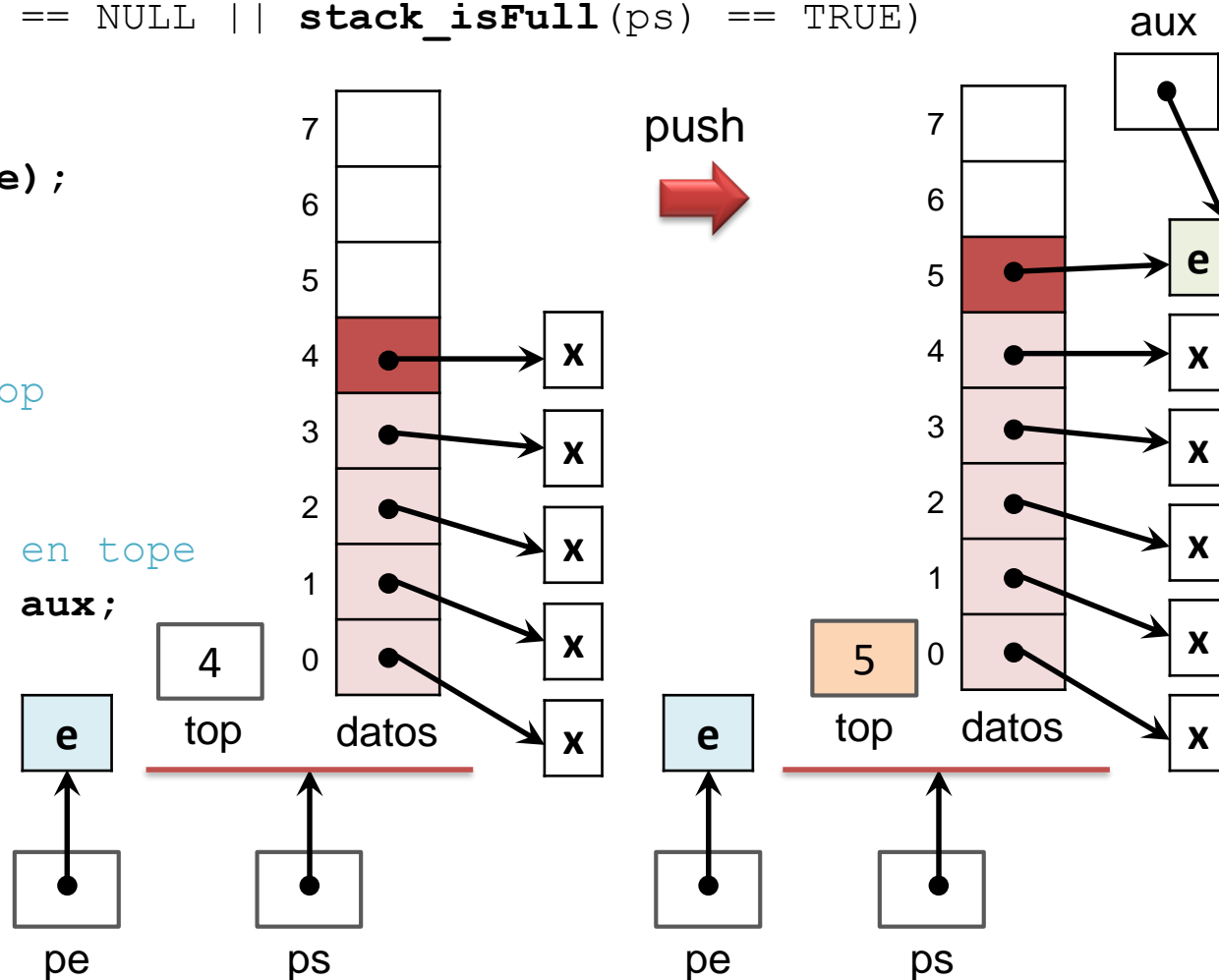
```
    aux = element_copy(pe);  
    if (aux == NULL)  
        return ERR;
```

```
    // Actualizamos el top  
    ps->top++;
```

```
    // Guardamos el dato en tope  
    ps->datos[ps->top] = aux;
```

```
    return OK;
```

```
}
```



- Implementación con top de tipo entero

- Asumimos la existencia del **TAD Element** que, entre otras, incluye en su interfaz las funciones *free* y *copy*:

```
void element_free(Element *pe);  
Element *element_copy(const Element *pe);
```

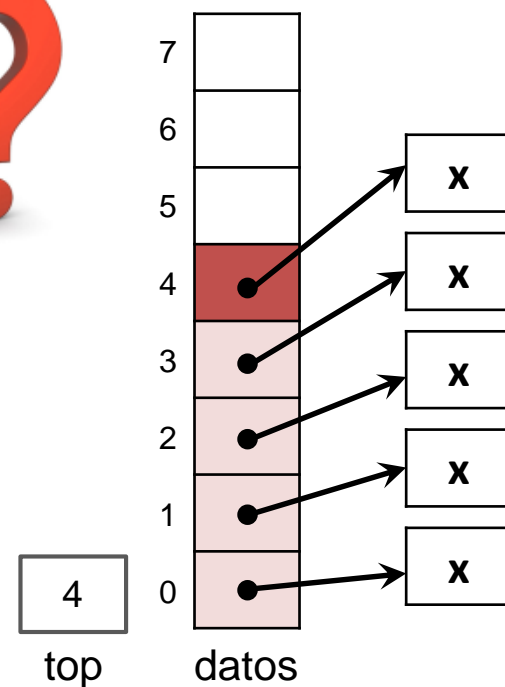
- Interfaz (prototipos en `stack_h`)

```
Stack *stack_init();  
void stack_free(Stack *ps);  
Boolean stack_isEmpty(const Stack *ps);  
Boolean stack_isFull(const Stack *ps);  
Status stack_push(Stack *ps, const Element *pe);  
Elemento *stack_pop(Stack *ps);  
Element stack_top(Stack *ps);
```



- Estructura de datos (en `stack_c`)

```
struct _Stack {  
    Element  *datos[STACK_MAX];  
    int      top;  
};
```



## • Implementación con top de tipo entero

```
Element *stack_pop(Stack *ps){
```

```
    Element *pe = NULL;
```

```
    if (ps == NULL || stack_isEmpty(ps) == TRUE)
        return NULL;
```

```
    // Recuperamos el dato del top
```

```
    pe = ps->datos[ps->top];
```

```
    // Asignamos el Elemento* a NULL
```

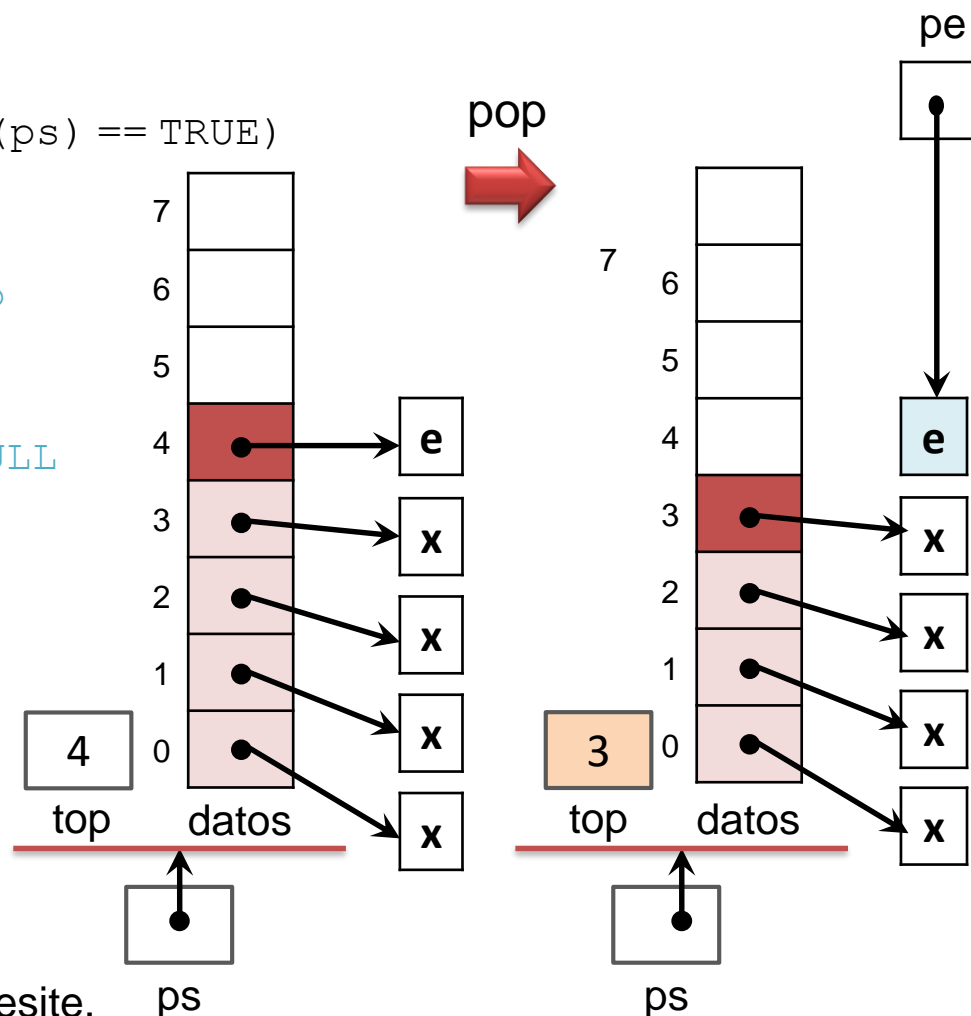
```
    ps->datos[ps->top] = NULL;
```

```
    // Actualizamos el top
```

```
    ps->top--;
```

```
    return pe;
```

```
}
```



**Nota:** el elemento cuyo puntero se devuelve ha de liberarse fuera, en algún momento después de hacer pop, cuando ya no se necesite.



# Implementación en C de Pila (usando Element)

24

## Interfaz del TAD Element (element.h)

```
Element * element_init (void *);  
void element_free (Element *);  
  
Element * element_copy (Element *);  
  
Status element_set (Element *, void *);  
void * element_get (Element *ele);
```

```
#include "stack_h"  
  
void clean_up (Element *ele, Stack *s, Status ret) {  
    element_free (ele);  
    stack_free (s);  
    exit (ret);  
}  
  
void main() {  
    Stack *s = NULL;  
    Element *ele = NULL;  
    int i = 3;  
    Status ret;  
  
    // crea un elemento de pila  
    ele = element_init (&i);  
    if (!ele) return ERROR;  
  
    // inicializa la pila  
    s = stack_init ();  
    if (!s) clean_up (ele, s, ERROR);  
  
    // inserta el elemento en la pila (hace copia de ele)  
    ret = stack_push (s, ele);  
    if (ret == ERROR) clean_up (ele, s, ERROR);  
  
    //libera el elemento (push insertó una copia del mismo)  
    element_free (ele);  
  
    // extrae un elemento de la pila  
    ele = stack_pop (s);  
    fprintf (stdout, " %d ", *(int *)element_get (ele));  
  
    // libera los recursos  
    clean_up (ele, s, OK);  
}
```

- El TAD Pila
- Estructura de datos y primitivas de Pila
- Implementación en C de Pila
  - Implementación con top de tipo entero
- **Ejemplos de aplicación de Pila**
  - **Balanceo de paréntesis**
  - Evaluación de expresiones posfijo
  - Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo
- Anexos

- Determinar si una expresión (p.e., una operación aritmética) contiene el mismo número de paréntesis de apertura que de cierre

$( 3 * 4 / ( 6 - 1 ) ) \rightarrow \text{CORRECTA}$

$2 + ( 5 / ( 4 + 7 ) \rightarrow \text{INCORRECTA}$

$6 * 4 + 9 ) \rightarrow \text{INCORRECTA}$

## EJEMPLOS

Input :  $(A+B)+C;$

Output : TRUE

Input :  $(A+B) ) +C (;$

Output : FALSE

Input :  $A) +B+C;$

Output: FALSE

- Ejemplo 1:  $( A * B / ( C - D ) ) ;$

Símbolo;	Pila de paréntesis
(	(
A	(
*	(
B	(
/	(
(	((
C	((
-	((
D	((
)	(
)	
;	

## ALGORITMO

S 1: Inicializar pila auxiliar

S 2: Recorrer la expresión de izquierda a derecha:

S 2.1: si el símbolo leído es un paréntesis de apertura, insertarlo en la pila.

S 2.2: si el símbolo leído es un paréntesis de cierre, extraer un elemento de la pila; si la pila estaba vacía (no se pudo extraer), la expresión **no** está balanceada.

S 3: Si después de recorrer la expresión la pila **no** queda vacía, la expresión **no** está balanceada.

S 4: Liberar la pila auxiliar.

## Sin control de errores

```
Boolean balancedExpression (String str)
    ret = TRUE
    i = 0
    s = stack_init ()
```

```
// recorremos la expresión
```

```
while str[i] ≠ EoS :
    if str[i] == '(' :
        stack_push (s, str[i])
```

```
    else if str[i] == ')' :
        stack_pop (s)
```

```
    i = i + 1
```

```
if stack_isEmpty (s) == FALSE :
    ret = FALSE
```

```
stack_free (s)
return ret
```

- Ejemplo 1: ( 3 \* 4 / ( 6 - 1 ) ) ;

Símbolo	Pila de paréntesis
(	(
3	(
*	(
4	(
/	(
(	((
6	((
-	((
1	((
)	(
)	



## ¿Control de errores?

# Balanceo de paréntesis (Pseudocódigo sin CdE)

29

```
Boolean balancedExpression (String str)
```

```
    ret = TRUE
```

```
    i = 0
```

```
    s = stack_init () 1
```

• Ejemplo 1: ( 3 \* 4 / ( 6 - 1 ) ) ;

```
while str[i] ≠ EoS :
```

```
    if str[i] == '(' :
```

```
        stack_push (s, str[i]) 2
```

```
    else if str[i] == ')' :
```

```
        stack_pop (s) A
```

```
    i = i + 1
```

```
if stack_isEmpty (s) == FALSE : B
```

```
    ret = FALSE
```

```
stack_free (s)
```

```
return ret
```

Símbolo	Pila de paréntesis
(	(
3	(
*	(
4	(
/	(
(	((
6	((
-	((
1	((
)	(
)	

Posibles fuentes de error (funciones que pueden devolver ERROR, *overflow*): **1** **2**

Errores de balanceo se detectan en: **A** **B**

- Ejemplo 2: 2 + ( 5 / ( 4 + 7 )
- Ejemplo 3: 6 \* 4 + 9 )



# Balanceo de paréntesis (Pseudocódigo con CdE v1) <sup>30</sup>

Boolean balancedExpression (String str)

st = OK

i = 0

( A \* B / ( C - D ) ) ;

if (s = stack\_init ()) == NULL : ①

return FALSE

while str[i] ≠ EoS:

if str[i] == '(' :

if stack\_push (s, str[i]) == ERROR : ②

stack\_free (s)

return FALSE

else if str[i] == ')' :

if stack\_pop (s) == ERROR : ③

stack\_free (s)

return FALSE

i = i + 1

if stack\_isEmpty (s) == FALSE : ④

st = ERROR

stack\_free (s)

if st == ERROR : return FALSE

return TRUE

V1: si hay error, libera pila  
y devuelve FALSE

Símbolo	Pila de paréntesis
(	(
A	(
*	(
B	(
/	(
(	((
C	((
-	((
D	((
)	(
)	
;	



¿Puedes mejorarlo para distinguir en el retorno las fuentes de error?

# Balanceo de paréntesis (Pseudocódigo con CdE v2) <sup>31</sup>

Boolean balancedExpression (String str)

st = OK

i = 0

if (s = stack\_init ()) == NULL : ①  
return FALSE

( A \* B / ( C - D ) ) ;

while str[i] ≠ EoS AND st == OK : //si ERROR, sale  
if str[i] == '(' :

st = stack\_push (s, str[i]) ②

else if str[i] == ')' :

if stack\_pop (s) == ERROR : ③  
st = ERROR

i = i + 1

if st == OK AND stack\_isEmpty (s) == FALSE : ④  
st = ERROR

stack\_free (s)

if st == ERROR : return FALSE  
return TRUE

Símbolo	Pila de paréntesis
(	(
A	(
*	(
B	(
/	(
(	((
C	((
-	((
D	((
)	(
)	
;	

V2:

Si hay error, st=ERROR

Se libera y se retorna abajo del todo



¿Puedes mejorarlo para distinguir en el retorno del algoritmo las fuentes de error?



- Determinar si una expresión (p.e. una operación aritmética) contiene el mismo número de paréntesis de apertura que de cierre, **distinguiendo '()', '{}', '[]'**

{ 3 \* 4 / ( 6 - 1 ) } → CORRECTA

2 + ( 5 / [ 4 + 7 ) ) → INCORRECTA

6 \* 4 + 9 } → INCORRECTA

```
Boolean balancedExpression (String str)
```

```
    st = OK
```

```
    i = 0
```

```
    if (s = stack_init ()) == NULL :  
        return FALSE
```

```
    while str[i] ≠ EoS AND st == OK : //si ERROR, sale  
        if str[i] == '(' :  
            st = stack_push (s, str[i])
```

```
        else if str[i] == ')' :  
            if stack_pop (s) == ERROR :  
                st = ERROR
```

```
        i = i + 1
```

```
    if st == OK AND stack_isEmpty (s) == FALSE :  
        st = ERROR
```

```
    stack_free (s)
```

```
    if st == ERROR : return FALSE  
    return TRUE
```

¿Qué hay que cambiar para  
comprobar distintos símbolos?



## ALGORITMO

- S 1: Inicializar una pila auxiliar.
- S 2: Recorrer la expresión de izquierda a derecha :
- S 2.1: si el símbolo leído es **de apertura**, insertarlo en la pila.
- S 2.2: si el símbolo leído es **de cierre y es pareja con el símbolo del tope de la pila**, extraerlo de la pila; si la pila estaba vacía (no se pudo mirar símbolo) o los símbolos no eran pareja, la expresión **no** está balanceada
- S 3: Si después de recorrer la expresión la pila **no** queda vacía, la expresión **no** está balanceada.
- S 4: Liberar la pila auxiliar.

• Ejemplo : [ ( A \* B ) + C \* D ] ;

Símbolo	Pila de paréntesis
[	[
(	[(
A	[(
*	[(
B	[(
)	[
+	[
C	[
*	[
D	[
]	
;	

# Balanceo de símbolos

35

```
Boolean balancedSymbol (String str)
```

```
    i = 0
```

```
    st = OK
```

```
    if (s = stack_init ()) == ERROR : ❶  
        return FALSE
```

```
    while str[i] ≠ EoS AND st == OK :  
        if isOpenSymbol (str[i]) == TRUE :  
            st = stack_push (s, str[i]) ❷
```

```
        else if isCloseSymbol (str[i]) == TRUE :  
            if arePaired (str[i], stack_top (s)) == TRUE :  
                stack_pop (s) → A  
            else :  
                st = ERROR B
```

```
        i = i + 1
```

```
    if st == OK AND stack_isEmpty (s) == FALSE : C  
        st = ERROR
```

```
    stack_free (s)  
    if st == ERROR : return FALSE  
    return TRUE
```

## Notas:

- **stack\_top** no devuelve algo válido si la pila está vacía
- **arePaired** devuelve FALSE si alguno de los elementos no son válidos.

- El TAD Pila
- Estructura de datos y primitivas de Pila
- Implementación en C de Pila
  - Implementación con top de tipo entero
- **Ejemplos de aplicación de Pila**
  - Balanceo de paréntesis
  - **Evaluación de expresiones posfijo**
  - Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo
- Anexos

- **Notación infijo**

- Los operadores se indican entre operandos: **A+B**
- La habitual

- **Notación posfijo (o sufijo)**

- Los operadores se indican después de los operandos: **AB+**
- La más “práctica” para un ordenador (algoritmo de evaluación más rápido)

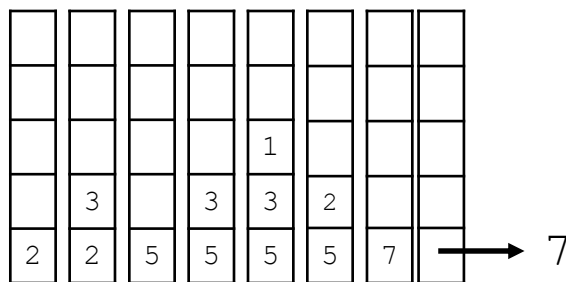
- **Notación prefijo**

- Los operadores se indican antes de los operandos: **+AB**

- **Ejemplo:**

- En infijo:  $2 - 3 * (4 + 1)$
- En posfijo:  $2\ 3\ 4\ 1\ +\ *\ -$
- En prefijo:  $- 2\ *\ 3\ +\ 4\ 1$

- Ejemplo: 2 3 + 3 1 - + ;



- Ejemplo: 1 2 \* 4 + 3 4 + \* ;



## ALGORITMO

E 1: Inicializar una pila auxiliar.

E 2: Recorrer la expresión de izquierda a derecha :

E 2.1: si el símbolo leído es un operando, insertarlo en la pila.

E 3.2: si el símbolo leído es un operador, extraer 2 elementos de la pila (primero el operando2 y después el operando1), evaluar la expresión formada por los operandos extraídos y el operador (operando1 operador operando2) e insertar el resultado en la pila.

E 3: Extraer el resultado de la expresión de la pila. Si tras extraer la pila no queda vacía, la expresión es incorrecta.

E 4: Liberar la pila auxiliar.

- Ejemplos

6	2	/	3	2	*	5	1	-	3	*	+	-	;

A B \* C - ;

--	--	--	--	--	--

1 2 \* 4 2 / 3 4 + 5 \* - + ; → - 31



- Pseudocódigo (sin CdE)

```
Status evalPosfix (String S, Integer ret)
```

```
    st = OK
```

```
    p = stack_init ()
```

```
    while s[i] ≠ EoS :
```

```
        if isOperand (s[i]) :
```

```
            stack_push (p, s[i])
```

```
        else if isOperator (s[i]) :
```

```
            op2 = stack_pop (p)
```

```
            op1 = stack_pop (p)
```

```
            ret = eval (op1, s[i], op2)
```

```
            stack_push (p, ret)
```

```
        i = i + 1
```

```
ret = stack_pop (p) //resultado almacenado en ret
```

```
if stack_isEmpty (p) = FALSE : //si la pila no queda vacía, incorrecto
```

```
    st = ERROR
```

```
stack_free (p)
```

```
return st
```

¿Control de errores?

Ejemplo: 1 6 \* 2 1 ;

Ejemplo: 1 6 \* 2 + / ;



# Evaluación de expresiones posfijo (con CdE) 41

```
Status evalPosfix (String S, Integer ret)
    st = OK
```

```
    if (p = stack_init ()) == ERROR
        return ERROR // ERROR 1: la pila está llena (overflow)
```

```
    while s[i] ≠ EoS AND st == OK :
```

```
        if isOperand (s[i]) :
            st = stack_push (p, s[i]) // ERROR 2: la pila está llena (overflow)
```

```
        else if isOperator (s[i]) :
            op2 = stack_pop(p)
            op1 = stack_pop(p)
            if op1 ≠ NULL AND op2 ≠ NULL :
                ret = eval(op1, s[i], op2)
                st = stack_push (p, ret) // ERROR 3: la pila está llena (overflow)
            else :
                st = ERROR // ERROR 4: no hay suficientes operandos en la pila
```

```
        i = i + 1
```

```
    if st == OK AND (ret = stack_pop (p)) == NULL : //ERROR 5: expresión incorrecta
        st = ERROR
```

```
    if st == OK AND stack_isEmpty (p) == FALSE : //ERROR 6: pila no queda vacía, sobran operandos
        st = ERROR
```

```
    stack_free(p)
    return st
```

Ejemplo: 1 6 \* 2 1 ;

Ejemplo: 1 6 \* 2 + / ;



- El TAD Pila
- Estructura de datos y primitivas de Pila
- Implementación en C de Pila
  - Implementación con top de tipo entero
- **Ejemplos de aplicación de Pila**
  - Balanceo de paréntesis
  - Evaluación de expresiones posfijo
  - **Conversión entre notaciones infijo, posfijo y prefijo**
- Anexos

- **Infijo → Posfijo**

- Conversión de  $A + B * C$

- $A + (B * C) \Rightarrow AB \div C *$
- $A + B * C \Rightarrow ABC * +$

- Hay que tener en cuenta:

- Precedencia de operadores
- Asociatividad de operaciones (a igual precedencia, de izquierda a derecha)

precedencia

+

-

operador	asociatividad
() [] . ->	izquierda-derecha
^	izquierda-derecha
* / %	
+ -	
== ≠	
AND OR	
=	derecha-izquierda

- Idea inicial (¿correcta o errónea?)

A + B \* C ; => ABC\*+

Símbolo	Traducción parcial	Pila de OPERADORES
A	A	
+	A	+
B	AB	+
*	AB	+ *
C	ABC	+ *
;	ABC*+	

- Posible algoritmo

¿Funciona para A \* B + C / E ; ?

1. Si el símbolo actual it es operando: “imprimir”  
(añadir it a cadena de traducción parcial)
2. Si it es operador: pila\_push(pila, it)
3. Al final: vaciar pila e imprimiendo elementos en cadena traducción en el orden en que se van extrayendo

- Otro ejemplo

$A * B + C / E ; \Rightarrow AB*CE/+$

Símbolo	Traducción parcial	Pila de OPERADORES
A	A	
*	AB	*
B	AB	*
+	AB	* +
C	ABC	* +
/	ABC	* + /
E	ABCE	* + /
;	ABCE/+* MAL	

- Ajustes al algoritmo anterior para que funcione:
  - Los operadores de mayor precedencia salen antes de pila
  - A igual precedencia, sale antes el que se leyó antes

# Conversión de expresiones: infijo-posfijo

46

- Teniendo en cuenta precedencia de operadores

$A * B + C / E ; \Rightarrow AB*CE/+$

Símbolo	Traducción parcial	Pila de OPERADORES
A	A	
*	AB	*
B	AB	*
+	AB*	+
C	AB*C	+
/	AB*C	+ /
E	AB*CE	+ /
;	AB*CE/+	

- Idea para el algoritmo

- Si it es operando, imprimir it
- Un operador leído saca de la pila todos los operadores de mayor o igual precedencia, en el orden correspondiente (pop) , y luego se mete él en pila  
>: el más preferente sale antes  
=: por la regla de asociatividad izquierda-derecha, también sale antes
- Al final, vaciar la pila de operadores e imprimir

## Algoritmo

S1: Inicializar pila auxiliar

S2: Leer la expresión de izquierda a derecha:

S2.1: si el símbolo leído es operando, añadirlo a la expresión de salida

S2.2: si el símbolo leído es operador:

    mientras la prec (operador leído)  $\leq$  prec (tope(pila))

        extraer elemento de la pila y añadirlo a la expresión de salida

    insertar operador leído en la pila

S3: Mientras la pila no esté vacía:

    extraer elemento de la pila y añadirlo a la expresión

S4 : Liberar la pila auxiliar

A + B \* C - D ;  
=> ABC\*+D-

Símbolo	Traducción parcial	Pila de OPERADORES
A	A	
+	A	+
B	AB	+
*	AB	+ *
C	ABC	+ *
-	ABC*+	-
D	ABC*+D	-
;	ABC*+D-	



# Conversión de expresiones: infijo-posfijo (sin CdE) 48

```
Status infix2posfix (String s1, String s2)
```

```
    i = 0
```

```
    j = 0
```

1 **p = stack\_init()**

```
while s1[i] ≠ EOS:
```

```
    if isOperand (s1[i]) == TRUE :
```

```
        s2[j] = s1[i]
```

```
        j = j + 1
```

```
    else if isOperator (s1[i]) == TRUE :
```

```
        while (stack_isEmpty(p) == FALSE) AND (prec (s1[i]) ≤ prec(stack_top(p)):
```

```
            e = stack_pop(p)
```

```
            s2[j] = e
```

```
            j = j + 1
```

2 **stack\_push** (p, s1[i])

```
    i = i + 1
```

```
while stack_isEmpty (p) == FALSE :
```

```
    e = stack_pop (p)
```

```
    s2[j] = e
```

```
    j = j + 1
```

```
stack_free (p)
```

```
return OK
```



**prec(op)** : Devuelve el nivel de precedencia de un operador

# Conversión de expresiones: infijo-posfijo

49

```
Status infix2posfix (String s1, String s2)
    i = 0
    j = 0
    st = TRUE
```

1 **if** (p = **stack\_init**()) == ERROR :  
 return ERROR



```
while s1[i] ≠ EOS AND st == OK :
    if isOperand (s1[i]) == TRUE :
        s2[j] = s1[i]
        j = j + 1
```

```
    else if isOperator (s1[i]) == TRUE :
        while stack_isEmpty(p) == FALSE AND prec (s1[i]) ≤ prec(stack_top(p)) :
            e = stack_pop(p)
            s2[j] = s[i]
            j = j + 1
        2 st = stack_push (p, s1[i])
```



```
    i = i + 1

if st == OK :
    while stack_isEmpty (p) == FALSE :
        e = stack_pop (p)
        s2[j] = e
        j = j + 1
    stack_free (p)
    return st
```

Si tuviéramos dentro del while alguna posible situación de error (en otro código diferente) meteríamos la comprobación de st en el while:

```
while st==OK AND condicion_del_bucle:
    //operaciones, alguna de las cuales podría
    //producir error, en cuyo caso:
    // if (x == ERROR) st = ERROR
...
```

- ¡Ojo! A diferencia de la evaluación, el algoritmo de conversión no detecta errores sintácticos
  - $A+B* \rightarrow AB*+$
  - $ABC* \rightarrow ABC*$
- **Función de precedencia**

```
int prec(char op)
{
    switch(op) {
        case '+': case '-': return 1;
        case '*': case '/': return 2;
        case '^': return 3;
    }
    return 0; // Error
}
```

- **Con paréntesis...**

$A * B / (C + D) * (E - F) ;$

- Clave: tratar las expresiones entre paréntesis como expresiones en si misma → se traducen antes de seguir la traducción general

- Ejemplo:  $A * B / [CD+] * [EF-] \Rightarrow AB*CD+/EF-*$

- **En la práctica:**

- ‘(’ se introduce en la pila
  - cuando se encuentra ‘)’ se sacan todos los operadores hasta ‘(’
- ¿Hay que tener en cuenta el balanceado de paréntesis?
  - El algoritmo de conversión lo tendrá en cuenta

- Con paréntesis...

$A * B / (C + D) * (E - F) ;$

Símbolo	Traducción parcial	Pila de OPERADORES
A	A	
*	AB	*
B	AB	*
/	AB*	/
(	AB*	/ (
C	AB*C	/ (
+	AB*C	/ (+
D	AB*CD	/ (+
)	AB*CD+	/
*	AB*CD+ /	*
(	AB*CD+ /	* (
E	AB*CD+ / E	* (
-	AB*CD+ / E	* (-
F	AB*CD+ / EF	* (-
)	AB*CD+ / EF-	*
;	AB*CD+ / EF- *	

- Se puede seguir la misma estrategia de evaluación para otras conversiones
- **Posfijo → Prefijo**
  - 1) Algoritmo de evaluación de expresiones posfijo
  - 2) En vez de “operar”, crear expresiones parciales de tipo prefijo (e introducirlas en la pila, como se hacía al evaluar con el resultado)
- Ejemplo: **AB\*CD+ /**

- **Posfijo → Infijo**

- 1) Algoritmo de evaluación de expresiones posfijo
- 2) En vez de “operar”, crear expresiones parciales de tipo infijo e introducirlas, entre paréntesis, en la pila

- Ejemplo: **AB/CD+/EF-\***

- **Infijo → prefijo**

Algoritmo: infijo → sufijo → prefijo

- Ejemplos:

$A+B-C;$

$(A+B) * (C-D) ;$



- Evaluar la siguiente expresión sufijo  
 $2 \ 1 \ / \ 4 \ 2 \ * \ + \ 6 \ 5 \ - \ 8 \ 2 \ / \ + \ + \ ;$
- Convertir la siguiente expresión infijo en sufijo  
 $A \ + \ B \ / \ C \ - \ D \ * \ F \ ;$
- Convertir la siguiente expresión infijo en sufijo  
 $(A \ + \ B) \ / \ C \ * \ (D \ - \ E) \ + \ F \ ;$
- Convertir la siguiente expresión sufijo en infijo  
 $A \ B \ C \ / \ + \ D \ F \ * \ - \ ;$
- Convertir la siguiente expresión sufijo en prefijo  
 $A \ B \ C \ / \ + \ D \ F \ * \ - \ ;$
- Evaluar la siguiente expresión prefijo  
 $/ \ / \ 6 \ 5 \ - \ 9 \ 3 \ ;$