## Rozwiazywanie układów równań

 $\begin{cases} x + 2y = 8 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$ 

Moismy po rozwigzal na kilku sposobbw:

Many ulas voumin :

1) Podstavienie

L pienuszep równania x = 8-zy, więc zx = 16-4y.
Ustawieją do drugiego równania many;

Wise otraymojemy ] x=2

Shoro x+2=8=> y=4-x

2x-y = 1 => y= 2x-1

Poniewai x= 8-2,3=2

2) Metode graficano - niedoktodne, ale mose stusyé ebudowanio intuiti w bardsici shamphilowanych przypadkwata.

16-4y - y = 1, a visc 16-5y= 1, ayl: 5y = 15

2 to sa roumanie dwach prostych ktor moine normorosi w

i y = 3.

UliTudie avapilies days



wiers downmotric

 $\begin{array}{c|c}
1 & 0 & 2 \\
\hline
0 & -1 & -3
\end{array}$ 

mnosymy prez (-1)

/4=2x-1

Skoro W # O to liegmy dwa inne wymoczniki popraz zastę pienie kolumny ze współczyminkami Kolumną z wyrozomi wolnymi:

W= old 2 = -1 = -5

( asseptilismy pierway holumny)

( 20 stapilismy o'm gg holumng)

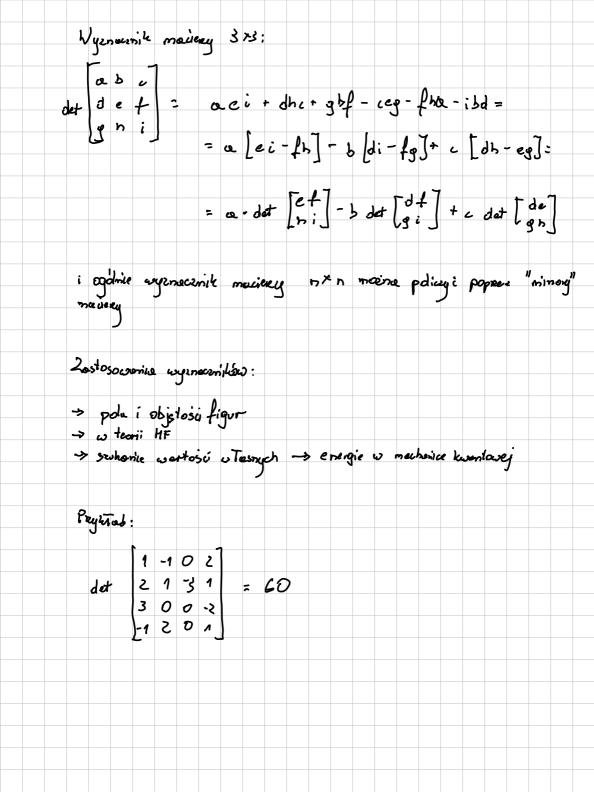


Wx = det | 8 2 | = -8-2=-10

Vy = det 2 8 = 1-16=-15

x = \frac{\frac{1}{x}}{\frac{1}{x}} = \frac{-10}{-5} = 2

y = wy = -95 = 3



## Rozwiazywanie równań kwadratowych

moissy cousse enaleth wyenesenth  $\Delta = b^2 - 4ec$ 

Vtedy, gdy 120 morny 
$$x_i = -b \pm \sqrt{\Delta}$$

Shed to cognite? Movemy inelation partoi kanonicing nocuments:

$$a \times^2 tb \times tc = 0 \iff x^2 t \xrightarrow{b} x t \xrightarrow{c} = 0$$

$$(x + \frac{b}{2a})^2 - (\frac{b^2}{4a^2} - \frac{c}{a})$$

jest ten citen, ornarony jako / jest kwadratow,
to many misnia kwadratow

Ogidnie, w misonaniu drugiago stopnia zawsa moirny probować dopainic
do petnego hwadratu.

Mozna toż stralić pierwiasthi konystając ze esemin Vieto'a

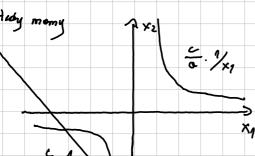
to x1 i x2 sq pierwiestherni tego réconania. A jednocześnie mony a (x-x1) (x-x) = a x - a(x+xe) x + ax+x2

gdy c \$0 to x1, x2 20

$$x_1 + x_2 = \frac{b}{a} \Rightarrow x_2 = \frac{b}{a} - x_1$$

$$x_4 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \Rightarrow x_4 = \frac{c}{a} \cdot \frac{1}{x_7}$$

$$x_0 \cdot x_0 = \frac{c}{c} \Rightarrow x_1 = \frac{c}{a} \cdot \frac{1}{x_7}$$



$$\frac{c}{a} \cdot \frac{1}{x}$$

$$x_{2} = \frac{b}{a} + x_{1}$$

Magie ausonia Viela umożliwia zgadywarke poznejazań równia: wo bombiej skamplikowanych przy problat:

Na 
$$f(x)=x^3-6x^2+11x-6=0$$

możenia strabać, że planojastkarii są pp. 1, 2, 3, -1, -2, -3

Może są tome, ale te możeney Takuo aprowodzie

 $f(1)=1-6+11-6=0$ 
 $f(2)=8-6.9+11.2-0=8-24+22-6=0$ 

Znależliśmy trzy planojastkii, wżecej nie bzdzie:

 $f(x)=x^3-6x^2+11x-6=(x-1)(x-2)(x-3)$ 

Może sią jednak okosać, że znależkimy tylko jeden pienożastke.

To (tak dużo! tomożdomy, że momy pownonie

 $f(x)=x^3-2x^2+1$ 

Takuo zobawyć, że  $f(1)=0$ 

Wiąc momy  $x^3-2x^2+1=(x-1)(x^2+3x+c)=$ 

Vigo morny  $x^3 - 2x^2 + 1 = (x-1)(x^2 + 6x + c) =$   $= x^3 + 5x^2 + cx - x^2 - 6x - c =$   $= x^3 + x^2(b-1) + x(c-6) - c$ Porownejec wieloniany w type someth possess many:  $x^3 = x^3$ 

=> b=c=-1

 $-2x^{2} = x^{2}(b \cdot 1) = 5 \quad b - 1 = -2$   $0 = x(c - b) \quad c - b = 0$  1 = -2

Robbsor Law. adams o 
$$C = 9 \ge mel/2$$
. If an jest shapped asserted is  $2 \ge 10^{-10} = 1.8$ 
 $1 \ge 10^{-3.6} \cdot 1.9 \cdot 10^{-1.8} = 2.5 \cdot 10^{-10} + 1.27 \cdot 10^{-5}$ 
 $1 \ge 10^{-3.6} \cdot 1.9 \cdot 10^{-5} = 2.5 \cdot 10^{-10} + 1.27 \cdot 10^{-5}$ 
 $1 \ge 10^{-3.6} \cdot 10^{-3} = 2.5 \cdot 10^{-10} + 1.27 \cdot 10^{-5}$ 
 $1 \ge 10^{-3.6} \cdot 10^{-3} = 2.5 \cdot 10^{-3} = 2.$ 

Nesh A=	1 2 0 2 1 2 -2 -	0]. 2, -1, 1, 2}	nejsš	> 1	whie,	če	det	(h	~ <u>}</u>	<u>i</u> )	= 6	D		

równań

równań 
$$x^2 + y^2 = R^2 - olongy \qquad x^2 - y^2 = t$$

$$\chi^2 + y^2 = R^2$$
 — olongy  $\chi^2 - y^2 = \pm R^2 - \frac{1}{6}$   $\chi^2 - y^2 = \pm R^2 - \frac{1}{6}$   $\chi = ay^2 + by + c$ 

$$\chi^2 + y^2 = R^2$$
 — olongy  $\chi^2 - y^2 = \frac{1}{2}$   
 $\left(\frac{\chi}{\omega}\right)^2 + \left(\frac{y}{6}\right)^2 = R^2 - \text{elipsia}$   $\chi = ay^2 + by$ 

$$x^2 + y^2 = R^2$$
 — olongy  $x^2 - y^2 = t$ 

$$= x^2 + y^2 = R^2 - elipsie$$

Rodziny krzywych i układy

x2-y2=tR2- hiperbola (x) (y) = P2 - elipsue x= ay2+by+c - perebole 2 poiony oxy Symetrii x 7 y = 2/3 - asteroida

(x²+y²) = u² (x²-y²) - Lemniskuta Bernoulliego

 $\int 3x^{2} - 2xy - 5 = 0$   $\int x^{2} - y^{2} = 0$ 

(x,y) & { (2,1); (1,-1); (1s, -vs); (-vs, vs)} الازمراك) بي جن جم بير بيري بيري

/ 4y3 - 12y +4x = 0 (x,y) & f (0,0); (\overline{\chi\_1},\overline{\chi}); (-\overline{\chi\_2},\overline{\chi}); (2,-2); (-2,2) 4

(x-y)= xy 4(2-4) -12(1.4) -16-4) =0 1 /x-4) (2+ xyry2) -16 (x-y) =0 124xy +y2 - 4xy = 0 x2 - 3xy + y2 = 0 x=y W

$$\begin{cases} 4x^{3} + 8xy^{4} - 16x = 0 \\ 4y(y^{2} + 2x^{2} - 1) = 0 \end{cases} \Rightarrow (x,y) \in \sqrt{2} = \frac{1}{15}, 1 = \frac{1}{15}, (6,0)$$

$$\begin{cases} 3x^{2}y^{2} - 4x^{2}y^{2} - 3x^{2}y^{3} = 0 \\ 2x^{2}y^{2} - 4x^{2}y^{2} - 3x^{2}y^{3} = 0 \end{cases} \Rightarrow (x,y) \in \sqrt{2}, (0,0), (\frac{1}{2}, \frac{1}{2}), (0,1), (0,\frac{1}{2}), (0,1), (0,1), (0,\frac{1}{2}), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,1), (0,$$