

Planejamento e Análise de Experimentos (EEE933)

Estudo de Caso 2

Pedro Vinícius, Samara Silva e Savio Vieira

24 de Agosto de 2020

Introdução

O Índice de Massa Corporal (IMC) é uma medida de gordura corporal baseada na relação entre peso (em kg) e altura (em m) de um indivíduo e é comumente utilizado como uma ferramenta de triagem para indicar se uma pessoa está com um peso saudável para sua altura. Este índice é calculado conforme a Equação 1:

$$IMC = \frac{peso}{(altura)^2} \quad (1)$$

em kg/m^2 . Cada faixa de IMC permite classificar o indivíduo em uma das seguintes categorias [1]:

- Baixo peso: $< 18,5$
- Peso normal: $18,5 - 25$
- Sobrepeso: $25 - 30$
- Obesidade: $30 - 35$
- Obesidade mórbida: > 40

Neste estudo de caso deseja-se comparar o IMC médio dos alunos de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica (PPGEE) da Universidade Federal de Minas Gerais (UFMG) de dois semestres distintos: 2016/2 e 2017/2. Para tal fim, foram disponibilizadas duas amostras, contendo sexo, altura e peso de alguns alunos [2]. Assim, duas análises estatísticas independentes são propostas: (i) uma sobre o IMC médio dos alunos do sexo masculino e (ii) uma sobre o IMC médio dos alunos do sexo feminino. Para ambos os casos, a condução dos experimentos foram similares, no entanto, alguns testes tiveram que ser adaptados de acordo com as propriedades das distribuições amostrais investigadas.

Planejamento dos Experimentos

As hipóteses estatísticas foram definidas com o intuito de responder às questões propostas abaixo:

- Há evidências de que o IMC médio dos alunos do PPGEE/UFMG de 2016/2 é diferente do IMC médio dos alunos do PPGEE/UFMG de 2017/2 no que se refere ao sexo masculino?
- E quanto ao sexo feminino?

Em concordância com a proposta de comparação do IMC médio entre os alunos de semestres distintos, as hipóteses de teste podem ser formuladas sobre o parâmetro média:

$$\begin{cases} H_0 : \mu_{2016} = \mu_{2017} \\ H_1 : \mu_{2016} \neq \mu_{2017} \end{cases}$$

onde a hipótese nula H_0 implica na igualdade entre os IMCs médios dos alunos de 2016/2 e 2017/2 e a hipótese alternativa bilateral H_1 na diferença dos IMCs médios e, portanto, em uma potencial diferença dos estilos de vida dos alunos.

Os parâmetros experimentais para realização dos testes são:

- A probabilidade admissível de rejeição da hipótese nula quando ela é verdadeira é de apenas 5%, isto é, o nível de significância do teste é $\alpha = 0,05$;
- A potência do teste é de $\pi = 1 - \beta = 0,8$. Em outras palavras, deseja-se uma probabilidade de falha ao rejeitar a hipótese nula quando ela é falsa de 20%;
- O tamanho de efeito de mínima relevância prática foi definido em $\delta^* = 1$, ou seja, pretende-se detectar, a partir do teste de hipóteses, desvios de 1 kg/m^2 .

Pré-Processamento dos Dados

Conforme mencionado anteriormente, as bases de dados `imc_20162.csv` e `CS01_20172.csv` foram disponibilizadas [2]. A amostra relativa ao semestre de 2016/2 dispõe dos atributos número de identificação do aluno, visto que a coleta manteve o sigilo dos estudantes, curso (graduação ou pós-graduação), gênero, peso (em *kg*) e altura (em *m*). A princípio, foi necessário extrair apenas as informações dos alunos cujo vínculo com a universidade era de discente da pós-graduação e, posteriormente, realizar a fragmentação por gênero, formando duas amostras independentes (*M2016* e *F2016*). A amostra relativa ao semestre de 2017/2, por sua vez, compreendia os atributos peso (em *kg*), altura (em *m*), sexo e idade. Além disso, as observações eram somente de alunos da pós-graduação e, portanto, exigiu apenas a separação por gênero em duas outras amostras (*M2017* e *F2017*).

A partir dos pesos e alturas disponíveis, os índices de massa corporal foram calculados para cada aluno, conforme a Equação 1. Por fim, as observações de interesse foram compiladas em uma única estrutura de dados. Os 10 primeiros IMCs de cada amostra podem ser visualizados abaixo, onde os valores “NA” presentes nas amostras femininas (*F2016* e *F2017*) indicam que ambas possuem tamanho amostral $N < 10$, isto é, 7 e 4 observações, respectivamente. As amostras masculinas (*M2016* e *M2017*), no entanto, apresentam 21 observações cada uma.

```
# 10 primeiras observações de cada amostra
show(IMCs[c(1:10),])
```

##	M2016	M2017	F2016	F2017
## 1	24.96801	29.73704	18.45917	17.36111
## 2	23.23346	26.95568	20.19509	20.83253
## 3	28.07504	29.06574	19.72318	17.84652
## 4	37.55102	30.42185	22.48133	17.74623
## 5	22.40879	20.76125	22.58955	NA
## 6	24.28098	24.38272	25.18079	NA
## 7	27.14304	23.74764	18.96193	NA
## 8	24.41928	22.49135	NA	NA
## 9	22.47121	24.89814	NA	NA
## 10	21.62630	22.40818	NA	NA

Análise Exploratória de Dados

```
# Histogram
ggplot(IMCs, aes(value)) + xlab(expression("IMC (kg/\"m\"^2)")) +
  ylab("Frequência") + geom_histogram(bins = 20) +
  facet_wrap(~variable, scales = 'free')
```

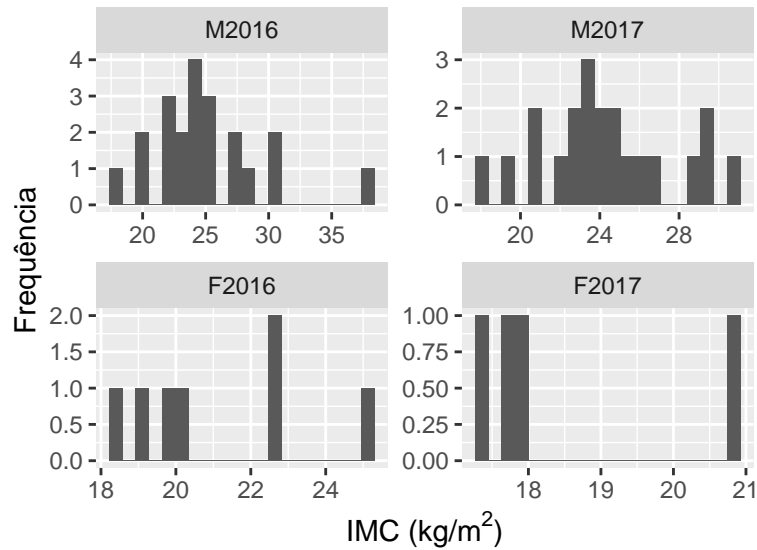


Figura 1: Histogramas.

```
# Boxplot
ggplot(data = IMCs, aes(y = "", x = value)) + xlab(expression("IMC (kg/"*m"^2*")")) +
  ylab("") + geom_boxplot(lwd = 0.3) +
  facet_wrap(~variable, scales = 'free') + coord_flip()
```

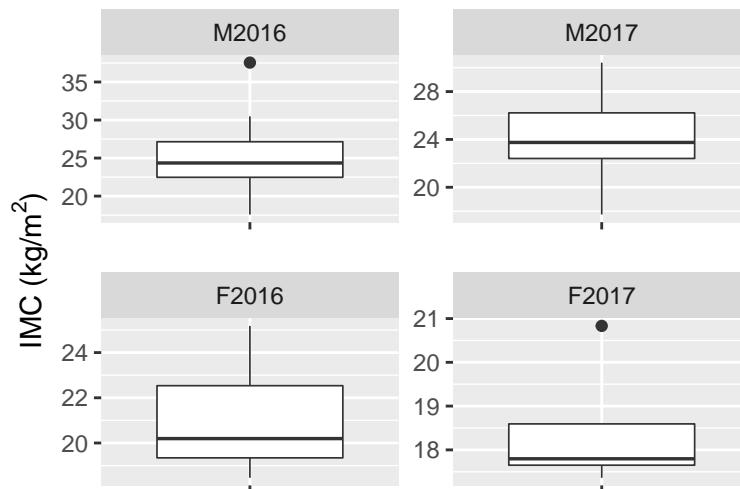


Figura 2: Boxplots.

```
# QQ-Plots
ggplot(data = IMCs, aes(sample = value)) +
  facet_wrap(~variable, scales = "free") +
  stat_qq() + stat_qq_line() + scale_y_continuous(name = 'Quantis da Amostra') +
  scale_x_continuous(name = 'Quantis Teóricos Normais')
```

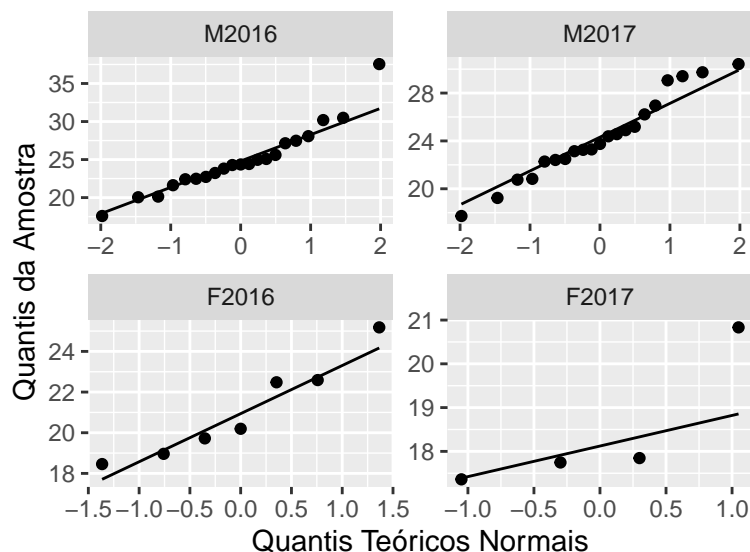


Figura 3: QQ-Plots

Análise Estatística

Uma vez analisado a normalidade das amostras, pode-se definir quais testes são aplicáveis para comparação das medias. Para as observações do IMC masculino, tanto a amostra do segundo semestre de 2016 quando a do segundo semestre de 2017 são normais, sendo assim, pode-se aplicar o teste T de Student para duas amostras. Porem, para as observações do IMC feminino, a amostra do segundo semestre de 2017 não é normal, sendo assim, para teste das medias das amostras do grupo feminino, deve-se utilizar um teste não-paramétrico. O teste T de Student para duas amostras tem como premissa que as amostras a serem testadas tenham comportamento normal, como já mencionado. Os parâmetros de entrada, além das duas amostras envolvidas, devem conter que tipo da hipótese alternativa, se bilateral, unilateral esquerda ou direita, neste experimento, deseja-se que as medias tenham valores diferentes, sendo assim, bilateral. Outro parâmetro de entrada é o valor da diferença das medias, neste caso, como a hipótese nula é que as medias das duas amostras são iguais, a diferença das medias $\mu_{2016} - \mu_{2017} = 0$, e por fim, o nível de confiança adotado para os testes foi de 95%.

```
(t_test <- t.test(x = M2016,
  y = M2017,
  alternative = "two.sided",
  conf.level = 0.95))

##
## Welch Two Sample t-test
##
## data: M2016 and M2017
## t = 0.53979, df = 38.057, p-value = 0.5925
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -1.788823 3.089716
## sample estimates:
## mean of x mean of y
## 24.93595 24.28551
```

```
cat('Intervalo de confiança:', t_test$conf.int[1:2])
```

```
## Intervalo de confiança: -1.788823 3.089716
```

O resultado do teste T de Student retornou um p-valor de 0,5925, maior que o nível de significância de 0,05, isso significa que com 95% de confiança, não deve-se rejeitar a hipótese nula H_0 de que as medias das duas amostras são iguais. Sendo a hipótese alternativa H_1 bilateral, o intervalo de confiança para a diferença das medias é [-1,788823 , 3,089716].

O teste de Wilcoxon foi apontado para analise das amostras do grupo feminino, por uma das amostras não ser normal. É um teste não-paramétrico, equivalente ao teste Mann-Whitney quando as amostras não são pareadas. A hipótese nula H_0 é de que as medias são iguais, sendo assim, o que nos parâmetro do teste de Wilcoxon chama-se de mudança de localização, o valor deve ser igual a zero (0), como padrão o mesmo já é zero. A hipótese alternativa H_1 é de que as medias são diferentes, um teste bilateral, e o nível de confiança para o teste também é de 95%.

```
(wilcox_test <- wilcox.test(x = F2016,
                             y = F2017,
                             alternative = "two.sided",
                             conf.int = TRUE))
```

```
##
## Wilcoxon rank sum test
##
## data: F2016 and F2017
## W = 24, p-value = 0.07273
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.6374374 5.2284403
## sample estimates:
## difference in location
## 2.162763
```

```
cat('Intervalo de confiança:', wilcox_test$conf.int)
```

```
## Intervalo de confiança: -0.6374374 5.22844
```

Como o p-valor retornado foi maior que o nível de significância do experimento, $0,07273 > 0,05$, a hipótese nula H_0 , com 95% de confiança, não pode ser rejeitada. O intervalo de confiança para a diferença das medias é [-0,6374374, 5,22844]. Para os testes tanto do grupo masculino quanto para o feminino, as hipóteses nulas H_0 foram aceitas, neste caso, hipóteses fracas que não foram rejeitadas. Não significa que são verdadeiras, mas que com os testes realizados a 95% de confiança, não pode-se rejeitá-las.

Validação de Premissas

```
shapiro.test(M2016)
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: M2016
## W = 0.92833, p-value = 0.1275
```

```
shapiro.test(M2017)
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: M2017  
## W = 0.96494, p-value = 0.6206
```

```
shapiro.test(F2016)
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: F2016  
## W = 0.91974, p-value = 0.4674
```

```
shapiro.test(F2017)
```

```
##  
## Shapiro-Wilk normality test  
##  
## data: F2017  
## W = 0.7475, p-value = 0.03659
```

Tamanho de efeito

Comumente, os estudos científicos apresentam a significância dos resultados alcançados. Contudo, é aconselhável mensurar também a tamanho de efeito (importância real) concernente às diferenças encontradas em termos de média ou variância dos grupos avaliados [6]. A literatura aborda algumas metodologias para isso, o Teste de Cohen, Teste de Glass, Teste de Hedges, Teste (Psi), dentre outros. Cada um desses testes têm diferentes maneiras de calcular o tamanho de efeito quanto a um determinado estimador, alguns fazendo uso da média (Cohen(d), Glass, Hedges(g), Psi) e outros usando as variâncias (Pearson, η^2 , ω^2 e Cohen(f^2)). O teste de Cohen, por exemplo, calcula o tamanho de efeito (d) quanto à média, obtendo o quociente da diferença entre as médias dos grupos pelo desvio padrão agrupado, conforme mostrado em X e Y [4].

A medida mais usada para calcular o tamanho de efeito para um teste t é o d de Cohen (Cohen 1998) [5]. A interpretação deste teste se dá a partir do d calculado por X. O efeito é considerado muito pequeno quando d resulta entre [0,01;0,20[[7], pequeno, médio e grande quando d E [0,20;0,50[, [0,50;0,80] e grande [0,80;1,20[, respectivamente [3], muito grande se d E [1,20;2] [7] e enorme a partir de 2,0 {sawilowsky2009new}.

Por meio do uso do pacote “effsize” do R [8] foi calculado o tamanho de efeito referente aos dados estudados, com uso da função cohen.d.

```
cohen.d(sort(M2016),sort(M2017))
```

```
##  
## Cohen's d  
##  
## d estimate: 0.1665831 (negligible)  
## 95 percent confidence interval:  
## lower upper  
## -0.4582151 0.7913813
```

```
cohen.d(sort(F2016),sort(F2017))
```

```
##  
## Cohen's d  
##  
## d estimate: 1.21019 (large)  
## 95 percent confidence interval:  
##      lower      upper  
## -0.3231255  2.7435055
```

Os resultados mostraram que, em relação à média do IMC do grupos masculinos, d resultou em 0,1665831, que evidencia que não existem diferenças significativas entre as médias estudadas. Já em relação ao IMC dos grupos femininos avaliados, constatou-se que $d = 1,21019$, que permite inferir que há grandes diferenças entre as médias dos grupos em questão.

Conclusões

Discussão de Melhorias

Atividades Desempenhadas

Referências

- [1] Alexandra M. N. Borba, Juliane H. Wolff Wolff, and Rafaela Liberali. Avaliação do Perfil Antropométrico e Alimentar de Idosos Institucionalizados em Blumenau-Santa Catarina. *RBONE-Revista Brasileira de Obesidade, Nutrição e Emagrecimento*, 1(3), 2007.
- [2] Felipe Campelo. Lecture Notes on Design and Analysis of Experiments. <http://git.io/v3Kh8>, 2018. Version 2.12; Creative Commons BY-NC-SA 4.0.
- [3] Jacob Cohen. *Statistical power analysis for the behavioral sciences*. Academic press, 2013.
- [4] Guanís de Barros Vilela Junior. Tamanho do efeito (effect size).
- [5] Alboukadel Kassambara. T-test essentials: Definition, formula and calculation. <https://www.datanovia.com/en/lessons/t-test-effect-size-using-cohens-d-measure/#:~:text=T%2Dtest%20conventional%20effect%20sizes,if%20it%20is%20statistically%20significant>. Acesso: 15 ago.
- [6] Ken Kelley and Kristopher J Preacher. On effect size. *Psychological methods*, 17(2):137, 2012.
- [7] Shlomo S Sawilowsky. New effect size rules of thumb. *Journal of Modern Applied Statistical Methods*, 8(2):26, 2009.
- [8] Marco Torchiano and Maintainer Marco Torchiano. Package ‘effsize’. 2020.